

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

#### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

#### **About Google Book Search**

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <a href="http://books.google.com/">http://books.google.com/</a>



#### A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

#### Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

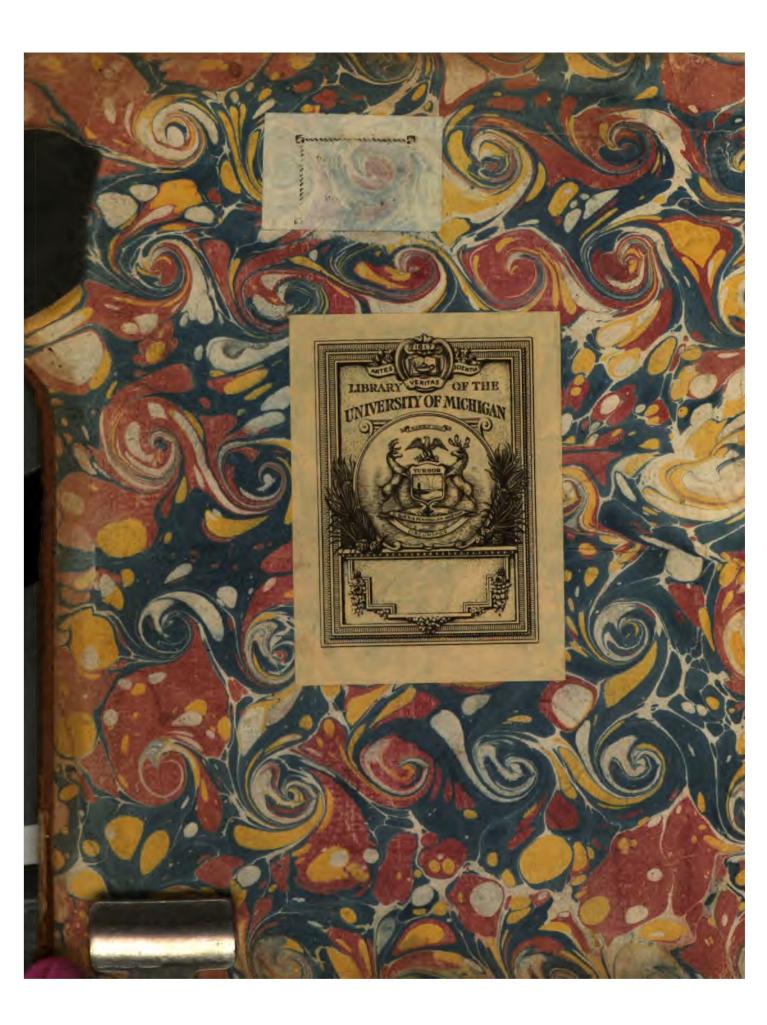
Nous vous demandons également de:

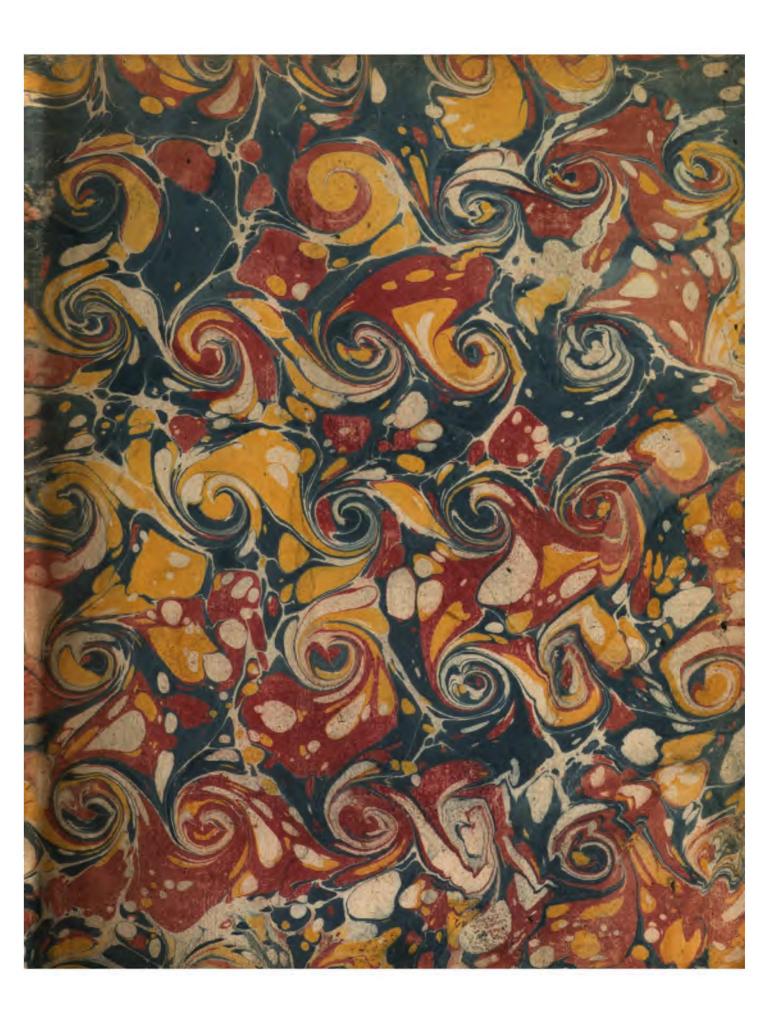
- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + *Ne pas supprimer l'attribution* Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

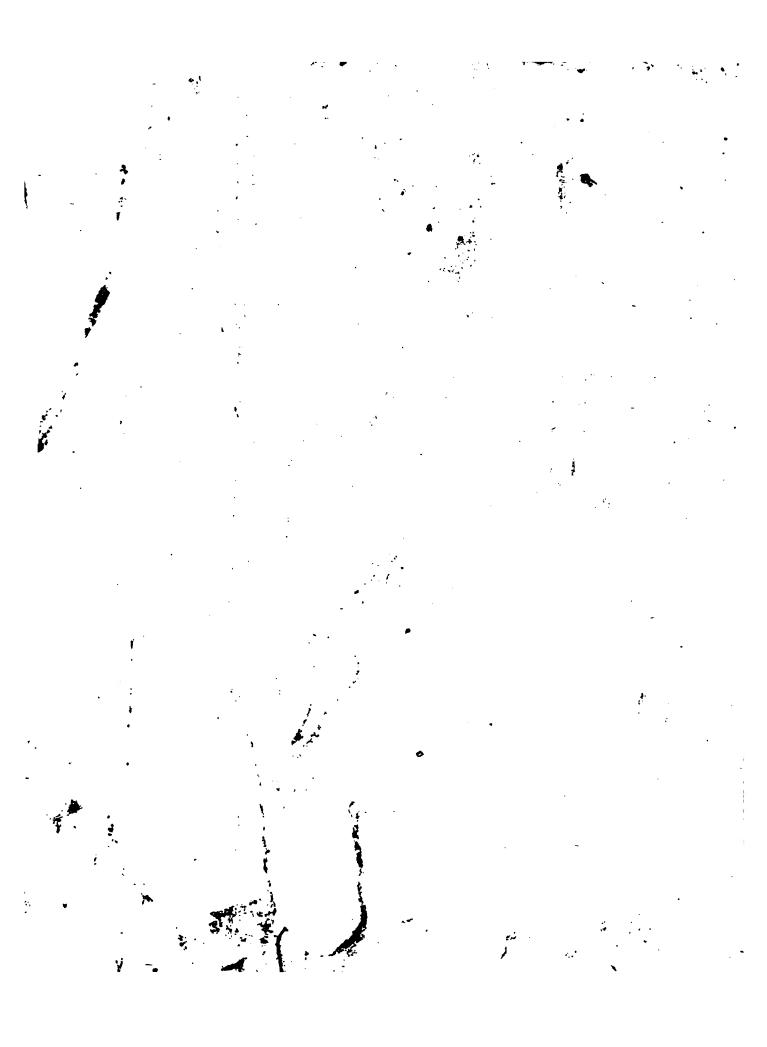
#### À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse <a href="http://books.google.com">http://books.google.com</a>









672 .F89

. , ·
.

# COUPE DES PIERRES ET DES BOIS

POUR LA CONSTRUCTION DES VOUTES Et autres Parties des Bâtimens Civils & Militaires,

# TRAITÉ DE STEREOTOMIE

A L'USAGE DE L'ARCHITECTURE,

Par M. FREZIER, Chevalier de l'Ordre Militaire de Saint Louis; Ingenieur ordinaire du Roy en Chef à Landau. TOME TROISIEME,

Auquel on a joint une Dissertation sur les Ordres d'Architecture.



A STRASBOURG,
Chez JEAN-DANIEL DOULSSEKER le Fils, Marchand Libraire
à l'entrée de la Ruë dite Flader-Gass.

Chez CHARLES-ANTOINE JOMBERT Libraire, Rue St. Jacques, au coin de la Rue des Mathurins.

M DCC XXXIX

. 



# TABLE DES TITRES DU TROISIEME TOME

#### SECONDE PARTIE DU IV. LIVRE.

Des Voûtes coupées de deux ou de plusieurs Surfaces.

200 Yours coupeed to the printed out the	~
page 1	ges.
CHAP. I. DES Enfourchemens qui se font à la rencontre des Berceaux tra-	
versez par d'autres Berceaux.	4
PROBL. 1. Former en pierre ou en bois l'enfourchement	
de deux Berceaux de nivezu, qui se pénetrent perpen-	
diculairement ou obliquement.	5
	2
3.º Maniere par Panneaux.	3
Cor. I. Des VOUTES en ARCS-de-CLOITRE.	14
Des mêmes sur un Polygone de côtez en nombre impair.	15
	16
	10
	bi <b>d</b> .
Aplication sur le Bois pour la CHARPENTE & la ME-	
	2 I
N TI los los los l'adhienes	24
Remarques fur les Voûtes Gothiques.	30
% 45 T7 A \ J J I A A	3 I
Des Voutes à doubles Arêtes.	32
Des mêmes rachetant un Platfond circulaire ou un Cû-de-	
four.	35
De la terminaison d'un Berceau qui en termine un autre	
d'inégale hauteur, ou Lunette droite ou biaise de niveau dans un Berceau de niveau.	
	37
Explication démonstrative.  De la rencontre des Berceaux horisontaux avec les verti-	ţī
caux, comme Porte droite ou biaise en Tour ronde ou en Tour creuse.	
Bussian Con de la Bonte Dunite en Terra marie	43
Premiere Cas, de la Porte Droite en Tour creuse.	45
Premiere Disposition, où l'Arc Droit est pris pour cintre	
primitif.	ibid

	2.º Disposition, où le Cintre primitif est pris à la face courbe,	- Am
	ronde ou creuse pour former des têtes égales.	47,
	Remarque fur l'usage.	۲Ï
	Porte biaise en Tour ronde ou creuse.	ibid.
	Explication démonstrative.	13
	Deuxième Cas, de la rencontre des Berceaux inclinez avec les verticaux, ou Descente droite ou biaise en Tour ronde	;
	ou creule.	54
	Explication démonstrative.	58
	2. Disposition, des Descentes en Tour ronde ou creuse, où le cintre primitif est de niveau & l'Arc-Droit ram-	, -
	pant.	59
	Explication Démonstrative.	62
	De la rencontre des Berceaux inclinez à l'horison avec des horisontaux.	ibid.
	PROBL. II. Faire un Berceau en Descente, qui en rache-	•
		ibid.
	Premier Cas. Lunette rampante en descente Droite, rache-	•
	tant un Berceau de niveau.	63
	Remarque.	68
	Explication démonstrative.	69
	2. Cas. Descente Droite sur le Diametre de face, qui ra-	•
	chete un Berceau de niveau obliquement.	70
	Explication démonstrative.	74
	3. Cas. Descente biaiste par fon entrée de niveau, rachetant	t
	un Berceau de niveau obliquement.	75
	Remarque & explication démonstrative.	80
	4.º Cas. Lunette rampante biaile, faite par un Berceau biais	}
	en descente, qui en rachete un autre par le bout.	81
	COROLLAIRE.	84
	5.º Cas. Lunette ou berceau en descente, qui en rachete	;
	un de niveau par le bout suivant la même direction.	85
	Explication démonstrative.	87
СНАР.	Des Rencontres des Voûtes Cylindriques avec les Côniques.	89
IL		ibid.
	Premier Cas. Porte Droite ou biaise en Tour ronde ou creuse	
		ibid.
		93
		94
	2.° Situation. Lorsque le Berceau est incliné à l'horison.	
	- · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

	T	Pagei.
•	Descente Droite ou biaile en Tour ronde ou creule & en	) }
	talud.	95
	Explication démonstrative.	101
	3. Situation. Lorsque les corps cylindriques sont verticaux. PROBL. IV. Faire une Voûte conique dans une Tour aplomb.	102
	Premiere espece; Canoniere ou Trompe en Tour creuse.	103
	2. Espece, Trompe en Tour ronde & de Montpellier.	106
•	Explication démonstrative.	110
	2. Trompe conique rampante en Tour ronde ou creuse.	III
	Remarque fur cette construction.	112
	3. Cas. Trompe conique rampante par son axe & par ses impostes, dont la base est renversée en situation ho-	j 1
•	risontale ou inclinée, rachetant une Tour creuse.	113
	Explication démonstrative.	116
	2.° Espece, de Trompe renversée, lorsque la tête est ram-	, •••
		117
	Troisième situation, des Voûtes coniques à l'égard des cylin-	
	driques, lorsque les axes des deux Voûtes sont hori- sontaux. Lunette ébrasée, trompe ou abajour, qui ra-	,
		119
	<b>9</b> 7 1 1 1 0 1	123
		124
	fon, Trompe Conique les axes font inclinez à l'hori- pante par une impolte & de niveau à l'autre, rachetant	• •
	un Berceau en descente.	125
	Explication démonstrative.	128
	Des rencontres des Berceaux avec les Voûtes Sphériques.	129
III.	PROBL. V. Faire un Berceau en situation quelconque, qui rencontre une Voûte sphérique.	ibid.
	Premier Cas, Berceau Droit ou Biais de niveau, qui rache-	
	te un Cû-de-four.	bid. 132
	2.º Cas, Berceau en descente droite ou biaise, qui rachete	194
	TT A 0.4 ( )	133
•		37
	COROL. de la rencontre des Berceaux avecles Cu-de-fours	
<b>'.</b> •	furhauffez ou furbailfez.	138
•	2.º Espece, des rencontres des Voutes cylindriques avec les	

# TÄBLE

·· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	iphériques, dont les poles sont dans le plan de leur imposte.	
. : .	Premiere Combinaison, Voûte sphérique ou niche en Tou	
	ronde ou creuse.  Deuxieme Combinatson, lorsque le Berceau est horisontal, Ni	140
	che fphérique dans un Berceau de niveau.	148
·	Explication démonstrative.	171
CHAP.	De la rencontre des Voûtes Coniques entre elles.	152
: IV.	coniques en situation quelconque.	ibid
	Premier Car, Canoniere ou embrasure à mettre du Canon	
<b>(</b>	dans un mur en talud ou aplomb.  2.º Cas, Porte biaise en forme de Corne de Vache dou	153.
`	ble adoffée, dont la doële est coudée en angle saillant	
•	qui s'ouvre de plus en plus, depuis les impostes à l	
•	clef, dont le milieu est en ligne droite.	15.7
•	Ufage.	160
•	Idée d'une Corne de Vache double. Corol. Voûte d'Arête Conique.	16 <b>E</b> 162
	Explication démonstrative.	ibid_
:	2.º Combinaison, où les axes des Cones ont des situations di	
	ferentes, porte ébrasée, Trompe ou Canoniere e	
	tour ronde ou creuse en talud.	164
٠	Remarque sur l'erreur de l'ancien trait. Explication démonstrative.	167 168
•		100
	De la rencontre des Voûtes Coniques avec les sphériques.	169
V.	PROBL. VII. Faire une Voûte conique quelconque, qua rachete une Voûte sphérique. Lunette ébrafée ou resse	UL F.
<b>5-</b>	rée Droite, biaise ou rampante dans une Voûte en Ci	<u>1</u> -
	de-four sphérique ou sphéroïde.	ibid.
	Explication démonstrative.	F73.
••	2. Exemple, Abajour en O Biais. ébrasé & rampant, ton bant dans une Voûte sphérique.	<b>1-</b>
	COROL. II. & II.	177
•	Explication démonstrative.	178. ibid.
:		
CHAP	. Des renconvres des Voutes cylindriques, coniques & sphériques av	ec
VL	les Annalaires.	1.80
i.	Premiere Cambinaison, des Berceaux avec les Voutes sur poyau.	ie ibidi

•	PROBL. VIII. Faire l'enfourchement d'un Berceau en fitu	
	tion quelconque à l'égard d'une Voûte sur le noyau.	_ 18 <b>©</b>
	2.º Cas, Berceau de niveau, qui fait Lunette Droite o biaise dans une Voûte sur le noyau.	u <i>ibiL</i>
	Explication démonstrative.	181
	3.º Cas, De l'enfourchement du Berceau en descente, qu	i
	rachete une Voûte sur le noyau.	182
	Ufage.	183
	2.º Combinaison, De la rencontre des Voutes coniques ave	
-	les Annulaires.	184
	PROBL. IX. Faire une Voûte conique, qui rachete un annulaire: Lunette Droite ou biaife, ébrafée en dehors ou	e I
-	en dedans d'une Voûte sur le noyau.	ibid.
	Premier Cas.	185.
-	Deuxieme Cas, où la Lunette est ébrasée en dehors ou es	
:	dedans.	186
	Troisième Combinaison, De la rencontre des Voûtes sphéri	
	ques avec les Annulaires.	188
•	Explication démonstrative.	191
· 	•	
CHAP.		191
VIL	PROBL. X. Faire une Trompe en Tour ronde érigée su	r
•	_ une ligne droite.	192
	Explication démonstrative.	198
	COROL I. II. & III. avec remarque.	201
•	COROL. IV.	202
	2.e. Espece de Trompe en Tour ronde érigée sur un mur droit dont la Doële est creuse d'une cavité de sphé	1
· ·	roïde irrégulier.	ibid.
	Remarque fur Fusage.	206
	De la rencontre des Conoïdes irréguliers horisontaux	
•	avec les cylindres verticaux	207
	PROBL. XI. Trompe Conico-sphéroide courbe sous la cles	
•	& droite fur les impostes rachetant une Tour ronde.	ibid.
•	Explication démonstrative.	212
	Deuxieme Espece de Trompe droite sur les Impostes d	
	courbe sous la clef, rachetant une portion de Tour ron	l <del>-</del>
	de, lorsque la trompe est rampante.	212
	Explication démonstrative,	217
	Des Voûtes composées de surfaces cylindroïdes inclinée	
	à l'horison; De la Vis St. Giles quarrée, on sur tel Poly	
•	gone qu'on voudra.	218
		•

	•	
	TABLE	
	PROBL. XII. Faire une vis S. Giles sur un Polygone quel	Pige
	conque.  Section horisontale du noyau.	220
	Remarque sur l'usage de cette section.	224 226
CHAP.	Des Voltes composes de Coniques & de Cylindroïdes.  PROBL. XIII. Faire un Escalier suspendu & à repos, porté par des Trompes ou des Voutes en Arcs de Cloitre.	231
	Remarque. Explication démonstrative, & remarque sur l'usage.	243 244
CHAP.	Des Voûtes composées d'Amulaires & de Conoldes qui les croisent	
IX.	Voûte d'Arête fur le noyau. PROBL XIV. Faire une Voûte d'Arête fur le noyau.	245
	Frantischion II	246 252
СНАР.		
х.	driques.  Trompe en Niche rampante rachetant une vis S. Giles	254
•		254
	De la rencontre des Voutes hélicoïdes avec les conoïdes,	262
	Lunette ébrasée dans une vis S. Giles ronde.	264
	COROL. De la Voûte d'Arête tournante & rampante.	268 271
СНАР.	De l'Apareil des Escaliers considerez seulement dans leurs apuis.  Limons & Coquilles.	
XI.	I. Du Racordement des Apuis & Limons des Rampes droites aux angles de leur rencontre faillans ou rentrans,	273. ibid.
•	Lemme. Deux parallelogrames de differentes directions in- clinez à l'horison suivant un de leurs côtez, & de niveau par l'autre, ne se coupent pas suivant la diagonale de la projection de l'angle, qu'ils sont entre eux, mais se	
	croilent seulement en un point des côtez qui se touchent.	274
•	Corol. de pratique.	27 <b>5</b>
	<b>A</b> .	277

Des Escaliers tournans à vis.	945u. 278
PROBL. XV. Faire un Escalier à vis quelconque, 1.2 de la	
vis à noyau plein & aplomb.	279
Explication démonstrative.	282
2.º Variation, Faire une vis à noyau rampant.	283
Explication démonstrative.	286
COROL	288
De la vis à pressoir, & pratique pour toutes sortes de	;
vis.	289
3.º Variation, De la vis à jour ou à noyau vuide.	<b>29</b> I
Premiere Espece de vis à jour.	293
Remarques sur l'usage des Escaliers à vis à jour, & des autres	<b>}</b>
à noyau plein.	294
2. Espece de vis à jour, où les têtes des Marches formen	
un Limon propre à porter une rampe de fer.	295
Observation sur le trait de M. de la Ruë.	299
3. Espece de vis à jour, où les Limons sont détachez de	
marches, & s'étendent sur plusieurs têtes: autrement de l	z λ
Courbe Rampante. 1.º De la circulaire d'une seule piece, l'usage de la Charpente & Menuiserie.	
4.e Espece de vis à jour, lorsque le vuide est sur une base	300
horifontale.	
2.º Confruction, de la Courbe rampante, lorsqu'elle et	307
faite de pierre de plusieurs pieces.	314
Explication démonstrative.	320
Remarque.	321
COROL. du quartier de vis suspendu.	224
s. Espece de vis, lorsque la base est une spirale, & l'Hélica	8
en Limace, telles sont les Volutes, les Colimaçons &	2
les Colonnes torfes.	329
2.e Espece de Limace Cylindroide, des colonnes torse	8
quelconques.	333
Démonstration de l'irrégularité de l'ancien trait de la Co	_
lonne torse de Vignole.	338
` <u> </u>	

CHAP. Apendices concernant le dispositif de la construction des Voites.

XII. Premierement, de la Poussée des Voites.

Des différentes Hypoteses, qui ont servi à la recherche de la poussée des Voûtes.

PROBL. I. L'épaisseur d'une Voûte Cylindrique, & la hauteut de ses piedroits étant donnez, trouver l'épaisseur

Total 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	pages.
qu'ils doivent avoir pour en soutenir la poussée.	345
Premiere folution, pour la premiere hypotese d'un seul Coin	,
comprenant le quart de la Voûte vers la clef.	ibid.
Réfultat suivant des mesures données.	347
Observation sur l'expérience.	348
De la poussée des Voûtes en Cintres Elliptiques.	310
Premierement, des surhaussées extradossées.	349
Secondement, des surbaissées.	ibid.
Troisiémement, des Arcs rampans.	350
Comparaison & Remarque importante sur les Régles de	2 ) <u> </u>
Auteurs, qui ont traité de la poussée des Voûtes.	
Démonstration de la Construction.	351
PROBL. II. La hauteur des Clavaux d'une Platebande, & cel	352
le de leurs piedroits étant donnez, trouver sans calcu	
l'épaisseur des piedroits.	
	353
Remarque sur l'utilité de la Theorie, prouvée par des faits. 2.e Hypotese pour la recherche de la poussée des Voûtes.	354
	•
LEMME.	357
PROBL. III. Un poid sphérique étant soutenu par deux plans	•
trouver l'impression que chacun reçoit de la pesanteu	_
de ce poid.	358
2º. Solution, du premier Problème.	359
3e. Solution, Autre maniere, tirée du même principe.	365
Construction du Cintre en courbe de Chainette, pou	r
trouver la poussée d'une Voite, formée sur cette Courbe	. 366
Par un point donné à la circonference de la Chainett	
lui mêner une tangente.	368
PROBL. IV. La direction de la poussée d'une Voute &1	a
hauteur des piedroits étant donnez, trouver son épaisseur	. 369
Autre solution du même Problème.	370
3.e Hypetese, Que les Voussoirs sont des Coins Grenus	•
qui ne peuvent glisser les uns sur les autres, mais qu	i.
tendent seulement à rouler.	372
4.º Solution. PROBL. V. Déterminer la poussée horisontale	е
d'uneVoûte, dont l'Intrados & l'Extrados sont circulaire	S
& concentriques, sans calcul avec la Régle & leCompas.	373
Démonstration.	374
PROBL. VI. Dans l'hypotese des voussoirs Grenus, trouve	r ´
fans calcul la base du Piedroit, telle que l'effort com-	•
posé du poid de la Voûte, de la poussée horisontale &	2
de la pefanteur du même piedroit, soit dirigée ver	3
un point quelconque donné de ladite base.	375
Rei	her-
	MADE 4

•	PARTA
Recherche pour une nouvelle solution sans aucune hyp	0-
tele, mais seulement par des conséquences tirées	ie
l'expérience des fractures des Voûtes, composées	le
voulloirs assemblez sans aucune liaison, que celle c	le
leur coupe, posez sur des piedroits trop soibles.	380
PROBL. VII. Trouver l'épaisseur nécessaire aux piedroits	3,
d'une Voûte qui ne doit se fendre qu'en quatre es	1-
droits désignez par l'expérience.	
COROL. L & IL	388
De la pouffée des Voûtes composées, & de plusieurs sin	1-
ples, qu'on peut considerer comme composées.	ibid
De la poullée des Voûtes d'Arêtes.	389
2. Car, lorsqu'il y a deux travées de Voûte de suite si	r
le même alignement.	391
Remarque.	ibid.
3.e Cas, lorsqu'il y a trois travées de suite en retou	l
d'un angle Droit.	393
Remarque.	393
4. Cas, lorsqu'il y a quatre travées, ou plus, autour d'u	
Pilier.	ibid
Remarque & explication démonstrative.	395
Remarque.	396
De la Poussée des Voutes en Arc-de-Cloitre.	398
De la Poussée des Voûtes sphériques & sphéroides.	401
De la Poussée des Voûtes Annulaires.	403
De la Poullée des Berceaux tournans & rampans. De la Poullée des Voûtes coniques.	404
Remarque.	405
Kentaryue.	407
Second Apendice, de la force des Cintres de Charpente, pour l	4
A N	408.
PROBL. L. Trouver la pesanteur spécifique des matériaus	
des Voûtes sans être obligé d'en façonner quesque par	
tie en Cube.	ibid
PROBL. II. La pesanteur absolué d'une Voûte en Berceau	
en plein cintre & d'égale épaisseur étant donnée, trou	•
ver celle dont les cintres de Charpente sont charges	
avant que la clef y soit mise.	409
Observation sur l'arangement de la composition des Cin	
tres de Charpente.	411

De la force des pieces de bois, tirée de l'expérience. 313 PROBL. III, la pesanteur absolué d'une Voûte étant donnée, trouver la grosseur de chaques pieces de bois, qui composent un Cintre suivant un arangement donné. 415

## FIN DE LA TABLE.

## SANGERIARIERE PROPERTA

## AVERTISSEMENT.

TE croi devoir repeter ici les conseils que j'ai donné au commencement de cet ouvrage, touchant l'unique moyen de remedier aux fautes d'impression, que je n'ai pû empêcher, parçe qu'elle a été faite loin de moi. C'est de les corriger chacune dans leur place, suivant l'errata ci-joint, avant que de commencer à lire: saute de cette précaution la plûpart des Lecteurs sont embarasse on trompez par le changement on le désaut de quelqu'unes de ces lettres, qui sont essentielles pour l'intelligence du discours.

Quant au retardement de l'édition, dont on a euraison de se plaindre, on sçait par mon avertissement, qui est à la tête du second Tome, qu'il n'y a aucumement de ma fante. La gravure y a eu quelque
part dans ce troisseme, en ce qu'elle n'a été achevée, que quatre mois
après l'impression: il est vrai que le nombre des planches a été augmenté de 22. au delà de celui qui avoit été promis dans le projet de souscription, partie pour ôter la confusion de celles, qui étoient trop
chargées de sigures, qu'il convenoit d'agrandir, pour les rendre plus distinctes; partie pour quelques additions, que l'extreme senteur de
l'impression, m'a donné occasion de faire, sesquelles serviront à dédommager un peu les Souscripteurs d'une trop longue attente, si j'ai réussi dans le dessein, que j'ai eu d'y inserer tout ce qui étoit nécessaire pour
parvenir à une réguliere & solide construction des Voutes, qui a été le
principal objet de cet ouvrage.

**Fautes** 

Fautes à corriger avant que de lire.

Pages.	Lignes,	Pantes.	Correllons
7	10	aux points P, p2	Q 9 <sup>2</sup> 9 <sup>3</sup> 9 <sup>4</sup> & des paralleles au côte AE, qui couperont le premier arc drois aux peints Pp <sup>2</sup> p <sup>3</sup> p <sup>4</sup>
	24	deffiné	déligné
<b>*</b>	13	Dr	dr
ibid.	17	$a^2 p$	a <sup>r</sup> p <sup>r</sup>
10	13	s F Dar	g E F D
16	18	8" ac	g L
13	36	2.fC	defe ,
14	9 ,	32	X.
18 <b>ib</b> id.	7 19	x , se triange	triangle
23	18	g c	I.t
24	15	par O	par •
26	20	cintres	centres
27	21	indefie	indéfinie
34	18	p <sup>2</sup> en \$2	22 en S.
.35	26	<b>A</b> G	FG
ibid.	32	devant	qu'il fera dit ci-après
36	13.	on composez	un compolé AN;
ibid.	37	AN', AN'	
37	14 18	furfaces $x^{1}, y^{2}, y^{2}, y^{3}, x^{4}$	furfaces x'y'',y''x''
38	27	•	κ <sup>τ</sup> , γ <sup>τ</sup>
39 40	1	x, y, xd <u>y</u> x,	x4 , 74
ibid.	7	4 40	al xo
ibid	33	7 <sup>2</sup> 7 <sup>4</sup> 3 1	2 2 x
42	8	3.1	<b>10</b> 3
43	en marge	(.)_ ·	74 N c
46 <b>B</b> id.	20 3:1	NC 3.8	3.7
	3	7 C 8	7 . 8
47 50	94	74	7° 4
55	25	egale	Egal'
56	7	· <b>I</b> :	If
ibid.	10	🧀, qui devroient	43 qui devroit
ibid.	15	ce pour	& fert pour
ibid.	26.	ESB	ESR
.5.7	1	E. 6	let a <sup>2</sup> b <sup>2</sup>
ibid ibid.	<b>32</b>	1 2 b	1726
•	35 derniere	BcA	BCA
59 <b>61</b>	<b>19</b> ;	Pd	E4
62	24	E » A	Esd
Bid.	25	An B	AbB
63.	8	<b>Jes</b>	(CCS
64	29	91	<b>1</b>
48	33 & 34	foldiité	Folidité.
70	23	CA B	Cfé

107 111 114 114 116 118 116 118 116 118 118 119 119 119 119 119 119 119 119	17 12 8 12 6 13 13 14 15 15 16 17 11 20 24 20 36 21 36 21 24 20 36 21 20 21 21 22 24 20 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21 21	faces differe Qoe horifantale & 4 d'un  If eccups RI RP 20 81 & 80 6 H 7 I R A 2 I'mterjection quent centre lesquelles DI VE T' G X EV NV F & C PL. 09: face 5 '4 'S N V 2 Y 2 I'mterjection	faces different  7	
180 181 184 185 188 198	en marge 27 en marge iden 9 en marge 39	Pr. 93. ou g I Pr. 94. 94.	Pt. 94. 60 g P Pt. 95. 2 Y 96. toit	*

```
Lignes.
                                         Correlions,
Pagu.
          en marge Pr. 95.
35 & point D
33 & elever
                                       PL 95.
                                        & du point D
 395
          33
                                       & élevé
                     feroient
                                       lervirent
 196
ibid.
           1
                                       p 16
fig. 129.
fc fcrvans
          8 p 6 en marge fig. 124.
 197
                     fervant
          19
 198
                     & 31
LD
 200
                                        & 21
          18
 ibid,
          28
23
                                        1 D
                     le point
                                        le joint
 205
 209
Bid.
                     la clef S 12
                                        la clef S bre
          11
                                        en Cb#
                     en Cb
          24
 218
                     un quatriéme
                                        une quatrieme
          25
          que les prendre
en marge Pr. 97.
 213
                                        qu'en les prenant
 214
                                        Pz. 98.
 224
                     A G
                                        Ag
          35
 225
ibid.
                                       du point 1
          21
                     du point I
                     du point V
                                       du point y
          2}
 ibid.
         penult.
                                       curviligne
                     mixte
 229
                     que l'axe
                                       qu'à l'axe
          13
                                       conviennent
232
           2
                     convient
236
Hid.
         32
                     T,R
                                       Tr
         penult.
                     vuide
                                        côté
                     C M2
244
         26
                                        CM.
                    op ofez
 247
         12
                                        opofées
250
ibid.
                     p<sup>5</sup> p3
                                       2 4 · 23. 3
          8
         23
                     14
ibid.
                                        n4 fn3 goubien n1F, n2G
         31
251
ibid.
         īς
                     7 #
                                        R' E
                     RE
         23
252
                                        V2 i
          2
                     p i
ibid
         27
                     . 7
                                        V2 V
                                       Ġ.
255
                    20
                    4°
G#
             & 2
358
           I
         91
260
                                       170
ibid.
         en marge 169
                    qui lui est intervale qui la croffe
265
          3
         22
271
277
ibid.
                                       les
                    Tei
          8
                    MPE
                                       MP.
         25
                     gi à son extremi é fasse en gi
280
         26
                    06
                                       0.
28 I
         31
                    2743
                                      2, 11, 3
283
         JO
286
          3
                    la centre
                                       le centre
                    porte le mur
296
                                       porte dans le mur
         23
302
ibid.
                    gd&14
         26
                                       4'd&lg
                                      8 L d 47
                    4: L dg
4: b2
         30
303
         penult
305
                                      40, 50, 60
         26
                    4.0,5.0,6.0
320
         22
                    ar Jbn
                                      a - 62 & 1 F
321
ibid,
                    #: S & &#
          2
                                      g, F'
                    97 Fr
          7
322
          3
                    .
                                      £1 21
```

```
Correllians.
          Lignes.
                            Fanter,
                                                 T perpendiculaire à la ligne
celle
                         ra la ligne
             6
 326
 350
                          celles
 354
            18
                          de, peur
                                                 de peur
 355
ibid.
             I
           34
                          àun
                                                 & à un
                         confiderons
                                                 confiderant
 356
           29
                                                en 6
                         en B
 358
           24
8
                         ΑV
 361
369
ibid.
             8
                         ce point
                                                ce joint
                         on aura—LT effacez — ib. AF iij. TF triangles—femblab. effacez —
           23
371
374 Après le mot Démonstration ou a sublit l'explication des noms, qu'il
      faus supplier ains:

Soit l'arc N M de l'intrados = a, sa hauteur MO = d, le rayon MC = r l'épaisseur AM = m, on aura AC = r + m, soit aussi P le centre de gravité de la demi-voûte A N M.
                         Péquerre 62 64 64
                                                le quarré
62 64 64
387
ibid.
           19
           II
389
ebid.
                         PHI
                                                PHB
           10
           en marge
                                                PL. 112.
392
16id.
                         rondes
                                                 ronds
           12
           32 en mar.
                                                 fig. 246.
                                                du quart du quart de
A f x b
A D S b
397
ibid.
                         du quart de A x b
           16
            36
           26
6
                          ADSB
 398
                          nécessaire
                                                 nécessaires
 400
 406
                          perpendiculaire
                                                 parallele
            30
                         en q, qu'on tufe
                                                 en q, & qu'on
Tuf
 407
            21
 409
ibid.
           23
36
                         d'égal
                                                 d'égale
                                                 30 degrez
 413
             3
                          so degrez
                          øΚ
                                                 •4
 415
            15
```



# TRAITE STEREOTOMIE

SECONDE PARTIE DU QUATRIEME LIVRE

# VOUTES COMPOSEES,

De deux oude plusieurs surfaces.



PRES avoir parcouru toutes les especes de surfaces. des doëles des Voutes, que j'apelle Simples, parce qu'elles ne sont interrompues par aucun changement de direction, il nous reste à voir comment on peut rasfembler quelques parties de ces surfaces, pour en former une seule Voute, Composée de figures semblables ou différentes, faisant entr'elles des angles saillans ou rentrans.

Si l'on a fait quelque attention à ce qui a été dit à la seconde Partie du premier Livre, touchant le Pénétration des corps, on concevra facilement, quelles doivent être les intersections des surfaces des Voutes, qui se rencontrent, ou qui se croisent en angle saillant ou gentrant. & l'on connoîtra la nature des lignes courbes, qui se for-Tom. III.

ment aux arêtes de ces angles lorsqu'ils sont saillans, ou dans leur creux, lorsqu'ils sont rentrans, ce que nous apellons les Angles d'enfour-shemens, en quoi consiste toute la difficulté des Voutes composées de plusieurs surfaces.

Si ces lignes courbes sont planes, on trouvera le moyen de les décrire par les Problemes de la premiere partie du second Livre.

Si elles font à double courbure, on verra par la troisiéme partie du même Livre, que pour parvenir à les décrire, il faut s'y préparer non seulement par la voye de la projection, mais aussi par la formation d'une des surfaces courbes, que donne une de leurs projections.

De quelque nature que soient ces Courbes d'intersection des surfaces de deux Voutes qui se rencontrent, il est clair qu'elles déterminent les extremitez des directions de chaque doële, ou de l'extrados, par conséquent, qu'elles fournissent les moyens de les déveloper, pour connoître l'étendue de chaque partie, que peut comprendre un Vousfoir de grandeur donnée, soit qu'on rectifie les arcs de ces Courbes méchaniquement, soit qu'on se contente d'en prendre les cordes, pour la formation des surfaces planes inscrites, que nous apellons doëles plates; Ainsi tout ce que nous avons à dire des Voutes Composes, de deux ou de plusieurs surfaces égales ou inégales, semblables ou differentes, qui aboutissent les unes aux autres, pour former une seule Voute de plusieurs parties, n'est qu'une aplication des principes de Theorie, & de pratique du premier Tome, compris dans le premier, second & troisième Livre, auquel nous pourrons renvoyer le Lecteur, pour y trouver les démonstrations des Traits de chaque Voute, & abreger ainsi le discours.

Pour montrer plus sensiblement la conformité de ce troisséme Tome, avec la seconde partie du premier Livre, qui concerne la pénétration mutuelle des corps ronds, de même ou de differente espece, comme Sphères, Cônes, Cylindres, Anneaux & Hélices, nous suivrons à peu près le même ordre de combinaisons des Voutes qui leur ressemblent, que nous avons observé à l'égard de ces mêmes corps, avec cette difference, que nous les apellerons des noms consacrez à l'Architecture.

J'AI dit à peu près, parce qu'il ne convient pas de s'assujetir précisément au même ordre, en ce que le plus régulier étant d'aller du simple au composé, on ne peut regarder dans la pratique des Traits, la formation des corps les plus simples, comme la plus facile.

Quoique dans la Théorie la Sphère soit le corps le plus simple,

& ensuite le cône, il n'en est pas de même pour le Trait des Voutes des mêmes figures.

Les Traits des Sphériques sont plus composez que ceux des coniques, & les coniques plus que les cylindriques; c'est pourquoi nous avons arrangé differemment les matieres de ce dernier Tome, que nous diviserons en dix Chapitres.

Dans le premier, nous traiterons des rencontres, & des pénétrations des Berceaux entr'eux, en quelque situation qu'ils puissent être les uns à l'égard des autres, ce qui répond au sixième Chapitre du premier Livre.

Dans le second, nous traiterons des rencontres des Berceaux avec les Trompes & Voutes coniques.

Dans le troisième, des rencontres des Berceaux avec les Cu-de-Fours ou Voutes Sphériques.

Dans le quatrième, des Voutes coniques entr'elles.

Dans le cinquiense, des Coniques avec les Sphériques.

Dans le fixième, des Cylindriques, Coniques & Sphériques avec les Annulaires.

Dans le septième, des Voutes composées des surfaces irrégulieres, & des régulieres Cylindriques, Coniques & Sphériques.

Dans le buitième, des Annulaires Hélicoïdes avec les irrégulieres.

Dans le neuvième, nous traiterons de l'Apareil des Escaliers, considerez en eux - mêmes, sans aucune Voute; mais seulement par leurs Limons & Coquille.

A ces neufs Chapitres, nous, en ajouterons un dixième, divisé en deux Appendices, concernant les dispositifs à la construction des Voutes.

Le premier, traitera de la Poussée des Voutes, & des moyens de trouver l'épaisseur des piédroits, nécessaire pour en soutenir l'effort.

Le second, traitera de la charge des Cintres de Charpente, avant que les Voutes soient fermées par leur Cles.

Enfin nous terminerons ce troisième & dernier Tome par cet hors d'œuvre, que nous avons promis dans le programe touchant l'examen de la vraie beauté, & du bon & mauvaisusage de ce genre de Décoration, qu'on apelle les Ordres d'Architecture.

#### STEREOTOMIE LIV. IV. PART: IL.



#### CHAPITRE PREMIER

# Des Enfourchemens, qui se font à la rencontre des Berceaux, traversez par d'autres Berceaux.

ORSQUE nous avons parlé au premier Livre des intersections des furfaces cylindriques, nous n'avons eu aucun égard à leurs situations rélatives à l'horison, parce qu'il ne s'agissoit que de la Theorie des Courbes. Il n'en est pas de même pour la pratique du Trait, il faut considerer les demis Cylindres, que nous apellons Berceaux en trois situations differentes, comme nous avons sait en traitant des Voutes simples.

Premierement, de Niveau, c'est-à-dire, lorsque les impostes & la Clef sont en situation horisontale.

SECONDEMENT, à Plomb, lorsque les axes sont verticaux, telles sont les Tours rondes, qu'on ne considere pas comme des Voutes; mais qu'on doit compter comme des Berceaux debout; parce qu'il s'y fait des ensourchemens, lorsqu'ils sont rencontrez, ou traversez par d'autres Berceaux de niveau ou en rampe, dont les arêtes d'intersection sont des Courbes de la même espece, què celles des autres rencontres de Berceau, suivant les angles d'intersection des axes entr'eux, & le urs positions rélatives.

La troiseme situation des Berceaux, est celle où leurs axes & leurs impostes ne sont ni de niveau ni aplomb, mais en Rampe, ou Descente.

# Composition des Voutes de la premiere Situation, de la Rencontre des Berceaux horisontaux entr'eux.

Un Berceau de niveau n'en peut rencontret un autre de même situation, que de deux manieres, ou perpendiculairement, ou obliquement, c'est-à-dire, en termes de l'Art, que leurs directions sont nécessairement d'équerre ou de biais, sans descente.

Mais si l'on considere la position rélative de certaines parties, com-

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. I.

me des cless & des impostes, chacune de ces rencontres peut encore être subdivisée en differens cas.

- 10. Lorsous les Clefs, c'est-à-dire, les rangs de Voussoirs les plus élevez, & les impostes qui sont les rangs de leurs naissances, se rencontrent à même hauteur, comme on voit au prossi de la première PL 70. figure, où le point B de l'imposte est commun au Berceau BDC<sup>2</sup> & Fig. 1.
  - 2°. Lorsque les impostes se rencontrent comme en A, & que les cless ne peuvent se rencontrer, parce qu'elles sont d'inégale hauteur, comme à la même figure, la cles d qui aboutit en I au dessous de H.
  - 3°. Lorsour au contraire les cless se rencontrent, & que les imposses étant à des hauteurs inégales ne peuvent se rencontrer, telles sont les cless H & D, de la figure seconde, qui se rencontrent, & les Fig. 2. impostes E & B, qui ne se rencontrent pas.
  - 4°. En sin lorsque les cless & les impostes ne se rencontrent point, comme la cles d, qui tombe au dessous de H en F, & l'imposte G, qui est au dessus de A.

Au premier cas, où les cless & les impostes se rencontrent, l'arête d'ensourchement des doëles est toujours une demi-Ellipse, soit que les directions des Berceaux soient Droites, c'est-à-dire, perpendiculaires entr'elles, ou qu'elles soient obliques; cette verité a été démontrée au Theoreme 17 du premier Livre.

Au second cas, si les Berceaux se rencontrent perpendiculairement, la Courbe de l'arête d'ensourchement est un Ciclosmbre, suposant que les deux Berceaux soient en plein cintre, comme il a été démontré au Theoreme 18 du même Livre;

OR parce que cette Courbe n'est pas plane, mais à double courbure, on n'en peut former le cintre, ni la cerche sur des planches, comme pour les autres Voutes du cas précédent.

Au troisième & quatrième cas des rencontres de Berceau, les Courbes des arêtes d'enfourchement sont des Ellipsimbres, lesquelles sont à double courbure, comme les Cicloimbres.

### STEREOTOMIE. Liv. IV. PART, II.

#### PROBLEME. L

# Former en Pierre, ou en Bois, l'enfourchement de deux Berceaux de niveau, qui se pénétrent perpendiculairement ou obliquement.

CE. Probleme renferme deux cas differens.

- 1°. Lorsque les impostes & les cless se rencontrent.
- 2°. Lorsqu'elles ne se rencontrent pas.

Le premier cas comprend deux especes de Voutes, l'une de celles où les angles de rencontre des doëles sont saillans; on apelle celles-ci Voutes d'Arêtes.

L'AUTRE, de celles où les angles de rencontre des doëles font rentrans, qu'on apelle Voutes en Arc de Cloitre; ces deux cas se trouvent rassemblez dans l'enfourchement de deux berceaux, qui se rencontrent sans se croiser.

Le second cas comprend toutes les rencontres des Berceaux inégaux, qui forment dans le plus grand une ouverture qu'on apelle Lunette.

Fig. 13. PREMIER Cas representé en Perspective à la figure 13.

De la rencontre de deux Berceaux de Niveau, Aégale ou inégale largeur, mais d'égale hauteur, qui aboutissent l'un à l'autre, sans se croiser, perpendiculairement ou obliquement.

Soit, figure c. le trapeze AEKB, le plan d'un Berceau elliptique, ou si l'on veut en plein cintre, & AFGB celui d'un autre Berceau égal, ou plus large, ou plus étroit, mais d'égale hauteur sous clef, dont l'axe & S fait avec l'axe SX, du précédent un angle quelconque, Droit, obtus ou aigu; nous le suposerons ici obtus.

It faut commencer par se déterminer au choix du cintre primitif, qu'on peut prendre en deux ou trois endroits differens à chaque Berceau, & par conséquent en six sur les deux; sçavoir, 1°. perpendiculairement à un des axes, comme en ER ou en Dr; 2°. à une des saces qui peut être biaise comme EK; 3°. obliquement & parallelement à l'axe du second Berceau, comme en EB ou DB. Au premier cas l'arc Droit est le cintre primitif, aux deux seconds il est secondaire.

Nous prendrons pour cintre primitif dans cet exemple le cintre

BHE, que nous ferons circulaire ou elliptique, il n'importe pour la confiruction.

Ayant divisé ce cintre en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, &c abaissé de ses divisions des perpendiculaires sur son diametre BE, suivant l'usage ordinaire, qui le couperont aux points f, g, i, k, on menera par ces points des paralleles à la direction du Berceau, qui rencontreront la diagonale AB, aux points  $a^1, a^2, b^3, b^4$ , par lesquels on menera d'autres lignes paralleles au côté AD du second Berceau, qui couperont le diametre oblique DB aux points, o, n, m, l, &c le diametre perpendeulaire du second arc Droit Dr, aux points P,  $p^2, p^3, p^4$ .

Les divisions correspondantes à celles du cintre primitif, étant ainsi trouvées sur tous ces diametres de différentes sections, il sera aisé de trouver les points des Courbes des cintres, qui conviennent à chacune de ces sections & positions de leurs diametres, parce qu'elles sont toutes des demi-Ellipses, plus ou moins alongées sur leur diametre horisontal, mais dont toutes les ordonnées sont d'égale hauteur.

Ainsi, il ne s'agit que de transporter la hauteur de la retombée de chaque division du cintre primitif, sur les projections correspondantes dans chacun de ces diametres, où l'on a toujours marqué le même chifre.

Par exemple, la hauteur 1 fégale à 44, sera portée sur AB en a 14 & b 44; la même sera portée sur le diametre ER en p 1', p 4', pour le premier arc droit, la même hauteur sera encore portée sur le diametre DB en 0 1", l 4", ensin la même sera portée sur D r en Q 1', q 4', pour le second arc Droit, la seconde hauteur g 2 égale à i 3, sera aussi portée sur tous les mêmes diametres aux projections correspondantes, où se trouvent les mêmes chisres; ainsi l'on aura tous les points des Ellipses, qu'on doit tracer à la main, ou avec une regle pliante, les unes ralongées comme ATB, les autres racourcies, comme RVE & Dur.

Au lieu de porter toutes ces hauteurs en particulier, on peut élever des perpendiculaires indéfinies, sur tous les points de projections trouvées, & avec la hauteur sons clef donnée, & commune à tous les differens cintres, on peut tracer chaque Ellipse, par le Probleme 7, du deuxième Livre; la trace de son contour coupera ces perpendiculaires en des points, qui détermineront ceux de leurs divisions; cette méthode convient mieux que la précédente lorsque les Voussoirs sont un peu larges, & les Ellipses petites, parce qu'alors ils comprennent des parties sensiblement courbes, dont il faut trouver le point du milieu par une soudivision, que sont les Auteurs de la coupe des pier-

res, laquelle devient inutile par cette méthode, en ce qu'elle donne l'arc tout d'un coup, fans qu'il soit nécessaire d'en chercher la sleche, ce qui rend l'épure moins embrouillée de lignes.

In peut arriver qu'on n'a pas besoin de tracer tant de cintres pour la rencontre de deux Berceaux, comme lorsque chaque Berceau est terminé par une face, ou un formerés contre un mur qui est d'équerre sur sa direction, parce qu'alors, l'arc Droit, & l'arc de face sont consondus; mais s'ils sont inégaux, on ne peut se dispenser de tracer cinq cintres, deux à chaque Berceau, pour l'arc de face ou de Formerés & l'arc Droit, & un cinquiéme ATB, qui est la commune intersection des deux doëles, où se fait l'angle d'ensourchement, lequel est rentrant en dehors depuis A ju'qu'en T, & saillant en dedans depuis B jusqu'en T, ce qui forme deux sortes de Voutes dans une seule, scavoir, la Voute en Arc de Cloirre, pour la partie à angle rentrant de A en T, & une Voute d'Arète de B en T; c'est dans ces angles que consiste proprement le Trait dont il s'agit; car chaque Berceau en particulier doit être sormé comme nous l'avons dit à la premiere partie de ce Livre sur les cintres donnez.

Le ne reste plus à présent qu'à trouver le biveau de l'angle, que sont les doëles plates des deux Berceaux entr'elles à leur rencontre, ce qui est aisé suivant nos Principes de Goniographie, expliquez au troisième Livre, page 384, dont nous allons faire l'aplication au cas présent.

Suposons qu'il s'agisse de trouver le biveau des doëles plates du second rang de Voussoirs, qui forment l'enfourchement dessiné sur la projection AB, par l'intervale a<sup>1</sup> a<sup>2</sup>, & sur l'élevation du cintre de rencontre ATB, par la corde 1<sup>d</sup> 2<sup>d</sup>.

On prendra au cintre primitif BHE, la hauteur t 2, de la retombée t 1 ou gf, pour la porter perpendiculairement sur AB, de  $a^2$  en x, d'où l'on tirera la ligne  $x a^1$ , à laquelle on fera une perpendiculaire x y, qui rencontrera AB au point y; par ce point y on menera une seconde perpendiculaire sur AB, qui rencontrera les projections des premiers joins de lit de chaque Berceau  $a^1 P$ ,  $a^1 Q$  prolongée aux points 8, 9, ensuite ayant transporté la longueur y x en y z sur AB, on menera du point z aux points 8, 9, des lignes droites qui comprendront l'angle 8z9, qui est celui du biveau que l'on cherche.

Ou il faut remarquer, que quoique cet angle soit rentrant dans la moitié de l'enfourchement de A en S, & saillant dans l'autre de B en S, il est toujours le même dans les rangs de Voussoirs d'égale hauteur sur l'imposte de part & d'autre; la seule différence qu'il y a, c'est qu'au rentrant

#### DES VOUTES COMPOSEES CHAP. L

rentrantSA, on aplique le dos du biveau qui est saillant, & à l'arête SB, on aplique le dedans du biveau qui est rentrant; ce que l'on peut connoître sensiblement en jettant les yeux sur les sigures 7 & 9, qui représentent les deux premiers Voussoirs d'ensourchement, l'un (7) destiné pour être mis en A, l'autre qui est marqué 9 pour l'arête à la naissance B.

Ces préparations suposées, il sera facile de rassembler tout ce qui est nécessaire pour tracer & tailler la pierre.

Premierement, les panneaux de tête sont donnez à l'arc de face de chaque berceau, & à son arcDroit, comme il a été dit pour toutes les Voutes en berceau simples, Droites ou biaises, suivant la direction de la face surson axe, par exemple sur l'arc droit ER en 5' 1' 2' 6², au grand berceau, & sur l'arc droit Dr, le même pour le petit.

Secondement, on formera les panneaux de doële plate, comme nous l'avons dit pour les berceaux simples biais, par le moyen de la projection pour les longs côtez, & par les cordes de l'élevation pour les têtes.

Ainsi on formera un trapeze ou rectangle au joint de tête, composé des deux côtez paralleles  $a^2$   $p^2$   $a^1$  p, dont les mesures seront prises sur les mêmes lignes du plan horisontal, & avec la corde  $1^r$   $2^r$  de l'arc droit EVR, pour intervale perpendiculaire de ces deux paralleles: le quatriéme côté qui leur est oblique, sera égal à la corde  $1^d$   $2^d$  du cintre de rencontre ATB.

Le panneau de doële de l'autre berceau sera sait de même, suposant, par exemple que la branche de l'ensourchement au second berceau soit terminée au point 8, on sera 8 q perpendiculaire sur la projection du joint Q puis on formera un trapeze rectangle en 8, dont les deux côtez qui doivent marquer les joins de lit, seront pris sur le plan horisontal en 18, & 12, & 12, en projection du joint 12, en puis on formera un trapeze rectangle en 8, dont les deux côtez qui doivent marquer les joins de lit, seront pris sur le plan horisontal en 12, le quatriéme côté qui marquera l'arête de rencontre des doëles plates, sera égal comme au panneau précédent à la corde 11, 24 de l'arc ATB.

Troisiemement, les panneaux de lit se feront de la même maniere que ceux de doële, avec lesquels ils ont déja deux côtez communs, qui sont les joins de lit à la doële; l'intervale de ces deux côtez sera pris à volonté, suivant l'épaisseur de la Voute, ainsi on formera de même un trapeze rectangled'un côté avec les trois donnez, le quatrième se trouve déterminé par les extrêmitez des deux paralleles.

Mais comme on peut se passer de panneaux de lit, en opérant par Tom. III.

équarrissement ou par demi-équarrissement, nous ne nous arrêterons pas à en donner un exemple.

Quatrièmement, il est clair que les biveaux de lit & de doële sont donnez à l'arc-droit de chaque berceau, comme si la Voute étoit simple, les uns sur l'arc RVE en 2' 1' 5' & 1' 2' 6', & les autres sur l'arc Dur en D 1' 5", 5" 1' 2', 1' 2' 6" & c.

Enrin les biveaux de rencontre des doëles plates, qui forment l'enfourchement des deux Voutes, ont été trouvez ci-devant par l'angle obtus 829, ainsi rien me manque pour tracer & tailler la pierre.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

PREMIEREMENT, par équarrissement pour la partie d'enfourchement AS, qui est en angle rentrant.

AYANT dressé un parement 1 FD a' (fig. 7) pour servir de lit horisontal, suposé qui s'agisse du Coussinet, on y tracera avec le biveau l'angle rentrant DAE, de la figure 5 en dAe de la figure 7, & sur les lignes Ae, Ad, on en tracera d'autres à l'équerre pour les joins montans de doële, ou suivant l'angle AEB, ou ADB, s'il s'agissoit d'une tête biaise (fig. 5) sur ces lignes qui se rencontrent par exemple en gu, on formera deux paremens d'équerre au premier DFE (fig. 7) qui seront les surfaces aplomb go, gm, sur les arêtes desquelles on portera de d en 8, la retombée DQ de la figure 5, & de e en p, (à la fig. 7) la retombée Ep de la fig. 5.

Par les points p & d on tracera des paralleles aux lignes e A, A d, qui se croiseront en a par les points p & 8, on tracera aussi des paralleles à l'arête Lg, qui est la rencontre des deux seconds paremens aplomb, puis par les trois points donnez  $p \ aq$ ,  $8 \ ak$ , on sera par le Probleme I. du IV. Livre, Tome 2. passer deux surfaces planes, qui se rencontreront en angle rentrant, suivant une ligne ai, c'est-à-dire, que l'on emportera toute la pierre, qui forme le parallelepipede gi.

Ces deux nouvelles surfaces en angle rentrant, ne sont saites que pour y placer les lignes d'arêtes des lits avec les doëles des deux berceaux, par le moyen de la hauteur de la premiere retombée if du cintre primitif, ou de tout autre cintre, parce qu'elle y est tonjours égale. Ainsi on portera cette hauteur sur les nouvelles arêtes pq, 8 k, & dans l'angle rentrant a i, pour tracer sur les deux surfaces les lignes 1'x, 1\*x, qui seront les arêtes des joins de lit à la doële.

On tracera aussi avec le biveau d'aplomb & de coupe, l'angle Q 17, qui donnera, à la figure, l'inclinaison du joint 8 11, q, égale à celui de l'autre côté p 17, q', & par les trois points donnez x 17, q' d'un côté, & x 13, q' de l'autre, on fera passer deux surfaces planes, qui se rencontreront suivant la ligne x 54 en angle rentrant, & les lits seront sormez.

Il ne reste plus qu'à creuser la doële, par le moyen du biveau mixte formé sur la tête de l'arc droit de chaque berceau, comme E 1'5', pour le grand, & D 1° 5°, pour le petit; la rencontre de leurs deux doëles cylindriques, faites suivant leur direction à la regle, sera l'angle rentrant de l'ensourchement, qu'il falloit former.

Pour en verisser le contour, & le rectisser des sautes qu'on auroit pû y saire dans l'exécution, on pourra lever une cerche sur l'arc  $A_{14}$ , du cintre de rencontre ATB, la position de laquelle est déterminée à ses extrémitez sur les points A & x, & pour sa direction suivant la Diagonale gA, qu'on a pû prolonger au lit de dessous, pour en bien diriger la position.

L'exemple qu'on vient de donner pour le Coussinet, doit aussi servir pour les Voussoirs au dessus; car quoiqu'ils n'ayent pas un lit horisontal, il faut toujours en suposer un, comme nous l'avons dit en parlant de la taille des Voussoirs des Voutes simples par équarrissement; ainsi à ceux qui sont au dessus du Coussinet, il y a une opération de plus qui est celle de la coupe du lit de dessous, qui se fera en abattant la pierre par le moyen du biveau mixte, dont une branche, qui est la courbe, coulera sur la doële, & l'autre indiquera la pierre qu'il faut abattre; ou bien plus simplement, ayant tracé avec le biveau la coupe ( par exemple d 7 figure 7 ) on fera passer une surface plane par les trois points donnez A d7 (par le Prob. I. du quatriéme Liv. Tome second) on en sera de même sur l'autre joint montant e o, sur laquelle ayant tracé la tête du lit de dessous, par exemple e 6, on fera passer une surface par les trois points donnez A e 6, laquelle rencontrant la précédente, formera à l'intersection une arête saillante, qui doit se placer dans l'angle rentrant, quefont les deux du lit de dessus du Voussoir inférieur.

Sur quoi l'on peut remarquer, que le premier lit horisontal n'a servi qu'à y placer les deux lignes droites, qui sont les arêtes du lit de dessous avec la doële; le reste de cette surface ayant été enlevé en dedans pour former la doële, & en dehors pour former le lit.

Secondement, pour la partie de la Voute en Arête saillante.

De la maniere de tailler un Voussoir d'ensourchement en angle rentrant, il sera aisé de tirer celle d'en tailler un de la partie BS, qui est au contraire en angle saillant, & qui fait ce qu'on apelle la Voute & Arrète; en esset il ne s'agit dans celui-ci que d'enlever toute la pierre qu'on avoit laissé dans l'autre, comme on peut le connoître sans un plus long discours, par la comparaison des Voussoirs dessinez en Perspective aux sigures 7 & 9, où l'on voit que les retombées sont transportées du dedans de l'angle DAE, au dehors de l'angle RB r ou KBG (sigure 5) au reste l'opération est en tout la même, comme on va le voir.

Ayant dressé un parement pour le lit horisontal, qui sera permanent au Coussinet, & de suposition aux Voussoirs au dessus, on y tracera avec la fausse équerre l'angle q 6404, des premieres retombées, & son parallele au dedans, qui est celui des piédroits r BR, suivant les diftances p+ R, q4 r.

On abattra ensuite la pierre en retour d'équerre au premier parement, suivant les lignes q 6+, p 6+, p our les faces de suposition, & suivant les lignes qO, pO d'équerre à ces faces pour les paremens des têtes qu'on y tracera, puis avec les biveaux d'aplomb & de coupe Q 1 ° 5°, p 1' 5°, on abattra la pierre pour former les lits, qui se rencontreront en angle saillant sur la Diagonale 8<sup>d</sup> 4<sup>d</sup>, faisant couler l'angle rentrant du biveau sur les horisontales 4' 4<sup>d</sup>, 4" 4<sup>d</sup>, qu'on a dû y tracer par la hauteur des retombées, comme on a fait au Voussoir rentrant, dont nous venons de parler, & on achevera le reste de même.

## Seconde Maniere par demi équarrissement.

Pour opéret par équarrissement, il faut avoir une pierre bien pratiquée, où l'on puisse faire des paremens verticaux de suposition, qui soient à vivearête entr'eux, & avec l'horisontal; de sorte qu'on ne peut saire nsage d'une pierre, qui n'est pas assez pleine pour recevoir cette préparation, quoiqu'elles soit de grandeur suffisante, pour contenir le Voussoir qu'on se propose de faire.

En ce cas, après avoir formé le lit horisontal, on y tracera l'angle des piédroits DAE, pour le rentrant ou r BR, pour le faillant, puis avec le biveau de l'angle de l'horison avec la doële plate e E 1, & a D 1, on abattra la pierre en angle obtus le long des lignes droites, qui sont les côtez de l'angle donné; ces deux surfaces se rencontreront en ligne droite, qui sera le fond d'un angle rentrant du côté de SA, & en angle saillant du côté de SB, on tracera sur chacune une ligne parallele à l'arête du lit à distance de la corde D 1, ou E 1, qui sera

Farête de lit & de doële, par le moyen de laquelle avec le biveau rectiligne de la doële plate, & de coupe D 1" 5", E 1" 5", on formera les lits; nous suposons les têtes faites, comme dans la maniere précédente.—

## Troisiéme Maniere par Panneaux.

Les Apareilleurs font rarement les Voussoirs d'enfourchement, c'est à dire, de concours rentrant ou saillant, de deux Berceaux par la voye des panneaux, c'est une espece d'usage de les saire par équarrissement, pour diminuer le soin de l'exécution, parce que les tailleurs de pierre, qui en ont sait un ou deux sont en état de les continuer d'eux-mêmes sur les hauteurs de retombées, & les retombées mêmes, dont on leur donne les mesures, sur-tout lorsque l'un des berceaux est en plein cintre; cependant l'usage des panneaux, quoique un peu plus embarrassant a bien son mérite pour menager la pierre : le voici.

Avant dresse un parement pour servir de doëse plate d'un des berceaux, on y apliquera le panneau qui lui convient, par exemple ab de pour en tracer le contour; puis on prendra le biveau de l'angle des deux doëses plates, qui a été trouvé sur l'épure, par exemple l'angle 829, de la figure, qu'on apliquera perpendiculairement au côté ed, pour abattre la pierre suivant ce qu'indiquera une des branches, tenant l'autre apliquée sur la premiere doëse plate; l'angle de ce biveau sera saillant pour les Voussoirs vers A, & rentrant pour ceux qui sont de sen B. Ainsi au premier cas, ce sera le dos extérieur du bras qui servira, & pour le second ce sera l'intérieur. Or comme dans le premier, il faut creuser en angle rentrant, l'usage du biveau est moins commode, que lorsqu'il faut abattre en angle saillant: en ce cas, il n'y a pas grand avantage sur la précédente méthode, parce qu'il n'y a point de pierre à épargner.

La doële plate étant faite, on abattra la pierre pour former les lits avec les biveaux de lit & de doële plate, & les têtes se feront en faisant passer une surface plane par les angles, & par un retour d'équerre sur la direction du Voussoir, s'il s'agit d'un joint transversal, ou suivant l'angle du biais, si le Voussoir fait une portion de face biaise.

La figure 6 fait voir un Voussoir d'enfourchement renversé, dessiné en Perspective pour y montrer ses doëles  $ab\ dc$ ,  $de\ fC$ , qui font un angle saillant ou rentrant le long du côté dc, secondement les lits rentrans du dessus  $b\ lm\ de\ g$ , les lits de dessous  $a\ c\ f\ b\ i\ k$ , qui font un angle saillant en  $i\ c$ , & une tête  $f\ e\ g\ b$ .

### DESVOUTES EN ARC DE CLOITRE.

Nous avons déja dit qu'on apelloit Voute en arc de Cloitre, celle qui étoit composée de proportions de Berceaux, dont les doëles se rencontroient en angle rentrant.

D'ou il suit, que si l'on repete en sens contraire, la partie de Voute de la figure 5, dont le triangle DAE est la projection, suposant que DE passe par S, on aura une Voute en arc de Cloitre de quatre côtez, dont l'extrados est représenté à la figure 12, & la projection horisontale à la figure 8 en AD ae, & si plusieurs berceaux se croisoient demême, il se formeroit une Voute en arc de cloître de plus de quatre côtez en nombre pair; si au contraire ce n'étoit qu'une rencontre de demi berceau, il se formeroitune Voute en arc de Cloître en nombre de côtez impair, tels sont par exemple les Voutes des Chapiteaux des Guérites des sortifications, qui sont sur des Pentagones.

D'ou il suit, que si la Tour voutée étoit d'un grand nombre de côtez, chaque portion de berceau deviendroit aussi très étroite, & la Voute aprocheroit d'autant plus de la Sphérique, que le nombre se multiplieroit, de sorte qu'on pourroit considerer une Voute Sphérique, comme un arc de cloître d'une infinité de côtez.

Lorsque les côtez de la Tour à Pans voutez sont égaux entreux, il est évident que la Voute n'est qu'une repétition d'un même segment de Cylindre, pour le Trait duquel il n'y a que deux cintres à décrire, sçavoir, l'arc Droit, & celui d'ensourchement dans l'angle rentrant des doëles qui se rencontrent;

Mais lorsque les côtez & les angles sont inégaux, comme à la figure 8, il faut tracer plusieurs, cintres differens, sçavoir;

- 1°. Le cintre du milieu de direction sur le diametre oblique, comme Fig. 8. M m, ou son égal a e, qu'on a tracé en a H e, pour trouver les projections des joins de lit sur toutes les arêtes, comme en a a sur la Diagonale A a, & p p fur la Diagonale De, par la réproduction des points des projections f, g, i, k, conduits parallelement au côté A e, jusqu'à la Diagonale a A, & de là parallelement au côté DA, jusqu'à la Diagonale De.
  - 2°. Le cintre de direction transversale aussi oblique n N, on peut se passer de celui-ci.
  - 3°. Le cintre de l'arc Droit sur les petits côtez, comme T, ou son égal DR.

- 4º. Celui sur le grand côté comme r R, ou son égal D r.
- 5°. Le cintre de Diagonale courte a A, qui est l'arc a b A.
- 6. Enfin le cintre de Diagonale longue De; il est visible que si les côtez sont inégaux, & en nombre impair, il faut opérer à part pour chaque pan de Voute, comme nous allons le montrer.

### Des Voutes en Arc de Clostre, sur un Polygone de côtez en nombre impair.

Soit (figure 15, de la Pl. 71) le triangle scalene ABD, sur lequel on veut élever une Voute en Arc de Cloitre. On commencera par di- Fig. 15. viser ses angles, chacun en deux également par les Diagonales AC BC, PL. 71. DC, qui se rencontreront en C, où sera le centre de l'arc Droit CEh, lequel sera un quart de cercle, où d'Ellipse formé sur une ligne CE, perpendiculaire à un des côtez AB du Polygone, n'importe lequel.

CET arc sera le cintre primitif, qu'on divisera en ses Voussoirs en nombre incomplet, par exemple en deux & demi, cet excédent de demi est pour la moitié de la Cles.

Ayant abaissé des divisions 1 & 2, des perpendiculaires sur le rayon CE, qui le couperont aux points P & p, on menera par ces points des paralleles au côté AB, qui couperont les Diagonales AC, BC aux points e, f; g, i, par lesquels on reproduira d'autres paralleles aux côtez BD, AD, qui couperont la Diagonale CD aux points lk, & la projection des joins de lit sera faite.

It faut présentement former les cerches ralongées des cintres des angles rentrans des doëles, qui sont des quarts d'Ellipses bien faciles à tracer, parce que leurs abscisses sont données sur les Diagonales de la projection aux points e, f; gi, &c. & leurs ordonnées égales aux correspondantes i P, 2p; nous avons tracé pour exemple le quart d'Ellipse CDS, qui est renversé pour la commodité de la Place de la figure.

Il ne reste plus qu'à faire usage de ces lignes, pour tracer les Vousfoirs d'enfourchement par équarrissement ou par panneaux, comme il a été dit ci-devant, touchant le Trait de partie ADE, de la figure 5 & de la figure 8, ce qu'il est inutile de repeter.

#### COROLLAIRE. II.

### DES VOUTES D'ARETES.

Si l'on revient aux figures 13 & 5, de la planche précédente, qui font l'objet de ce probleme, on reconnoîtra que si l'on joint ensemble quatre sois la moitié de la figure 13, marquée ru SVR, on aura une figure de deux berceaux, qui se croisent en angle saillant, comme il est représenté à la figure 10, ce qu'on apelle Voute d'Arête, ainsi la Voute d'arête tracée en projection à la figure 4, n'est qu'une repétition de la moitié DBE de la figure 5, ce qui fait de la Clef une espece de croix, telle qu'on la voit à la figure 3.

D'ou il suit qu'on peut établir une Voute d'arête sur une base rectiligne en Polygone d'un nombre de côtez quelconque, sans que le Trait & la construction en devienne plus difficile, mais seulement plus composé.

On observera seulement que si l'on tient les cless de niveau, & que le cintre primitif soit circulaire, pris sur une des Diagonales, plus il y aura de côtez, plus les cintres des formerêts seront surhaussez, parce que leur diametre horisontal se racourcit pendant que le demi diametre vertical est permanent.

ET au contraire, si le cintre primitif étoit pris sur un des côtez, & en plein cintre, plus le nombre des côtez augmenteroit, plus la Voute s'abaisseroit, & si leur nombre étoit infini, elle deviendroit enfin plane.

L'exemple que nous avons donné pour la moitié de la figure 5 & 13, à la figure 4, montre le Trait des Voutes d'arêtes sur des Polygones en nombre de côté Pair. Il suffira d'en ajouter un pour les impairs, ou il y a un peu plus de difficulté, ou plutôt de varieté.

# Des Voutes d'Arêtes sur des Polygones impairs.

Dans les Voutes en Arc de Cloitre, nous avons toujours établi la clef à l'intersection des Diagonales, qui divisent chacun des angles du Polygone en deux également, parce qu'il convient de prendre pour rayon, ou pour un des axes du cintre primitif, celui d'un cercle inscrit dans le Polygone donné, lequel est perpendiculaire à chacun des côtez (par la quatriéme du 4°. Livre d'Euclide), & par conséquent l'Arc Droit commun à tous les demi-berceaux, qui composent l'Arc de Cloitre; ce qui rend la doële autant réguliere qu'il est possible, car

fi le milieu de la clef est plus près d'un côté que de l'autre, comme on peut le faire si l'on veut, il y aura autant de differens arcs Droits, qu'il y aura de demi Berceaux, lesquels seront les uns en plein cintre, les autres surmontez ou surbaissez suivant l'inégalité de ces distances variables, qui seront un des axes des cintres, celui de hauteur restant permanent & commun à tous.

On ne doit pas opérer de même pour les Voutes d'arêtes, parce que ces rayons perpendiculaires ne tombans pas sur les milieux des P<sub>L</sub>. 71. côtez du triangle isoscele ou scalene, les cintres des Formerêts élevez Fig. 17º sur ces côtez deviennent Corrompus (en terme d'Architecture,) c'est-à-dire, composez de deux arcs de Courbes inégales, sçavoir d'unquart de cercle AR, & d'un quart d'Ellipse RB, dont le rayon gA est égal à Sg, comme le P. Deran sait ceux de la Voute d'arête, établie sur un triangle rectangle isoscele; tels sont les arcs ARnB&Ar ND de la figure 17, ou bien de deux quarts d'Ellipses differentes, ce qui est aussi désagréable à la vuë. Or il est clair que l'on doit avoir dans ce genre de Voute plus d'attention à la régularité de ces cintres, qui en fait la beauté, qu'à la position de la cles dans l'intersection des Diagonales, qui partagent les angles en deux également; d'où il suit que le Trait de cet Auteur doit être rejetté, parce qu'il sait des irrégularitez dissormes sans aucune nécessité, & que l'on peut parsaitement bien éviter.

It faut donc chercher la projection de la clef de la Voute d'arête fur un triangle par la çe. Proposition du même Livre d'Euclide cité, qui est à la suit de la précédente; c'est-à-dire, qu'il faut circonscrire un cercle au Polygone donné, afin que toutes les Diagonales qui sont les projections des arêtes de la Voute deviennent égales entr'elles, & que les directions des cless de chacun des Berceaux tombent perpendiculairement sur les milieux des côtez du Polygone, pour les diviser également, & non pas inégalement comme a fait le P. Deran dans le Trait cité, (quatriéme Partie, Chap. IV.) mais cette construction a un autre inconvenient, qu'on ne peut éviter qu'en changeant la direction Droite des Berceaux obliques, comme nous le dirons ciaprès.

Soit, pour exemple, le triangle ABD, qu'on veut couvrir d'une Fig 16. Voute d'arête; ayant divisé en deux également deux de ses côtez, comme AB en C, & AD en E, on leur tirera par ces points des perpendiculaires indéfinies EX, CX qui se croiseront en X, où sera le milieu de la clef, duquel on menera aux angles A, B, D, les Diagonales AX, BX, DX qui seront égales entr'elles, & par le même point X on tirera sur le troisième côté DB la perpendiculaire Xe.

Tom. III.

On voit que ce milieu de clef X est bien different de celui que donne le Trait de la Voute en Arc de cloitre, provenant de la division des angles en deux également par des Diagonales, qui se croisent en m.

It suit de cette construction, '1' que le point X s'aprochera d'autant plus du point m, que les côtez du triangle aprocheront del'égalité entr'eux; de sorte que ces points x, m se consondrout en un seul plorsque les trois côtez seront parsaitement égaux.

2°. Que ce point X, s'aprochera d'autant plus d'un des côtez, que l'angle qui lui est oposé aproche du Droit, de sorte que si cet angle est Droit, le milieu de la clef, suivant cette construction, tombera sur le milieu de l'hypotenuse, parce que la prosondeur du Berceau, dont elle est le diametre s'évanouit, & se réduit à la seule ligne du cintre commun aux deux autres; ainsi au lieu de trois Berceaux, il n'en faut plus que deux pour couvrir cet espace triangulaire, ce qui paroît très singulier, mais qui est sensible en ne considerant que la moitié DBE des figures 4 & 5, de la Planche 70

Ce cas est le dernier où cette construction puisse servir ; car si le triange avoit un angle obtus, il est évident que le point. X tombant aux dehors de la figure, le plan ou mur du sormerêt du grand côté couperoit les deux Berceaux reunis au dedans du concours des Cless; ce qui formeroit une courbe composée de deux arcs, dont l'intersection seroit arquée en contre . & seroit un angle curviligne d'arête, qui ne pourroit se soutenir.

It faut done conclure de toutes cer observations, qu'il ne convient pas toujours de mettre le sommet de la cles dans l'intersection des Diagonales en m, ni dans l'intersection des perpendiculaires sur les milieux des côtez en X; mais qu'on peut placer à volonté le milieu de la cles, par exemple en S, sans autre inconvenient, que celui du changement des directions Droites XE, XC en obliques SE, SC, ce qui ne cause aucune difformité à la Voute.

CELA suposé, pour former le Trait de la Voute d'arête sur le triangle scalene ABD, on choisira tel côté que l'on voudra pour diametre du cintre primitif, par exemple AB, sur lequel on tracera un demi cercle AHB, ou une demi - Ellipse surhaussée ou surbaissée, comme on le jugera à propos, puis l'ayant divisé en ces Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on abaissera à l'ordinaire des perpendiculaires sur ce diametre, qui le couperont aux points Pp, Qq.

On placera ensuite à volonté le milieu de la clef en S hors des régles, ou en m suivant la régle des Arcs de cloitre, ou en X suivant celle des Voutes d'arêtes, tout comme on le jugera à propos.

De ce sommet S, on tirera des lignes aux milieux C, E, e, des trois côtez, & aux trois angles ADB, ensuite par les points P & p, on tirera les paralleles PN, pn, à la ligne DB, qui couperont le côté AD, aux points N & n.

De même par les points Q&q, on tirera des paralleles au côté AD, qui couperont DB aux points O & o.

Par les points N & n, on menera les lignes Nf, ng, paralleles à la direction ES, & Pf, pg, paralleles à la direction CS, qui se rencontreront sur la fausse Diagonale AS en f & g; on tirera de même Oi, ok paralleles à la direction Se, qui couperont la fausse Diagonale SB en i & k; ainsi de même pour les demi-côtez restans DE, De, CB, & l'on aura toutes les projections des divisions des Voussoirs, tant sur les diametres des Formerêt, que sur les vrayes ou fausses Diagonales, par le moyen desquelles projections & des hauteurs des retombées du cintre primitif AHB, on fera les cintres des formerêts AkD, Bk, D, & même ceux des arêtes SA, SB, SD, si l'on veut ; ce qui est trop facile pour s'y arrêter.

On voit à la figure 17, ou le triangle donné est rectangle isoscele, la convenance de notre construction, parce que 10. si l'on fait les directions CX, mX des Berceaux, qui ont pour diametre les côtez AB & AD, qui comprennent l'angle Droit, perpendiculaires à ces côtez, la position de la cles tombe en X sur le côté BD, & sait évanouir le troisième Berceau, qui étoit ci-devant exprimé par la projection DSB.

2°, Si l'on met le fommet de la clef en S, sur le point d'intersection des Diagonales AS, BS, DS, & que l'on veuille (comme le P. Deran) faire les deux Berceaux ASB, ASD, de direction Droite súr AB & AD, il résulte qu'on ne peut les faire ni elliptiques, ni circulaires, mais d'un contour irrégulier, comme sont les Courbes ARB, ArD, parce que les sommets R & r tombent aplomb des points g & G, produits par les perpendiculaires tirées du point S; donc il faut changer ces directions Droites S g & SG en obliques SC & S m, pour avoir un milieu b au sommet d'un demi cercle, ou de la demi-Ellipse, prise pour cintre primitif.

IL faut encore remarquer qu'on pourroit prendre si l'on vouloit, une direction oblique comme SC, & une Droite comme SG, en sai-

#### STEREOTOMIE. LIV. IV. PART, IS.

sant le cintre AKD corrompu; ce que nous observerons en passant sans en conseiller la pratique.

L'APLICATION du Trait de ces Voutes est visiblement la même, que celle des berceaux d'égale hauteur, qui se rencontrent perpendiculairement ou obliquement, dont ces cas ne sont que des Corollaires.

# Des Voutes d'Arêtes incompletes.

J'APELLE ainsi celles dont les arêtes ne sont qu'un quart de cintre, telles sont par exemple celles de la plûpart des chevets de nos anciennes Eglises, qui sont à Pans Coupez, dont la cles est sur le milieu du cintre, qui rachete la Voute de la nes; il est visible qu'une telle Voute est la moitié d'une Exagone de même espece, dont on a retranché l'autre moitié suivant un de ses diametres, ainsi il n'est pas nécessaire d'en parler en particulier, après ce qui a été dit en general.

IL faut seulement observer que de telles Voutes demandent à être bien apuyées à la clef pour subsister, parce que les arêtes pousseroient au vuide au delà de l'arc doubleau, s'il n'y avoit pas une Voute au-devant.

## Des Berceaux Croisez, qui rachetent des Plat fonds.

Le Pere Deran dans le Chap. XIX. de sa quatriéme partie, annonce le Trait d'une Voute d'Arête sur un quarré, ayant un Plat-sond quarré au milieu, il n'est pas difficile de montrer, qu'il propose une chose impossible, s'il prétend racorder la Voute avec le plat-fond ; car puisque les directions des côtez du quarré du plat-fond sont perpendiculaires aux axes des Berceaux, qui se croisent pour former la Voute d'arête, elles ne péuvent être que les cordes ou les tangentes des fections transversales de ces Cylindres, lesquelles sont essentiellement des lignes courbes circulaires ou elliptiques, par conséquent les côtez du quarré ne peuvent se racorder avec le milieu de la croisée de la Voute, que par le moyen de la faillie du quadre, qu'il y demande pour la beauté de l'ouvrage; il auroit dû dire pour en cacher un peu le défaut & la discordance, parce que les angles de ce quadre seront plus bas que la clef, de toute la hauteur de la flêche de l'arc, que ce côté de quarré comprend, auquel la bordure se termine par une saillie inégale', depuis son milieu à ses angles, laquelle sera d'autant plus difforme que le plat-sond sera grand.

L n'en est pas de même pour les Voutes en arc de cloitre, on

peut fort bien y pratiquer au milieu un plat-fond, si grand que l'on voudra, en voici la raison.

Les joins de lit de chaque assise des Voutes d'arête, sont des lignes droites horisontales paralleles aux impostes de chaque Berceau; par conséquent on peut pratiquer au milieu de cette espece de Voute une surface plane d'autant de côtez que le nombre des impostes; quarré sur une Voute de deux Berceaux, qui se croisent en angle Droit, exagone sur trois; ainsi du reste.

J'AI dit qu'on pouvoit faire ce plat-fond si grand que l'on veut, mais à condition qu'il servira d'étresillon, pour contenir les Voussoirs qui poussent au vuide entre les angles rentrans, car il n'y a que ceux des angles qui se contiennent mutuellement par le concours des deux diametres de leurs côtez.

De ces deux observations, il suit que le Trait du même Auteur, au Chap. XX. à la suite du précédent, est partie bon, partie mauvais, comme nous le dirons en parlant des Voutes à doubles arêtes.

# Aplication du Trait sur le Bois.

# POUR LA CHARPENTE, OU POUR LA MENUISERIE.

On ne peut pas toujours, ni par-tout faire des Voutes de Pierres ou de Briques; on a souvent des raisons de les saire en Charpente, ou du moins de revêtir de Lambris de Menuiserie, celles qui sont saites de Pierre, ou de Briques.

Les raisons que l'on peut avoir de faire des Voutes de Charpentes sont.

- 10. La rareté, ou la cherté de la pierre dans le lieu où l'on bâtit » lorsqu'il est auprès d'une forét.
- 2°. La foiblesse des murs, sur lesquels on veut établir une Voute, dont la Poussée pourroit les renverser, si on la faisoit de pierre ou de briques.
- 3°. La crainte des secousses des tremblemens de terre, dans les Pays qui y sont fort sujets. Par cette raison toutes les Eglises de Lima, grande Ville Capitale du Perou, où j'ai été, sont faites de Charpente recouverte d'un Lattis de Cannes, & de Mortier; j'en ai vû plus de

foixante si bien faites, que je ne les jugeai pas telles du premier abord, étant ornées d'ordres d'Architecture, de pilastres, corniches, arcs doubleaux, &c. tout comme les Voutes de maçonnerie, comme je l'ai dit dans la rélation de mon voyage imprimé en 1716. à Paris, en Hollande, & en Angleterre, où il a été traduit dans la Langue du Pays.

On a aussi quelquesois raison de revêtir en Lambris de Menuiserie des Voutes, qui ne sont pas agréables à la vûë, & qu'on ne veut pas démolir, soit pour en changer le contour, comme du Gothtique au plein cintre, ou pour en cacher quelques impersections, ou pour les rendre plus susceptibles des Ornemens de Sculpture, Doiure & Peinture.

Sort que l'on se propose de faire en bois une Voute en Arc de cloitre, ou une Voute d'arête.

On fera l'épure comme pour les Voutes de pierres; les cintres étant tracez pour les formerets & arcs doubleaux, les ouvriers ne trouve-ront non plus de difficulté à les executer en bois, qu'à faire une demi - roue de plusieurs jantes, parce que ces pieces sont directement tranversales.

It n'en est pas tout à fait de même pour les cintres des Diagonales, creusez en angle rentrant pour les Arcs de clostre, ou débillardez en angle saillant, pour les arètes des Voutes, qui en portent le nom, il y faut un peu plus de saçon.

Soir (figure 4, ) le parallelograme DBE b, le plan horisontal d'une Voute d'arête biaise, dont l'arc surbaissé DTE est le cintre d'arête, formé sur la plus grande Diagonale DE, pour axe horisontal, & la hauteur ST donnée égale à CH, du cintre primitif DH b.

On commencera par déterminer la longueur de la piece de bois' fur l'épaisseur de celle qu'on veut employer, considerant la slèche, & la prosondeur de l'arc qu'on y peut creuser, & ajoutant à cette longueur, celle des Tenons nécessaires pour l'assemblage avec les pieces suivantes, & la sabliere, sur laquelle elle doit être posée.

Suposons qu'il s'agisse d'un cintre de Diagonale d'une Voute d'arête DTE, (figure 4, ) on y inscrira une corde par exemple D 3<sup>d</sup>, égale à la longueur du bois donnée, laquelle sera avec la Diagonale ED, prolongée vers k, l'angle obtus 3<sup>d</sup> D k, qu'on prendra avec la fausse équerre pour couper en gras le bout insérieur de la piece de bois aux deux côtez du Tenon, qui doivent s'apuyer sur les bords de la mor-

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. I.

toise de la fabliere \* ( qui est la piece de bois, où est la naissance de la Voute.)

vient du Latin Subligare, lier pasdeffous

On levera ensuite la cerche ou le panneau du segment d'Ellipse dessous. D 4<sup>d</sup> 3<sup>d</sup>, avec laquelle on tracera sur les côtez de la largeur le creux de la piece de bois qu'on coupera cylindriquement, comme si l'on Pr. 71-vouloit en faire une simple portion de Berceau, comme l'on voit à la Fig. 14 sigure 14, la partie de g en G.

Sur le milieu de cette furface concave, on tracera avec un Trusquin, ou en trainant le compas ouvert de la moitié de l'épaisseur, ou seulement un Echantillon, la ligne du milieu D b 3, qui marquera l'arête que l'on doit former.

On tracera ensuite sur l'épure de la figure 4\*, une ligne i g, perpen- \* Pr. 702 diculaire à DE, sur laquelle on portera de part & d'autre la moitié de l'épaisseur du bois de D en i, & de D en g, par où on menera des paralleles à DE ou D k, qui rencontreront les côtez BD prolongé en a, & bD prolongé en a.

On portera les longueurs i a, fur un côté de la hauteur ou largeur du bois, & gc de l'autre, pour tracer par ces deux points des lignes courbes paralleles aux arêtes i l (figure 14) & gf G, comme Pp. 75. crn & son oposée, que le desseinne peut représenter, parce qu'elle est cachée par l'épaisseur du bois.

Enfin par la ligne du milieu Db 3, & cette derniere crn, on débillardera, c'est-à-dire, on abattra le bois en chansrin, comme il est représenté en brn3, & de même de l'autre côté, ce qui formera l'arête qu'on voit en Perspective au bout n30, laquelle sera celle d'une des croisées de la Voute d'arête qu'on veut faire.

L'AUTRE arête de croisée se formera de même sur le cintre de même hauteur, qui a pour diametre la Diagonale bB, ou si l'on veut revenir à la sigure 5, qui est la primitive, d'où cet exemple est tiré, ce sera le cintre ATB.

On operera de même pour chacune des pieces de bois, qui doivent s'assembler avec les autres, à peu près comme les jantes d'une rouë.

Si au lieu d'une Voute d'arête, il s'agit de faire un arc de cloître; il est visible qu'il faut operer en sens contraire de ce qu'on vient de faire, c'est-à-dire, creuser en angle rentrant le bois qui formoit una angle saillant.

Anss; (figure 8,) ayant tiré comme ci-devant la perpendiculaire ig, sur la Diagonale De, on menera par les points i & g, donnez pour l'épaisseur du bois des paralleles ik, go à la Diagonale De, qui couperont les côtez AD, & a D en k & o, & donneront des longueur ik & go, inégales si la Voute est biaise ou Barlongue, c'est-à-dire, plus longue que large.

Si l'épaisseur du bois est peu considerable par raport à la Diagonale, qui croise la premiere, on pourra se servir pour tracer les arêtes par o & par k, de l'arc du cintre sait sur De, comme en DTE, de la figure 4, parce que la difference de ce cintre à ceux qu'on y doit saire passer dans la rigueur, peut être negligée sans erreur sensible.

Mais si cette épaisseur de bois & l'obliquité, ou l'inégalité des côtez de la Voute est considerable, alors il saut tracer des arcs d'Ellipses particuliers, un pour l'arête passant par &, l'autre pour celle qui passe par O.

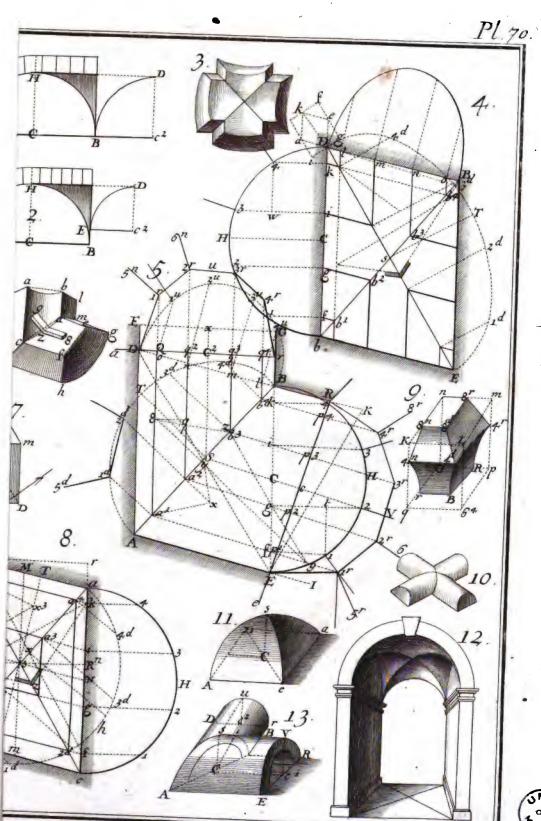
IL faut de plus observer que s'il s'agit d'une piece de charpente, qui doive être couverte d'un latis & de plâtre, les deux côtez D & & D o, doivent être inégaux dans les Voutes biaises & barlongues, mais s'il s'agit d'un revêtement de Menuiserie, ces côtez devenans les largeurs des bâtis, doivent être égaux entr'eux; quoiqu'il en soit.

On tirera par les points k & o des paralleles à la Diagonale D e, par exemple, par o la ligne o f, qui coupera a e en f, & la diagonale A a au point x, où on élevera sur A a une perpendiculaire xy, qui coupera le cintre ab A en y; la ligne o f sera l'arc horisontal d'une Ellipse, dont xy sera la hauteur verticale; avec ces deux mesures on tracera une demi - Ellipse, que sera le cintre de chacune des arètes, quoique l'une comme k avance plus que l'autre o.

Les arcs de ce cintre étant tracez chacun sur une face de hauteur du bois, on le creusera de l'un à l'autre en portion de berceau biais; sur laquelle ayant tracé l'arc du milieu, on y creusera le bois en angle rentrant k D o, suivant la cerche du cintre formé sur la diagonale D e, comme DTE de la figure 4, & la piece sera achevée.

# Des Voutes d'Arêtes Gothiques.

Fig. 20. On apelle Voutes Gothiques, ou selon le P. Deran, Voutes Modernes, & à Augives, celles dont les cintres perpendiculaires à leurs directions sont





sont composez de deux arcs de cercles, tracez de differens centres, faisant un angle rentrant à la cles.

La mode de ces Voutes que nous tenions des Gots, ou plûtôt selon quelques Antiquaires des Maures, est tellement abolie qu'on n'en fait plus de cette espece dans les nouveaux Bâtimens; mais comme dans les réparations des anciens Cloîtres, Eglises, ou autres Edifices, il se présente des occasions d'en rétablir quelques parties, il est nécessaire d'en tonnoître le Trait.

IL faut premierement, remarquer que les doëles des Voutes d'arêtes Gothiques, sont très rarement des portions de surfaces de Cylindres, comme à nos Berceaux & Voutes d'Arêtes Antiques, qui sont usitées dans l'Architecture Moderne; mais chaque Pandantif est une portion triangulaire d'une espece de Sphéroïde irrégulier, dont la surface se courbe depuis sa naissance insensiblement, suivant la direction de la clef, à mesure qu'elle en aproche, de sorte que schaque Pandantif est une surface à double courbure, dont nous devrions renvoyer le Trait au rang des surfaces irrégulieres, cependant nous lui donnerons place ici par plusieurs raisons.

Premierement, à cause de leur grande conformité avec les Voutes d'arêtes régulieres,

SECONDEMENT, parce que leurs Nervures en sont le principal objet pour la coupe des pierres, en ce qu'il n'est presque jamais question d'Apareil pour les Pandantiss que ces nervures terminent, à cause que leur peu d'épaisseur rendroit la coupe presque insensible dans chaque Voussoir; c'est pourquoi on se contente ordinairement de les saire de petites pierres, sans coupe, qu'on apelle Pandans, pour lesquelles le mortier mis un peu plus épais à l'extrados qu'à la doële, fait l'office de la coupe d'un Voussoir.

Les principales de ces nervures, sont les Arcs Doubleaux AB, ED, & les Augives, AD, EB; les premieres les traversent diametralement, & les secondes en diagonales qui se croisent; c'est pourquoi on dit ordinairement Croise d'Augives.

Les Courbes de ces cintres sont arbitraires, cependant on n'y employe jamais que des Arcs de Cercles. Ceux des Arcs doubleaux sont toûjours tracez de differens centres, pris ordinairement aux impostes oposées, alors ils sont de soixante dégrez; quelquesois le centre est en dedans, quelquesois en dehors; on en voit même aussi, (mais mal à Tom. III.

propos, ) dont les centres sont au dessus ou au dessous de la ligne des impostes: le P. Deran le met au dessus.

Les Arcs des Augives, sont quelquesois tracez aussi de deux centres, mais souvent d'un seul qui fait un demi-cercle; ce qu'on ne pratique jamais aux arcs doubleaux, dans l'Architecture Gothique.

Fig. 21. Sort le parallelograme rectangle ABDE, (figure 21,) le plan horisontal de la Voute d'arête Gothique, dont les diagonales AD, BE, font les projections des Augives; les côtez AB, DE, celles des arcs doubleaux, de même que AE, BD, si la Voute étoit dans une croifée ouverte; mais si elle est fermée de ces côtez, ces arcs doubleaux prennent le nom de formerêts.

Entre ces principales nervures on en place fouvent d'autres, comme MG & MH, & leurs oposées MF, MI, qui sont les projections des Liernes; & les lignes BG & BH, & leurs lignes semblables qui sont celles des Tiercerons.

Il s'agit présentement de tracur les arcs de cercles, dont ces lignes font les projections horisontales, c'est-à-dire, les *Plans*, suivant le Langages des Apareilleurs.

AYANT divisé-AB en deux également en m, on prendra à volonté; & à distance égale de ce point les cintres C&c, pour ceux des arcs doubleaux AS, BS, selon qu'on voudra la Voute plus ou moins surmontée en SI, où ils se croisent. Le P. Deran prend ces centres au dessus de la ligne d'imposte AB, & dit qu'on en use ainsi, ce qui est très mauvais, parce que une telle naissance commence par un arc renversée en talud.

Pour tracer ensuite les arcs d'Augives, on portera la projection BM en Bp sur BA, où l'on élevera une perpendiculaire pm', qu'on peut faire égale à MB, si l'on veut l'augive en plein cintre, ou plus haute, si on la veut de deux arcs de moins de dégrez que le quart de cercle, comme on a fait aux arcs doubleaux.

Dans ces deux cas, le point  $m^2$  fera plus haut que le point S, le point p fera le centre de l'arc B  $m^2$ ; si l'augive est d'un seul arc en plein cintre; si elle est de deux, le centre sera plus près de A, mais toujours sur l'horisontale AB; la maniere de trouver ce nouveau centre, est de tirer une corde du sommet donné au dessus de  $m^2$ , par exemple, 2 au point B, la diviser en deux également, & lui mener une perpendiculaire, qui coupera AB en un point, qui sera le centre qu'on cher-

che, comme nous allons le faire pour trouver les arcs des autres nervures.

Premierement, pour l'arc de Lierne, il faut considerer qu'il doit pasfer au sommet  $m^2$ , qui est le milieu de la croisée d'augive, dont la projection est le point M, & par le sommet S de l'arc doubleau, dont la projection sera si l'on veut le point L ou m. On menera par le point S une ligne OR, parallele à AB, qui coupera la verticale  $p m_2$ , au point O, d'où l'on prendra OR égale à ML, & par les points ma & R donnez, on tracera un arc, dont le centre est sur la verticale m<sup>2</sup> p, prolongée au point Q, qu'on trouvera en tirant une corde de m<sup>2</sup> en R, & faisant sur son milieu une perpendiculaire qui coupera cette verticale en Q, ce qui n'est pas exprimé dans la figure, pouréviter la confusion des lignes; l'arc m² R tracé de ce centre Q, sera la moitié d'une lierne, dont la projection est ML ou M m, si ABDE est un quart; mais comme par cette disposition de figure des projections des nervures, cet arc ne descend pas jusqu'en L, finissant en G ou H, il faut porter la distance MH, sur le profil OR en Og, & mener gb verticale, qui coupera l'arc m² R en b; l'arc m² b sera celui que l'on cherche, dont MH étoit donné pour sa projection.

Secondement, pour avoir l'arc du! Tierceron BH ou BG, on portera la longueur de la projection BG en Bk, où l'on élevera la verticale kK indéfie, puis on tirera par le point trouvé b une horisontale bi, qui coupera cette verticale au point K, par lequel & par le point B, on tirera la corde KB, qu'on divisera en deux également en n, ou l'on fera une perpendiculaire à cette corde, qui coupera l'horisontale AB au point y, où sera le centre de l'arc KB du Tierceron, qu'on veut former sur la doële du Pandantis, ainsi on aura tous les arcs des nervures tracées en projection, suivant la figure comprise dans le quarré ABDE.

IL est aisé de tirer de cette pratique la maniere de trouver les arcs des nervures de tant de compartimens differens que l'on voudra en tracer au plan horisontal.

PAR exemple, si l'on prolongeoit les Tiercerons AF; DI, &c. jufqu'aux augives en T & t, & qu'on tirât les lignes Fu, Iu, IV, HV, qui formeroient des compartimens de lozanges FuIT, HVIt, il est déja clair que la hauteur des points F, H, I, est donnée au Prosil, que nous venons de faire au point b, & que les points T & u ou t & V, sont déterminez dans l'augive par la projection; ainsi si l'on porte la longueur Dt sur AB en B, & qu'on éleve la verticale t u, elle rencontrera l'arcu B, de l'augive au pointu, qui sera plus bas que le point u

Dij

Ensulte ayant tiré par x l'horisontal xq, & une verticale par le point b, qui la coupera vers x, on portera la longueur H: de la projection en xq, (suposant x à l'intersection de la verticale & de l'horisontale,) & par les points donnez b, q, on tracera un arc, dont le centre doit être sur la verticale passant par h.

Si l'on avoit cherché l'arc, dont VH est la projection, on l'auroit trouvé de même; mais au lieu que le point b est ici le plus élevé, ç'auroit été le plus bas dans le profil.

On peut remarquer dans les anciennes Eglises & Cloîtres Gothiques, une varieté admirable de ces compartimens; ce que j'ai vû de plus beau & de mieux éxécuté dans ce genre, est au Monastere de Bethlehem, auprès de Lisbonne en Portugal, tant à l'Eglise qu'au Cloître, où la plûpart des nervures sont de Marbre.

In paroît dans nos anciennes Eglises beaucoup de bizarrerie dans ces compartimens; quelquefois les arcs - doubleaux font suprimez entre les croisées d'augives, pour les traverser par des nervures, passant par les clefs des formerêts, parallelement aux augives; de sorte que leur projection horisontale donne une figure de reticules en quarré Fig. 18. ou en lozanges, comme on voit à la fig. 18; ce' qui fait que ces liernes poussent de part & d'autre au vuide contre le milieu des Reins des augives; quelquefois les nervures sont détachées de la Voute au milieu de la croisée, où la doële s'éleve au dessus en forme de cu-de-four irrégulier comme en M, duquel pendent du Cu. de - Lampes, des Guimberge; & autres ornemens de l'Architecture Gothiques', suspendus par des barres de fer, lesquels sont présentement universellement rejettez par les Architectes, comme étant dans des situations forcées & de peu de folidité.

> Le est visible par ces constructions, que les directions des doêles à la clef étant courbes, les pandantifs ne sont pas des portions de Cylindres, puisqu'ils sont terminez par trois côtez courbes circulaires, sçavoir, par l'arc-doubleau, par celui de l'augive & par celui de la lierne, (s'il y en a une, ) ou à sa place par l'angle courbe & rentrant, qui est au long de la clef; ainsi suposant, ce qui n'arrive presque jamais, qu'on fit les pandantifs en pierre de taille, il faudroit avoir recours à ce que nous avons dit des Voutes Sphériques, ou plûtôt des Sphéroïdes irrégulières; car les pandantifs ne sont pas des triangles exactement Sphériques, quoiqu'ils puissent l'être.

It est encore visible que si l'on fait d'autres nervures de plus, en

façon de rose, d'étoile, &c. que les parties des pandantiss comprises entre les nervures circulaires, sont des surfaces qui ne seroient pas d'une suite unisorme, si ces nervures étoient enlevées, parce que les sections d'une surface irréguliere ne sont pas des arcs de cercles étant coupées en tous sens; elles seroient au contraire souvent des Courbes à double courbure, dont l'exécution demanderoit une grande attention; mais on assujettit le vuide des compartimens aux terminaisons des nervures, & non pas les nervures à la surface de la doële.

UNE des principales difficultez des Voutes Gothiques, est celle des intersections & des naissances des nervures. A l'égard des intersections de celles qui se croisent, il est visible qu'elles doivent être d'un même profil de moulures égales, afin que les angles rentrans soient exactement dans le plan des diagonales de leurs projections

Pour trouver l'alongement, c'est-à-dire, la cerche ralongée de leur Fig. 22. contour, il n'y a qu'à faire un angle BAD, égal à celui de la croisée d'augives, dont le côté AB, représente par exemple la Lierne, & AD l'augive; on tirera sur AB la perpendiculaire BD, & autant de paralleles que l'on voudra avoir de points au contour de la moulure, qui coupera AD aux points o, o, ó, D, par lesquels on menera des perpendiculaires sur AD, qu'on sera égales aux petites lignes ad, ad, &c. comme ox, ox, &c. dont les extrêmitez détermineront les contours des moulures ralongées, dans l'angle rentrant de l'intersection de deux nervures.

Quant à la naissance des nervures au dessus d'un pilier, ou d'un Cu-de-Lampe, laquelle est souvent même sans imposte sur le nud d'un mur.

It faut en faire la projection, comme l'on voit en N, au dessous de la figure 22, où NF est celle du formerét, NT du tierceron, NO de l'Augive, N; d'un autre tierceron, & Nd d'un arc doubleau, où les principales nervures NF, No, Nd, couvrent une partie des intermédiaires NT, N;.

PRESENTEMENT, pour connoître à quelle hauteur elles se dégagent, il saut porter les retombées données de chacun des arcs de ces nervures sur les lignes NO, NT, NF, prolongées, & y retracer de nouveau les mêmes profils de nervures supposant par exemple, que la hauteur de la pierre donnée pour former une partie de la nervure, soit BN de la figure 21, sa retombée sera égale à dN, qui montre que la projection de la nervure doit être avancée de cet intervale, ainsi en resaisant à cette distance les profils des moulures des nervures qui

s'écartent, on reconnoîtra si elles sont toutes dégagées à cette haulteur, ou s'il reste encore quelques parties des intermédiaires couvertes par les principales des Augives, & des formerêts & arcs doubleaux.

La même pratique servira à trouver les lits des nervures, dont les naissances sont prises sur des points écartez, & qui se croisent ensuite un peu au dessus pour être continuées, chacune à leur destination; ce que l'on ne voit point à celles qui prennent leurs naissances sur des piliers, mais assez souvent à celles qui naissent sans apuy d'imposte du nud d'un mur; comme ces sortes d'ouvrages ne stombent en pratique, que dans les cas de réparations des anciens édifices, nous ne mous y arrêterons pas davantage.

# Remarque sur les Voutes Gothiques.

SI les doëles des Voutes Gothiques n'étoient pas en quelque façon brisées, & interrompuës au milieu sous la clef, par un angle rentrant qui est désagréable à la vûë, elles seroient sans doute préserables à nos nouvelles Voutes, par plusieurs raisons.

La premiere, est que la grande inclinaison de leurs pandantifs, qui est encore considerable à leur sommet vers la clef, permet qu'on les fasse extrêmement minces & legeres, de-là suivent plusieurs avantages.

- 1°. Qu'elles consomment beaucoup moins de materiaux.
- 2°. Qu'elles sont d'une plus facile & plus prompte exécution, parce que les materiaux étant plus petits sont plus faciles à transporter, & à mettre en œuvre.
- 30. DE-LA suit qu'elles coutent beaucoup moins en dépense de conformation, & en journées d'ouvriers.
- 4°. Qu'il y a moins de sujetion pour la taille des Voussoirs, où l'on n'est asservi à aucune coupe pour les lits; parce que leur épaisseur n'étant que d'environ ç à 6 pouces, on n'y a pas d'égard à la coupe, à laquelle on peut supléer par un peu de mortier, plus épais à l'extrados qu'à la doële; de sorte qu'on y employe des petites pierres taillées à l'équerre, qu'on apelle des Pandans.
- La seconde raison qui leur donne un grand avantage sur les nôtres, c'est qu'étant beaucoup plus legeres & inclinées, elles sont beaucoup

moins d'effort pour renverser les murs, sur lesquels elles sont élevées, par conséquent elles épargnent une grande épaisseur, qu'il faut donner aux piédroits, qui soutiennent des Voutes en plein cintre, ce qui est une forte raison de diminution de dépense.

It n'est donc pas étonnant que la mode de ces Voutes ait duré si long-tems, & qu'on en voye encore aujourd'hui un si grand nombre en Cloîtres, en Eglises, & autres Bâtimens publics, lesquels n'auroient peut être pas été bâtis, si l'objet de la dépense avoit été aussi grand qu'il est aujourd'hui, suivant notre Architecture massive; il est vrai aussi, que celle-ci l'emporte sur la Gothique en beauté & en solidité. On voit à la sig. 20 l'esset d'une Voute Gothique avec ces nervures.

## Des Voutes Persiennes.

Quoique nous regardions comme une difformité l'angle rentrant, qui se sait à la doële des Voutes Gothiques sous la clef, les PERSES n'en jugent pas de même, ils y sont un angle encore plus marqué, en ce qu'il est précédé de deux petites portions d'arcs convexes, comme on voit en d & e, à la figure 19; nous voyons dans les Estampes du voyage de Chardin, que les cintres généralement de toutes leurs Voutes, même jusques aux Arcades des senêtres & Boutiques, sont contournées à peu près dans le goût du profil des Combles à l'Imperiale, ou plûtôt comme les pointes des anciens Ecussons renversez composez de deux parties consaves ad, be, & de deux convexes en d & e, qui se joignent en S.

Une figure si extraordinaire pour une Voute, nous prouve bien que la beauté n'est ordinairement qu'un préjugé de l'éducation, & de l'habitude que l'on a de voir les choses aprouvées, par la mode du Pays que l'on habite.

It est cependant vrai, àjuger des choses sans prévention, que de toutes les courbes des cintres usitez pour les Voutes, celle dont nous parlons est la moins propre à leur folidité, par conséquent qu'elle doit être intrinséquement difforme, en ce qu'elle n'est point consorme aux moyens d'en assure la durée.

La raison en est bien plausible, en ce que les parties convexes auprès de la clef, pousseroient infailliblement au vuide, si les Voussoirs étoient taillez suivant la coupe qui est naturelle à cette figure, laquelle coupe seroit divergente du dehors au dedans, au lieu qu'elle doit être convergente; de sorte qu'il n'y a pas lieu de douter qu'elle n'y soit pratiquée intérieurement en sens contraire.

D'ou il suit, que les parties convexes doivent être composées de

Voussoirs, dont les queues soient plus longues que les autres, qui sont concaves, ce qui augmente considerablement la charge de la Voute, à l'endroit où elle cause une plus grande Poussée,

En second lieu que les arêtes des Voussoirs contigus, sont de sorces inégales, l'une en angle obtus, l'autre en angle aigu; il y a aparence que de telles Voutes ne s'exécutent gueres en Pierres de taille.

Toutes ces conséquences font voir qu'il est étonnant qu'une Nation aussi spirituelle que les Perses, qui passent pour avoir du goût dans les ouvrages d'ornemens, ayent adopté un contour de cintre qui nous paroit ridicule ; je ne m'arrêterai pas à en chercher le Trait, parce que je ne crois pas que nous adoptions jamais un tel goût en France: je dirai seulement en passant, qu'il me paroit autant que j'en puis juger par les Estampes de Chardin, que chaque côté du cintre est composé de trois arcs de cercles, sçavoir, celui de la naissance, qui monte environ à 30 ou 45 dégrez, dont le centre est pris sur le rayon oposé, par exemple, pour l'arc a fou a b entre m & b en 1; ensuite sur le rayon I f, ils prennent un second centre vers le milieu en 2, pour former l'arc hg, & enfin sur le rayon g2, prolongé en dehors, un autre centre en 3, pour tracer l'arc g S. Et comme ces centres peuvent être pris plus près ou plus loin de M & de b, il en résulte des cintres surhaussez ou surbaissez; comme il n'y a pas d'aparence que ce Livre passe en Perse, je ne crains pas d'être repris sur cette conjecture.

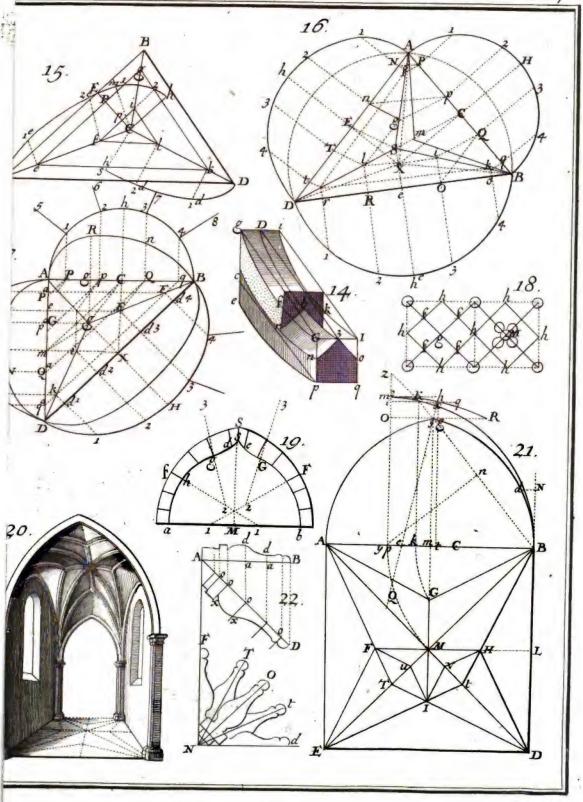
On pourroit trouver quelques autres Courbes Géometriques on Mechaniques, qui donneroient de tels contours fans le fecours des Arcs de cercles, telle seroit la Compagne de la Roullete de Mr. de Roberval, repetée & tournée en sens contraire, qu'on pourroit faire croifer pour diminuer les parties convexes de doële autant que l'on voudroit; mais en voilà assez sur une observation de simple curiosité, qui ne doit pas être mise en pratique.

#### Des Voutes à doubles Arêtes.

On apelle Voutes à Doubles Arêtes, celles dont les angles faillans sont émoussez par des Pans cylindriques angulaires, dont la pointe est sur l'imposte à la naissance de la Voute.

Fig. 27.

Ainsi suposant une Voute d'Arête sormée par la rencontre de deux





- berceau, qui se croisent à angle droit, recoupée à ses angles saillans 2.27. par deux Berceaux, qui croisent les précédens à angle de 45 dégrez, on aura une Voute à doubles arêtes, qui sera un composé de huit portions de furfaces cylindriques en p andantif, terminées au sommet par une surface plane qui forme un plat-fond.

La raison de cette terminaison à leur sommet, vient de ce que les quatre demis berceaux, qui se croisent suivant les Diagonales des quatre premiers berceaux, se coupent mutuellement parallelement à leurs axes, par le Theor. 16, du premier Liv. par conséquent suivant quatre lignes droites horisontales, qui peuvent être les quatre côtez d'une surface plane quarrée, si la Voute est établie sur des directions perpendiculaires, des premiers Berceaux égaux en diametres, ou en Rhumbe, si les directions sont obliques, ou les diametres inégaux,

Le P. Deran au lieu d'un plat-fond en parallelograme, en propose un en Octogone, mais il est clair, parce que nous avons dit ci-devant de fon erreur à l'égard des plat-fonds quarrez sur les Voutes d'arêtes simples, que la figure d'un Octogone ne peut se racorder avec la surface des Voutes à doubles arêtes, en ce que des huit côtez du plat-fond, il n'y en peut avoir que quatre, qui soient établis sur des lignes droites communes à la doële de la Voute, sçavoir, les pans st, ux, op, qr, Fig 281 qui sont paralleles à la direction des Cylindres, dont les pans AGF, BGI, DIK, EKF, sont des parties; les quatre autres côtez de l'Octogone \*u, xo, pq & rs, coupant obliquement ces mêmes portions de Cylindre, ne peuvent être qu'au dessous de leur surface dans des plans verticaux, dont les sections sont des Ellipses, qui ont pour cordes ces mêmes côtez, suposant, les quatre premiers côtez à la surface de chacune de ces portions de Cylindre.

Ainsi le racordement d'un plat-fond octogone ne peut se faire, que par le moyen d'une bordure faillante au dessous de la doële dans les côtez, qui la coupent obliquement, ou pour mieux dire, il ne peut point être racordé avec la Voute.

# Voute à doubles Arêtes rachetant un Plat - Fond Quarré, ou en Lozange.

Soit ABDE, le plan horisontal de la Voute d'arête, dont les quatre naissances sont aux angles A, B, D, E; ayant tiré les diagonales d'un Fg. 28. de ces angles à l'autre & les lignes du milieu c N, CL, qui s'entrecouperont aussi bien que les Diagonales au milieu M, on déterminera la denie largeur ou longueur du plat-fond sur une de ces lignes MG ou Tom. III.

MF; & par ces points G & F, on tirera des paralleles aux diagonales MA, ME, qui donneront les points K & I, à leur interfection avec les lignes de milieu CL, cN, & par conséquent tout le Rhumbe FGIK, du plat-fond.

Par les mêmes points F, G, I, K, on tirera aux angles des naifances les lignes GA, FA; FE, KE; KD, DI, &c. qui seront les projections horisontales des arêtes de la Voute, dont il faut tracer les cintres; suposant, qu'on se détermine à faire sur AB, le cintre primitif en demi-cercle AHB, on le divisera à l'ordinaire en ses Voufsoirs 1, 2, 3, 4, 5, 6, d'où l'on abaissera des aplombs sur AB, qu'on prolongera jusqu'à ce qu'ils rencontrent la premiere arête AG aux points  $q^1$ ,  $q^2$ ,  $q^3$ , par lesquels on menera des paralleles à la diagonale EM, qui rencontreront l'arête suivante AF aux points  $r^1$ ,  $r^2$ ,  $r^3$ , par ceux-ci on menera des paralleles au côté AB, prolongées indéfiniment aude-là de AE, qu'elles couperont aux points  $\int_{-1}^{1} f^2$ ,  $\int_{-1}^{3} f^3$ .

Sur ces indéfinies on portera aude-là de AE, les hauteurs correspondantes des retombées du cintre primitif, comme p 1 en  $f_1$  1,  $p^2$  en  $f_2$  2,  $p_3$  en  $f_3$  3, & par les points 1, 2, 3, &c. on tracera l'arc Elliptique A p E, qui fera le cintre du petit côté.

IL faut présentement chercher les cintres des Arêtes, dont AG & AF, sont les projections; on portera la longueur AG sur AB en Ag, & AF en AR sur AE, de même que toutes leurs divisions Aq & Ar, en AQ & AR, desquelles on élevera des perpendiculaires, qu'on sera égales aux correspondantes du cintre primitif p1, p2, & l'on aura pour le cintre de l'arête AG, l'arc. elliptique A x X, & pour l'arêté AF, l'arc Ay Y.

La projection horisontale des joins de lit, & les cintres des côtez, & des arêtes de la Voute étant donnez, les Voussoirs se seront dans chacune de ses parties de la même maniere qu'aux Voutes d'arêtes simples, dont nous avons parlé sans aucune difference, ce qu'il est inutile d'expliquer plus au long.

Pour donner une idée de la figure de cette Voute, nous en avons dessiné une moitié en Perspective à la figure 27, où nous avons marqué les angles des mêmes lettres qu'au plan horisontal, & aux élevations de la fig. 28.

## Voute à doubles Arêtes rachetant un Plat-Fond Circulaire, ou un Cu de Four.

IL semble par les Déscriptions que l'on nous sait de la Voute de la sameuse Eglise de S. Paul de Londres, qu'elle est de l'espece dont il s'agit ici, quoique exécutée en Charpente, telle que nous en avons fig. 29. dessiné une moitié à la figure 29; quoiqu'il en soit, il est certain que si elle n'est pas tout - à -fait semblable à celle dont nous allons donner le Trait, elle a pû l'être sans inconvenient de solidité, ni de dissortiemité; & de plus être bâtie en pierre de taille jusqu'au plat-sond.

Sort ABDE (figure 30) le plan horisontal d'une travée ou partie Fig. 30. de la nef, comprise entre deux pilastres, laquelle est effectivement dans la proportion de celles de St. Paul, suivant le plan que j'en ai.

Soir aussil le cercle FGIK, de grandeur prise à volonté pour le plat-fond du milieu. On tirera comme à la Voute à doubles arêtes, les projections AG, AF, EF, EK, DK, DI, &c. & le plan horisontal sera tracé.

Presentement, il faut considerer qu'on peut faire cette Voute de deux manieres, l'une qu'on pourroit nommer à riples Arttes, qui se-roit composée de surfaces régulieres, l'autre dont les pandantiss du milieu seront des portions de Sphéroïdes irréguliers.

Pour la premiere, ayant tiré la corde FG, on fera premierement le pandantif AFG, de la même maniere qu'à la Voute précédente de la figure 28, où il est une portion de Berceau régulier cylindrique.

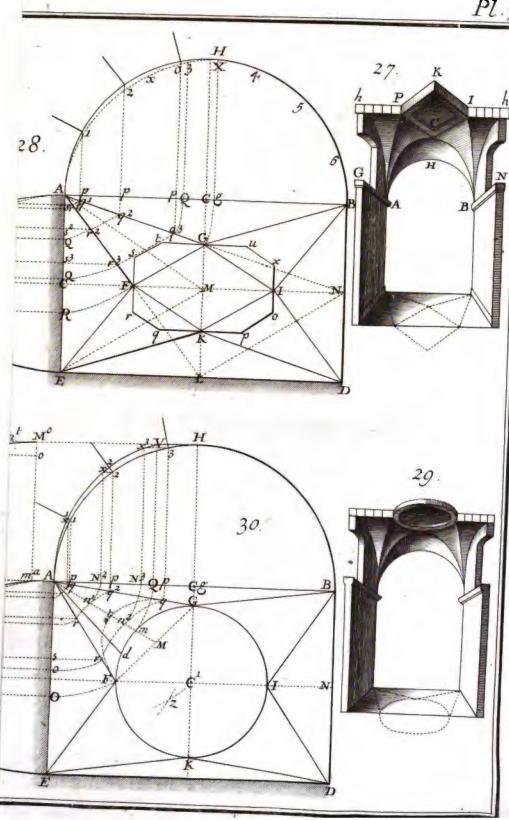
Ensurre on y ajoutera la lunette, dont F m G est le cintre; ainsi ayant divisé la corde AG en M, & ayant formé le cintre du milieu de ce pandantis sur AM, comme on a formé ceux des arêtes AG & AF. On mettra ce cintre à part, comme a TM; puis ayant tiré la droite m<sup>e</sup> M<sup>e</sup>, parallele à a m<sup>e</sup>, & égale à m M du plan horisontal, on menera (par le Prob. 3, du deuxième Livre, la tangente T m<sup>e</sup>, qui sera l'ébrasement supérieur de la lunette au milieu, & suivant ce profil, on achevera son Trait de la maniere qu'il a été dit ci-devant pour celui des lunettes Droites ou biaises, la seule difference qu'il y a ici ne consistant, que dans la position, parce que dans le Trait cité, c'est un Berceau horisontalqui en pénétre un autre de même situation; ici c'est un vertical, qui en pénetre un horisontal; ainsi prenant la ligne m<sup>e</sup> M<sup>e</sup>, pour une horisontale, son retombera dans le même cas.

LA seconde maniere, qui fait le pandantif d'une surface irréguliere, devroit être renvoyée au Chapitre où nous traitons de la rencontre de ces surfaces, si les côtez des arêtes n'étoient pas donnez; mais puisqu'ils le sont, la rencontre des surfaces est connue & réguliere.

Premierement, ce pandantif pourroit être une portion triangulaire d'une Sphère réguliere, si les cintres des arêtes n'étoient pas déterminez en portion d'Ellipses, par la suite nécessaire du cintre primitif AHB, & par la hauteur égale aussi donnée au cintre du Formerêt AbE; car faisant un arc de cercle sur chacun des rayons donnez AG & AF des Courbes des cintres des arêtes, on auroit un tirangle Sphérique, dont le troisséme côtéseroit F mG; mais il arriveroit que les cintres de l'arc doubleau AB & du formeret AE, ne seroient pas d'une seule Courbe en demi-Ellipse; mais un composez de deux arcs, qui feroient un angle à la clef comme les Voutes Gothiques; parce que les plans verticaux passans par les arrêtes AG & AF, ne sont pas tangens au cercle FGIK en G & en F, puisqu'ils ne sont pas perpendiculaires aux rayons du plat-fond, par conséquent la section de la Sphère par AF ne sera pas un arc de 90 dégrez, non plus que AG, qui sera d'un nombre de dégrez plus grand que AF, parce que l'angle AGK aproche plus du droit que AFL.

IL ne reste donc de moyen de racorder toutes ces portions de berceaux avec le plat fond, que de sormer le pandantif du milieu en surface Sphéroïde irréguliere.

Ayant trouvé les projections des divisions des joins de lit aux arêtes, comme dans la Voute précédente (fig.28.) aux points q & r, on prendra les distances du centre C' du plat-fond aux points q, &  $q^2$  de l'arête AG la plus éloignée, & portant les pointes du Compas ouvert de cet intervale successivement aux points q & r, de ces deux points pour centres, on fera des sections en z, ou seront les centres des arcs q n r, &c. qui seront les projections des joins de lit du pandantif du milieu, & qui serviront à tracer autant d'arcs que l'on voudra entre les deux arêtes AG, AF: nous n'en donnerons qu'un vers le milieu, pour exemple, en z, dont l'arc est  $q^2 n^2 r$ .





. . • • • • ` ÷ . . • ţ . 1 • . : la Courbe du ceintre, dont A m est la projection, ainsi des autres lignes de sections qu'on pourroit tirer par d'autres points, par exemple A d.

Les projections des joins de lit, & les profils des aplombs étant donnez, cette Voute se tracera sur la pierre, comme les Voutes d'arêtes simples, ayant seulement égard aux differences des angles, qui seront mixtes lorsque les Voussoirs seront achevez; mais qu'on peut ébaucher en prenant les cordes des arcs, comme s'ils étoient rectilignes; la conformité de cette Voute avec la précédente nous dispense d'entrer dans un plus grand détail, qui ne seroit qu'une répetition de ce qui vient d'être dit, observant seulement qu'à celle-là, la doële étant cylindrique, peut se faire à la régle, & celle-ci étant à double Courbure ne peut se creuser qu'avec plusieurs cerches, comme toutes les surfeces concaves irrégulieres, suivant ce que nous avons dit au commencement du quatriéme Livre.

## De la Terminaison d'un Berceau, qui en pénetre un autre d'inégale hauteur.

' En termes de l'Art,

### Lunette Droite ou biaise de niveau dans un Berceau de Niveau.

On apelle Lunette la rencontre de deux berceaux, dont l'arête d'enfourchement fait un contour, qui enferme un espace semblable à celui Pl. 73. du croissant, de la Lune \* d'où elle tire son nom; ce qui n'arrive que Fig. 282 lorsqu'un des Berceaux est moins élevé que l'autre, parce que lorsqu'ils sont tous deux de même hauteur depuis l'imposte, cette rencontre sait deux courbes planes, qui se croisent en angle saillant, au lieu que la Lunette sait une Courbe à double Courbure continuë, sans interruption d'aucun angle; cependant on aplique quelquesois ce nom aux parties des voutes d'arêtes, mais improprement.

Sort (fig. 302) le parallelograme ABDE le plan horisontal d'un Ber-Fig. 30.2 ceau A mB, & FGIK, celui d'un autre Berceau de moindre hauteur, qui le pénetre obliquement, ou si l'on veut perpendiculairement comme ifg k de l'autre côté, ce qui fait une Lunette Biaise ou Droite; nous nous attacherons au Trait de la biaise, parce qu'il comprend ce-lui de la Droite.

On menera par un point K, pris à volonté sur un côté KG, une perpendiculaire à ce côté, laquelle rencontre l'oposé FI prolongé en L

Sur KL, comme diametre; on fera un demi-cercle KHL, qui fera l'Arc-Droit de la Lunette, & le cintre primitif, qu'on divifera en fes Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, par lesquels on menera des paralleles à la direction des piédroits FI ou GK, prolongées indéfiniment de part & d'autre des divisions, qui couperont le diametre de l'arc Droit LK, aux points p<sup>1</sup> p<sup>2</sup> p<sup>3</sup> p<sup>4</sup>, & les projections des rencontres des joins du grand Berceau AmB, en des points que l'on va chercher.

Avant fait Bb, perpendiculaire sur AB, on y portera les hauteurs des retombées du cintre KHL de la Lumette, sçavoir  $Ip^1$  en  $Bp^2$ ,  $2p^2$  en  $Bp^2$ , & la hauteur du milieu CH en Bb; par les points  $bp^2$   $p^3$ , on menera des paralleles à AB, qui couperont le cintre du grand Berceau AmB, aux points s, p, x, desques on abaissera des perpendiculaires, qui rencontrerout les projections des divisions du Berceau, qui fait Lunette aux point  $x_1, y_2^3$ ,  $x_3^4$ ,  $x_4^4$ , que l'on cherche; on menera par ces points des lignes droites  $Fx_1$ ,  $x_2^2$   $y_3^2$ ,  $x_4$ ,  $x_4^4$  G, qui donneront les terminaisons des doëles plates des deux Berceaux. Nous ne faisons pas mention du milieu S, parce qu'il est hors de la doële plate de la cles.

Il faut présentement chercher l'étenduë de ses doëles plates, qui sont reserrées par la projection dans l'une & l'autre Voute; ce qui se fait par le dévelopement.

Premièrement, pour former les panneaux de doële plate du petit Berceau, qui fait dans le grand cette échancrure, qu'on apelle Lunette, 292 on menera à part une ligne K'L' (fig. 292) ou bien si la place le permet, on prolongera le diametre KL, de l'arc-droit indéfiniment vers L', sur laquelle ligne prolongée, ayant pris un point K', à volonté, on portera de suite toutes le cordes des divisions de l'arc-Droit LI, 1'2, 2'3, 3'4, , 4 K en L', d' d² d³, &c. par où on menera des perpendiculaires à la directrice L' K', prolongées indéfiniment, sur lesquelles on portera successivement les distances horisontales du diametre KL, aux lignes KI ou GF, prises sur les projections des joins de lit p' q', p² q², &c. pour avoir les points l', q' q² q³, &c. de la sig. 292, ce qui donnera le biaisdes têtes du côté de l'entrée de la Lunette.

Pour avoir l'autre tête de chaque panneau à l'enfourchement, on prendra les longueurs ou distances horisontales du diametre KL, aux points  $x^1$ ,  $y^2$ ,  $y^3$ ,  $x^4$ , qu'on portera sur les perpendiculaires à la di-

rectrice LaKa, pour avoir les points Fa, 1a, 2a, 3a, 4a, Ga, par lesquels on menera des lignes droites de l'un à l'autre, qui donneront le biais demandé à l'arête d'enfourchement.

Si au lieu de ces lignes droites, on en tire une courbe  $G^a$   $a 4^d b 3^d c$ , &c. on aura le dévelopement de l'arête à double Courbure de l'enfourchement, qui est dans ce cas celui de l'Ellipsimbre, suposant que les cordes prises à l'arc-droit soient si'petites & en si grand nombre, qu'elles ne different pas sensiblement de l'arc droit, laquelle Courbe de dévelopement pourroit servir à tracer cette arête, sur la doële du petit Berceau creusée en cylindre, si l'on faisoit les panneaux sur une matiere slexible, comme du carton, du ser-blanc, des lames de plomb, &c.

On a pû remarquer que dans ce dévelopement de la fig. 29<sup>2</sup>, on a pris la partie du Berceau biais, comprise dans l'épaisseur du mur FIKG, qu'on pouvoit omettre, parce que ne s'agissant ici que de la Lunette, il suffisoit seulement de la partie FGSF.

L'exemple de cette Lunette biaise servira aussi pour la Lunette Droite fhg, dont le Trait étant moins composé, sera par conséquent beaucoup plus facile, parce que le cercle fhg est non seulement le ceintre de l'arc-Droit, mais aussi celui de la face de la Lunette sur le parement du mur; ce qui n'est pas de même à la Lunette biaise, où ce ceintre est différent de l'arc Droit LHK.

IL sera facile de tracer ce ceintre elliptique par le Probleme VIII. du deuxiéme Livre.

Secondement, pour faire le dévelopement des panneaux de doële plate de la partie de la grande Voute, dans laquelle la Lunette fait une échancrure.

Suposant. F', pour le point de la naissance, on portera la corde Bx en F' x', & ensuite la corde xy du même profil, en x' y', & par

les points  $x^d y^x$ , on menera des paralleles à  $F^*$   $G^*$ , qui donneront par leurs intersections avec les lignes, provenant de la projection de la Lunette, tous les points du dévelopement qu'on veut faire; la plus haute passant par  $y^a$ , donnera les deux points  $y^2 y^3$ , communs à la doële plate de la clef & des affises collaterales; la plus base  $x^d x^4$ , donnera les points  $x^1 x^4$ , des lits de dessus des premiers voussoirs, & de dessous des seconds, par les intersections des lignes x  $x_4$ ,  $x_5$ , comme le montre la figure 303.

Par le moyen de ce dévelopement, on a les angles des têtes des doëles plates du grand Berceau, qui aboutissent à celles de la Lunette par exemple,  $x^i x^i F^i$ , pour le premier qui doit se joindre à la tête  $F_{4} I^4$ , du premier panneau de doële plate de la figure  $29^2$ , ainsi des autres de suite, comme l'angle  $y^4 y^2 x^1$ , pour la tête de la seconde doële plate du Berceau, qui doit se joindre à la tête du second panneau de la Lunette  $I^4 2^4$ , de la fig.  $29^2$ .

On remarquera que nous ne parlons ici que des têtes des doëles plates, qui ne font jamais que des lignes droites, parce que si l'on prenoit les dévelopemens de l'arête à double Courbure des deux doëles du Berceau, & de la Lunette, on ne pourroit faire joindre ces deux Courbes que dans l'envelopement qu'on en pourroit faire par des panneaux slexibles inutiles à la pratique, scomme on le reconnoîtra par l'aplication du Trait sur la Pierre,

# Aplication du Trait sur la Pierre.

Avant dressé un parement pour servir de lit horisontal de suposition; on prendra le biveau de l'angle que forme la direction du joint de lit de la Lunette, avec celui de la voute pris au plan horisontal; par exemple, suposant qu'on veuille faire le second Voussoir vers B, on prendra l'angle p'x', avec une sauterelle ou la sausse équerre, & on l'apliquera sur le lit sait, ensuite avec le biveau de la doële de la lunette, & de l'horison o 1'2, on abattra la pierre le long de la ligne p'x', sur laquelle on tiendra toujours ses branches à l'équerre; ainsi on sormera une surface, sur laquelle on japliquera le panneau de doële 1<sup>d</sup> 2<sup>d</sup> q<sup>2</sup> q<sup>d</sup>, dont on tracera le contour de la tête & le reste, s'il en est besoin.

Ensuite on prendra le biveau de la doële, & de l'horison de la Voute au même lit  $f^{\dagger} x y$ , avec lequel on abattra la pierre suivant la ligne x = 1, aussi quarriment sur cette ligne, d'où resultera une seconde surface, qui sera avec la premiere une arête saillante, qu'on dirigera

en

en apliquant sur la surface de la lunette, le panneau de doële plate de la voute  $x^d x^1 y^2 y^d$ , posant sur cette arête le côté  $x^1 y^2$ , &  $x^d x^1$ , sur l'arête du lit horisontal, & l'on tracera le contour de ce panneau du moins pour le lit de dessus  $y^d y^2$ , parce que le côté  $y^t x^d$  peut être plus avancé ou plus reculé, suivant la longueur de la pierre, & de la liaison qu'elle doit faire.

Les doëles plates étant tracées, on abattra la pierre avec les biveaux de lit & de doële, pris à l'arc. Droit à l'ordinaire sur chaque Berceau, comme L 1.5, pour le lit de dessus à la lunette au premier Voussoir 5.1.2, pour le lit de dessous du second, 1.2.6, pour celui de dessus du même, &c.

De même pour la branche du Voussoir qui entre dans la voute, on abattra les lits avec le biveau Qxy, pour le lit de dessous, & uyx pour celui de dessus. La rencontre de ces lits formera un angle, & une arête faillante au lit de dessus, & un angle rentrant à celui de dessous, comme aux Voutes d'arêtes dont nous avons parlé:

A l'égard des têtes, on les abattra toujours quarrément sur le lit horisontal avant que de former les lits.

Toutes les surfaces planes, qui comprennent le Voussoir étant finies, il ne s'agira plus que de creuser la doële suivant la cherche de de l'arc de la Voute qui convient, par exemple, pour la branche qui entre dans la lunette, on la formera sur l'arc 1.2, & pour celle de la Voute sur l'arc xy, & le Voussoir sera achevé.

#### REMARQUE

In est bon de faire attention à cette maniere d'apliquer ce Trait sur la pierre, parce qu'elle est le modele de notre Méthode, de tailler tous les ensourchemens, dont on aura les panneaux de doële plate des deux branches du Voussoir; c'est pourquoi nous renverrons souvent le Lecteur à la lunette Droite ou biaise pour l'Aplication du Trait.

# Explication Démonstrative.

Puisque l'arête d'enfourchement de la lunette, dont il est question, est une Courbe à double Courbure, elle ne peut jamais être exprimée par une ligne droite; cependant comme on peut inscrire des prismes dans chacune des Voutes cylindriques qui se rencontrent, les interfections de leurs angles se feront dans des points communs à cette ligne Courbe, & les lignes d'intersection de chacun des plans des prismes Tom. III.

pourront être considerées, comme des especes de cordes des arêtes. Je dis des especes de cordes, parce que les cordes, proprement dites, sont des Soutendantes des arcs des Courbes planes; quoiqu'il en soit, en creusant ces prismes en creux cylindriques, cette Courbe à double Courbure se forme d'elle-même, par la rencontre des deux segmens cylindriques.

Presentement, si l'on considere le grand Berceau A mB, comme un prisme, on verra par la construction que la figure 312, en est un dévelopement depuis le point S, où se termine le sommet du petit Berceau, qui le pénetre jusqu'au point B, où est l'imposte, qu'on peut suposer commune aux deux Berceau, si le petit prend sa naissance à même hauteur; ainsi le polygone F' x' y2 y2 x4 G', sera le trou que le petit prisme fait dans le grand par sa penetration, & si par ses angles on trace à la main une ligne courbe, elle représentera l'arête d'intersection de deux cylindres: il est aussi visible par notre construction que la fig. 292, est le dévelopement exact du petit prisme compris entre un mur aplomb & la surface du grand, & qu'en inscrivant toutes les lignes 1<sup>a</sup> q<sup>1</sup> q<sup>2</sup> q<sup>3</sup>, q<sup>4</sup> K<sup>a</sup>, dans un demi-cercle KHL, d'où elles sont tirées, elles se rangeront toutes sur une même surface plane, quoique dans le dévelopement, elles soient rangées en ligne courbe; parce que nous avons montré au troisième Livre, page 330 & 331, que le dévelopement d'un cercle sur un cylindre scalene, étoit une Courbe de cette espece.

It n'est pas moins clair, que la terminaison des surfaces du petit prisme à celle du grand a été bien trouvée, parce qu'ayant suposé sa direction horisontale, les projections des divisions de ces surfaces, qui sont celles, des angles des plans, leur seront paralleles, par conséquent égales en longueur; il n'en est pas de même de leur largeur, qui est inclinée à l'horison inégalement dans chacune.

D'ou il suit, que si l'on tire une ligne courbe par les points trouvez de ce dévelopement F<sup>d</sup> 2<sup>d</sup> G<sup>d</sup>, on aura celui de la Courbe à double Courbure sur la doële du petit Berceau; laquelle étant pliée se rejoindra avec la précedente F · y <sup>2</sup> G ·, pliée sur le grand, quoique leur difference paroisse très grande; ce qui est cependant évident, puisque chacune représente l'arête commune aux deux Berceaux.

A l'égard de la justesse de l'Aplication du Trait, pour trouver l'inclinaison des doëles plates; il est clair qu'elle est très simple & très exacte en ce qu'elle raporte differentes inclinaisons au plan horisontal, qui est toujours constant, & commune à leurs naissances. D'ou il suit, que les inclinaisons des lits sont aussi déterminées; puisqu'elles dépendent de celles des doëles; & parce que cette Méthode donne les deux points des angles de leur tête, & une ligne de leur côté, qui est le joint de lit, il est évident, que toute leur surface est donnée, par conséquent, que suivant cette Méthode on peut se passer de faire les panneaux de lit, qui sont indispensables suivant celle des Auteurs; ainsi elle a un grand avantage sur l'ancienne.

# De la Rencontre des Berceaux horisontaux, avec les verticaux.

#### EXEMPLE

#### Porte Droite ou Biaise en Tour ronde, ou en Tour creuse.

Comme il s'agit dans ce Trait de former des arêtes à double courbure; il n'y a pas de moyen plus exact dans fon Principe que celui de l'ope-Pr. 73. ration, qu'on apelle par équarrissement, par laquelle on forme ces Cour-Fig. 32. bes sans en connoître autre chose que leurs projections.

On peut aussi exécuter ce Trait par panneaux, avec une exactitude suffisante à la pratique, en passant par dessus les difficultez Geometriques, qui s'y rencontrent, (dont quelques-unes sont insurmontables,) parce que la grossiereté des ouvrages de la main ne peut atteindre à la persection, où le raisonnement voudroit les conduire.

In me paroit cependant à propos d'exposer ces difficultez, pour éclairer l'esprit des Apareilleurs, & leur montrer à quel dégré de perfection ils peuvent opérer par la voye des panneaux.

La premiere difficulté est celle de la rectification de la circonference du cercle, qu'il faut étendre en ligne droite dans cette partie de l'arc horisontal de la Tour ronde ou creuse, qui est comprise entre les jambages de la Porte, & diviser cet arc en même raison qu'il l'a été, lorsqu'il étoit Courbe, par les aplombs des divisions des Voussoirs du ceintre de face de la Porte, tracé sur une surface plane tangente à la Tour.

CETTE difficulté qui est comme l'on sçait, Geometriquement insurmontable, ne tire à aucune conséquence pour la pratique, où il suffit de prendre de suite plusieurs petites cordes, qui different peu des arcs. & les ranger sur une ligne droite, ou si l'on veut méchaniquement prendre le contour courbe avec un fil qu'on déploye.

La seconde difficulté consiste dans la Description de la Courbe formée par la circonference du cintre primitif déployé sur une surface plane, par le moyen des ordonnées du cercle, élevées perpendiculairement sur les abscisses, dont les raports changent à chaque division, suivant que l'arc déployé s'écartoit, ou se raprochoit du parallelisme du diametre d'un cintre tangent à la Tour; laquelle Courbe ne peut être décrite qu'à la main, ou avec une regle pliante apuyée sur plusieurs points trouvez.

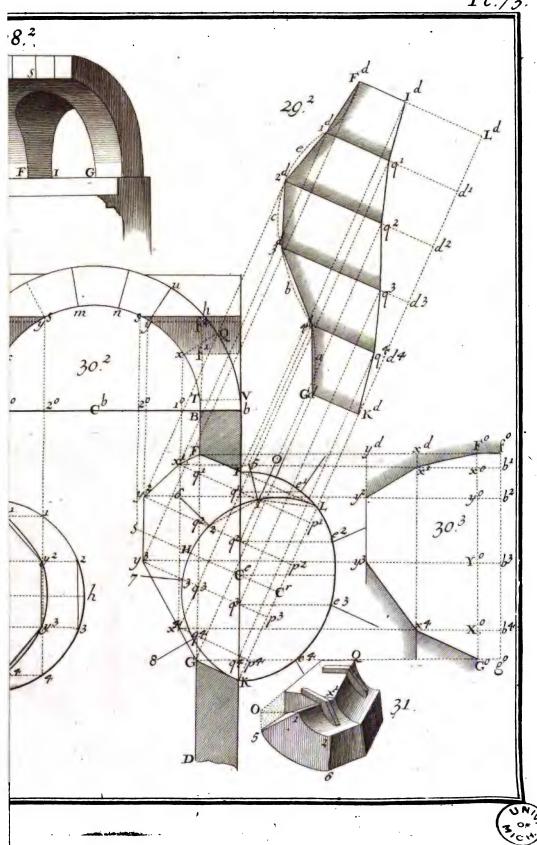
La troisième difficulté consiste dans le Courbure, qu'il faut donner aux têtes des panneaux de lit & de doële plate; laquelle n'est pas circulaire comme les Auteurs des Livres de la Coupe des Pierres, le supposent par leur operation des srois points perdus; mais elliptique, dans les Tours sans talud, parce que les cordes des arcs de ces têtes sont dans un plan incliné à l'axe du cylindre de bout, qui est la Tour concave ou convexe.

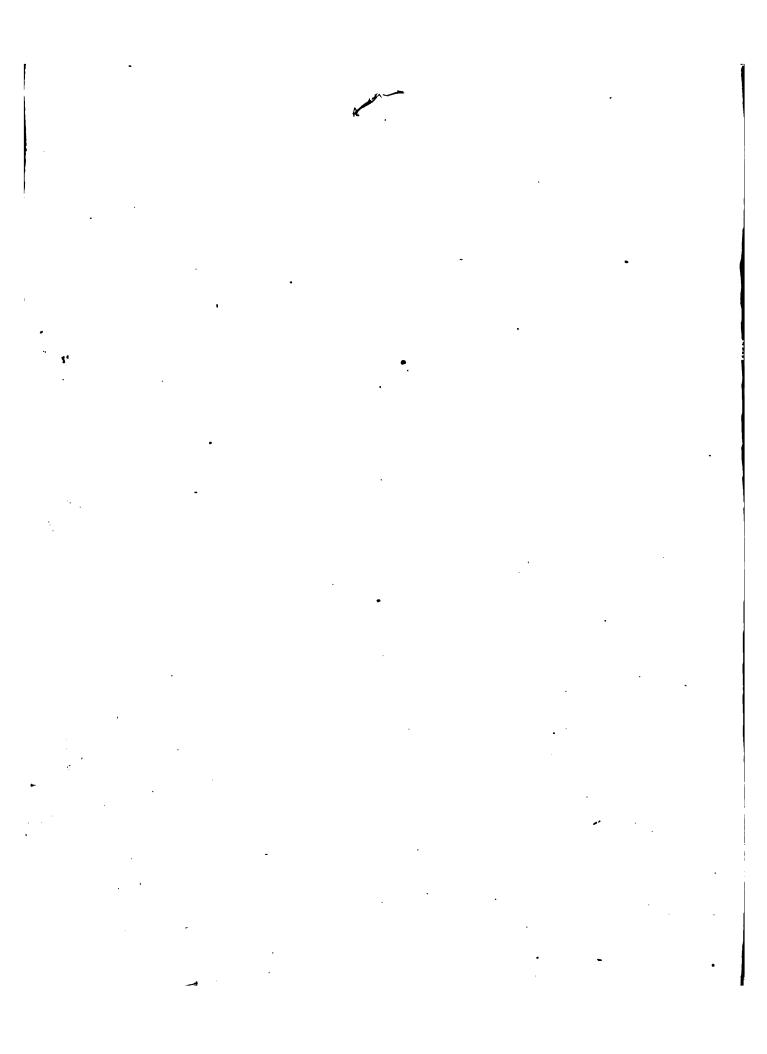
J'ai dit dans les Tours sans talud, parce que dans celles qui en ont, cette Courbe devient souvent un arc de Parobole ou d'Hyperbole, la Tour étant alors un Cône tronqué, qui peut être coupé par les plans des lits, suivant l'inclinaison qui forme ces Courbes.

QUANT à la Courbe de l'arête, que forme la rencontre de la doële de la Porte, avec le parement creux ou rond de la Tour, elle ne peut être une section conique, parce qu'elle est à double Courbure, sçavoir, un Ciclombre, lorsque la porte est Droite & en plein cintre, & un Ellipsimbre dans les autres cas, comme il a été démontré au sixiéme: Chap. du premier Liv.

La connoissance de ces choses étant présuposée, on va donner les moyens d'exécuter ce Trait. Soit (Pl. 73 fig. 33) une portion de Tour, qui sera apellée Ronde, si on suposée sa face BATO en dehors, & Creuse, si elle est vûë par dedans en FGDE, dans laquelle nous suposéerons deux bayes de Portes, dont l'une comme BA est Droite, en ce que ses piédroits BF, AG, sont paralleles à la direction d'une ligne du milieu Cm, qui passe par le centre C' de la Tour, & le milieu m de la corde BA, qu'elle coupe perpendiculairement.

L'autre (fig. 37,) dont la direction du milieu KL est oblique sur la corde BA, en sorte qu'elle ne passe par le centre, sera apellée biaise.





# DES VOUTES COMPOSETES CHAP. L. PREMIER CAS.

#### De la Porte Droite en Tour ronde ou creuse.

On commencera par se déterminer aux choix du cintre primitif, qu'on peut prendre à l'arc - Droit, ou à l'arc de sace courbe; il est plus commode de choisir ce premier, parce qu'il peut être décrit sur une surface plane, & que le second ne le peut être que par le dévelopement; cependant si l'on veut affecter une parsaite égalité dans les têtes des Voussoirs, on ne le peut en choisissant l'arc-Droit pour cintre primitif, parce qu'il en résulte des divisions un peu inégales sur les têtes de la face, qui se rétrecissent depuis les impostes jusqu'à la cles; la raison est que les arcs horisontaux de la Tour aprochent d'autant plus du parallelisme de l'Arc-Droit, qu'ils s'éloignent des naissances de droite & de gauche, comme on le voit à la figure 33, où l'arc X<sup>4</sup> X<sup>3</sup> est plus grand à l'égard de la droite t d', que l'arc X<sup>3</sup> n ne l'est à l'égard de dr. Cette raison sait que les Architectes choisissent souvent le cintre de face courbe pour primitif, & alors ils apellent le Trait. Porte Droite en Tour Ronde, ou Creuse par têtes égales.

#### Premiere Disposition, où l'Arc-Droit est pris pour Cintre Primitif.

Sur la corde BA, largeur de la Porte, ou sur une parallele & égale \$a\$, comme diametre pris entre les piédroits FB & GA prolongez, on tracera le cintre circulaire ou elliptique, & l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on menera par ces points des paralleles aux piédroits, ou ce qui est la même chose à sa direction C'c, qui passe paralle centre C' de la Tour, & par celui du cintre c; lesquelles couperont l'arc convexe BcA aux points X<sup>4</sup>, X<sup>3</sup>, &c. & le concave aux points 4"3", &c.

On en usera de même pour le cintre de l'extrados EHD., & l'on aura par ce moyen les intersections de toutes ces paralleles avec les acrs horisontaux de la Tour, concaves en dedans, & convexes au dehors, lesquelles donneront les moyens de former les panneaux de lit, & les courbes de leurs joins de tête concaves & convexes, en quoi consiste principalement la difficulté de ce Trait, où le reste de la construction ne differe en rien de celle des Berceaux ordinaires.

On peut même se passer de chercher ces Courbes de joins de tête. si l'on veut tailler chaque voussoir comme s'il étoit portion d'un Berceau Droit circonscrit à la portion de Tour, que comprend la doele

de la Porte avec son extrados, comme nous allons le dire, ce qui abrege beaucoup l'operation.

### 1 Par l'Equarrissement.

Soit (figure 35,) un second Voussoir au dessus de l'imposte comme celui marqué 4' 3' 7' 8' de la figure 33, dont la projection horisontale est le Parallelograme kp³ V 8'; suposant ce Voussoir fait comme une portion de Berceau-Droit à la doële 4' 3, & au lit 4' 8' au lieu de tailler l'extrados suivant la Courbe 8' 7, on lui fera un parement comme pour un lit de niveau, suivant la ligne N a', à l'équerre sur un parement aplomb 3 M, comme il est représenté à la fig. 35, en a b g N.

On levera ensuite sur l'épure un panneau du triangle mixte  $9 kX^3$ , que l'on posera sur le lit horisontal de la figure 35 en cgN, posant le point 9 en c, le point k sur g, & le point  $X^3$  en N.

On levera de même du côté du creux un panneau mixte 8' 3" V. qu'on apliquera sur le même lit horisontal en dedans, posant le point 8' sur le point b, le point V sur a, & le point 3" sur x de la fig. 35.

Les contours de ces deux panneaux étant tracez sur le lit ag, de la figure 35, on abattra la pierre à l'équerre sur le lit, suivant les arcs tracez, pour sormer au dehors la surface convexe NC 8.4, & au dedans la concave oposée; après quoi avec le biveau mixte de doële, & de coupe du lit de dessus, posé quarrément sur l'arête, passant par le point 3, on abattra la pierre pour sormer le lit de dessus, & le Voussoir sera achevé.

Je n'ai pas parlé des lignes xi, c8, qu'il faut tracer sur les paremens aplomb bl & a3, pour bien conduire les arêtes, qui doivent s'y former; pour peu qu'on ait d'habitude de couper du Trait, on sçait qu'il faut se donner pour guides, le plus de lignes que l'on peut; c'est pourquoi l'on voit qu'il faut tracer sur le parement aplomb a3, une ligne xi paralleles à ab, pour marquer la premiere arête de préparation, quoiqu'il faille ensuite l'enlever pour la coupe id, 3.8, de même sur l'autre parement aplomb bl, une ligne c8 parallele à gl, qu'il faudra encore enlever, s'il faut former l'extrados 8.7.

In est visible que par la formation de ces deux surfaces circulaires concaves & conveves, on donne aux joins de tête 3. 7, 4.8, une Courbure elliptique sans la connoître, parce qu'on forme des cylindres,

que les lits plans, passant par ces joins de tête, coupent obliquement; & que si l'on enleve ensuite la partie cylindrique mixte 7 C 8, il se formera sur les contours circulaires 3. 4 & 7.8, des Courbes à double Courbure, qui seront de cette espece, que nous avons apellé Cicloïmbre, & qui seroient des Ellipsimbres, si ces arcs 3. 7, 7.8, étoient des portions de cintres surhaussez ou surbaissez; ainsi on forme des Courbes exactement, telles, qu'elles doivent être sans les connoître; cette maniere d'exécuter la Porte en Tour ronde ou creuse, n'a d'autre inconvenient, qu'un peu de perte de pierre, & souvent point, lorsque l'on sait les lits de niveau sur l'extrados, comme on le voit dans l'apareil de la sig. 32.

# Seconde Disposition, où le Cintre Primitif est pris à la face Courbe, Ronde ou Creuse, pour former des Têtes égales.

It est visible que la différence du diametre BA, de l'Arc-Droit de la Porte en Tour ronde ou creuse, avec le diametre courbe, pris sur la face en BMA, consistant dans le raport de la corde BA à l'arc B c A, elle sera d'autant plus grande que la Tour sera petite, suposant une ouverture de Baye constante; par conséquent les inégalitez qui résultent à la division de la face convexe ou concave, en prenant l'arc-droit pour ciutre primitif, sont plus ou moins considerables, suivant le raport du diametre de la Porte à celui de la Tour; ainsi lorsque la Porte ouvre une sort petite partie de la circonserence de la Tour, ces inégalitez devienent si peu sensibles qu'elles peuvent être negligées.

Suposant donc, qu'on veuille affecter de faire les têtes des Voussioirs parsaitement égales, on rectifiera l'arc horisontal de la Tour BMA, en l'étendant en ligne droite sur la tangente, ou sur une ligne qui lui soit parallele comme ED; cette rectification donnera un diametre  $b^d$   $a^d$  plus grand que la corde BA, ou son égale b a; sur ce diametre on formera le cintre primitif en demi-cercle  $b^d$  b  $a^d$ , ou en demi-Ellipse, si l'on veut; on le divisera, à l'ordinaire en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, d'où on abaisser des perpendiculaires sur le diametre, qui donneront les projections de ces divisions.

Pour former l'arc-Droit, qui doit provenir de ce cintre primitif de dévelopement, il faut replier les parties de son diametre sur l'arc horisontal de la Tour BMA, en commençant au milieu, portant la longueur droite c  $p^2$  de M en n,  $p^2$  P de n en  $q^1$ , il restera par conséquent  $q^1$  A égal à P  $a^4$ ; par les points trouvez n,  $q^1$ , A, & leurs correspondants

de l'autre côté de M en B, on menera des paralleles indéfinies à la direction MC, qui couperont l'arc concave F:G aux points : & i, & fa corde FG en o o, sur lesquelles on portera les hauteurs des retombées 2 p². IP, chen o 2', o 1', O b & par les points G, 1', 2', b', &c. on décrira l'arcdroit surhaussé G b' F que l'on cherche, dont on tera usage, comme pour toutes les autres Voutes en Berceau.

IL est visible que les divisions égales du cintre dévelopé, rendent celles de l'arc - Droit inégales.

On pourroit encore faire l'arc-Droit en plein cintre pour primitif. & le dévelopé surbaillé Secondaire, & ensuite reprendre le Secondaire pour primitif, dans les divisions des Voussoirs en parties égales, ce que le P. Deran met en question; sur quoi je puis dire en passant qu'il n'est pas scrupuleux dans son opération, où il transporte la Droite rectifiée sur l'arc de la Tour, par des arcs de cercle, prenant ainsi pour rayon d'un côté un arc de cercle, & de l'autre une ligne droite.

In faut présentement former les panneaux de doële & de lit.

Nous avons fait usage des panneaux de doële plate, par-tout où les faces étoient des surfaces planes; mais ici à cause que les faces sont concaves & convexes, nous ne pouvons faire usage que de panneaux flexibles en dévelopement de la doële, parce que l'arête que fait la doële avec la tête est une courbe à double courbure, qui ne peut jamais être représentée par une ligne droite, & que la surface convexe que l'on doit faire, ne peut être ébauchée en plane, que par le moyen des tangentes, & non pas des cordes comme les concaves.

Pour faire ce dévelopement, on tirera à part une ligne droite  $f^ig^i$ , fig. 34, qu'on fera égale à la circonference del'arc-Droit  $F^ib^i$  G; de la fig. 33, puis de fon milieu H, on portera de part & d'autre, la longueur de l'arc  $b^i$  2<sup>i</sup> en 2<sup>d</sup> 3<sup>d</sup>; ensuite l'arc 2<sup>i</sup> 1<sup>i</sup> en 2<sup>d</sup> 1<sup>d</sup>, 3<sup>d</sup> 4<sup>d</sup>, & par les points  $f^a$ ,  $f^a$ , f

Ensuite on prendra les avances de la doële convexe, dont on fera le même usage, portant OM en H  $b^d$ , on en  $2^d$  N, oq en  $1^d$  Q, & GA en  $1^d$  R par les points-trouvez, qu'on peut multiplier autant que l'on voudra en subdivisant l'arc BM, on tirera la courbe ondée  $1^d$  b  $1^d$  pour

pour l'arête convexe de la face extérieure avec la doële, & le dévelopement de la doële fera le quadriligne mixte B' g'.

Pour former les panneaux de lits on abaissera par les points de l'extrados  $\zeta$ ,  $\delta$ , 7, 8, des perpendiculaires sur son diametre ED, qui le couperont aux points  $p^*$  &  $p_s$ , &c. & donneront pour projections dévelopées les lignes droites  $p^2$   $p^*$  &  $P_p$ , que l'on portera & repliera sur l'arc horisontal e Md, de la Tour en nq &  $q^s$  S.

Par les points q & S on menera des perpendiculaires q o,  $\int u$ , aux projections de lits nt, &  $q^{i}i$ ; puis ayant divisé les lignes 1°5; 2°6 en autant de parties égales qu'on voudra avoir de points de la courbe du joint de tête, par exemple, en trois aux points a & a, on divisera aussi en même nombre de parties égales les lignes de la projection eq & u S, aux points eq & u S, aux points eq & u S, par lesquels on menera des paralleles eq & u S, aux projections des joins de lit  $eq u \in u S$ , qui couperont l'arc convexe de la Tour en  $eq u \in u S$ , & l'arc concave en  $eq u \in u S$ .

CETTE préparation étant faite, on tracera à part (figure 36,) deux lignes à l'équerre Qi, 1° 5; on fera 1° 5 égale au joint de tête 1° 5, de la figure 33, avec ses divisions égales a, a, par lesquelles & par le point 5, on tirera des paralleles à Qi, sur lesquelles on portera en avant de la ligne 1° 5, les avances uqi, o 2 & o 2, de la projection en 1 Q, az & az, & par les points Q z z 5, on tracera l'arc elliptique du joint de tête convexe, dont la projection est l'arc de cercle q<sup>1</sup> z z S.

On trouvera de même les points de la courbe du joint de tête con- Fig. 36. cave, en portant sur les mêmes paralleles en dessous de la ligne 1.5, les longueurs 07, 07, S1 de la projection de la sig. 33, en ar, ar,  $\zeta l$ , de la sig. 36, & par les points i, r, r, l, on tracera la courbe du joint de tête concave, le quadriligne mixte  $Q \zeta l$  sera le panneau de lit que l'on demande; ainsi de tous les autres, comme on voit celui du joint de tête 2.6 tracé à la sigure 33, en  $N \ge 6 \times r$ , & le suivant  $\varepsilon \zeta l$ .

## Aplication du Trait sur la Pierre par Panneaux.

AYANT dressé un parement de grandeur convenable, on y tracera la doële plane par deux lignes paralleles éloignées de la distance de la corde de l'arc-Droit, par exemple, pour un second Voussoir, cet intervale sera la longueur de la corde 4<sup>r</sup>, 3<sup>r</sup>, de la figure 33; ensuite ayant levé la cerche de l'arc 4<sup>r</sup> f 3<sup>r</sup>, dont cette ligne est la corde, on creusera une doële cylindrique indécise vers les deux têtes, dans la-Tom. III.

quelle on apliquera le panneau flexible de carton coupé sur le dévelopement de la figure 34, en 4 X T 4, lequel étant ensoncé dans la doële creuse, en sorte qu'il s'y aplique exactement, servira à déterminer le contour des têtes qui étoient indéterminées.

On prendra ensuite le biveau mixte de lit & de doële de l'arc-droit 8' 4' f 13', pour former le lit de dessous, & 4' f 3'7', pour celuide dessus, lesquels angles mixtes ne seront pas égaux, si l'arc-droit est elliptique.

Ayant abatu la pierre suivant ces biveaux pour sormer les lits, on y apliquera les panneaux qui leur conviennent, sçavoir, celui de la sig. 36, pour le lit de dessous, qui passe par le sjoint 4, & celui qui est marqué à la sigure 33, en N 6 XT, pour le lit de dessus, qui passe par le joint 3 ou 2, & l'on tracera les contours courbes de ces panneaux qui donneront sur les lits plans, les traces des joins de tête, suivant lesquelles & celle de la doële creuse, qui a été tracée ci-devant, on pourra sormer la projection concave ou convexe de la Tour, qui est comprise entre ces trois lignes courbes, en abatant la pierre à vue d'œil de l'une à l'autre.

Mais comme on pourroit manquer en quelques endroits, faute d'être suffismament guidé; on prendra avec la fausse équerre un angle 4 W 7 d'une corde de la doële 4 W, avec un aplomb W 7, qu'on tracera sur la pierre, puis avec une cerche formée sur l'arc horisontal de la Tour, comme par exemple BM, on formera la tête du Voussoir en posant cette cerche perpendiculairement à la verticale 7 W, ou sa parallele 7 4, & la faisant couler dans cette situation sur cette ligne droite, l'apuyant sur les autres courbes de tête & de doële, ou de lit & de tête, l'operation sera exacte.

On voit par cette méthode que les panneaux de tête y sont inutiles, parce que ne pouvant être formez sur une matiere flexible propre à être apliquée que sur la surface cylindrique; il ne serviroient tout au plus qu'à verifier l'operation.

CEPENDANT on pourroit s'en servir en commençant par former une tête cylindrique, & alors si on en faisoit deux, l'un pour la convexe, l'autre pour la concave, l'on pourroit se passer depanneau de doële dévelopée.

Mais il faut remarquer que ces panneaux de tête seroient longs à saire, parce que quand même le cintre de face auroit été sait sur une surface plane de dévelopement, les joins de tête 1.5, 2.6, &c. tirez en ligne droite à l'élevation, suivant l'usage ordinaire, seroient saux, en ce qu'ils ne donneroient pas dans l'envelopement du cylindre de la Tour

des têtes de lits en furface plane, prenant les choses à la rigueur, parce que le pliement d'une ligne droite sur une surface cylindrique, ne peut devenir un arc elliptique, que lorsque cette ligne est perpendiculaire à l'axe, ou au côté du cylindre, comme lorsque le cylindre est Droit sur une base elliptique; par-tout hors de ce cas, elle ne se pliera pas en arc d'Ellipse, ce qui est démontré au Probl. 7, du troisséme Livre, où nous avons parlé du dévelopement des cercles ou ellipses, tracez à la surface des cylindres Droits & scalenes; ainsi pour faire les panneaux de tête avec précision, il faudroit tracer les joins de tête du dévelopement suivant les mêmes Principes, ce qui rendroit l'operation inutilement longue & embarrassante pour d'aussi petites parties que sont celles de chaque joint de tête.

### Remarque sur l'Usage.

It ne faut pas croire, que parce que la mode de faire des Tours soit presque passée, le Trait de la Porte en Tour ronde ou creuse soit devenu plus rare, il est encore très usuel; car quoiqu'on ne fasse plus gueres de Tours entieres, on fait très fréquemment des portions de murs concaves & convexes.

Dans les Bâtimens civils, rien n'est plus ordinaire que les portions de Tour ronde & creuse.

Toures les ouvertures des Dômes sont des Portes ou Fenêtres en Tour creuse par dedans, & ronde par dehors; telles sont aussi les Fenêtres d'une partie de l'Orangerie de Versailles, qui sont des modeles d'un bel Apareil; celles que l'on fait dans les Fers à Cheval des grandes entrées, & en une infinité d'autres rencontres.

#### Porte Biaise en Tour ronde, ou creuse.

L'inregularité de la direction du milieu d'une Porte biaise à l'égard de la Tour, consiste en ce qu'elle ne passe par le centre de la Tour, si elle est circulaire, ou qu'elle n'est pas perpendiculaire à la tangente à ce milieu, si la Tour est elliptique, ce qui met quelque difference entre ce Trait & le précedent, en ce que la courbe de l'arête de face avec la doële, qui étoit réguliere de part & d'autre de la clef, en Cicloïmbre, ou en Ellipsimbre, devient une Ellipsimbre plus serrée d'un côté que de l'autre, si l'on prend l'arc-Droit pour cintre primitif; ce qui devroit donner l'exclusion à cet arc, lorsque l'entrée de la Porte occupe un grand arc de la Tour, parce qu'elle n'est pas agréable à la vûë; & si l'on fait l'arc de face régulier, l'arc-Droit devient à son tour négal de part & d'autre de la cles.

- Fig. 37.
- Soit (fig. 37,) le quadriligne mixte ABDE, le plan horisontal de la Baye qu'on veut vouter; on se déterminera au choix du cintre primitif, qu'on peut prendre en trois differens endroits.
- 1<sup>6</sup>. Sur la corde AB, ou ce qui est la même chose sur une ligne A'B', tangente au milieu m de l'arc B m A de la Tour, & égale à cette corde, à peu près comme nous avons fait ci devant à la figure 33, en prennant l'arc Droit pour cintre primitif, lequel arc-Droit est ici different, parce que la corde AB n'étant pas parallele à la ligne ER, perpendiculaire à la direction du milieu mK, elle ne lui est pas égale, mais plus courte; d'où il résulte que si le cintre sur AB est circulaire, l'arc-Droit sur ER sera surhaussé.
- 2°. Comme le choix de la corde AB pour diametre du cintre primitif, cause quelques inégalités de division dans les têtes des Voussoirs à la face par la même raison que nous avons donné au cas précedent, on peut prendre le cintre primitif sur le dévelopement de l'arc A m B, par exemple, sur la ligne A B, suposée égale à son contour rectifié, & operer comme il a été dit au cas précedent; mais alors le contour intérieur de la cloële deviendra irrégulier, parce que la ligne menée par le milieu m de l'arc BA, parallelement à la direction des piédroits BD, AE, ne coupe pas la perpendiculaire RE à son milieu c, mais plus bas en x; de sorte que la clef de l'arc-Droit R b E, ne peut être au milieu b, mais au point K correspondant à la projection m, du milieu de la face; ce qui rend l'arc-droit couché en façon de rampant.
- 3°. Enfin si l'on a plus d'attention à la régulatité de la doële intérieure qu'à celle de la face d'entrée, on peut choisir l'arc-Droit pour cintre primitif, & operer comme il a été dit au cas précedent; alors faisant b I parallele & égale à RE, & touchante à l'arc horisontal de la Tour en T, on reconnoîtra facilement l'irrégularité que ce choix cause au cintre secondaire de face dévelopée  $b \int a$ , en ce que les parties qui sont peu differentes du cintre primitif  $b \int I$  vers l'imposte b, deviennent grandes de plus en plus, à mesure qu'elles aprochent de l'imposte oposée en a.

CEPENDANT c'est la seule construction que propose Mr. de la Ruë & la premiere du P. Deran.

Le cintre de face, l'arc-Droit & la projection des joins de lit étant donnez, il sera facile d'en faire usage pour tracer les Voussoirs, comme nous l'avons dit pour la Porte Droite en Tour ronde, soit par la voye de l'équarrissement, soit par celle des panneaux sixubles, formez sur le dévelopement de la doële, n'y ayant aucune difference que cel-

le de l'irrégularité, c'est-à-dire de l'inégalité des panneaux des parties correspondantes de chaque côté de la clef, lesquelles étoient égales entr'elles à la Porte Droite.

#### Explication Démonstrative.

On a vû par les Theoremes 18 & 20, du premier Livre, que l'arête de rencontre des surfaces de la Tour & de la doële de la Porte, est toujours une courbe à double courbure, tant dans le cas de la Porte Droite, que celui de la biaise; dans le premier cette Courbe est un Cicloïmbre, si l'arc-Droit de la Porte est en plein cintre; il sera une Ellipsimbre, si elle est surbaissée, & que la direction de son milieu rencontre l'axe de la Tour, auquel cas les parties correspondantes aux côtez de la cles sont uniformes; mais dans la porte biaise, où cette direction du milieu ne rencontre pas l'axe de la Tour, cette même courbe est inégale dans les parties équidistantes de la cles, ce qui a été démontré au Theor. 20 cité.

On a vû aussi dans les Problemes 37 & 38, du second Livre, que pour tracer ces sortes de courbes; il falloit en trouver les ordonnées, & les aranger sur une des deux surfaces courbes, par conséquent de quelque maniere qu'on s'y prenne, il faut toujours commencer par former une de ces deux surfaces cylindriques, ou la convexe de la Tour ronde, ou la concave de la doële, & comme la doële est términée à deux surfaces cylindriques, lorsque la Porte perce la Tour, sçavoir, à la convexe du dehors & à la concave du dedans, il est visible qu'il convient mieux de commencer par former la partie cylindrique du Berceau de la Porte, de quelque méthode qu'on se serve, d'équarrissement, ou de panneaux.

Nous avons proposé dans les autres Voutes des panneaux de doële plate, même à celles dont les arêtes de rencontre sont à double courbures & les doëles concaves; mais comme il s'agit ici de celles d'une surface concave de doële avec une convexe de face de la Tour, on n'y a pas le même avantage; c'est pourquoi nous proposons des pauneaux de dévelopement d'une des surfaces cylindriques, qui donnent autant de points que l'on veut de cette arête, au lieu que la doële plate n'en donne que deux, qui sont ceux des extrêmitez du joint de tête.

Queloues ouvriers, comme Maître Blanchard, dans son Trait de la coupe des Bois, suposent dans leur pratique une section plane verticale, de laquelle comme terme, il avancent des lignes droites, qui déterminent par leurs longueurs plusieurs points de l'arête à double Courbure; voici comme il opere au Chap. XIV.

Apres avoir formé le creux cylindrique de la doële, suivant le Trait de l'épure; il y aplique une régle pliante, suivant laquelle il trace un arc qui tient en quelque façon lieu de corde à l'arête à double courbure, au-dela duquel il porte en avant les saillies de cette courbe, prises sur la projection; cette méthode est bonne; mais elle est moins prompte, & d'une exécution moins correcte, que celle des panneaux slexibles, sur lesquels il est plus facile de tracer par des points trouvez le dévelopement de l'arête, que sur une surface creuse, où on ne peut la tracer qu'à la main mal apuyée, & plus mal guidée.

It faut remarquer que quoique la Tour soit cylindrique circulaire. & d'épaisseur par-tout égale, les courbes du dévelopement des arêtes de la doële convexe en dehors, & concave au dedans, ne sont ni égales ni paralleles entr'elles, parce que les arcs AB & FG de la Porte Droite, ne sont pas semblables, c'est-à-dire, d'un même nombre de dégrez, ce qui est visible, en ce que les piédroits AG & BF prolongez, ne tendent pas au centre de la Tour, si on les supose paralleles entr'eux, par conséquent ils ne comprennent pas des parties proportionelles du cercle intérieur FG, & de l'extérieur BA concentrique; la chose est encore plus sensible à la Porte biaise, pour les arcs BA & DE.

#### DEUXIEME CAS.

#### De la Rencontre des Berceaux inclinez, avec les verticaux.

En termes de l'Art,

## Descente Droite, ou biaise en Tour ronde, ou creuse.

On peut faire differentes dispositions pour ce Trait, à l'égard du Plan de Rampe, passant par les impostes, car si on les fait de niveau entr'elles à l'arc-Droit, ce plan sera perpendiculaire au vertical, passant par l'axe de la Descente, & si elles ne sont pas telles, il lui sera incliné.

Premiere Disposition, où le Plan de rampe est perpendiculaire au vertical de direction. si la descente est Droite, c'est-à-dire, que l'axe de la Voute rencontre celui de la Tour, alors les impostes de l'arc de face seront de niveau entr'elles, aussi bien que celles de l'arc-Droit; mais si la descente est biaise, c'est-à-dire, que son axe ne rencontre pas celui de la Tour, l'arc de face devient rampant, une imposte étant plus

haute que l'autre; quoique l'arc-Droit reste de niveau, comme l'on Pl. 75. voit à la sig. 38, dans l'un & l'autre cas le Trait sera le même pour la Fig. 38 construction, à la réserve que celui de la descente droite est plus simple, en ce que les côtez de la clef de l'arc de face sont unisormes; c'est pourquoi nous choisissons pour exemple celui de la Porte biaise.

Soit le quadriligne mixte AMBDNE, (fig. 39,) le plan horisontal rig. 39 de la baye d'une descente en tour ronde, dont le centre est en C.

On se déterminera au choix du cintre primitif, comme nous l'avons dit ci-devant de la Porte en Tour ronde ou creuse, où nous avons choisi celui de face dévelopée; ici pour varieté d'exemple nous choisirons l'arc-Droit du plan horisontal, c'est-à-dire, un cintre perpendiculaire à la direction horisontale de la Voute, qui n'est pas l'arc-Droit de la descente, en ce qu'il n'est pas perpendiculaire au plan de la descente, lequel est incliné à l'horison.

Avant prolongé les piédroits DB, EA, on leur tirera une perpendiculaire FG, qui les coupera en F&G; sur FG comme diametre, on décrira un demi-cercle GbF, ou une demi-Ellipse, si l'on veut, pour cintre primitif de face, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, desquels on abaissera des perpendiculaires, qu'on pro-longera indéfiniment au dedans de la Tour.

Ensurre par le point E, on élevera sur AE, une perpendiculaire ER qui coupera BD prolongée en R, la ligne BR sera prise pour base du profil de la rampe, ou une autre qui lui soit parallele, plus haut out plus bas.

Sur cette base on sera l'angle BRP, égale à cesui de la rampe avec l'horison, dont on terminera le côté RP, par la rencontre de la tangente TP, qui est une perpendiculaire au rayon C T, tiré par le point C parallelement à DB.

Presentement, pour trouyer les projections des cintres extérieur &

intérieur, qui déterminent les longueurs de ces joins de lit, il faut tirer par tous les points, où leurs projections horisontales coupent les arcs AMB, END de la Tour, des perpendiculaires à leur direction; ainsi par les points A 1'2', M 3', 4' B, on elevera des perpendiculaires, qu'on terminera à l'intersection des lignes du prosil, qui représentent les mêmes lits que celles du plan horisontal, comme A a, pour l'imposte, qui se terminera en a à l'intersection de RP, I' a', qui se terminera à la ligne Ii, au point a', prosil du premier joint, passant par i, ensuite 2' a², qui se terminera à la ligne K k, prosil du second joint era a², ainsi des autres; & par les points a, a', a², br, a³, qui devroient être auprès de k, a4 auprès de i & b, on tracera une courbe, qui sera le prosil en projection verticale de l'arc de face.

On trouvera de la même maniere le profil de l'arc intérieur Rei ez bn e3 e4 d, l'espace compris entre ces deux courbes, détermine la longueur inclinée des joins de lit & des doëles, & pour faire les panneaux de doële plate, & de doële dévelopée, si l'on veut.

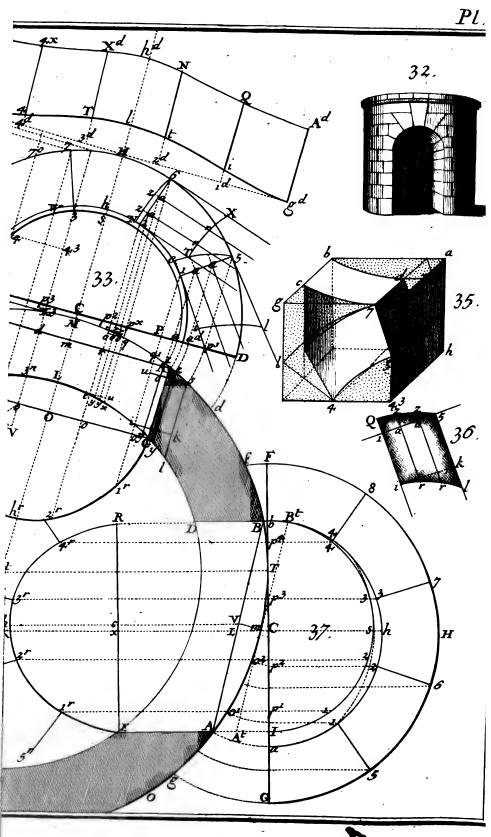
Enfin on formera l'arc-Droit RSE, avec les perpendiculaires à la rampe RP, comprises entre les projections verticales des lits, sçavoir, RI, RK, RS, faisant q 1, q4, égales à RI, q 2, q 3, égales à RK, &c.

### Dévelopement de la Doële.

Fig. 39. SI l'on veut faire des panneaux de doële plate, on étendra sur une Fig. 42. ligne droite E'R' (fig. 42) les cordes de l'arc-Droit (de la fig. 39.)

ET si l'on veut faire des panneaux de doële creuse sur des matieres flexibles, comme il convient, on rectifiera le contour de la demi-Ellipse ESB, avec toutes ses divisions  $1^r$ ,  $2^r$ ,  $3^r$ ,  $4^r$ , qu'on transportera sur la droite  $R^d$   $E^d$ .

Ensuite ayant élevé des perpendiculaires sur chacune de ces divisions rectifiées, on y portera les longueurs des avances, qui leur conviennent, prises au profil, & non pas au plan horisontal, comme nous avons sait pour la Porte en Tour ronde de niveau, à cause que la descente n'est pas parallele à ce plan, & cesl ongueurs se mesureront depuis la ligne RSf, qui est le profil de l'arc-Droit; ainsi pour joint de lit de l'imposte, on prendra R d, qu'on portera en E<sup>4</sup>, A<sup>4</sup>, de la figure 42, pour le dehors convexe; ensuite pour le premier joint de lit au dessus, on portera la longueur I a<sup>1</sup> pour le dehors en 1<sup>1</sup> a<sup>1</sup>, & I e<sup>1</sup> pour le dedans en 1<sup>1</sup> e<sup>1</sup>, de même pour le second lit K a<sup>2</sup> & K e<sup>2</sup> pour le millieu si b<sup>1</sup> en si b<sup>2</sup>, puis en redescendant au profil, on prendra K a<sup>3</sup> & K e<sup>3</sup>,



. , • • • . ٠ . .

 $Ke^3$ ,  $Ia^4$ ,  $Ie^4$ , Rb & Rd, qu'on portera, à la fig. 42, en 3'  $a^3$ ,  $3'e^3$ ,  $4'a^4$ ,  $4'e^4$ ,  $R^dB^d$ , &  $R^dd^d$ .

Si l'on vouloit faire des panneaux de joint, on le pourroit par la même méthode, que nous avons donné pour la Porte ronde de niveau, car ce sont toujours des portions d'Ellipses, un peu plus ou moins concaves ou convexes, dont il fuffira dans la pratique de trouver un point ou deux au milieu du joint de tête; ainsi prenant pour exemple celui qui est marqué 2.6, on prendra à volonté un point m vers fon milieu, on abaillera des points m & 6, des perpendiculaires paralleles à 2 p, lesquelles couperont les arcs AB & ED, du plan horisontal de la Tour en des points u, v, d'où on tirera des perpendiculaires aux précédentes, qui couperont la ligne de rampe RP, en des points  $x, \bar{x}$ , au dessus desquels on portera les hauteurs om, o6 en xy & XY, la ligne courbe y Y e2, sera le profil du joint de tête concave; on tracera de même la confexe, qui servira à trouver la courbe de la tête du joint, en prenant pour ligne de direction le joint de tête 2.6, au lieu de f T, que donne le pronfil, parce que f T est racourcie par la projection; ainsi portant sur la directrice du dévelopement R. E. (fig. 42,) la longueur 2'T, égale à 2'6 de l'élevation, & tirant les ordonnées & Y, Ty, égales à celles du profil, on aura les points e2, Yy pour l'arc concave de la tête du joint de lit, le convexe oposé  $a^2b$ , se trouvera de même.

On peut s'épargner cette peine en formant la tête par voye d'équarrissement, comme nous allons l'expliquer.

### Aplication du Trait sur la Pierre.

Ayant dressé un parement, par exemple pour un second voussoir 1.2, on y tracera deux paralleles à la distance de la corde de l'arcdroit 1.2, puis avec la cerche convexe de l'arc-droit 1.12, on creufera la doële quarrément au parement, & à ces deux paralleles qui seront les arêtes des joins de lit & de doële.

On apliquera ensuite dans cette surface concave cylindrique le panneau du dévelopement, fait sur une matiere flexible  $e^1$   $e^2$ ,  $a^2$   $a^1$ , de la fig. 42, pour tracer le contour des têtes courbes  $a^2$   $a^1$ ,  $e^2$   $e^1$ .

Ensuite prenant le biveau mixte de doële & de lit qui convient, 1, 2, b, pour le lit de dessus, 2, 1, 8, pour celui de dessous, on abattra la pierre pour former les surfaces planes de ces lits, sur lesquelles on apliquera les panneaux de lit, si on les a fait, ou qu'on terminera par équarrissement, comme il suit.

Tom. III.

On tirera sur l'épure une horisontale 2.5, sur la tête du Voussoir, & on lui menera du point i une perpendiculaire i 2, puis prenant le biveau 2'12, on posera quarrément une de ses branches sur les arétes de la doële, & l'autre donnera une ligne sur la tête, qu'on dirigera avec le biveau de la rampe & de la tête RP k, dont on posera une branche sur l'arête du joint de doële & de lit de dessous, & l'autre qu'on fera joindre à la branche du biveau de doële & d'aplomb 2' 1 2; on abattra la pierre suivant ces deux biveaux pour avoir une cizelure 129 sur la tête, à laquelle on sera une perpendiculaire 2', qu'on-creusera avec la cerche concave de l'arc de la Tour AM, posée quarrément sur la ligne 1'9, & sur les points donnez 5'2, ou ce qui est le même a2, du profil qui a été déterminé par le panneau de doële, & le point trouvé z; ainsi faisant couler cette cerche parallelement à elle - même sur la ligne 1'9, on sera la surface convexe de la Tour, en abattant la pierre à la régle sur les repaires, qu'aura donné la cerche, & l'on former ainsi les têtes elliptiques des lits, sans en avoir cherché la courbure.

On enusera de même pour la surface concave du Voussoirau dedans de la Tour, avec cette difference, qu'il faudra poser les biveaux de doële & de tête, & de doële & d'aplomb, au lit de dessus qui avance le moins en dedans, au lieu qu'à la surface extérieure, on les posoit au lit de dessous qui avançoit le moins en dehors.

#### Explication Démonstrative.

Le cintre Gb F étant suposé vertical, & perpendiculaire à la direction horisontale de la descente, sera égal à toutes les sections paralleles à GF, tangente de la Tour; ainsi il peut être consideré comme posé en ER, en Ag & suivant toutes les paralleles qui passent par les points  $1^a 2^a M$ , &c.  $1^a 2^a M$ , &c. & toutes ces lignes seront les profils, ou projections verticales des sections égales à ce cintre, dont les diametres sont suposez rangez perpendiculairement sur la ligne de rampe RP, de sorte que suivant les régles de la projection, ils n'y sont représentez que par des points, comme R, d, a, b, &c. ainsi toutes les hauteurs des aplombs du cintre primitif pour chaque joint de lit, ont dû être portées sur les verticales, au dessus de la ligne de rampe RP; ce qui a été fait en menant des paralleles à la rampe par les hauteurs  $1^f 2^i b^i$ , du quart de cercle a b f, lequel doit être suposé tourné & posé perpendiculairement au plan du papier sur son P b f.

OR parce que l'arc-Droit doit être perpendiculaire au plan de la rampe, on a tiré RT perpendiculaire à RP, laquelle est coupée pro-

portionellement par toutes les paralleles à la ligne de rampe, qui expriment la hauteur des joins; ainsi cette ligne est la projection verticale de toutes les hauteurs des divisions de l'arc-Droit, sur son diametre ER.

Quant à l'opération de l'équarrissement pour former la surface courbe de la tête des Voussoirs, il est clair que la ligne 1'9 étant verticale, sera dans le même plan que le joint de lit, qui passe par le point 1; par conséquent que l'angle du joint de lit avec celui de tête est égal à celui de rampe; de même l'angle de la doële 2' 1 2, est dans un plan vertical, squi peut être consideré dans sa projection en L 1', dans la doële quarrément aux joins de lit 1" 1' & 2" 2', par conséquent il sera perpendiculaire au précédent, dont l'intersection sera la ligne 1'9, ce qu'il falloit saire pour avoir une ligne, à la surface du cydre, qui sût parallele à soit axe, pour pouvoir y poser perpendiculairement une cerche de l'arc horisontal de la Tour, lequel est donné au Plan, par le moyen duquel on peut former la tête du Voussoir, & les sections elliptiques de ses lits, par la même méthode qu'on forme toutes les surfaces cylindriques concaves ou convexes, en faisant couler une régle parallelement à l'axe sur deux arcs donnez.

# Seconde Disposition des Descentes en Tour ronde ou creuse, où le Cintre Primitif est de Niveau, & l'Arc-Droit rampant.

Dans la précédente disposition nous avons formé le cintre primitif sur une section verticale, perpendiculaire à la direction horisontale du Berceau en descente, d'où il suit qu'elle étoit aussi perpendiculaire au plan vertical, passant par l'axe du berceau, soit qu'il sût Droit ou biais; lorsque le berceau étoit Droit ses impostes étoient de niveau, dans les points respectifs, quoique en descente suivant la direction; mais lorsqu'il étoit biais, elles étoient à différentes hauteurs, & celles de l'Arc-Droit de niveau: ici nous prenons ce cintre dans un plan vertical parallele à la corde AB de l'arc BCA de la Tour, qui est comprise entre les piédroits de la descente; lorsque le berceau est Droit sig 41. cette disposition retombe dans la précédente; mais lorsqu'il est biais, il en résulte que les impostes de la descente sont toujours de niveau, considerées parallelement à cette corde, quoiqu'inclinées suivant la descente.

It en résulte aussi qu'on peut même faire les têtes égales, si au lieu d'une section du Berceau, on dévelope sa face sur la Tour Bc A en H ij

la reclifiant sur une ligne droite GF, comme nous avons dit pone la Porte en Tour ronde par têtes égales.

Enfin il en résulte, comme aux descentes biaises à faces planes, que les impostes de la face étant de niveau, celles de l'arc-Droit deviennent rampantes.

Fig. 40. Soit ) fig. 41, ) la corde AB de l'arc A c B; par le point c, milieu & 41. de cet arc, on tirera GF parallele à AB, qui sera terminée aux points G & F, par l'intersection des piédroits DB, EA prolongez.

Sur GF comme diametre, on décrira un demi-cercle G & F, ou se l'on veut une demi-Ellipse surhaussée ou surbaissée pour cintre primitif, lequel étant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on abaisser sur son diametre des perpendiculaires, qui le couperont aux points p, p, par lesquels on menera des paralleles à la direction de la Voute, c'est-à-dire, aux piédroits DB, EA, qui couperont la surface extérieure aux points 1' 2' 3' 4', & l'intérieure aux points n' n' n' n' n'.

Par tous ces points on élevera des perpendiculaires, qui couperont les côtez du plan de la rampe R b a e, qu'on tracera au profil, comme nous l'avons dit des descentes ordinaires, au Probl. XII. du Tome précédent.

La ligne de rampe R b, étant donnée avec sa base horisontale RB. on menera par le point c milieu de l'arc AB, une verticale c bf, qui coupera l'horisontale menée par le point b, sommet de la ligne de rampe donnée, au point o, au-dessus duquel on portera les hauteurs des divisions du cintre primitis P<sub>1</sub>, p<sub>2</sub>, chen a<sup>4</sup>, a<sup>3</sup>, b<sup>r</sup>, par où on menera des paralleles à l'arc RB, a<sup>4</sup> a<sup>7</sup>, a<sup>3</sup> a<sup>2</sup>, lesquelles seront terminées de part & d'autre par l'intersection des verticales, provenant des points qui leur correspondent à la projection horisontale ; par exemple l'horisontale oa, sera terminée en b & a, par les lignes A a & B b, provenant des points A & B; de même l'horifontale a, a+, par les lignes 1 4, provenant des points 1 & 4; l'horisontale a<sup>2</sup>a<sup>3</sup>, sera terminée par les lignes 2i 3i, provenant des points 2 & 3, & par tous les points ai, a2, a3, a4, on menera des paralleles à la ligne de rampe Rb, lesquelles couperont les lignes verticales, provenant des points E,  $n^1$ ,  $n^2$ ,  $n^3$ ,  $x^4$ , aux points  $e^{-1}$ ,  $e^2$ ,  $n^e$ ,  $e^3$ ,  $e^4$ , d, par lesquels on tracera une courbe, qui sera la projection verticale de l'arc de face intérieure, comme la courbe a a 1 a 2 b a 3 a 4 b, est celle de la face extérieure: les lignes rampantes qui sont dans l'intervale de ces deux Courbes, donnent les longueurs des joins de lits, qui sont représentez au plan horisontal par

des lignes trop courtes EA,  $n^1$  1<sup>t</sup>,  $n^2$  2<sup>t</sup>, Nc, &c. à cause de l'inclinaison de la Voute.

It ne reste plus à présent qu'à former l'arc-Droit qui doit être rampant, parce que la descente est biaise, & que le diametre de l'arc de face est de niveau.

Par le point R, ou tout autre de la ligne Rb, on menera une ligne RS, perpendiculaire à Rb, laquelle Rf coupera toutes les paralleles à la ligne de rampe en des pointsg, 4, 1, 3, 2, S, qui feront les hauteurs des divisions du cintre de l'arc-droit; mais avant que d'en faire usage, il faut trouver le diametre incliné de cet arc rampant.

Sur AE prolongée on portera la longueur Rg de E en  $\alpha$ , & l'on tirera  $R\alpha$  qui fera le diametre rampant de l'arc-Droit, & dans le même plan que sa base horisontale ER, sur laquelle on portera successivement toutes les longueurs des divisions de la ligne RS, sur les projections des joins de lit correspondans; ainsi on portera sur le premier 1' q prolongé, la hauteur R 1 de q en 1', R 2 du profil en q 2', RS en QS, R 3 en q 3', R4 en q 4', & pour les points  $\alpha$ , 1', 2', S, 3', 4', R, on tracera une demi-Ellipse, qui sera l'arc-droit demandé, qu'on pouvoit aussi tracer par le Probl. VIII. du deuxième Livre, par les diametres conjuguez donnez  $\alpha$ R & deux Sc, avec l'angle fc  $\alpha$ .

Presentement, on a tout ce qui est nécessaire pour former les panneaux.

1º. Ceux de doële feront formez à l'ordinaire avec les joins de lit, dont les longueurs sont données au profil entre les deux courbes e n. d., absb., leur intervale, ou distance perpendiculaire est aussi donnée par les cordes de l'arc-droit, & l'obliquité de leurs angles se trouvera comme au premiere cas de ce Trait, par la distance de leurs sommets, au-profil de l'arc-Droit RS, portée sur la directrice du dévelopement R<sup>4</sup> P<sup>4</sup>.

Pour les panneaux de lit, à cause de la courbure de leur tête, il faut faire comme à l'exemple précédent un extrados, & quelques divisions, au moins une sur le joint de tête, pour avoir la fleche de l'arc  $2^i$   $6^i$ , qui est la projection horisontale de ce joint, laquelle fleche donne celle de l'arc elliptique, qui est la tête du panneau de lit pour le dehors en faillie; il en est de même de la tête intérieure  $n_2$   $n^6$ , qui est seulement un peu plus longue & creuse, au lieu que l'autre est convexe.

Les panneaux de doële & de lit étant donnez, ils serviront à for-

mer aussi la tête du Voussoir, de la maniere expliquée ci-devant pour la Porte en Tour ronde, & le premier cas de ce Trait pour la Descente en Tour ronde.

### Explication Démonstrative.

Le diametre GF, du cintre primitif vertical éant parallele à AB, par la construction, & compris entre les parallelesDG, EF, ce cintre est égal? toutes les sections paralleles à AB; ainsi cette Voute est une moitié de cylindre scalene, dont la base a une double obliquité à l'égard de fon axe; scavoir une horisontale Q c F ou Q c G, & une verticale R b B, ou son suplément R b hf, en quoi ce cas diffère du précédent, où le cintre primitif étant Droit sur la direction horisontale, le cylindre n'avoit qu'une obliquité à son axe, qui étoit la verticale; c'est pourquoi le plan passant par l'axe, & par le diametre GF du cintre primitif, est incliné au plan vertical, passant par cet axe, d'où il résulte que la projection verticale de ce plan n'est pas une seule ligne droite, comme RP dans le cas précédent; mais une figure mixtiligne e a ci, b d nf, composée des deux lignes droites e a & b d, qui sont les impostes de la Voute, & de deux arcs elliptiques a cfb, & dnfe, qui sont les sections de ce plan avec les surfaces intérieure & extérieure de la Tour, & parce que les arcs AB & ED, que retranchent les piédroits ne sont pas semblables, ces sections elliptiques ne le sont pas aussi; d'où vient que la corde ed de l'intérieure n'est pas parallele à la corde ab, de l'extérieure qui est de niveau.

Fig. 40. De là vient aussi que le cintre intérieur  $E_n$  Aest rampant, quoique le primitif  $A_nB$  soit de niveau.

A l'égard de l'arc - Droit il est rampant, par la même raison que nous avons donné pour les descentes biaises des Voutes simples.

De la Rencontre des Berceaux inclineZ à l'horison avec les horisontaux.

#### PROBLEME IL

Faire un Berceau en Descente, qui en rachette un autre de Niveau.

Cette rencontre peut se faire perpendiculairement, ou obliquement.

#### Premier Cas, Lunette rampante, ou Descente Droite rachetant un Berceau de Niveau.

On peut faire ce Trait de deux manieres, l'une en faisant simplement aboutir les Voussoirs de la Descente au Berceau de Niveau, sans y faire aucun ensourchement, comme fait le P. Deran, & après lui Mr. de la Rue; ensorte que les lits de la Descente percent la doële de l'autre Berceau, qui est de niveau.

L'AUTRE maniere que je présere à celle de ses Auteurs, est de faire la rencontre des Berceaux en ensourchement par des Voussoirs à branches, comme nous l'avons dit ci-devant des Voutes d'arêtes & des Lunettes;

Ma raison est que l'Apareil en est plus solide & plus beau, en ce que dans la premiere méthode on coupe la doële du Berceau de niveau, par des joins de tête de la descente dans la doële du Berceau, qu'on peut éviter, & dont l'inégalité entr'eux est inévitable, parce que, suposant les lits de largeurs égales, il est clair que les sections de ceux des impostes avec cette doële donnent des lignes droites paralleles, à l'axe du Berceau de niveau, & qu'à mesure qu'ils s'inclinent en aprochant vers la clef de la descente, ils se courbent de plus en plus, & forment à cette doële un arc elliptique, qui devient aussi d'autant plus grand, que la clef de la descente aproche de la tangente T e de l'arc-Droit AHB, du Berceau de niveau, parallelement à l'axe B e de celui de la descente, Pl. 76. & qu'au-de-là de cette tangente les joins de tête sont sans terminai-s'é. 43. son à la doële, parce que la tangente T n rentre dans l'épaisseur de la Voute A n Y; à quoi les Auteurs n'ont pas pourvû.

Sort le rectangle AB ba, (fig. 43, ) le plan horisontal du Berceau de niveau; EGge, celui de la descente ou Lunette, & la ligne BL, le profil de son inclinaison à l'horison.

Sur AB, comme diametre, ayant décrit le cintre du Berceau de niveau circulaire ou el liptique.

On tracera sur Gg, comme diametre, l'arc-Droit G b'g de la descente, soit qu'il soit primitis, par l'attention que l'on a premiérement à la surface de la deële, plûtôt qu'à celle de face; soit qu'il soit Secondaire, résultant d'un cintre de face primitis, comme pourroit être au prosil le quart d'Ellipse c b f, parce que nous prendrons toujours dans la suite l'arc-Droit de la Descente pour cintre primitis, pour éviter les redites touchant les raports des arcs de face de Descente, ou de montée avec

les arcs-Droits, dont nous avons traité au Probl. XII. des Descentes simples, du Tome précédent, où nous avons donné la maniere de le tracer relativement à toutes les situations des faces aplomb, en talud. biaises sans talud, ou avec talud, &c.

Soit donc le demi-cercle, ou la demi-Ellipse G bg, le cintre de l'Arc-Droit, divité en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on menerapar ces points des perpendiculaires à son diametre Gg, prolongées au de-là indésiniment, qui le couperont aux points ses est.

Par un point c, pris à volonté sur le profil de la rampe BL, on lui tirera une perpendiculaire c IK, sur laquelle on portera les hauteurs des retombées i  $t^1$  en c  $a^1$ , & 2  $t^2$  en c  $a^2$ ; ensin M  $b^2$  en c I, par les points I,  $a^2$ ,  $a^4$ , on tirera des perpendiculaires indéfinies à c K, qui couperont l'arc - Droit AHB du Berceau de niveau, aux points  $1^n$ ,  $1^$ 

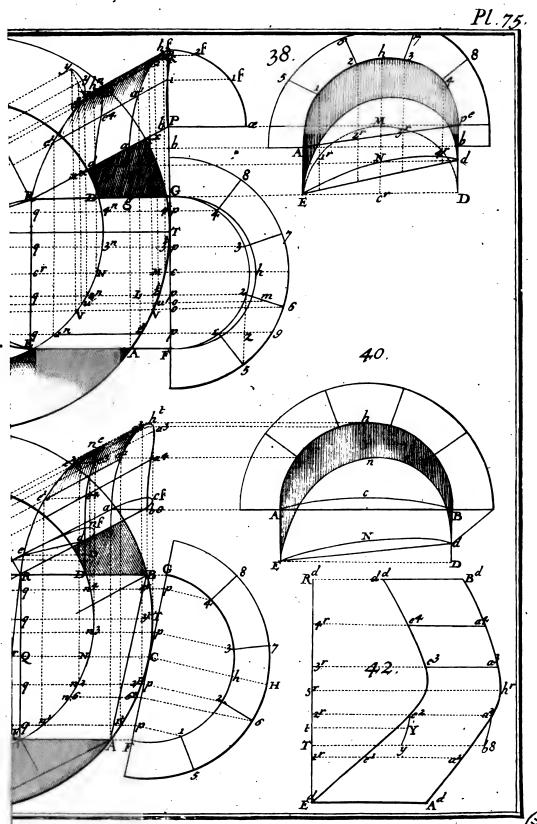
Presentement, nous avons differentes choses à faire, suivant la sin qu'on peut se proposer de tailler les Voussoirs par équarrissement, ou par panneaux & par ensourchement, comme les Voutes d'arêtes, ou par joins de têtes, traversans la doële du Berceau de niveau.

Si l'on veut faire la rencontre de ces deux Berceaux par enfourchement & par équarrissement, comme les Voutes d'arêtes, & les lunettes de Berceaux; il faut en faire la projection sur le plan horisontal AB b a, en menant par les points trouvez au profil  $1^a$ ,  $2^a$ , des perpendiculaires sur AB, prolongées au dessous jusqu'à la rencontre des projections des joins de lit de la descente, qu'elles rencontreront aux points  $p^1$ ,  $p^2$ ,  $p^3$ ,  $p^4$ , le Gnomon, c'est-à-dire la figure en forme d'équerre  $q^1$   $p^1$   $t^1$  GEB, sera la projection du premier Voussoir, le Gnomon suivant  $q^2$   $p^2$   $t^2$   $t^2$   $p^3$   $q^4$ , sera celle du second Voussoir, celle de la clessera en forme de T,  $Qq^a$ ,  $q^1$ ,  $p^3$ ,  $N^3$   $N^2$   $p^2$   $q^2$ , parce qu'elle est la moitié de la croix, qui est la forme de celle de la Voute d'arête,

Par le moyen de ces projections, on peut tailler les Voussoirs par équarrissement, comme ceux des Voutes d'arêtes, observant seulement de donner aux branches de la descente, l'inclinaison du biveau formé sur l'angle de rampe cBD.

Mais si l'on veut operer par panneaux de doële plate, cette projection est inutile; il faut faire le dévelopement de chacune des surfaces des berceaux qui se rencontrent, en particulier.

Pour



3 N/V 3/CX)

• · ·
-.

Pour le Berceau de niveau, il faut rectifier l'arc du profil B 1° 2″, par ses cordes, que l'on portera sur le milieu de la projection de la descente M m, sçavoir la corde B 1° en ON, celle de l'arc 1° 2° en NQ. & par les points N & Q, on menera des paralleles à Bb, qui couperont les projections des joins de lit de la descente anx points 1°, 4°; 2°, 3°, si l'on tire par ces points de l'un à l'autre des lignes droites E 1°, 1° 2°, &c. on aura le Polygone EQe, qui sera le dévelopement du trou, que sait la descente réduite en prisme dans le Rerceau de niveau, réduit aussi en prisme par les doë les plates.

Ainsi la tête de la premiere doële du Berceau de niveau sera la fig. BE 1°v, qui servira aussi pour son égale oposée e 4°, tournée en sens contraire; la tête de la seconde doële sera la fig. v 1°2°q, laquelle servira de même pour le quatriéme Voussoir, en la tournant en sens contraire, &c. la clef sera droite.

Pour faire le dévelopement des doëles plates de la descente, il faut rectifier l'arc-Droit G b' g, par les cordes de ses divisions 1, 2, 3, 4, & placer la ligne de direction, lorsqu'on le peut, sur la prolongation d'une ligne c K, perpendiculaire à la rampe B c; mais comme la grandeur de la planche ne nous laisse pas suffisamment de place, nous la poserons en  $G^{d}$   $g^{d}$ , parallelement à D d, posant son milieu en  $m^{d}$ , sur la projection de son axe à une distance O  $m^{d}$ , du piédroit du berceau de niveau, qui soit égale à B c de la rampe; ainsi pour déterminer les avances des angles de ce dévelopement, on menera par les points  $m^{2}$ ,  $m^{2}$ , du profil de sa face de descente h c, des perpendiculaires sur la ligne de rampe BL, qui la couperont aux points  $1^{d}$ ,  $2^{d}$ ; puis du point B pour centre, on tracera par ces points des arcs de cercles, qui couperont AB prolongée aux points  $r^{d}$   $r^{d}$ , par lesquels on menera des paralleles indéfinies à la directrice  $G^{d}$   $g^{d}$ .

On en usera de même pour le côté de la lunette, par les points 1 - 2 - 3, on menera des perpendiculaires à la rampe Bc, qui la couperont aux points  $x^1 x^2$ , qu'on transportera aussi sur BD, par des arcs qui la couperont en des points, par lequels on menera des paralleles à Bb ou  $e^x e^d$ , puis par les points  $V^1$ ;  $V^2$ ,  $V^3$ ,  $V^4$ ,  $G^d g^d$ , qui sont ceux des divisions de l'arc-Droit rectifié par ses cordes, on menera des paralleles à la direction MD, de la descente, lesquelles rencontreront les paralleles à  $e^x e^d$  de la lunette aux points  $N^1$ ,  $N^2$ ,  $N^3$ ,  $N^4$ ,  $e^x e^d$ , où seront les angles de concours des panneaux de doële plate, inscrits dans l'arête de la lunette.

Les mêmes paralleles à la direction de la descente donneront aussi Tom. IL par leurs intersections avec les paralleles à la face  $G_g$ , les points  $I^d$ ,  $2^d$ ,  $3^d$ ,  $4^d$ ,  $G^dg^d$ , où seront les angles des avances des têtes des panneaux de doële plate, à la face de descente.

Si par tous ces points trouvez, tant au dévelopement de l'arête de Lunette, qu'à celui de descente, on tire des lignes droites, on aura toutes les inclinaisons des têtes des doëles plates sur les arêtes des lits, & si au lieu de lignes droites, on trace avec une regle pliante une ligne courbe, qui passe par ces mêmes points, on aura les contours des extrêmitez des Berceaux de niveau & en descente, où se forme l'arête de la lunette; lesquels contours quoique extrêmement disserens, comme E 1° 2° 3° 4° e du Berceau de niveau, qui est tout dans les rentrans, & ex N1 N2 N3 N4 ex, qui fait deux angles rentrans en N1 & N4, & deux saillans en N2 N3, s'ajusteront cependant exactement l'un à l'autre, lorsqu'ils seront pliez sur les surfaces cylindriques des deux differens Berceaux de niveau & en descente, parce que l'arête qu'ils doivent former par leur concours, est une courbe à double courbure, que nous avons apellé Ellipsimbre.

Les deux dévelopemens qui donnent les panneaux de doële plate, suffiront pour l'exécution du Trait, sans qu'il soit nécessaire de tracer les panneaux de lits, si l'on fait la jonction du Berceau de niveau, avec celui en descente par ensourchement, c'est-à-dire, avec des Vous-soirs à deux branches, dont l'une entre dans le Berceau de niveau, l'autre dans le Berceau en descente.

Mais si l'on vouloit, suivant la méthode des Auteurs, les faire tout unis sans retour, faisant pénetrer les lits de la descente au travers de la doële du Berceau de niveau, il faudroit chercher les courbes des têtes de ces lits, qui sont visiblement des arcs Elliptiques, qui se redressent depuis la clef, où le joint seroit circulaire, s'il y en avoit un, comme N° F, où il se consond avec l'arc-Droit, que nous avons suposé circulaire, jusqu'à l'imposte E, où il devient tout à fait en ligne droite, parce que ce joint devient parallele à l'axe du Berceau.

Il s'agit donc de ralonger les arcs compris au profil entre les lignes 1° 1 & 5° 5, 6° 6, 2° 2, tirées parallelement à la descente par les points 2 & 6, de l'arc-Droit, sçavoir à la doële en 2, & par le point d'extrados 6; ce que l'on fera de la même maniere, que nous l'avons dit pour les têtes de la porte en tour ronde; on menera par exemple pour le second joint une ligne 2° p, perpendiculaire sur 2° 2, qui coupera l'extrados 6° 6 au point p, on divisera p 2° en trois aux points a & b, par où on tirera des paralleles à 2° 2, qui couperont l'arc 6° 2° aux points » 3.

On tracera ensuite dans une figure à part, comme en 46, une ligne Fig. 46. P 2", égale à p 2" du profil, laquelle étant divisée en trois également aux points a & b · on lui menera par les points P, a & b, des perpendiculaires, qu'on fera égales à celles du profil, scavoir, P 6 à p 6', du profil a X égale à ax, b Y égale à by; & par les points b XY 2 on tracera l'arc elliptique, qui sera la tête du panneau du second lit, qui perce dans le Berceau de niveau.

On trouvera de la même maniere la courbe du premier lit sur le ralongement de l'arc 5" 1", où la courbure est peu sensible, parce que cet arc est fort près du point d'atouchement de la perpendiculaire à la rampe, qui toucheroit le demi-cercle AHB, car la ligne du lit I, I., parallele à cette rampe passe tout près du centre C, de l'arc-Droit du Berceau de niveau.

D'oy il fuit par un raisonnement contraire, que si l'on tire à cette ram. pe cB, prolongée vers X, une perpendiculaire T2, qui passe par le centre C#, elle coupera l'arc-Droit au point T, où fera la terminaison des avances du plus grand joint de tête d'extrados de descente, ou bien le dernier point où l'on puisse avancer la clef de la Lunette; auquel cas le trait des Auteurs devient impossible; il faut alors en revenir à l'enfourchement des Voussoirs à branches, pour racorder les deux Voutes,

Novs ne disons rien des têtes des panneaux de lit à la face de descente, parce qu'il en a été suffisamment parlé au Probl. XII. du Tome précedent, lorsque nous avons traité des descentes simples.

### Aplication du Trait sur la Pierre.

Suposant qu'on fasse la rencontre des deux Voutes par enfourchement, on pourra commencer par la branche du Voussoir, qu'on voudra faire la plus longue, ou par celle qu'on voudra, si elles sont égales; nous commencerons par celle, qui entre dans le Berceau de niveau, par exemple au second Voussoir, dont la projection horisontale est le Gnomon  $q^2 p^2 t^2 t^1 p^1 q^1$ .

Ayant dressé un parement de suposition horisontale, pour y placer l'arête du lit de dessous à la doële p' q', on fera sur cette ligne une perpendiculaire p'i; sur laquelle on posera une branche du biveau, ou- Fig. 43 vert sur l'angle o 1" a1, ou CB c du profil, qui est celui de la rampe & 45. avec l'horison, suivant lequel on abattra la pierre dans la même direction, pour avoir aussi l'arête du lit de dessous de la descente marquée au profil 1" a<sup>1</sup>, & au plan horifontal p<sup>2</sup> p<sup>2</sup>; ensuite ayant ouvert le biveau sur l'angle a 1 5 du profil, on posera une

de ses branches sur la premiere ligne  $q^1 p^1$ , l'autre donnera l'inclinaifon de la doële plate de la descente, quarrément par l'arête de son lit  $p^1 z^1$ .

On apliquera sur ce nouveau parement le panneau de doële plate, qui lui convient pour le second Voussoir, marqué au dévelopement N' 1<sup>d</sup> 2<sup>d</sup> N<sup>2</sup>, posant le côté N' 1<sup>d</sup>, sur l'autre marquée au profil 1<sup>n</sup> z<sup>2</sup>, & le point N' du panneau sur le point 1<sup>n</sup>, de la rencontre de l'arête du lit de dessous du berceau de niveau, avec celui de la descente; dans cette position, on tracera sur le nouveau parement le contour du panneau N' 1<sup>d</sup> 2<sup>d</sup> N<sup>2</sup>, pour avoir la position des angles N<sup>2</sup> de la lunette au lit de dessus, & 2<sup>d</sup> de la face de descente au même lit.

On a donc alors trois points de la doële plate du Berceau de niveau, fçavoir, deux au lit de dessous  $q^i p^i$ , & un à l'angle du lit de dessus, représenté au plan horisontal par  $p^2$ ; ainsi on peut former (par le Probl. I. du quatriéme Livre) la doële plate de la branche du berceau de niveau, & si l'on veut pour verification y en apliquer le panneau de dévelopement V 1° 2° q.

Les doëles plates étant tracées, il est très aisé d'achever le Voussoir en formant les lits de dessus & de dessous, avec le biveau de doële plate & de tête, sçavoir, avec l'angle 2 1 5, pour le lit de dessous de la descente, 1, 2, 6, pour celui de dessus; 2" 1"7, pour lè lit de dessous du berceau de niveau, & le même pour le lit de dessus, s'il est circulaire, ainsi le Voussoir à deux branches sera achevé en formant les têtes d'équerre aux arêtes des lits dans le berceau de niveau, & même dans celui de la descente, lorsque la branche ne parvient pas jusqu'à la face.

Fig. 44.

Pour former la descente à Voussoir simple, sans ensourchement, il n'y a point de difficulté, ayant les panneaux de doële plate, ceux des lits dont les têtes sont concaves, donneront la partie du berceau de niveau, qui forme la tête.

#### REMARQUE.

Quorque cette derniere construction soit celle du P. Deran, adoptée par Mr. de la Ruë, il est clair qu'elle ne convient pas si bien à la so-ldité que celle de l'ensourchement, parce que les Voussoirs y tendent à glisser dans le berceau de niveau, n'étant retenus que par le frotement de leurs lits.

### Explication Démonstrative.

It est clair (par le Theor. XX. du premier Livre) que la section formée par la rencontre des surfaces de deux cylindres ou Berceaux, qui se croisent à angle droit, comme dans le cas présent, sans que les axes se rencontrent, est une Ellipsimbre, en quelque situation que soient ces Berceaux à l'égard de l'horison; ainsi il est visible que quelque ligne qu'on prenne pour l'horisontale, comme XBc, quoique inclinée à l'horison, pour y faire la projection de cette courbe, il n'en résultera aucun changement de construction de la lunette de niveau dans un berceau de niveau, dont nous avons parlé ci-devant; la seule difference est que le Berceau racheté XAHB, seroit plus grand qu'un Berceau ordinaire, dont les naissances doivent toujours être sur un diametre a b, au lieu qu'étant ici sur une corde XB, les parties a X, b B deviendroient en talud.

C'est suivant cette suposition, que nous avons sait la projection de la descente, pour avoir les longueurs des arêtes des lits, & leurs avances les unes sur les autres; mais pour éviter la consussion des lignes de l'épure, nous les avons transporté par des arcs des cercles sur une horisontale réelle AB, prolongée pour faire la projection, & le dévelopement du berceau de niveau, ce qui ne change rien aux dimentions, puisque les premieres longueurs trouvées ont été portées sur BR, partie de AB prolongée.

L'APLICATION du Trait sur la pierre sera facile à concevoir, pour peu que l'on y fasse d'attention; nous avons commencé par faire passer une surface horisontale, par l'arête du lit de dessous pour y raporter l'inclinaison de la descente, par une direction perpendiculaire à la commune intersection du plan horisontal avec la doële plate, & du vertical passant parallelement à la direction de la descente avec le vertical, ainsi les biveaux sont bien apliquez pour le Voussoir à branches.

A l'égard de la construction du racordement des deux surfaces à Voussoir simple, il est évident que les surfaces planes des lits de la descente, coupans obliquement la doële cylindrique du berceau de niveau, elles y traceront des portions d'Ellipses, dont les ordonnées sont égales à celles du berceau de niveau, & les abcisses sont entr'elles comme les largeurs des lits 1'5, 2'6, à l'égard de leurs projections verticales à l'arc-Droit a'y, a'Y, par le Theoreme premier du deuxième Livre.

#### DEUXIEME CAS.

#### Descente Droite sur le Diametre de face, qui rachete un Berceau de Niveau obliquement.

PL 77. Soit le rectangle e BDE (fig. 50) la projection du plan incliné Fig. 50. de la descente, passant par les impostes de niveau B & D, du cintre de face de descente B b D, lequel plan incliné est exprimé au profil, par la seule ligne C'e, élevée en C' sur l'horisontale OAB, de la hauteur donnée C'B.

Soit aussi le rectangle g GFN, le plan horisontal d'un Berceau de niveau, dont la direction exprimée par le côté GE, fait des angles obliques avec la projection CM du milieu de la descente, sçavoir, un aigu GMC, d'un côté, & un obtus FMC de l'autre; de sorte que la partie triangulaire e GE de la descente, se trouve comprise dans le berceau de niveau, & de plus une autre partie triangulaire AGE, comme nous l'expliquerons ci-après.

Sur BD, projection du diametre de la face de descente, ayant décrit le cintre primitif B bD, circulaire ou elliptique, comme l'on voudra, & l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on menera par ces points des paralleles à sa direction indéfinies 1 l 2 l 3 l 4 l, qui couperont le côté GE, du berceau aux points 1', 2', 3', 4'.

On portera ensuite les hauteurs des retombées  $1 p^1$ ,  $2 p^2 b$  C, sur le profil en  $C_f f^1$ ,  $C_f f^2$ ,  $C_f H$ ; par où l'on menera des paralleles indéfinies à la rampe  $C_f E$ , comme  $H_1, f^2 F^2, f_1 F^1$ .

On fera FN perpendiculaire sur le côté GF, du berceau de niveau, pour avoir le diametre FN de son arc-Droit, qu'on supose donné en plein cintre F b. N.

Puis ayant prolongé la ligne BG, jusqu'au côté gN, qu'elle coupera en O, on décrira sur OG comme diametre, la demi-Ellipse O b'G, dont le petit axe sera le diametre de l'arc-Droit FN, & sa moitié b'C, égale à la hauteur de l'arc Droit C'b', cette demi-Ellipse coupera le prossil du plan de descente C'e au point a, d'où l'on abaissera sur OG, la perpendiculaire a A, qui coupera OG au point A, par lequel & par le point E on tirera la ligne AE, qui sera la projection du diametre rampant e a.

Par les points 11, 21, 31, 41, on élevera des perpendiculaires sur le dia

mètre OG, qui le couperont aux points 1., 2°, 3°, 4°, par lesquels on tracera des arcs elliptiques égaux au premier Gab, ce qui est très facile dans la pratique en faisant couler une cerche, ou un panneau sur la ligne OG, parallelement à lui - même, faisant apuyer le point G successivement sur les points 1°, 2°, &c. puis traçant le contour de cette cerche à chaque position, on aura les intersections de ces arcs, avec les profils des joins de lit aux points a 1°2°3°4°e, qui détermineront les longueurs de ces joints de lit; si l'on trace par ces points la courbe a I e, on aura la projection verticale de la lunette, que sait le berceau de descente dans celui de niveau à l'arête de rencontre.

PRESENTEMENT, si l'on abaisse de ces mêmes points 1'2', &c. des perpendiculaires sur les projections des joins de lit correspondans, prolongez 1 h, 2 h, 3 h, 4h, on aura par leurs intersections les points h,  $\mu$ , h, h, h, pour les projections horisontales des angles de la même lunette, formez par la rencontre des doëles plates; ainsi l'on tirera de l'un à l'autre des lignes droites, qui formeront le Polygone A h E, pour projection horisontale de la lunette.

Par le moyen de ces deux projections de la lunette, nous formerons facilement les panneaux de la doële plate tout de suite en dévelopement, après qu'on aura tracé l'arc-Droit.

On tirera  $C_f d$  perpendiculaire sur le profil de la rampe  $e C_f$ , laquelle coupera les profils des joins de lit aux points T & t; on portera la longueur  $C_f T$  en  $p_1 1' \& p_4 4'$ ,  $C_f t$  en  $p_2 2'$ ,  $p_3 3'$ , & par les points B, 1', 2', 3', 4', D, on menera des lignes droites, qui seront les vrayes largeurs des doëles plates.

Pour en faire le dévelopement, on portera les longueurs de suite fur la ligne  $C \cap d$ , prolongée vers  $D^d$ , à commencer à un point pris à volonté comme L, en 1, 2, 3, 4,  $D^d$  (fig. 47.)

On menera par tous ces points L, 1, 2, 3, 4, Da, des perpendiculaires à la ligne d Da indéfinies de part & d'autre, dont les longueurs seront déterminées par toutes les paralleles à cette ligne, qui seront tirées des points trouvez au profil de la lunette a 1' 2' 3' 41e, lesquelles les couperont aux points  $a^d$   $n^t$   $n^2$   $v^3$   $n^4$  Ed d'un côté pour la lunette.

Pour le dévelopement de la face de descente, on tirera des paralleles à C'D' par les points  $f^{I}f^{2}H$ , lesquelles couperont les transverfales aux points I'2'3', &c. on menera par tous ces points de terminaison des lignes droites, qui formeront le Polygone a'E'D'L, lequel est le dévelopement de la doële de descente, qui est élevée au dessus de l'imposte du berceau de niveau du côté, le plus court AB de tout l'intervale du Coussinet, qui lui est ajouté a LB A.

Presentement il faut former le dévelopement du berceau de niveau, dans la partie qui est traversée par celui de la descente, pour lequel on tracera à distance prise à volonté un axe ou directrice g N, parallele à GE, puis par tous les points GA le la la projection horisontale de la lunette, on tirera à cet axe des perpendiculairés indéfinies, sur chacune desquelles on portera le dévelopement des cordes de la portion de l'arc-Droit du berceau de niveau, que la lunette retranche.

C'est pourquoi par les mêmes points h L, &c. on menera des paralleles à GE, qui couperont l'arc-Droit Fb N aux points r, 2, x, y.

On portera donc sur la ligne  $l_{4}$ , la rectification des cordes de l'arc Fr pris depuis l'imposte insérieure F jusqu'à la hauteur r, qui correspond au point  $l_{4}$ , à commencer au point  $K_{4}$ , de l'axe de dévelopement jusques en  $l_{4}$ , où aboutit la corde de cet arc; de même on ajoûtera la corde de l'arc r n, qui répond au point  $l_{4}$ , de puis  $l_{4}$  de l'axe jusqu'en  $l_{4}$ , & en continuant, la longueur  $l_{4}$  y en  $l_{4}$   $l_{4}$ , &c. si l'on tire par les points trouvez  $l_{4}$   $l_{4}$ , &c. des lignes droites, on aura le Polygone  $l_{4}$   $l_{4}$ , qui est le dévelopement des doëles plates du berceau de niveau à leur rencontre avec la descente, dont le diametre rampant est la ligne  $l_{4}$ , & le reste en triangle  $l_{4}$   $l_{4}$ , est une partie de dévelopement du berceau au dessous du diametre de la lunette.

Les angles des têtes des panneaux de doële plate, qui doivent se joindre à l'enfourchement étant trouvez, comme nous venons de le dire; il s'agit de trouver le Biveau, c'est-à-dire, l'angle que ces surfaces planes doivent faire entr'elles.

Prenant pour exemple le Voussoir à branches de l'enfouschement d'un second rang, comme 3, 4, on se contentera de prendre la projection d'une partie de chacune des doëles plates de niveau, & en descente comprises dans le parallelograme ! R !+Q.

Fig. 48.

On transportera cette projection en une figure à part (fig. 48,) comme 3 r 4 q, dont on prolongera la diagonale 4, 3, indéfiniment vers X, de même que le côté 4 r vers i, on élevera au point 3 la perpendiculaire 3 x, qu'on fera égale à la hauteur  $\int x$  de la figure 50, qui est la difference de hauteur des points  $b \& l^4$  de la lunette.

On tirera x4, fur laquelle on fera une perpendiculaire xp, qui renconterra

-, . •

rencontre 4 X en p, par où on menera à la même 4 X une perpendiculaire y i, qui coupera 4 r prolongée en i.

On élevera ensuite sur le côté 3 r la perpendiculaire 3 dégale à 3 m i on sera l'angle 3 de égal à celui de la descente BCfa, dont le côté de coupera r 3 e en e, par les points 4 & e, on tirera une ligne 4 y, qui coupera la perpendiculaire py, au point y; ensin on portera la longueur px en pX sur la diagonale 4.3 prolongée; si l'on tire du point X aux points y & i, des lignes droites, elles comprendront l'angle y X i, que l'an cherche, pour assembler les panneaux des doëles plates de rencontre des berceaux en descente, & de niveau.

It faut remarquer que dans ce Trait non plus que dans le précedent, nous n'avons pas fait mention de panneaux de lit, parce qu'ils ne sont pas nécessaires pour les Voussoirs d'enfourchement, en suivant notre méthode; il sont seulement nécessaires pour les têtes des descentes, desquelles nous avons suffisamment parlé au Tome précedent, en parlant des Voutes simples; il est inutile d'en repéter la construction; on pourra y avoir recours en cas qu'on ait oublié la manière de les faire.

QUANT à l'intervale de chaque lit entre la tête d'entrée, & celle de la lunette, on sçait qu'il doit être incliné à la doële, suivant la coupe de lit & de doële prise à l'arc-Droit, selon la maxime génerale pour toutes sortes de Berceaux.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

Avant dressé un parement pour servir de doële plate de la descente, ou du berceau de niveau, suivant la convenance de l'apareil, on y apliquera le panneau destiné pour le rang dont il est dans l'un ou l'autre Berceau, lequel est tracé à l'épure, prenant pour exemple le second de la descente  $\beta$   $p^3$   $p^4$   $l^4$ , dont le panneau est à la fig. 47, le trapeze  $n^4$   $4^d$   $3^t$   $n^3$ , ou seulement une partie de ce panneau, on entracera le contour sur le parement, puis avec le biveau trouvé n  $n^2$   $n^4$   $n^4$ 

Тот. Щ.

on en usera de même pour les lits du berceau de niveau, dont les coupes se prendront sur l'arc-Droit  $N_{h'}$  F.

## Explication Démonstrative.

La conformité de ce Trait avec le précedent, fait sensiblement apercevoir les raisons de sa construction, dans ce qui concerne la manière de trouver les panneaux de la doële plate, par la voye du dévelopement des deux surfaces, l'une du Berceau en descente, dont les longueurs des joins de lit sont prises sur le prosil de la rampe, parce qu'elles sont racourcies dans la projection horisontale, qui ne lui est pas parallele.

L'aurre dévelopement qui est celui du berceau de nivem, est formé sur la projection horisontale de la lunette, qui donne la juste messure des intervales des angles de rencontre des doëles plates de l'un & de l'autre berceau; & l'arc-Droit Fb' N dévelopé, c'est-à-dire rectissé, donne les éloignemens k n de l'intervale vuide, que forme la lunette en descente dans le berceau de niveau, ce qui est entierement consormé à la construction précedente.

It faut seulement expliquer ce qui est particulier à celle-ci, qui consiste dans la maniere d'assembler ces disserens panneaux de doële plate; pour leur, donner l'inclinaison, qu'ils doivent avoir entr'eux, parce que nous ne trouvons pas la même facilité qu'au précedent de les assembler, par une suposition de plan horisontal, l'angle de la direction de la descente étant oblique à celle du berceau horisontal; or les angles des plans doivent toujours être pris sur des perpendiculaires à leur commune intersection.

IL est démontré au Probleme XIV. qui est le dernier du troisième Livre, que si les deux plans, dont les projections sont les triangles 3 q 4, 3 r 4, sont également inclinez au vertical, dont la projection est la ligne 3 4, leurs intersections avec le plan horisontal, seront les lignes 4 i, 4 I, équidistantes du milieu P, & que par la construction de ce Probl. l'angle IX i, sera celui de l'intersection mutuelle de ces plans.

Dans le cas préfent ces plans sont inégalement inclinez à l'horisontal, exprimé par la ligne er, passant par le point 3, sçavoir, la doële plate qui est dans le berceau de niveau, suivant sa hauteur sx de la figure 50, égale à d 3 de la fig. 48, & la retombée fr, qui répond entre mêmes paralleles à fr R, égale à 3 fr de la figure 48, par conséquent la ligne fr0 exprime son inclinaison à l'égard d'une verticale 3 fr1, suivant la direction de la descente.

Presentement pour tronver suivant la même direction la pente de la doële en descente, il faut remarquer que nous ne connoîssons que la hauteur du point d, l'angle droit e 3 d, & l'angle de rampe G e a de la figure 50, & non pas la retombée ou sa valeur, comme au plan précedent; c'est pourquoi nous faisons l'angle 3 de, égal au complément de G e a, qui nous donne par l'intersection de son côté de la valeur e 8 de cette retombée, donc l'angle e d r exprime en prosil l'inclinaison des deux plans, & comme la ligne er n'est pas, ou peut ne pas être perpendiculaire à la diagonale 4 3, quoiqu'elle soit dans le même plan que la ligne y i aussi horisontale, l'angle ne doit être mesuré que suivant le plan, qui passe par cette ligne, & le point x en l'air, représenté par la construction en y Xi, qui doit être suposé renversé du haut en bas, & tourné de droit à gauche, pour être dans sa situation naturelle, parce qu'il est saillant, formant l'arête de la lunette, & non pas un angle rentrant; mais on sçait que l'angle d'un biveau doit être le contraire de celui qu'on veut former.

#### TROISIEME CAS.

# Descente Biaise par son entrée de Niveau, rathetant un Berceau de Niveau obliquement.

Dans les exemples des deux cas précedens, nous avons suposé que le plan de descente, passant par les impostes du berceau incliné à l'horison, c'est-à-dire, le plan de rampe, étoit perpendiculaire aux plans verticaux, paralleles à son axe, d'où il résultoit que le prosil ou la projection verticale de ce plan de rampe étoit exprimée par une seule ligne droite, & que le diametre de l'arc-Droit, & celui de face y étoient exprimez par un seul point, parce que ces deux cintres avoient Pl. 78. un diametre horisontal commun.

Presentement nous suposons que la face de descente DE, est oblique-à la direction CM; mais cependant que le diametre de son cintre DE est de niveau, d'où il suit que le plan de rampe devient incliné au plan-vertical, passant par la direction CM, & par conséquent que l'arc-Droit devient rampant, comme nous l'avons dit au Problème XII en parlant des Voutes samples, page 171; ainsi ce plan de rampe a deux inclinaisons, l'une suivant la direction, l'autre d'une imposte à l'autre, c'est-à-dire en travers, suivant ses côtez.

D'ou il suit que ce plan ne peut plus être exprimé au profil par une seule ligne de même espece, ni par un parallelograme, comme aux

Voutes simples, mais par un trapeze RAFE, qu'il faut trouver, comme nous allons le dire,

Sorr AKIB (fig. 52, ) le plan horisontal d'un berceau de niveau, & DAg E, la projection d'une descente biaise, dont le plan de rampe rencontre celui de niveau, suivant la ligne Ag, de sorte qu'il entre dans le ber ceau de niveau de la partie triangulaire BAg, parce qu'il coupe la doële du berceau de niveau, suivant une ligne courbe LA elliptique, laquelle avance en Lau-devant de B, d'une longueur BL, égale à la retombée de la hauteur fL, de l'arc du berceau de niveau, où le côté Eg de la descente coupe celui du berceau de niveau.

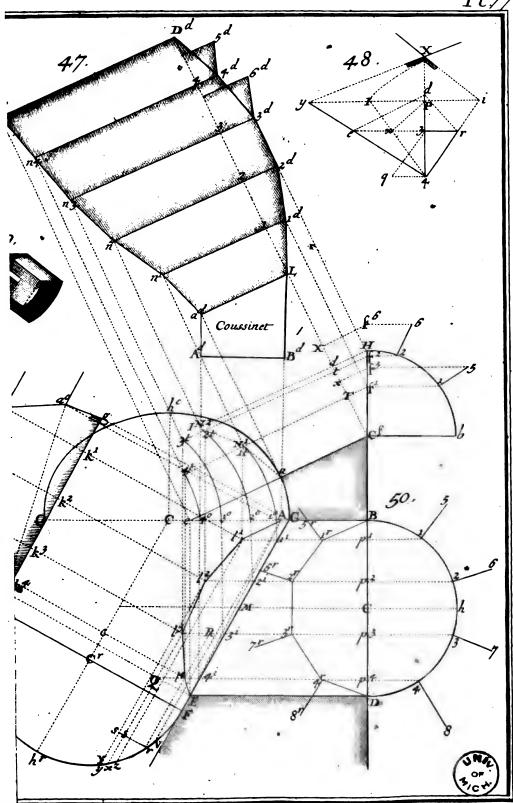
Ainsi ayant fait sur le côté DA l'angle DAR, égal à celui de rampe, on lui sera en D la perpendiculaire DR, qui coupera la ligne de rampe en R, par où on menera l'horisontale  $RE^f$ , égale à l'obliquité Er de la face DE, sur la perpendiculaire Dr à la direction CM.

Par le point Es on menera Es G, parallele à RA, le rectangle AGER fera le profil du plan de rampe, prolongé jusqu'à l'horisontal DK; mais à cause que ce plan rencontre la doële du berceau horisontal AKIB; il faut chercher la partie triangulaire FAG de ce plan, qui est retranchée par la section de la doële.

Avant tiré BI perpendiculaire à BA, on décrira l'arc-Droit BHI, dir berceau de niveau circulaire ou elliptique, & sur DA prolongée en K, jusqu'à la rencontre de son côté IK, on décrira une Ellipse AbK, avec les deux axes donnez, sçavoir, AK pour le grand, & BI pour le petit axe.

Par le même point B, on menera une perpendiculaire à DA, qui coupera  $E^fG$ , (étant prolongée) en b, la ligne b A fera le diametre de la projection verticale de la fection plane fur BA, fur le point A on éleveraune verticale AT.

On tirera ensuite par b une parallele à DA, qui coupera AT en V, par où on menera Vo parallele à RA, qui coupera l'arc Axb' au point x, d'où on tirera une parallele à DA, qui coupera E'G au point F, & la ligne AT au point u; on portera xu de B en L sur EB prolongée, le point L sera la projection de la rencontre de l'imposte de la descente, avec la doëse du berceau de niveau, laquelle imposte est représentée en profil par la ligne E'G, où cette même section est représentée par le point F; de sorte que si l'on tire de chacun de ces points des lignes au même point A, le triangle mixte BLA, dont LA est els



• • . .: • • • • • • • ÷ • . .

liptique, représente à la projection horisontale, celui que le plan de rampe retranche de la doële du berceau de niveau, lequel est aussi représenté au prosit par le triangle mixte OFA.

PRESENTEMENT, si l'on supose un plan vertical, passant par les points L & A, il coupera la doële de la descente, suivant un arc rampant, exprimé au prosil par F b' A, dont nous pouvons, faire usage pour trouver la projection horisontale de l'arête de rencontre des deux berceaux, & même une projection inclinée sur le plan de rampe, comme on va le dire.

AVANT fait sur le diametre d'entrée de descente DE, le cintre primitif DSE, ses divisions en Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, & les projections de ses joins de lit, suivant la direction du berceau à l'ordinaire,  $p^1 \\cap^2 \\$ 

Par tous les points trouvez i, i, on menera des paralleles à DA, qui couperont la verticale AT aux points  $f^i$ ,  $f^2$ ,  $f^3$ ,  $f^4$ , par lesquels on menera des paralleles à la rampe RA, qui couperont l'arc  $A \times b^c$ , aux points 3, 2, 4, 1, & en un point au dessous de  $\infty$ , provenant du point u, lequel point n'est pas marqué pour éviter la consusion de la figure, qui est déja fort chargée en cet endroit de lignes & de lettres.

PAR les points 3, 2, 4,  $\pi$ , de l'arc AK, on abaissera des perpendiculaires sur le diametre AK, qui le couperont aux points k, l, m, n, par lesquels si l'on mene des paralleles à AB, leurs intersections avec les projections des joins de lit, donneront les points l, l, l, l, l, oùferont les angles de rencontre des doëles plates des berceaux en descente, & de niveau, qu'il falloit premierement trouver.

Sr au slieu de tirer par ces mêmes points des perpendiculaires à l'horisontale AK, on en tire d'autres à la ligne de rampe RA, prolongées jusques aux projections correspondantes des joins de lit, on aura une espece de projection inclinée sur le plan de rampe AN' Nº Nº Nº B, dont on peut faire usage pour le Trait, pourvû qu'on prenne bien garde de distinguer les supositions de plan horisontal, & de plan de rampe changé en horisontal; car la partie Bg égale à GA,

gu'elle répresente, doit être alongée, suivant la distance 2 A, mais comme cette projection inclinée, ne pourroit servir que pour trouver les têtes des panneaux de doële plate de la descente à l'ensourchement, nous allons y pourvoir par le moyen d'en faire le dévelopement.

It faut auparavant suposer l'arc. Droit, sormé par les moyens que nous avons donné au Tome précedent, en parlant des descentes simples, page 181, lequel arc est rampant, ou bien pour ne pas renvoyer le Lecteur, on peut le chercher par le moyen du prosil, qu'on vient de faire de l'arc FbA.

Par tous les points r', 2', 3', 4', on abaissera des perpendiculaires sur cette ligne AR. & par tous les points a' a', des paralleles à la même AR, qui couperont les perpendiculaires précedentes prolongée en des points qui détermineront les ordonnées de l'arc-Droit rampant Db R', qu'on portera sur la diametre DR trouvé, comme nous l'avons dit au lieu cité, pour les Voutes simples.

L'Arc - Droit étant tracé, on aura toutes les largeurs des doëles plates, nécessaires pour en faire le dévelopement.

On placera à volonté une directrice A'R' (fig. 53,) sur laquelle on porterade suite les largeurs inégales D1', 1'2', 2'3', &c. de la fig. 52, en A', 1', 2', 3', 4', R', (de la fig. 53,) & l'on tirera par tous ces points A', &c. des perpendiculaires à la directrice, qui formeront le dévelopement d'un berceau Droit; mais comme il est coupé obliquement par la rencontre de celui de nivezu, il faut en chercher les reculement d'échancrure.

On commencera par porter la longueur Az, prise sur AR à la figure 52, de  $R^d$  en  $g^d$ , pour tirer  $g^d$   $A_d$ , qui sera une seconde directrice biaise, représentant g A, on prendra ensuite la longueur GF, du profil de la figure 52, qu'on portera en  $g^d$   $B^d$  de la fig. 53, pour avoir le point de l'imposte  $B^d$  le plus reculé.

Pour les autres on tirera par les points  $a^1a^2a^3a^4$  du profil, des paralleles à l'horison, qui couperont la verticale AT, en des points qu'on ne peut désigner par des lettres à la figure, parce qu'ils sont trop près les uns des autres, desquels en menera des paralleles à la rampe RA, jusqu'à l'horisontale AK, comme xo, ym, &c. lesquelles seront coupées par des perpendiculaires à la rampe, provenant des points trouvez sur l'arc A $b^2$  en 3, 2, 4, 1, qui sont ceux de rencontre de la descente avec l'arc-Droit à chaque joint de lit; les intervales de ses paralleles à la rampe, qui restent entre l'horisontale AK, & leurs ses

tions avec les horisontales correspondantes, provenant des points au az as a4 de la ligne FA, seront les reculemens, qu'il saut porter depuis la seconde directrice gd A4 de la sigure 53, sur les joins de lit du dévelopement en 1d 2d 3d 4d, sec. par exemple, suposant que la perpendiculaire 3 y, coupe la ligne y m, provenant du point as, par le moyen de l'horisontale menée par a, jusqu'à la verticale AT, qu'elle coupera en un point au-dessous de u, d'où est tirée la ligne u m, parallele à la rampe RA, l'intervale y m sera porté au dévelopement du point es en 3d, ainsi des autres.

On peut remarquer que les points 3, 2,4, 1, de l'arc Ab, s'avancent ou se reculent vers T, ou vers r, d'une ligne Tr parallele à RA, que l'on a tiré pour ne pas saire le renvoy de ces avances sur la ligne RA prolongée, où les lignes multipliées, auroient causé trop de consusion; d'où il suit que les têtes de doëles plates 14 24, 24 34 se reculent inégalement des lignes droites, qui ont servi de directrices au dévelopement.

It n'est pas nécessaire de parler ici du dévelopement de la fig. 54 a qui est celui de l'échancrure, que le berceau en descente fait par sa pénétration à la surface de celui qui est de niveau, parce qu'il ne differe de ceux dont nous avons parlé aux deux Traits précedent, qu'en ce qu'il est rampant sur son diametre al, dont la position se trouve en portant la corde Ax de la fig. 52, en I l de la figure 54, sur l'inclinée Il, où le point I provient de B. & l du point L. comme la figure le montre.

Le reste du Trait concernant les biveaux de sit & de doële, & de doële plate de descente avec la correspondante de niveau, se sera de même aussi qu'aux Traits précedens.

L'Aprication du Trait sur la pierre sera aussi exactement la mêmes

Nous ne parlons point ici des panneaux de lit, parce que suivant notre méthode ils sont inutiles pour les Voussoirs d'ensourchement, & que pour la face de descente, ils ont été donnez aux Traits des Voutes simples en descente au Probleme XII auquel on pourra avoir recours.

In est visible que si l'arc de face biaise, dont le diametre a été suposé de niveau étoit rampant, & l'arc-Droit de niveau, ce Trait deviendroit beaucoup plus simple & plus facile, parce que le plan de rampe n'ausoit plus qu'une inclinaison; d'où il suivroit que sa section avec l'hou

nison seroit d'équerre en AP, & que le prosil de ce plan ne seroit plus qu'une ligue droite RA.

#### REMARQUE.

L faut ramarquer, que suposant le diametre du cintre de face de niveau, plus il aprochera du parallelisme du côté AB, du berceau de niveau, moins l'arc d'arête d'ensourchement sera rampant; de sorte que si DE étoit plus oblique, comme en DQ, qui est parallele à AB, les impostes de la lunette deviendroient tout à fait de niveau, & au contraire la difference sera d'autant plus grande, que la face aprochera de la perpendiculaire Dr.

## Explication Démonstrative.

Nous avons rendu raison au Probl. XII du Tome précedent, page 178, pourquoi l'obliquité de la face de descente à l'égard de la direction horisontale causoit une double obliquité dans le plan de rampe; il nous reste à rendre raison de la maniere que nous avons employé pour trouver les projections horisontale & inclinée de la rencontre des deux berceaux.

Nous suposons un plan vertical, passant par les naissances  $\Lambda$  & L de l'arc, ou arête de l'ensourchement, & parce que cette arête est àdouble courbure, elle avance en surplomb au-delà de la ligne droite AL, felon des distances horisontales, qu'on auroit pù mesurer par des perpendiculaires sur AL, par les retombées de l'arc. Droit du berceau de niveau BHI; mais à cause que ces avances doivent se prendre le long des joins de lit, qui lui sont obliques, on a décrit le cintre de section oblique parallele à ces lits, qui est la demi-Ellipse Ab K, laquelle représent seule toutes ses égales, qui couperoient les plans verticaux, passans par les projections de lit  $p^1$   $p^2$   $p^3$   $p^4$   $p^4$  p

Considerant ainsi un plan vertical sur la ligne DK, la ligne verticale TA représentera la section du plan vertical sur LA, avec ce premier. & parce que nous avons sait la projection verticale de sa section à l'arc rampant F b' A, & transporté toutes les hauteurs de ses divisions sur TA, il est visible que toutes les lignes menées par ces hauteurs  $f_3$   $f_2$   $f_4$   $f_5$ , parallelement à la rampe RA, représenteront exactement les joins de lit de la descente; par conséquent aussi leur section avec l'arc vertical Ab, du berceau de niveau aux points 3° 2° 4° 1°, lesquels points étant transportez par la projection sur l'horisontale AK, marqueront exactement

exactement les avances de la lunette sur le côté AB, du berceau de niniveau, & parce que cette ligne AK, représente toutes les prolongations des projections des joins de lit, il est visible qu'en transportant les points d'avance trouvez sur chaque joint en particulier, par le moyen des paralleles au côté AB, on les arangera chacun à leur place; par conséquent la projection horisontale de la Lunette est bien faite.

QUANT à la projection inclinée sur le plan de rampe, il est visible que si l'on tire par le point A, le plus avancé de la rampe une ligne A, perpendiculaire à AR, elle pourra être considerée, comme la projection verticale d'un plan perpendiculaire à celui de rampe, qui coupe tous les lits de la descente au dedans, ou au dehors de l'arête d'ensourchement; dans ce Trait cette arête est partie dedans, comme depuis x jusqu'à 2, & partie au dehors comme le joint marqué 3, & comme la section du plan de rampe, avec celui des impostes du berceau de niveau, est donnée en Ag, sur lep lan horisontal par une ligne droite parallele à DE, nous la faisons servir de directrice du dévelopement, parce que la directrice à l'angle droit sur la direction horisontale de la descente tombe au dessous de l'horison en AP, à cause de l'obliquité transversale du plan de rampe, ce qui n'arriveroit pas, si ce plan n'amoit d'autre inclinaison que celle de la descente, suivant sa direction.

#### QUATRIEME CAS.

## Lunette rampante biaise, saite par un Bercean biais en Descente, qui en rachete un autre par le bout.

On peut dire que le Trait, dont il s'agit est le même que les deux précedens avec quelques circonstances disserentes; l'une que le berceau en descente ne rachete pas celui de niveau à ses impostes, ou à ses piédroits; mais au dessus dans la Voute même; l'autre que le biais est suposé si grand, que la direction horisontale de la descente fait un angle très oblique avec celle du berceau de niveau.

Sur cet exposé il semble inutile d'en donner un exemple; mais parce que le P. Deran s'y est brouïllé plus que son Graveur, dont il se plaint, & que Mr. de la Ruë n'en a rien dit, j'ai cru que je ne devois pas en faire de même, sans cependant m'attacher à corriger le Trait du P. Deran; parce qu'ayant suivi une méthode differente de la sienne dans les descentes, je ne dois pas m'en écarter ici; mais au contraire en taire voir l'étendue à toutes sortes de cas, & la facilité.

Tom. IL

PL. 79. Sort (fig. 55.) ABED, le plan horisontal de la lunette, percée dans un mur, qui termine obliquement & en descente, ou si l'on veut perpendiculairement un berceau de niveau lVXK, dans lequel la lunette soit percée obliquement, en sorte que la direction horisontale DK, fasseun angle fort aigu ADI, ou sort obtus FDK, avec celle du berceau de niveau.

IL faut ici, comme par-tout où il peut y avoir plusieurs cintres, se déterminer au choix du primitif, faisant attention aux changemens, que cause le cintre de face, donné de niveau rampant; car s'il est de niveau l'arc-Droit sera rampant, & le plan de l'Abajour incliné au plan vertical, & comme cette inclinaison est désagréable à la vûe par dedans, nous suposerons le diametre de l'arc-Droit de niveau circulaire, ou si l'on veut elliptique, dont un des axes soit de niveau.

Sort donc *abb'*, l'arc-Droit de la descente divité en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, par lesquels on menera autant de paralleles à sa direction horisontale, qui rencontreront le côté KX, du berceau de niveau aux points LMNOP, par lesquels on élevera des perpendiculaires au côté de la descente DA, prolongé en K, qui couperont ce côté aux points l, m, u, o, p.

Sorr aussi le demi-cercle FHG, l'arc-Droit du berceau de niveau sait sur une ligne FG, perpendiculaire aux côtez IV, KX, prolongez en F&G.

On fera sur KD, comme grand axe, & avec CG ou CH, pour petit axe, anne Ellipse K aD, qui sera la section oblique d'un plan vertical, passant par la direction DA prolongée, sur laquelle ellipse on pourra former un panneau ou une cerche, pour en repéter le contour, en traçant à chaque joint des Ellipses égales, comme nous le dirons ci-après.

On fera ensuite le profil de la descente sur la ligne KD, prenant la ligne DR pour hauteur donnée jusqu'à l'imposte la plus basse de l'arc de face, qui sera rampant suivant notre suposition de l'arc-Droit donné, & l'angle DR, égal au complément de celui de la descente, qu'on suposé aussi donné, ou pris à fantaisse.

Du point R pour centre, & de l'intervale .  $ca^r$ , de l'arc - Droit, suposé circulaire, on décrira un quart de cercle q 1 2 S, terminé par RS, perpendiculaire sur p R, & divisé également aux points 1, 2, S, comme l'arc-Droit aux points 1, 2, b, & par les points 1, 2, S, on menera des paralleles à la ligne de rampe p R, prolongées indéfiniment, comme  $\int S$ , 2  $\int S$ , 1  $\int S$ , par le bas, & poussées vers le haut jusqu'à la ligne DT, lesquelles lignes seront les projections verticales des

joins de lit équivalentes chacune à deux; sçavoir, au joint de la droite, & de la gauche du berceau, parce qu'on supose le plan de rampe pR, perpendiculaire au plan vertical, & les assisses de droite & de gauche d'égales hauteurs, par conséquent qu'un même plan passe par les joins de lit, paralleles au plan de rampe.

CELA suposé.

Ayant posé le bout du panneau, ou de la cerche, faite sur l'Ellipse KSD, on marquera le point a, où son contour coupe la ligne de rampe pR, pour la naissance la plus basse de l'arête de la lunette, dont le point A est la projection.

On fera ensuite couler le panneau ou cerche sur l'axe horisontal KD; en sorte que le point K soit avancé en l, où la perperdiculaire L l coupe l'axe KD, alors le contour de cette cerche coupera la projection verticale du premier joint 1 l au point 1 l.

On séra de même couler le même panneau sur KD; en sorte que son bout K soit posé en m, & l'on marquera le point  $2\ell$ , où son contour coupe la seconde ligne, qui est la projection verticale du joint  $22^f$ , on le poussera ensuite en n, pour marquer sa rencontre avec la troisième  $33^f$ , au point  $3^f$ , on continuera à le faire couler en o, pour marquer l'intersection de la même ligne au point  $4^\ell$ ; ensin on le poussera en p, pour avoir l'intersection avec la ligne de rampe en b, qui sera la naissance haute de la lunette, dont B est la projection.

Par tous les points trouvez, on menera des lignes droites, qui seront les cordes des doëles plates à l'enfourchement, & si l'on mene une ligne courbe arondie de l'un à l'autre, on aura la courbe a 1/213/4/b, qui se croise en », ce qui marque qu'en cet endroit, il y a deux points oposez qui sont de niveau, parce que cette courbe est la projection verticale de l'arête de l'enfourchement de la lunette.

Par le moyen de cette Courbe, on fera la projection horisontale, en abaissant de tous ces points des perpendiculaires, qui rencontreront les projections horisontales des joins de lits correspondans, où se trouve un des chifres, sçavoir a A, donnera le point A sur l'imposte AD; 1<sup>f</sup> 1<sup>p</sup>, donnera le point 1<sup>p</sup> sur la projection 1 L, la ligne 2<sup>f</sup> 2 p, donnera le point 2<sup>p</sup> sur 2 M, 3<sup>f</sup> 3<sup>p</sup>, &c.

ET par tous les points trouvez A, 1<sup>p</sup>, 2<sup>p</sup>, 3<sup>p</sup>, 4<sup>p</sup>, B, on tracera la projection horisontale de l'arête d'enfourchement de la lunette, & l'épure sera faite.

Les panneaux de doële plate de la descente auront leur longueur donnée par le profil, & leur largeur sur l'Arc-Droit; ainsi on comptera de part & d'autre de la ligne RS, qui est la projection verticale de l'arc-Droit les longueurs Ra, Rb, la longueur o 1<sup>l</sup> sera le second côté du premier Voussoir, dont la largeur sera la corde q 1 ou d 1, au plan d'bb!, en continuant à compter seulement depuis l'arc-Droit, on aura les longueurs o 1<sup>l</sup> & o 2<sup>l</sup>, pour le second Voussoir avec la corde de l'arc-Droit 1·2 pour largeur, & ainsi des autres qu'on peut prendre & ranger desuite en dévelopement, comme on a sait à la sigure 52, de la planche précedente.

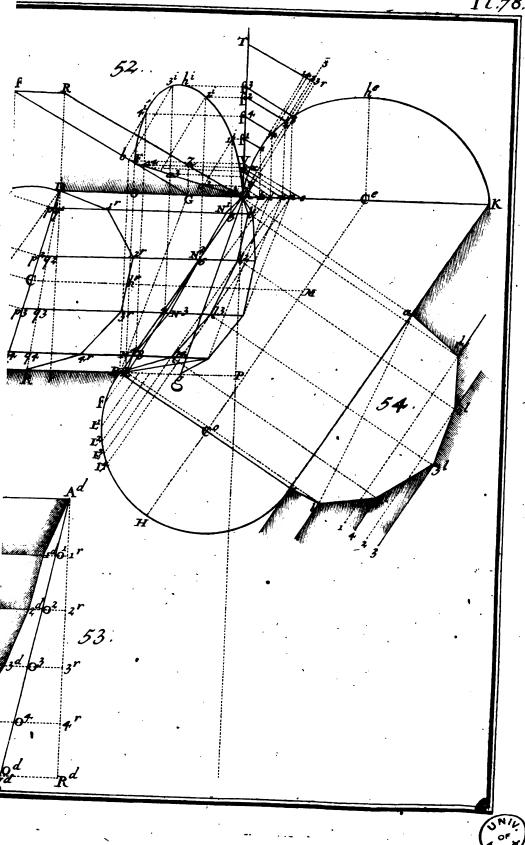
Les panneaux de doële plate du berceau de niveau se trouveront par le moyen du dévelopement de la projection horisontale, suivant son arc-Droit FHG, lequel donnera l'intervale des lignes A a, 1, 1, 1, mesuré par la corde a 1, l'intervale des lignes 1, 1, 2, 2, par la corde 1, 2, & ainsi des autres directions du berceau de niveau jusqu'à son arc-Droit, comme nous l'avons dit aux trois Traits précedens, dont celui - ci n'est qu'une espece de repétition.

Les biveaux de doële à l'enfourchement se trouveront de même qu'il a été dit au Probleme quatorzième, du troisième Livre, & cidevant page 72.

ET enfin les biveaux de doële & de lit se trouveront sur l'arc-Droit aux angles 3 1 x, 1 2 y, ce qui suffit pour tailler toutes les faces des Voussoirs.

#### COROBLAIRE.

De cetté construction suit la maniere de faire les abajours en limette sentieres, ou en façon de puits inclinez, tels que sont ceux des Tours Bassionnées de Landau; il ne s'agit que de faire les profils & projections verticales & horisontales du berceau en descente dans un double contour au lieu qu'ici ils n'est qu'à moitié, suposant le cintre de face, comme l'on voudra; mais si on le fait circulaire comme ausdites Tours, l'arc-Droit devient une Ellipse si surbaissée à cause de la roideur de la ligne de rampe, qu'il donnera très peu de jour; ce raport de l'arc de face & de l'arc-Droit a été suffisamment expliqué au Probleme XII. du Tome précedent, en traitant des Voutes simples en descente.



ņ . 2 ۲.

#### CINQUIEME CAS.

## Lunette ou Berceau en descente, qui en rachete un de Niveau par le bout, suivant la même Direction.

Nous avons suposé dans le cas précedent, que les directions horisontales de la descente, & du berceau de niveau se croisoient, ici nous suposons que quoique l'axe de la descente fasse un angle avec l'horison, cet angle est dans un plan vertical parallele à la direction du berceau de niveau; cette différence ne change pas la nature de la courbe d'arête de rencontre des doëles, qui est toujours une Ellipsimbre, par le Theor. XIX. du premier Livre, mais elle change un peu la construction du Trait.

Sorr fig. 56, XC Paxe du berceau de niveau, & Mm, la projection F shorifontale de celui en descente, qui lui est parallele (par la suposition) à la distance donnée cm.

Sorr DE, le diametre du berceau de niveau, dont le milieu est C, on portera la distance cm de C en c, où sera le milieu du diametre du berceau en descente vû par le bout.

Du point C pour centre, on décrira l'arc-Droit du berceau de niveau, que nous suposons un demi-cercle, ou une demi-Ellipse AHE, & du point c on décrira le cintre primitif A b B, du berceau en descente, quel qu'il soit, circulaire ou elliptique, pris à l'arc-Droit, ou à l'arc de face Droite, lequel sera divisé en ses Voussoirs au point 1,2,3,4, par lesquels on menera des verticales A a<sup>n</sup>, 12<sup>1</sup>, 22<sup>2</sup> 32<sup>3</sup>, 42<sup>4</sup>, B b<sup>n</sup>, qui couperont le cintre du berceau de niveau aux points 2<sup>1</sup>, 2<sup>2</sup>, 2<sup>3</sup>, 2<sup>4</sup>, pour lesquels on menera des paralleles à DE indéfinies.

Sur l'horisontale N a on sera l'angle de rampe donné NGR, dont le sommet G sera à volonté, & par le point R de hauteur donnée pon abaissera la verticale R b.

Du point R pour centre, on divisera le quart de cercle on d'Ellipse S b, tel que doit être l'arc-Droit de la descente, suivant le cintre primitif donné, & par ses divisions 1'2', on menera des paralleles à la rampe, qui couperont les correspondantes horisontales tirées par les points a<sup>n</sup>, 2<sup>1</sup>, 2<sup>2</sup>, 2<sup>3</sup>, 2<sup>4</sup>, b<sup>n</sup>, & dans la suposition que le diametre de l'arc-Droit de la descente soit de niveau, chacune de ces inclinées répondra à deux des horisontales, dont nous parlons; ainsi la ligne de rampe RG coupera l'horisontale provenant du point a<sup>n</sup> en G, &

celle qui provient du point  $b^n$  en f; ainsi les points f & G sont les profils des naissances de l'arête de rencontre des doëles des deux berceaux; de même l'inclinée passant par le point 1', coupera les deux horisontales provenant des points 2' & 2+ aux points 1", 4", & l'inclinée passant par le point 2', donnera les intersections des horisontales provenant des points 2° & 2³ en 2" 3", la courbe  $f 4^n 3^n 2^n 1^n G$  sera le profil de l'arête de rencontre des berceaux.

In sera facile de faire aussi la projection horisontale de la même arête, par le moyen des mêmes points du profil.

AYANT fait la projection horisontale du berceau en descente à l'ordinaire, par le moyen de ses retombées  $A p^1 p^2 c$ , &c. placée parallelement à la ligne de base de rampe NG, comme en a o q b, on abaissera par tous les points du profil f 4" 3" 2" 1" G, des perpendiculaires, qui couperont celles de la projection horisontale aux points F,  $I^1$ ,  $I^2$ ,

Nous avons suposé que l'arc-Drott étoit de niveau, mais s'il ne l'étoit pas, & que le plan de rampe sût incliné, comme aux descentes biaises, dont la face d'entrée est de niveau, il faudroit faire le profil du plan de rampe comme nous l'avons fait au troisième cas de ce Probleme, ce qui ne change rien au Trait; mais qui le rend seulement un peu plus composé.

Les projections verticales, & horisontales de l'arête de lunette étant données, il est clair que l'on a tout ce qui est nécessaire pour former les panneaux; car les longueurs de leurs côtez, & la difference des avancemens & reculemens de leurs têtes sont données au profil, & l'intervale de ces côtez, c'est-à-dire, la longueur des panneaux est donnée à l'ordinaire à l'arc-Droit.

Les Biveaux de lit & de doële sont aussi donnez au même arc-Droit. & les biveaux de rencontre des doëles plates à l'enfourchement se trouveront de la même mainere, qu'il a été dit au premier cas des descentes page 72.

L'aplication du Trait sur la pierre par panneaux sera aussi la même qu'à tous les cas précedens; mais pour abreger on peut le saire plus simplement par la voye de l'équarrissement

Autrement par Equarrissement.

Fig. 57. L'epure étant tracée comme nous venons de le dire, & la pierre

destinée au Voussoir qu'on veut faire étant choisse de grosseur convenable, on y fera deux paremens à l'équerre l'un à l'autre, sçavoir un pour servir de suposition horisontale LDA, l'autre par conséquent fera en suposition verticale EFAD, passant par l'arête du joint de lit du berçeau de niveau.

Suposant, par exemple, qu'on veuille faire un Voussoir du second rang, on prendra la retombée 21 %, qu'on portera perpendiculairement à l'arête AD, dans le lit horisontal, pour y tracer une parallele glà cette arête.

On prendra de même la hauteur 2<sup>2</sup> x de cette retombée, qu'on portera au plan vertical sur DA en BK, pour y tracer aussi une parallele KG; ces deux paralleles seront les arêtes des joins de lit de desfous & de dessus.

Ensuite on prendra avec la fauterelle, le suplément de l'angle de la descente qui est l'angle obtus  $2^1$  1°, pour le tracer sur le parement vertical en ABC, & par le point C, on tirera C m parallele à DL, sur le parement vertical, où se termine le Voussoir, & l'on abattra la pierre quarrément, suivant la ligne inclinée BC, & cette parallele C m; après quoi on portera sur l'arête C m, la longueur  $2^1 x$  de la retombée, & sur l'arête CE, celle de sa hauteur  $2^2 x$ , trainant sur ces deux paremens leurs longueurs parallelement, ou ce qui est la même chose, leur menant des paralleles qui marqueront les arêtes des doëles, & des lits de dessous & de dessus, & leur rencontre avec celles qu'on avoit tracé sur le lit horisontal gh, & sur le lit vertical rq, & l'on abattra la pierre pour le grand berceau, suivant la cerche de l'arc  $2^1 2^2$ , & pour celui de la descente, suivant la cerche de l'arc  $1^2 2^2$ .

La rencontre des doëles formera l'arête d'enfourchement, comme par hazard fans qu'on en connoisse la Courbe.

In ne reste plus qu'à former les lits, suivant les biveaux mixtes de lit & de doële, pris sur les arcs-Droits des deux berceaux.

A l'égard de la face on la fera comme nous l'avons dit des Voutes fimples, au Probleme XII. du deuxiéme Tome, auquel nous renvoyons aussi pour la situation des joins de doële & de tête.

#### Explication Démonstrative.

CE Probleme & le précedent sont fondez sur notre méthode génerale, qui est de couper les voutes par des plans paralleles entreux. Au précedent nous avons coupé le berceau en descente, par des plans verticaux paraileles à son axe, qui ont donné dans cette Voute cylindrique inclinée à l'horison des parallelogrames, & dans la Voute horisontale des Ellipses.

Ici, comme la direction horisontale des deux Voutes quise rencontrent est la même, la section faite par un plan vertical, passant par l'axe ou parallelement à l'axe de la descente, est aussi parallele à la section par l'axe du berceau de niveau; ainsi dans les profils des joins de lit, il ne se rencontre que des lignes droites, qui sont les côtez des sections en parallelogrames, dont la rencontre donne les points du contour de l'arête d'ensourchement, qui est une Ellipsimbre.

It faut seulement remarquer pour l'intelligence de l'épure, qu'il y a de trois sortes de desseins rassemblez. 1°. La projection horisontale de la lunette F lg. 2°. La verticale du profil G 1° 2° 3° 4° f, saite sur un plan vertical parallele à la direction M m de la descente. 3°. L'élevation DHE & A s B, saite sur un plan vertical AYB parallele à l'arc - Droit, représenté au plan horisontal par la ligne ab & AYB, au profil par la ligne H² R, laquelle élevation doit être censée tournée perpendiculairement à la direction des deux voutes; en sorte que son plan seroit représenté en profil par la ligne ff D,

It faut encore remarquer que cette élevation n'est faite que pour trouver des points correspondans du cintre primitif AbB, dans le cintre de l'arc-Droit du berceau de niveau DHE, sans égard à la hauteur respective de leurs diametres, qui sont rassemblez sur une même ligne DE, quoiqu'ils soient éloignez (si l'on veut) de toute la distance des points D&R, ne s'agissant que de la position du centre c, à l'égard de la distance horisontale du centre C, prise sur une perpendiculaire à la direction horisontale de la descente.

Enfin, que le cintre primitif A b D qui sert à l'arc-Droit, n'est pas dans sa situation naturelle dans cette élevation, où il devroit être incliné suivant la ligne RS du prosil; mais comme on le supose couché à angle droit sur la ligne DE, & que le diametre AB est commun au diametre de la face, il est indisserent qu'il soit racourci par la projection en ASB, pussque la ligne cb étant à l'angle droit sur DE, sera toujours dans le même plan vertical étant inclinée, ou bien verticale de même que toutes ses paralleles 1 2<sup>1</sup>, 2 2<sup>2</sup>, 3 2<sup>3</sup>, 4 2<sup>4</sup>, A B b<sup>n</sup>, donc les plans verticaux passans par ces lignes, donneront toujours les mêmes points e<sup>n</sup>, 2<sup>1</sup>, 2<sup>2</sup>, 2<sup>3</sup>, 2<sup>4</sup>, b<sup>n</sup>, dans l'arc-Droit DHE, du berceau de niveau, de même que dans le cintre de face surmonté, qui est représenté

. • • • n •

par la demi-Ellipse AYB, dont le petit axe AB est commun à l'arc-Droit, par consequent les arcs 21 22 23, &c. sont bien correspondans aux arcs 1'2, 2'3, &c. du centre primitif compris entre les sections des plans paralleles, qui passent par les joins de lit, ce qu'il falloit trouver pour en avoir les retombées & les hauteurs.

### CHAPITRE SECOND. DES RENCONTRES DES VOUTES Cylindriques avec les Coniques.

ES Voutes coniques en demi-Cônes completes qui sont les seules Trompes, ne sont pas sort communes, mais les voutes & murs en portion de Cônes tronquez, sont très fréquentes dans l'Architecture Militaire, telles sont les embrasures, les Flancs concaves, les Orillons convexes, les Tours, les Contrescarpes arondies au devant des angles saillans, &c. dans lesquelles sont percées des Portes ou des embrasures; nous allons parcourir tous les cas des rencontres des Cônes avec les Cylindres.

#### PROBLEME. III.

# Faire l'Arête de rencontre d'un Berceau quelconque avec un Mur ou une Voute conique.

On peut considerer un berceau comme étant de niveau, ou incliné en descente, rachetant une Tour en Talud, ou comme étant racheté par une lunette où une Voute conique; dans le premier cas le Cylindre pénetre le Cône, dans le second le Cône pénetre le cylindre.

#### PREMIER CAS.

# Porte Droite ou biaise en Tour ronde, ou creuse es en Talud.

Sort (fig. 59) l'arc de cercle ou d'Ellipse KXO, la base horisontale Pr. 80. d'une portion de Tour creuse en Talud, comme un arondissement de Fig. 59. contr Escarpe dans laquelle est percée une Porte en Berceau, dont la projection est ADEB, droite ou biaise, c'est-à-dire, dont l'arc CX passe par le centre C' de la Tour, qui est au bas de la planche, ou n'y passe pas; nous choisissons ici pour exemple une Porte biaise. parce qu'elle est un peu plus difficile que la Droite, & qu'il sert pour les deux especes de Portes. Tom. IIL

M

On commencera par se déterminer au choix du cintre primitif, qui peut être pris en quatre ou cinq differens endroits & situations, comme nous l'avons dit des Portes en Tour ronde sans Talud. 1º. Sur un plan vertical ou en Talud, passant par la corde AB. 2º. Sur l'arc AXB rectifié. 3°. Sur le même dévelopé en base de dévelopement du Cône. 4°. Sur l'arc-Droit.

Le P. Deran & après lui M. de la Rue, prennent pour cintre primitif l'arc de dévelopement de la base du Cône, pour pouvoir faire les têtes des Voussoirs axactement égales.

Dans les Fortifications on prend ordinairement l'arc-Droit pour cintre primitif, parce qu'on veut que les Voutes soient intérieurement en plein cintre.

Ici nous prendrons ce cintre sur la corde AB, en situation verticate, ou inclinée en Talud, parce qu'ordinairement les inégalitez qui en résultent aux têtes des Voussoirs, pour peu qu'ils soient d'un nombre au dessus de cinq, ne meritent pas qu'on y fasse attention, lorsque le diametre de la porte est peu considerable, comparé à la circonference de la Tour, ce qui arrive ordinairement, & l'on peut dire que l'operation pour faire des têtes égales, suivant le Trait des Auteurs, est une délicatesse suivant le Trait des Auteurs, est une délicatesse suivant le Trait des Auteurs, est une déli-

Par un point D pris à volonté sur un des piédroits AD, on menera DE parallele & égale à AB, ce qui n'est pas dans la figure, mais qu'il faut suposer, sur laqu'elle on décrira le cintre primitif D bE, circulaire ou elliptique, puis l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, & abaissé des perpendiculaires sur son diametre, on menera par leurs projections p<sup>1</sup>, p<sup>2</sup>, p<sup>3</sup>, p<sup>4</sup>, des paralleles à la direction de la Voute, qui serviront à trouver l'arc-Droit DrR, & la projection de l'arête à double courbure de la face de la Porte en A b'B, comme il suit.

Ayant élevé sur ED prolongée, une verticale DV, par un point D pris à volonté, on tera l'angle du complément du Talud VDE, puis on menera par tous les points des divisions du cintre primitis 1, 2, 3, 4, des horisontales, qui couperont la ligne VD aux points  $v^1$ ,  $v^2$ , & le profil du Talud FD, aux points  $f^1 f^2 F$ , qui donneront les reculemens, scavoir VF pour le milieu de la clef,  $v^2 f^2$  pour les lits de dessuséme & quatriéme Voussoirs, &  $v^1 f^1$  pour les premier & cinquiéme, & de même  $f^2$  &  $f^2$  pour l'extrados.

It faut remarquer que les longueurs de ces reculemens dimine-

roient, si le cintre primitif avoit été pris sur un plan incliné au Talud, au lieu du plan vertical que nous suposons; car alors il faudroit porter la longueur DV en DY, sur FD, & tirer Y y parallele à FV; on voit que le reculement du milieu FV est plus grand que le même pris en Yy, ainsi des autres reculemens correspondans aux divisions 1, 2, 3, 4, des joins de tête, comme il a été dit au Tome IL en parlant des Voutes simples de face en Talud.

On portera ensuite tous ces reculemens du Talud sur une ligne AL, qu'on fera perpendiculaire à l'arc AXB, qui est une portion de la base de la Tour, concave, en sorte que cette ligne AL étant prolongée, passe par le centre C' de la Tour, si elle est circulaire, ou que cette ligne soit perpendiculaire à la tangente en A, si cette base est elliptique; ainsi l'on portera VF en AL, V<sup>2</sup>f<sup>2</sup> en A 2<sup>4</sup>, V<sup>1</sup>f<sup>1</sup> en A 1<sup>4</sup>, & par ces points 1"2" L, on tracera des arcs concentriques à l'arc AXB, qui couperont les projections des joins de lit aux points \*, 12, 13, 14, par lesquels on tracera à la main la courbe A & B, qui sera la projection horisontale de l'arête de rencontre du mur en Talud avec la doële du berceau que l'on cherche, laquelle projection est suffisante pour tailler la Porte par Equarrissement, ce qui est le plus convenable & le plus commode.

On peut aussi operer par le moyen des panneaux flexibles, mais sans autre avantage, que celui de pouvoir faire les têtes exactement égales en œuvre, parce qu'il faut que la surface conique concave, ou convexe de la partie de la Tour que comprend chaque Voussoir, soit faite par la voye de l'équarrissement, avant que de pouvoir y apliquer le panneau pliant, dont on doit tracer le contour.

Nous avons fait remarquer ailleurs que la méthode du Pere Deran & après lui de Mr. de la Ruë, de former le dévelopement de la base du cône n'étoit pas convenable à la pratique, parce que l'extrême longueur du rayon de l'arc de cercle, qui doit exprimer ce dévelopement, la rend d'une exécution très embarrassante, & ordinairement defectueuse, auquel cas il faut avoir recours à notre Probl. huitiéme, du troisiéme Livre.

IL s'agit de trouver le contour dm e, (fig. 58.) moins concave que Fig. 58. KXO, de la base de la Tour creuse; mais qui en soit le dévelopement, sur lequel arc il faut prendre la partie a mb, égale au contour de l'arc AB, de la base de la Porte; pour cet effet il faut saire CF perpendiculaire sur CS, & égale au rayon C'A, de la base de la Tour, auquel on ajoûtera le plus grand reculement fo Vo de l'extrados de la

fig. 59, puis faisant l'angl CF d égal à celui du Talud donné, on prolongera le talud FD ou Fd, jusqu'à ce qu'il rencontre l'axe CS en S, où sera le centre des arcs de dévelopement, qui doivent passer par toutes les hauteurs des divisions de la Porte, ainsi l'arc d m e sera celui du pied de la Tour, sur lequel on prendra par petites parties une longueur a m b, égale à l'arc AXB, du piéd de la Tour; c'est le Trait des Auteurs citez.

Pour montrer l'inconvenient, l'embarras & le peu de consequence de cette operation.

Suposons un cas très ordinaire, qui est celui d'un arondissement de contrescarpe de dix toises de rayon, & un sixième de talud, le rayon de secteur du dévelopement aura environ 61 toises, c'est-à-dire 366 piéds, avec laquelle longueur il saut faire un simbleau pour tracer l'arc demandé pour la base de la Porte, qui est ordinairement très petite, dans le cas dont nous parlons, mais qui ne seroit encore rien quand on la suposeroit de la grandeur d'une Porte-cochere; de sorte que suposant qu'on veuille s'assujetir à la minutie de ce dévelopement, on trouvera qu'un arc dont la corde ne peut être tout au plus que de 8 pieds, ne differera pas sensiblement de sa corde.

En ce cas on n'a rien de mieux à faire que de chercher trois points de cet arc par le Probl. VIII. du troisiéme Livre, & ensuite le tracer fans le secours du centre par le Probl. I. du deuxiéme Livre; mais il faut avoüer qu'à moins que la Tour ne sût d'un fort petit diametre, & la Porte très grande à son égard, ce séroit s'amuser à la bagatelle.

Fig. 60 & Cer arc de base dévelopée, sera un peu concave à la Tour creuse, comme la moitié da Ca, de la sig. 60, & convexe à la Tour ronde, comme à la moitié Cabe de la sig. 61.

Du milieu de cet arc, on décrira le cintre primitif a bb, qu'on décrira en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, mais de ces points, on n'abaissera pas des aplombs suivant l'usage ordinaire, on tirera des lignes au centre de l'arc de dévelopement, comme 1 b¹, 2 b², &c. qui seront convergentes; on en sera de même pour les points d'extrados 5° 6° &c. lesquelles lignes resserrement aussi cette espece de projection à la Tour creuse, & l'élargiront à la Tour roude, comme on voit aux sig. 60 & 61; & comme le centre, où il faut tirer ces lignes, sera sans doute hors de la place où l'on tracera l'épure, il faudra avoir recours au Probl. I. du troisséme Livre; ainsi on se donne bien des operations, sans aucun avantage, qu'une régularité de division des

Voussoirs en œuvre, qu'on trouve à très peu près par la voye de l'équarrissement.

CETTE élevation de face déployée étant faite, on tirera du centre C'de la Tour, une ligne AL, avec laquelle on fera l'angle du talud T l, & l'on portera sur la ligne AT les longueurs des lignes  $1 \ b^1$ ,  $2 \ b_2$ , &c. aux points A  $f^1$ , A  $f^2$ , & par les points  $f^1$ ,  $f^2$ , on abaissera des perpendiculaires sur AL, qui la couperont aux points  $u^1$ ,  $u^2$ , par les fausses on tracera des arcs concentriques à la Tour, qui couperont les fausses projections tirées par les points  $b^1$ ,  $b^2$ , C<sup>4</sup>, &c. de la fig. 60, comme on a fait à la fig. 59, en suposant le cintre primitif de la figure 60 ou 61; placez en D b E de la figure 59, & l'épure sera achevée.

## Aplication du Trait sur la Pierre par Equarrissement.

AYANT dressé un parement a b c d, sig. 62, de suposition horisontale, par exemple, pour former le Voussoir de la seconde assise, qui passe par les points 1, 2, du cintre primitif, on en dresser un second à l'équerre du premier, qui sera donc suposé aplomb comme b ce f, & l'on en fera un troisième efgb, jaugé au premier à la hauteur totale 6 n.

Puis on levera un panneau sur la projection  $q^2 \approx t_1 k d q^2$ , on l'apliquera sur le premier lit horisontal pour en tracer le contour, qui sera un Pentagone irrégulier & mixte.

On prendra ensuite la retombée 1 g de la fig. 59, qu'on portera au premier lit quarrément à l'arête b c, en t' 1', de la fig. 62, & la hauteur 2g de la même retombée, au dessius de la même arête b c en 22', pour tracer la ligne 22'; ensuite on abattra la pierre entre ces deux lignes t', t' & t' 2 2' en portion de doële creuse cylindrique, par le moyen d'une cerche formée sur l'arc  $1 \cdot 2'$ , de l'arc-Droit de la fig. 59.

On posera ensuite le même panneau du lit de dessous au lit de dessus pour y tracer l'arc  $t^1 t^2$ , de la portion de l'arête de la Porte, & par le moyen d'un autre panneau, on tracera l'arc circulaire i  $t^6$ , qui n'est pas parallele à  $t^1 t^2$ .

On abattra la pierre quarrément, suivant l'arc e 2, tracé au lit de dessus, & par cette operation on formera une portion cylindrique verticale, qui coupera l'horisontale qu'on vient de faire suivant l'arête inclinée,

qui répond à celle de l'arc 1' 2 de l'élevation, en cet état la tête du Voussoir seroit faite, si la face n'avoit pas de talud, mais comme il y en a suivant l'arc circulaire tracé au lit de dessuiré, il faut abattre la pierre à la régle entre cet arc i se, & l'arête déja faite pour former la surface conique en talud, ensin avec les biveaux mixtes de lit, & de doële 1' 2' 6', pris à l'arc-Droit pour le lit de dessus, & 2' 1' 5', pour celui de dessous, on achevera la pierre, faisant le joint se K aplomb, suivant la ligne du panneau, qui a été tirée du centre C de la Tour, & la pierre sera achevée, comme elle est representée à la Fig. 63.

Fig. 63.

J'ai entré ici dans un grand détail de la coupe, & de l'aplication du Trait, parce qu'il s'agit d'un ouvrage qui est très fréquent dans les Fortifications, où les Portes des Galeries de Mines sont ordinairement percées dans les arondissemens des contrescarpes, où il convient qu'elles soient d'une direction biaise pour dévoyer la Galerie de dessous la capitale, contre ce qu'ont pratiqué certains Directeurs, peu dignes de l'être, qui ont suivi autant qu'ils ont pû la direction de la Capitale; or je sçai que bien des gens qui ne sçavent point la coupe des pierres, & qui ne sont pas rares, se sont trouvez très embarrassez pour l'exécution de ces Portes, & n'en sont venus à bout qu'en traçant les Voussoirs sur les cintres, & les descendant & remontant à plusieurs reprises, pour les présenter & ragréer, travail inutile & long, qu'on s'épargne quand on sçait s'y prendre; il arrive même souvent que dans ces tâtonemens, on coupe, c'est-à-dire, on gâte la pierre en pure perte; de sorte qu'un seminaire des servers la coupe des pierres, alors on sent qu'un seminaire a besoin de sçaveir la coupe des pierres.

# Aplication du Trait par Panneaux.

Pour faire usage des panneaux, il faut les tracer sur une matiere flexible comme du carton, & faire une portion de surface conique de la Tour, suivant la projection du reculement des arcs concentriques de la même Tour, comme 21, 22, & apliquer sur cette partie le panneau de tête du Voussoir demandé, tel qu'il est tracé aux sig, 60 ou 61, pour les Tours creuses, ou rondes; en quoi l'on voit que cette pratique, dont j'ai sait voir l'embarras ne donne aucun avantage sur celle de l'équarrissement, puisque pour faire cette portion de surface conique, il faut en prendre le base inférieure & supérieure, comme on a sait au Trait par équarrissement, & qu'ensin si l'on veut se piquer d'exactitude, il ne saut pas (suivant l'usage des Auteurs) saire les joins de tête en ligne droite, puisqu'ils sont les dévelopemens des arcs de quelqu'une des sections coniques, lesquels dévelopemens sur

la furface du cône sont toujours des lignes courbes; ainsi le meileur est de faire ces sortes de Portes, par la premiere méthode de l'équarrissement.

# Deuxiéme Situation du Berceau à l'égard du Cône, lorsque le Berceau est incliné à l'horison.

En termes de l'Art.

### Descente Droite ou biaise en Tour ronde, ou creuse es en Talud.

Nous avons choisi pour exemple dans le Trait précedent la Tour creuse, ici nous choisirons la Tour ronde, & la Porte biaise.

It est clair, par ce que nous avons dit ci-devant, qu'on peut prendre le cintre primitif en six endroits disserens. 1°. Sur un plan vertical situé de deux manieres, ou perpendiculaire à la direction horisontale de la descente. 2°. Ou biais à cette direction, suivant l'obliquité de la corde AB, de l'arc horisontal de la Tour que la Baye de la Porte comprend. 3°. Sur un plan incliné situé aussi de deux manieres, ou à l'arc-Droit qui est perpendiculaire au plan de la rampe de la descente, par conséquent incliné à l'horison. 4°. Ou sur la corde AB dans un plan incliné, suivant le talud de la Tour. 5°. On pourroit compter une cinquieme position, qui seroit sur un plan perpendiculaire à la direction horisontale par sa base; mais incliné suivant le talud de la Tour. 6°. Ensin on peut sormer le cintre primitif sur la surface du cône dévelopée en surface plane, pour pouvoir faire les divisions des Voussoirs exactement égales, comme il a été dit au Trait précedent.

Nous choisissons ici la plus simple, & la plus convenable pour la pratique, qui est de faire le cintre primitif sur la corde AB, ou ce qui revient au même sur la tangente TN, qui lui est parallele & égale en DE sur un plan vertical.

Soit (fig. 64.) l'arc OBA, une portion de la base de la Tour, & le quadrilatere mixte IABK, la projection horisontale de la descente p<sub>L</sub>, 81. dans la Tour, laquelle Porte est ici biaise, parce que la direction de Pig. 64. son milieu CM ne passe par le centre C' de la Tour.

IL en est ici comme aux descentes biaiser simples, on peut faire l'arc de face de niveau ou rampant; suposant qu'on veuille le faire de

niveau, on menera par le point K du piédroit qui avance le plus une ligne KL parallele à AB, qui coupera le piédroit AI, prolongé en L.

On fera ensuite le profil de la Tour & de la rampe, pour celui de la Tour on fera l'angle LAS, égal à celui du talud donné, comme au cinquiéme ou sixiéme de la hauteur, & pour celui de la rampe, on fera l'angle ALF égal à celui du complément de la descente, dont le côté LF coupera le côté AS de la Tour en F, par où on memera une horisontale FG, pour la position des impostes de l'arc de face, où il faut trouver le point G de l'imposte, qui répond au point B du plan horisontal.

Par le point K on menera une perpendiculaire sur AL prolongée. qu'elle coupera en k, par où on menera k G parallele à LF, qui doanera sur l'horisontale FG le point G d'intersection, où sera l'imposte qui répond à B.

On fera ensuite sur AB, ou sur son égale DE comme diametre, le cintre de sace DbE, & son extrados THN; l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on abaissera sur ce diametre des perpendiculaires  $1 p^1, 2 p^2$ , &c. & ensuite onsera les projections des joins de lit  $p^1 q^1$ , qui couperont l'arc ACB, aux points  $o^1, o^2, o^3, o^4$ , par lesquels on menera des perpendiculaires sur LA, qui couperont cette ligne en des points que je n'ai pû marquer dans la figure pour éviter la consusson; mais seulement le point b provenant de B, j'apellerai les autres  $b^1$ ,  $b^2$ , &c, par lesquels on menera des lignes au sommet du cône, qui est à la rencontre de la ligne du talud AS, avec celle d'aplomb qui passe par le centre  $C^2$ , comme on se voit à la figure 65 en S.

Mais comme ce sommet du cône S peut être très loin selon la largeur de la Tour, & la roideur du Talud, il seroit fort incommode de l'aller chercher hors de la place où l'on trace l'épure; alors il saut avoir recours au Probl. L du troisséme Livre, page 286.

Suposant ces lignes que j'apelle des bS tirées sur le Profil; on décrira sur GF prolongée pour base la moitié du cintre primiris CD b en cD'b', avec ses divisions 14, 23, par lesquelles on menera des paralleles à FG, qui couperont chacune deux lignes correspondantes bsS, bsS, bsS, aux points 1.2.3.4, du profil, par lesquels on tracera à la main la courbe F 1.2 b 3.4 G, qui sera la projection verticale de la face de descente sur la Tour ronde.

Présentement

• 

Presentement il faut faire le profil de la même descente en dedans sur la Tour creuse, lequel sera beaucoup plus facile, parce qu'on ne lui supose point de talud dans l'intérieur concave.

Ayant tiré les projections des joins de lit à l'ordinaire  $p^1q^1$ ,  $p^2q^2$ , &c. qui couperont l'arc concave ImK aux points  $n^1$ ,  $n^2$ ,  $n^3$ ,  $n^4$ , on menera par ces points des Verticales, & par les points de profil de l'arc de face des inclinées paralleles à la ranque LF, qui couperont ces Verticales aux points i,  $v^1$ ,  $v^2$ ,  $2^3$ ,  $v^4$ , k, par où on menera à la main une courbe qui fera la projection verticale de l'arc de face concave, lequel fera rampant de la hauteur  $I_i$ 

L'Intervale des deux projections de face ronde, c'est-à-dire convexe, & de face creuse, c'est-à-dire concave, donnera les longueurs des joins de lits, qu'on ne peut trouver sur le plan horisontal, où elles sont racourcies par la projection; c'est pourquoi nous n'avons pas commencé par faire la projection horisontale des arêtes des arcs de face exterieure & interieure.

La projection de l'arc de face creuse en dedans est donnée à l'arc ImK, parce qu'elle est suposée sans Talud.

Pour faire celle de l'arc de face exterieure qui est en Talud, il faut prendre pour rayon la longueur C F, qui est la distance de l'axe au côté du Cône sur une horisontale, & du centre C' de la Tour, tracer un arc de cercle qui coupera le piédroit IA en F, & le piédroit KB en G, où seront les réculemens Af, Bg, que donne la hauteur F de la descente sur la base de la Tour, de même avec la longueur C' I pour rayon, & du centre C', on tracera un arc qui coupera les projections  $p^{1}$   $q^{1}$ ,  $p^{4}$   $q^{4}$ , aux points 1' 4', ainsi du reste.

La même pratique qui a servi à saire les profils de l'arête de la doële avec la face & la projection horisontale, servira à saire le profil de l'Extrados N/ 8" 7" H/ comme la figure le montre, & sa projection horisontale P" 8' 7' 6' 5' s.

IL ne reste plus que l'arc-Droit à tracer de la maniere qui a été expliquée au tome précedent, en parlant des Voutes en berceaux, simples, biaises & en descentes, que je vas répeter pour ne pas y renvoyer le Lecteur, avec une petite varieté de construction.

Par un point L pris à golonté sur la ligne de rampe LF, on lui tirera une perpendiculaire L b, qui coupera l'autre ligne G k en r, & les projections en profil des joins de lit 1 1, 2 2, &c. prolongées Tom. IIL

aux points R<sup>1</sup> R<sup>2</sup> R<sup>3</sup>, les milieux m<sup>2</sup>, m<sup>1</sup> m<sup>2</sup> de ces points, seront ceux des abcisses du demi diamètre de l'arc-Droit, dont les ordonnées se prendront sur une même ligne tracée au plan horisontal.

Ayant porté la difference Lr des impostes en kR, on tirera KR qui coupera les projections horisontales des joins de lit aux points  $q_1$ ,  $q_2$ , m,  $q_3$ ,  $q_4$ , les longueurs m,  $q_2$ , m,  $q_3$ , m se se sont les ordonnées que l'on cherche, lesquelles parce que l'arc-Droit est rampant, me doivent pas être à angle-Droit avec le demi diamètre m b' incliné, qui est cependant dans un plan vertical, mais on aura seulement l'angle qu'elles doivent faire avec Lb.

Du point  $m^c$  milieu de Lr pour centre, & de l'intervale mR ou m K pour rayon, on fera de part & d'autre des arcs de cercles k G en L' & F L prolongée en k', la ligne k' L' fera le diamètre rampant auquel les autres ordonnées passant par  $m^c$ ,  $m^2$ , seront paralleles & égales à m  $q^c$ , m  $q^c$ , & l'arc-Droit sera fait passant par k' k' L'.

Dans les traits des Voutes simples nous avons donné la maniere de tracer les cintres de niveau & rampans des facées de descente & de montée, parce que nous les avons suposez planes; ici nous n'en faisons pas de même, parce que ces faces étant à double courbure, une projection verticale n'en marqueroit pas le veritable contour, ainsi elle deviendroit inutile pour la pratique.

L'ARC-DROIT, les projections horisontales & verticales étant tracé, on aura tout ce qui est necessaire pour former les panneaux si ou opere par leur moyen, ou bien pour apliquer le Trait sur la pierre par équarrissement, comme on a fait au Trait précedent, dont celuici ne differe qu'en ce que le berceau est en descente, au lieu que l'autre étoit suposé de niveau.

. Si l'on opere par panneaux on peut en trouver toutes les mesures au profil & à l'arc-Droit.

Crux de doële qui seront des trapezes mixtes, auront pour distance de leurs côtez paralleles la longueur de la corde de l'arc-Droit, & pour longueurs des côtez celles des joins de lit compris entre les deux profils des faces, mais pour avoir des points des courbes convexes de tête de descente, & concave de tête de montée, il faudra les chercher en sous-divisant les arcs des têtes du cintre primitif 1'2, 2'3, &c. ce qu'on n'a pas sait ici pour he pas trop embrouiller le Trait.

Les panneaux de lit seront de même des trapezes mixtes composez des joins de lit pris au profil, & de l'intervale de la doële & de l'extrados, dont les avances des têtes sont données au même profil comme celles des joins de doële.

## Aplication du Trait sur la Pierre.

Pour tailler les Voussoirs de cette Voute à la face de descente, avec facilité & justesse, il faut operer partie par panneau de doële, & partie par équarrissement de tête, parce que à la tête l'arête de doële & de face est une courbe à double courbure, & que celles des joins y sont des courbes planes des sections coniques, toutes lesquelles courbes se forment exactement sans les connoître par le moyen de l'équargissement.

Pour y parvenir il faut une petite préparation dans la projection horisontale, qui est de tirer per le point de l'arc & de l'arête inferieure avec le joint du Voussoir qu'on se propose de faire, une ligne droite au centre de la Tour C<sup>t</sup>, laquelle coupera l'arc circulaire concentrique qui passe par l'angle de la même arête avec le lit superieur.

Suposant par exemple qu'on veuille faire le second Voussoir, on tirera par le point 2' une ligne au centre C', qui coupera l'arc de cercle passant par les points 1' & 4' au point 2, ou ce qui revient au même & qui est plus convenable:

On tirera par le point 1' la ligne 1' C' qui coupera l'arc de cercle concentrique, passant par les points 2' 3' au point X, la ligne 1' X ou 2' 2 servira comme on le dira ci-après.

On fera encore une petite préparation à l'élevation, qui est de tirer par l'angle 2<sup>3</sup> le plus haut une horisontale 2<sup>3</sup> X, & une verticale par le plus bas 1<sup>4</sup> V, qui coupera l'horisontale au point X.

Ayant dressé un parement pour servir de doële plate, on y apliquera le panneau 1<sup>4</sup> 2<sup>4</sup> n<sup>2</sup> n<sup>1</sup> fait comme à toutes les épures précedentes par le moyen des longueurs des côtez donnez au profil, & leur position à l'égard d'une directrice DB<sup>4</sup> prise au profil en G d ou ailleurs; il n'importe.

Le contour du panneau étant tracé, on aura les quatre angles du Voussoir, mais non pas les courbes des têtes.

On prendra avec la fausse équerre l'angle de rampe & d'aplomb & GV, puis du point 2<sup>3</sup> pour centre & de l'intervale 2<sup>4</sup> X pris au plan N ij

horisontal, on décrira un arc sur la tête ébauchée, gais avec le biveau de l'angle kGV on abattra la pierre pour y saire une plumée qui sera un côté de cylindre, au-dedans de laquelle & à la hauteur donnée à l'élevation 14 X. On sera un trou d'environ un pouce de prosondeur pour y placer la longueur de la petite ligne 1' X, comme on voit à la figure † au haut de la planche 81, ensorte que le point 1 soit toûjours distant du point 2 de l'intervale dont nous venons de parler2' X.

Par ce moyen on aura trois points de la surface conique de las Tour dont les deux 1 1° sont sur un côté, ensorte qu'on y peut appliquer la regle & prolonger ce côté tant qu'on veut.

SECONDEMENT on a les deux points 2 & X sur une section plane parallele à la base du Cône, par conséquent si l'on prend sur le côté IX prolongé un point à volonté comme a, on pourra en trouver un second y en prenant le reculement du Talud a T sur le côté cylindrique donné par le biveau en s' Y du plan horisontal, sur la droite s' c', & tirant par le point Y une parallele à X 2', qui coupera la ligne 2' s' au point y.

Si l'on dégauchit les quatre points donnez » 2 & « y par le Prob. I. du 2 tome, on aura la position du point y sur le côté du cône tronqué de la Tour, & par conféquent on pourra exactement en sormer la surface, comme nous l'avons dit, pour les portions de cône au commencement du même tome; scavoir, en apliquant la regle sur les points 2 & y, qui sont sur le côté du cône, & apuyant la cerche qui est donnée à l'arc 2' 3' du plan horisontal, sur les points 2, X de la sigure †, & la cerche de l'arc Y y aussi donnée au plan horisontal par un arc de cercle concentrique au précedent, sur les points a, y, pour y sormer un arc parallele à la base & au précedent 2 X, ainsi l'on formera exactement la surface conique de telle grandeur qu'on voudra, tant en hauteur qu'en largeur.

La formation de cette surface donnera déja un des contours de l'arête de doële & de tête qui est conique, & la formation de l'arc cylindrique qu'on creusera à l'ordinaire pour la doële du berceau en descente déterminera & formera comme par hazard l'arête à double courbure que l'on se propose de faire.

La doële étant formée il sera aisé de former les courbes des joins de tête 1'8, 2'7, à la même surface conique de la Tour, parce qu'en abattant la pierre à l'ordinaire avec les biveaux de lit & de doële.

on formera de même ces joins de tête courbe r 8, 2 7, par une espece de hazard, sans s'embarrasser s'ils sont Elliptiques, paraboliques ou hyperboliques; & cependant par une opération qui est très exacte en elle-même.

#### Explication Démonstrative.

Si l'on supose plusieurs plans verticaux passans par les joins de lit de la descente, il est clair que leurs sections à la surface de la Tour en Talud qui est un vrai cône tronqué, seront toutes des hyperboles dont les sommets sont déterminez aux points  $b^a$ ,  $b^a$ ,  $b^m$  de la sig. 65. où ces plans verticaux qui ne sont répresentez en élevation que par des lignes droites, coupent le côté de la Tour L prolongé en S.

Si l'on décrit ensuite l'arc de cercle LD qui est la base de la Tour. & qu'on prolonge les mêmes lignes qui représentent les plans dont nous parlons, elles couperont cette base aux points 1, 2, 3, &c. qui détermineront l'amplitude de chaque hyperbole.

On a donc deux choses données pour décrire chaque hyperbole; qui ne suffisent pas en general, mais qui suffisent ici, parce que le cône est donné, par conséquent leur centre le sera, qui est la troisséme donnée necessaire pour la déterminer.

Cela suposé si l'on examine notre construction, on reconnostra qu'elle est la même que celle que nous avons donné au second Livre pag. 236, parce que les divisions des Voussoirs en prosil 14, 23, &c. donnent des hauteurs de plans horisontaux qui coupent l'axe du cône en C' C<sup>2</sup>, &c. & le côté du cône AS en f<sup>4</sup>, f<sup>2</sup>, 7°, par conséquent qui déterminent les rayons des cercles des différentes sections paralleles à la base f g, 1' 4', 2' 3'.

OR le contour de l'hyperbole formée par le plan vertical correspondant à la division de chaque Voussoir, coupe ce cercle en un point qui est commun aux deux sections, donc ce sera aux points 1º 2º &c. provenans des divisions 1° 2 du cintre primitif, ce qu'il est facile de concevoir pour peu qu'on donne d'attention à la fig. 65. où l'on a tracé dans la moitié de l'élevation LSC les sections verticales en profil, & dans la moitié CSO les demies hyperboles en élevation, où leurs sommets se , sec. sont déterminez par les horisontales menées des sommets du profil b. b.

Par le moyen des points trouvez à la projection horisontale de l'atête de la porte en descente avec la Tour, on a trouvé d'autres points de la projection verticale de la même arête, ce qui marque qu'elle est à double courbure.

QUANT à la courbe de l'arête de la même descente avec la surface concave de la Tour, il est aisé de voir qu'elle est toute représentée en projection horisontale par l'arc IK, parce que la surface interieure étant à plomb, cet arc représente toutes les sections horisontales qu'on peut faire à différentes hauteurs.

Ces hauteurs ne sont plus les mêmes qu'à la face  $b^s$  D<sup>o</sup>, parce que les joins de lit sont inclinez en descente, mais elles seront toujours déterminées par l'intersection des verticales élevées sur les points  $v^1$ ,  $v^2$ , &c. avec les profils des joins de lit, ce qui donne pour la projection verticale de cette arête, la courbe  $k u^+ u^3 i u^2 u^1 n$ , qui détermine toutes les songueurs des joins de lit qu'il falloit trouver avec leurs positions respectives d'avances & de réculement necessaires pour former les panneaux.

## Trossième situation du Cylindre à l'égard du Cône.

#### DE LA RENCONTRE DES VOUTES Consques avec les Corps cylindriques verticaux.

Nous renons de parler de la pénetration des cylindres dans les cones, ici par l'inverse nous traitons de celle des cones dans les cylindres, ce qui renserme plusieurs cas de variations accidentelles, qui ne changent rien au fond de la construction; mais cependant qui constituent des différences de noms de Voutes.

Premierement l'axe du cône peut être horisontal ou incliné, ce qui fait la trompe ou voute en canoniere de niveau ou rampante.

SECONDEMENT cet axe peut être perpendiculaire à la corde de l'arc de la Tour où la Voute conique se termine, ce qui fait la trompe droite, ou il peut être oblique à cette corde, ce qui lui donne le nom de biaise.

TROISIEMEMENT dans ce qui concerne la Tour, elle peut être creuse, Cest-à-dire concave, ou ronde, c'est-à-dire convexe.

Enfin la concavité ou convexité de la Tour que la Voute ou Trompe rachete, peu têtre un arc d'un petit nombre de dégrez, ce qui n'a pas de nom particulier, ou d'un demi cercle entier, ce qui en donne un nouveau qui est celui de Trompe de Montpellier.

10

Nous avons parlé ailleurs de la difference des noms de Trompe & de Canoniere; le premier signifie le denu cône entier, & le second une Voute en demi cône tronqué.

Tous ces cas peuvent être réduits à deux, l'un des Voutes coniques où l'axe est horisontal, l'autre de celles où il est rampant, parce que le plus ou le moins de concavité ou de convexité de la Tour produit d'autre changement qu'à la longueur des joins de tête; la convexité les augmente depuis l'imposte jusques vers la clef, & la concavité au contraire les diminuë aux mêmes endroits.

SECONDEMENT la variation du biais ne produit qu'une inégalité de longueur de ces joins de la droite à la gauche.

ENTIN la Trompe & la Caponiere ne differe en rien pour la conftruction, car si l'on ôte le trompillon d'une trompe, le reste peut être apellé Voute en canoniere, c'est-à-dire une portion de cône tronqué.

#### PROBLEME IV.

## Faire une Voute conique dans une Tour à plomb.

LA Tour peut être ronde ou creuse, & la Voute horisontale par son axe & par le diametre de son cintre de face qui est à double courbure.

## PREMIERE ESPECE, où les impostes sont de niveau.

# CANONIERE, ou Trompe en Tour creuse.

Fig. 67

Soir (fig. 67.) l'angle rentrant ASB dans lequel on veut construire une Voute consque, dont les piédroits AS, BS sont égaux & de niyeau, soit ADB l'arc concave qui est la projection de la Tour creuse, dont la surface retranche par sa rencontre la partie BDAB du cône droit, & sorme pour l'arête de sace une courbe à double courbure.

Pour parvenir à fa formation on peut opérer comme nous l'avons dit au troisième Livre, par addition ou par soustraction, c'est-à-dire que l'on peut prendre le cintre primitif de la Trompe sur la base exterieure du cône AB qui est toute hors de cette Voute, & après l'avoir suposée pleine, en rétrancher le partie du vuide, ou bien la suposée coupée par un plan vertical perpendiculaire à son axe comme en GF, & ajoûter à ce cône Droit la partie mixte restante pour atteindre à la Tour creuse GADBFD.

Nous choisirons ici la voye de l'addition comme la plus simple.

On tirera par le point D, où l'arc de la Tour ADB coupe l'axe SC. une perpendiculaire GF à ce même axe, sur laquelle comme diamettre compris entre les piédroits SA, SB, on décrira un demi cercle GbF pour cintre primitif, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1°2 &cc. d'où on abaissera des perpendiculaires qui donneront par leur intersection avec ce diamettre ler points KL, par lesquels on tirera du sommet S des lignes droites qui couperont l'arc ADB de la projection de la Tour aux points 2, 2, les lignes S 2, S 2 seront les projections des joins de lit à la doële, dont il faut chercher la valeur par des prosils, parce qu'ils sont racourcis par cette représentation.

On prendra si l'on veut pour base de ces profils la ligne fB, sur laquelle on portera la longueur fK en Sk, fL en Sl pour élever sur les points k & l des perpendiculaires k & l, ll' qu'on sera égales aux à plombs 2K, 1L; par les points  $k^2 l'$  & par le sommet S on tirera les indesinies  $Sn^1$ ,  $Sn^2$  dont il saut chercher la longueur; l'on portera la projection  $fz^2$  en SN, &  $fz^1$  en LM sur la base de profil fB, ensuite par les points N, M on élevera des perpendiculaires qui couperont les lignes  $fk^2 fl'$  prolongées aux points n & m, les lignes fn & fm seront les valeurs des projections des joins de lit qu'on cherche.

Presentement il sera aisé de faire les panneaux de doële plate en commençant par celui des Voussoirs de la Trompe Droite qui est le cône inscrit f GF, par exemple pour le second 1.2.

Nous ne proposons point de chercher les panneaux de lit de cette Voute, dont la tête est une courbe en arc d'Ellipse qu'on pourroit trouver comme nous l'avons dit en parlant de la porte en Tour creuse; parce,

SN/L 1,cv

. - . . 

#### DES VOUTES COMPOSEES CHAP. II.

105

parce que nous pouvons nous en passer par une voye d'équarrissement par laquelle on les forme, sans qu'il soit nécessaire de les connoître.

It reste seulement à trouver les biveaux de lit & de doële, & ceux de doële & de tête, de la même maniere que nous l'avons dit au second Tome, en parlant de la trompe Droite & de la trompe plate.

## Aplication du Trait sur la Pierre

Apres avoir formé un parement pour servir de doële plate, on y apliquera le panneau de celle du Voussoir qu'on se propose de faire pour en tracer le contour, par exemple, celui qui est dans une partie de la fig. 68.  $t k^n = r$ .

Puis avec le biveau de doële & de tête, on abattra la pierre pour former une seconde surface plane, qui sera un pan de la Tour creuse, qu'on supose premierement circonscrite à un prisme de plusieurs côtez.

On fera ensuite à part (fig.  $\dagger$ ) un triangle rectangle  $1 \times 2$ , avec ricis lignes données, sçavoir, la corde de la projection de la tête  $2^2$   $z^1$ ; la difference des hauteurs des extrémitez des joins prise au profil, qui sera  $n^2$  qu'on aura en menant pas le point le plus bas  $m^1$ , une parallele à la base BS, & la troisséme qui sera l'hypotenuse de ce triangle, sera égale à la ligne  $k^n$   $l^m$ .

Cette préparation étant faite, on prendra avec la fausse équerre l'angle  $1 \ 2 \ n$ , & l'on posera une de ses branches sur l'arête de la tête plate  $1 \ 2$ , l'autre donnera une ligne d'aplomb  $n \ 2$  sur le parement de tête plate; par la même maniere avec l'ouverture de l'angle  $2 \ 1 \ m$  suplément du precédent, on tracera une seconde ligne d'aplomb  $n \ 2$ , sur laquelle on portera la hauteur  $2 \ u$  en  $1 \ m$ , pour tirer la ligne  $2 \ m$ , à laquelle on tirera une parallele  $n \ o$  à hauteur  $2 \ n$ , prise à volonté, cependant le plus loin que la pierre pourra le permettre.

On levera ensuite une cerche convexe sur l'arc concave B 2: 22, suivant laquelle on creusera deux plumées sur les lignes 2m, no, par le moyen desquelles on formera un parement creux à la régle, comme il a été dit pour tout segment de cylindre & doële de berceau, lequel parement sera celui de la Tour creuse.

Presentement il ne s'agit plus que d'abattre les lits avec les biveaux de lit & de doële, comme aux Voutes coniques ordinaires à la regle, la fection de la surface plane du lit avec ce parement formera une tête

de joint de lit en arc Elliptique, sans qu'on en ait connu auparavant la courbure, & le Voussoir sera achevé à la tête superieure : l'inserieure du côté du trompillon se sera comme à toutes les Trompes.

On a dessiné à la fig. 69. une embrasure dans un flanc concave, dont la construction est la même que celle de la Trompe en Tour creuse.

#### SECONDE ESPECE,

# De la Trompe en Tour ronde, & en particulier de la Trompe de Montpellier.

- La construction de la Trompe en Tour creuse dont nous venons de parler, conduit facilement par une opération contraire à celle de la Trompe en Tour ronde, & comme celle de Montpellier est la plus convexe qu'il est possible de faire (comme on peut le voir à la fig. 70. où elle est représentée en perspective): nous en donnerons le Trait pour exemple.
- Sort (fig. 67.) l'angle BSA celui des piédroits, sur lesquels on veut faire une trompe, que nous suposons égaux; ayant tiré par leurs extrémitez A, B, une ligne droite, on la fera servir de diametre à un demi cercle AEB, qu'on tracera à deux sins, l'une pour exprimer la faillie de la Tour ronde dont il est la projection, l'autre pour servir de cintre primitif à la construction de la trompe, dont il représente la section verticale du cône droit, coupé par la ligne AB.

Ayant divisé ce demi cercle en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on abaissera à l'ordinaire les perpendiculaires 1 p<sup>1</sup>, 2 p<sup>2</sup>, &c. sur le diametre AB, pour avoir la projection de ces divisions aux points p<sup>1</sup> p<sup>2</sup>, par lesquels, & par le sommet S de la trompe, on tirera des lignes qui couperont le même arc BEA, consideré comme projection de la Tour aux points Q<sup>1</sup> Q<sup>2</sup>; les lignes SQ<sup>1</sup> SQ<sup>2</sup> seront les projections des joins de lit.

In faut présentement chercher la valeur de ces projections, de la même maniere que nous avons fait pour la Tour creuse, par le moyen d'un profil pour chacune, dont on prendra la base sur SA prolongée pour la commodité.

On transportera les projections des joins de lit comprises seulement dans le cône droit sur une base prite à volonté, par exemple SA, por-

DES VOUTES COMPOSE'ES CHAP. II.

tant  $\int p^1$  en  $\int o^1$ ,  $\int p^2$  en  $\int o^2$ , &  $\int C$  en  $\int a$ , puis on élevera fur tous les points  $a \cdot o^2 \cdot o^1$  des perpendiculaires fur  $\int A$ , qu'on fera égales aux hauteurs des retombées du cintre primitif, scavoir ab = CE,  $o^2 \cdot f^2 = 2p^2$ ,  $o^1$  fi = 1  $p^1$ , & par les points b,  $f^2$ , fi, & le sommet  $\int$ , on tirera des lignes indéfinies  $\int b^2$ ,  $\int 2^n$ ,  $\int 2^n$ , dont il faut trouver la terminaison aux points  $b^2 \cdot 2^n \cdot 1^n$ .

On portera les projections totales des joins de lit  $\int Q^{\tau}$ ,  $\int Q^{2}$ ,  $\int E$  en  $\int q$ ,  $\int o$ ,  $\int E$ , & par les points Q o e on élevera fur la base  $\int e$  des perpendiculaires qui couperont les profils des joins de lit aux points demandez  $b^{\tau}$   $2^{\mu}$   $1^{\mu}$ , les lignes  $\int b^{\mu}$ ,  $\int 2^{\mu}$   $\int 1^{\mu}$  seront la valeur des joins de lit à la doële.

Avec ces longueurs des joins, on peut bien faire comme au Trait précedent, un panneau de doële plate triangulaire  $\int_0^1 2^d 1^d$  de la fig. 68. qui sera la valeur de celui de la projection  $\int_0^1 Q^1$ , de la fig. 67. mais comme il reste encore au dehors un segment de cercle  $Q^1$  r  $Q^2$ , qui est la projection d'une partie de la Tour ronde, il faut en ajoûter la valeur au panneau triangulaire de la fig. 68. ce que l'on peut faire de deux manieres.

PREMIEREMENT en changeant l'arc de cercle Q<sub>1</sub> 1 Q<sup>2</sup> en arc Elliptique, dont on trouvera plusieurs points par le Probl. IX du 2. Livre page 147.

SECONDEMENT par une autre maniere, qui facilite l'exécution; on inscrira ce segment de cercle dans un angle sormé par deux tangentes, pour changer la face de la Tour ronde cylindrique en prismatique à plusieurs pans.

On tirera du centre C aux points Q' Q² des rayons C Q¹, C Q₂, ausquels on tirera des perpendiculaires Q¹ T, Q² T, qui se couperont en T, & seront des tangentes du segment Q¹ I Q².

Si le cintre primitif AEB est circulaire, ces lignes seront égales entre elles ; mais si il étoit sur-haussé ou sur-baissé, elles seroient inégales dans le raport des diametres conjugez, & ne seroient plus perpendiculaires aux lignes CQ¹, CQ²; en ce cas pour tirer ces tangentes, il faut avoir recours au Probl. 3 du 2. Livre.

Pour trouver la valeur de ces tangentes, il faut chercher celle de la ligne  $\int T$ , qui donnera le point x de leur rencontre à la figure 68. comme cette ligne coupe le diametre AB en y à la fig. 67. on lui élevera une perpendiculaire y x, qui coupera la corde 1 2 au point x.

On portera ensuite la longueur fy en f Y sur la base SA des profils, & on lui sera une perpendiculaire YX égale à la hauteur f  $x^{t}$ , par les points S & X. On tirera l'indefinie f  $t^{t}$ , qui sera terminée au point  $\mathbf{T}^{t}$  par une verticale t  $\mathbf{T}^{t}$ , provenant du point  $\mathbf{T}$  de la projection horisontale f  $\mathbf{T}$  portée en f t; la ligne f  $\mathbf{T}^{t}$  sera la valeur de la ligne f  $\mathbf{T}$  que l'on cherche.

Pour placer cette ligne dans le panneau de la fig. 68. on tirera la corde  $b^2$   $b^1$ , fur laquelle on portera du point  $b^2$  la longueur  $x^2$  2 du cintre primitif en  $b^2$  y; on tirera par les points f d d d la ligne f d égale à f d de la fig. 67. qui donnera le point d de la fig. 68; fi l'on tire de ce point les lignes d d d d le trapezoïde d d d le panneau de la doële plate que l'on cherche, duquel on retranchera pour le trompillon le triangle d d d d d d d la fig. 67.

It faut présentement, comme à la trompe precédente, chercher les biveaux de doële & de tête, pour donner à cette doële plate l'inclination qu'elle doit avoir, avec les plans de la Tour circonscrits à la furface de la Tour ronde qu'on se propose de faire, & comme il y en a deux pour une seule tête de Voussoir, suivant les lignes de projection Q<sup>1</sup> T, Q<sup>2</sup> T, il faut aussi deux biveaux differens, qu'on trouvera de la même maniere qu'il a été dit pour la trompe plate Tome 2, page 80. & pour la trompe droite, page 210.

## Aplication du Trait sur la pierre.

Ce que nous avons dit de l'aplication du Trait de la trompe precédente en Tour creuse, sur la pierre peut servir ici pour la Tour ronde, avec cette difference qu'ici chaque Voussoir étant terminé à la tête par deux surfaces, il saut y doubler l'opération, en prenant pour chaque pan une hauteur V T<sup>2</sup> ou T<sup>2</sup> q<sup>2</sup>, qui soit la difference des angles de la tête du Voussoir, pour en sormer le côté vertical d'un triangle rectangle q<sup>1</sup> V T<sup>2</sup>, qui donnera les angles du biveau de la tête du Voussoir 1<sup>d</sup> x ou x 2<sup>d</sup>, avec l'arête des pans, laquelle est représentée à la projection par le point T, comme l'angle obtus q<sup>1</sup> T<sup>2</sup> r de la sig sur le chissire 70, ou son supplément à deux droits T<sup>2</sup> q<sup>2</sup> O, pour tracer sur chaque pan une horisontale O T<sup>2</sup>, comme on a fait au Trait précedent, pour avoir 2 m, ou n s à la sig. †, sur lesquelles horisontales on posera la cerche concave formée sur l'arc convexe AE, qui doit servir à former la surface convexe de la Tour ronde de la même maniere qu'on a formé la concave de la Tour creuse où l'on voit que nous suposons qu'on a formé les surfaces des pans par le moyen des biveaux de doële & de tête,

La portion de surface convexe de la Tour que doit occuper la tête du Voussoir étant formée, on abattra la pierre avec les biveaux de lit & de doële pour former les lits, dont les sections avec cette surface cylindrique formercnt des joins de tête en arcs Elliptiques, sans le secours des panneaux de lit, & cependant fort exactement, quoique par une espece de hazard sans connoître ces arcs.

It ne reste plus à present qu'à creuser la doële avec les cerches convexes sormées sur les arcs des têtes du côté du trompillon, & sur un plus grand à la tête superieure; mais comme cette tête n'est pas plane, on ne peut y tracer un arc de cercle ou d'Ellipse comme aux trompes à face plane, c'est pourquoi nous allons donner une maniere d'y poser un biveau mixte, dans une situation qui soit verticale lorsque le Voussoir sera mis en place; par conséquent dont l'arc de doële puisse être pris sur le cintre primitif AEB.

AVANT tiré le joint de tête 2'7, on prendra dans ce joint un point 7 à volonté, duquel on abaissera une perpendiculaire 7'9 sur le diametre AB; on portera la longueur S 9 en S d sur SA, & par d on élevera sur la même une verticale d7' égale à 9'7, & par les points S & 7', on tirera la ligne S 7'.

On formera ensuite un triangle  $S extit{-}7 extit{f}^2$  avec les trois lignes données  $S extit{-}7^n$ ,  $S extit{f}^2 extit{\& 2.7}$ ; l'angle  $S extit{f}^2 extit{\gamma}$  fera celui du biveau que l'on cherche, dont on mettra un des bras sur l'arête du lit & de la doële, l'autre donnera sur le lit une ligne  $extit{f}_2 extit{\gamma}$ , qui sera verticale en œuvre, suivant laquelle on posera la branche droite du biveau mixte 1.2.7, qui aura été formé au cintre primitif sur l'arc 1.2, pour la branche courbe, & le joint 2.7 pour la branche droite.

It faut encore observer que la branche courbe doit être dirigée vers l'arête oposée, de maniere qu'elle fasse des angles égaux avec celle du lit de dessus & celle du lit de dessous, ce que l'on peut faire sans peine lorsque la branche convexe du biveau est exastement égale à l'arc 1°2, parce qu'alors il n'y a qu'à la tenir de maniere que l'angle d'un côté & le bout de l'autre soient posez sur les côtez oposez de la doële.

Par le moyen de la plumée qu'on fera avec ce biveau, & l'arc de tête du trompillon, on formera la doële conique à la regle, comme nous l'avons dit au commencement du quatriéme Livre, & cette sur-

face rencontrant celle de la Tour ronde qu'elle penétre, formera la courbe à double courbure de l'arête de face, fans qu'il foit nécessaire d'en faire le dévelopement pour en former un panneau flexible, comme font les Auteurs des Livres de la coupe des pierres, ce qui n'est ni moins exact, ni moins expéditif & plus commode.

L'AVANTAGE que l'on a encore dans cette construction est qu'elle peut toûjours avoir lieu de quelque courbure Elliptique, sur-haussée ou sur-baissée que puisse être le cintre primitis.

#### Explication Démonstrative.

Pour réduire la Voute dont il s'agit à la régularité d'un cône Droit, proprement dit, lorsque le cintre primitif est circulaire ou droit, sur une base Elliptique lorsqu'il est sur-haussé ou sur-baissé: nous avons décrit ce cintre sur un plan suposé perpendiculaire au triangle par l'axe du cône ASB, qui doit être suposé en situation verticale, & nous avons suposé d'autres plans verticaux passans par les divisions des joins de lit, comme aux Voutes coniques ordinaires, ausquels nous avons ajoûté l'excès compris dans le segment AEB, qui représente une portion de cylindre, suivant les principes que nous avons donné au 3. Livre page 306, pour la formation des figures irrégulieres, par l'inscription ou la circonscription des régulieres.

Pour faire sentir l'avantage de l'inscription plûtôt que de la circonscription, il n'y a qu'à faire remarquer que par ce moyen nous avons trouvé dans les lits un moyen de placer la branche du biveau mixte qui sert à creuser la doële, ce qu'on n'auroit pû faire après que la surface de la Tour ronde a été formée, parce qu'alors la place du cintre primitif auroit été enlevée.

On voit que dans ce Trait nous avons levé deux biveaux de plus qu'aux trompes coniques ordinaires, où l'on n'a besoin que de biveaux de lit & de doële, & de tête & de doële.

Ici nous en avons formé un troisième pour la position du biveau mixte, pour supléer à l'arc qu'on décrit sur les têtes planes, parce que celles-ci sont courbes.

ET ensin un quatriéme biveau pour tracer une ligne horisontale sur chaque pan de la Tour ronde inscrite dans un prisme, asin de pouvoir nous servir de l'arc horisontal de la projection ou base de la Tour.

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. II. SÉCOND CAS.

## De la Trompe conique rampante, en Tour ronde ou creuse.

La difference de ce Trait au précedent consiste 1°. en ce que les impostes de la trompe ne sont pas dans un même plan horisontait comme dans la précedente; mais l'une est horisontale & l'autre inclinée à l'horison. 2°. Que son axe est aussi incliné à l'horison, d'où il suit que le diamettre de toutes les sections verticales par des plans perpendiculaires à la direction horisontale de cet axe, sont aussi inclinées à l'horison; ainsi la courbe de l'arête de la doële, avec la face du Trait précedent est la rencontre d'un cône droit dont l'axe est horisontale avec un cylindre vertical, & celle-ci est la rencontre d'un cône scalene de base Elliptique avec un cylindre vertical, ce qui fait si peu de changement à la construction qu'on auroit pû en renvoyer le détail à la précedente, si l'une ne servoit d'éclaircissement pour l'autre; car il faut avouer que, ces sortes de Traits sont assez composez pour embarrasser le Lecteur, & demander une grande contention d'esprit à ceux qui ne sont pas encore bien au fait.

Soit donc (fig. 71.) ASB l'angle rentrant, dans lequel on doit conf. Pl. 83-truire une trompe rampante en Tour ronde, telle qu'elle est repré- fét. 71-fentée en perspective à la fig. 75-

Ayant divisé l'angle ASB en deux également par la ligne SH, qui coupera la projection du diametre AB en deux également en M, on prendra sur cette ligne SM, prolongée s'il le saut, le centre de la Tour vers S, si elle est convexe, ou tout au plus jusqu'en M, comme à la trompe de Montpellier rampante, & vers H si elle est concave, seson que l'arc ADB sera grand ou petit, ou qu'il sera donné par la stèche DM; on a suposé ici le centre de la Tour en S pour plus grande simplicité du Trait.

La ligne SD sera la direction horisontale de l'axe de la trompe & fa projection, d'où il suit qu'elle sera plus courte que cet axe qui est incliné à l'horison.

Sur AB comme base de l'élevation de la face qui sera représentée renversée pour la commodité de l'épure; on élevera en B la perpendiculaire BR, égale à la hauteur du point B de l'imposte rampante SB, au-dessus du point A de l'autre imposte de niveau, & l'on

#### STEREOTOMIE LIV. IV. PART. II.

tirera la ligne AR, qui sera la ligne de rampe de l'arc de face représentée au plan horisontal par la ligne AB.

On prendra ensuite sur sc prolongée la longueur c H égale à MA. ou plus ou moins grande pour demi diametre conjugué à AR. & par les points AHR on décrira la demie Ellipse AHR, qui sera le cintre primitif; on le divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, b 4; ensorte que la clef, c'est-à-dire sa corde H 4, soit de niveau autant qu'il est possible.

Cette préparation qui est particuliere à la trompe rampante étans faite, le reste se sera de la même maniere que nous l'avons dit du Trait précedent, avec cette seule différence qu'au lieu de prendre les hauteurs des divisions du cintre primitif sur son diametre rampant AR, on les prendra plus bas sur sa projection horisontale AB, aux perpendiculaires d 1, e 2, f 3, g 4, qui comprennent outre les ordonnées au diametre 4  $r^4$ , 3  $r^3$ , 2  $r^2$ , les hauteurs des points  $r^1$   $r^2$ , &c. sur l'horisontale BA, de sorte que l'on doit considerer la figure mixte AHRB comme le cintre primitif composé d'une demie Ellipse AHR, & du triangle de rampe ARB.

Comme les lettres de la figure de la projection horisontale sont rélatives à celles des profils, il sera aisé d'y reconnoître la construction du Trait précedent, sans qu'il soit nécessaire de la répeter.

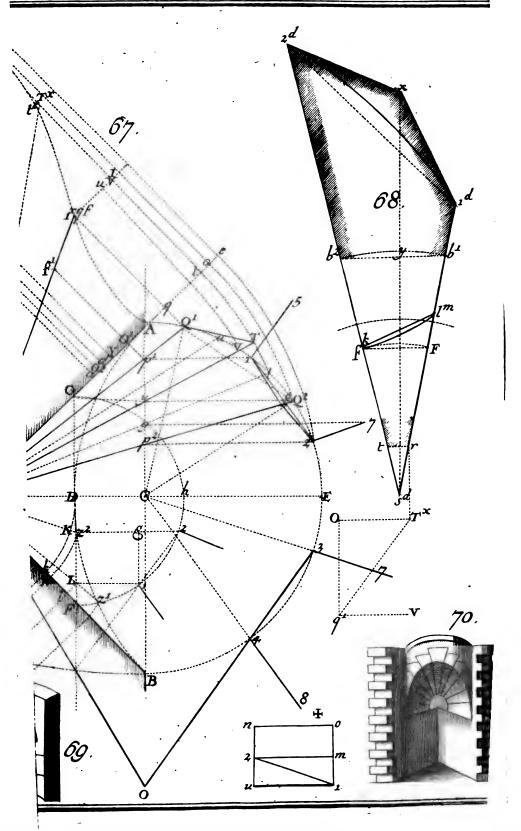
On a tracé à la fig. 72. un panneau de doële plate du 3<sup>e</sup>. Voussoir, dont la projection horisontale est le triangle mixte  $\int Q^2 y Q^3$  inscrit dans le trapezoïde  $\int Q^2 T Q^3$ , où la ligne  $\int T^*$  est la valeur de la ligne ST de la fig. 71.

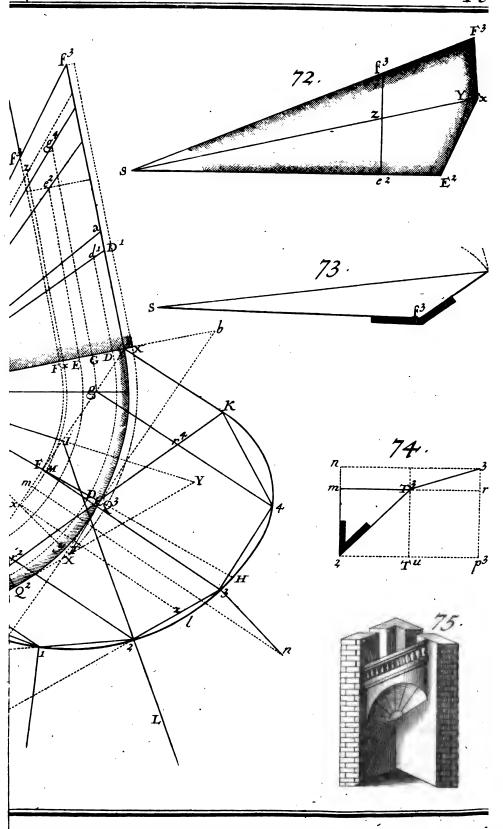
On a aussi tracé à la fig. 73. le triangle  $\int N f^3$ , qui donne l'angle  $\int f_3$  N, pour placer le bras droit du biveau mixte du lit & de la doële formé au cintre primitif sur l'angle mixte n 3 l 2, comme on a fait à la fig. 67. en  $\int f^2$  7°.

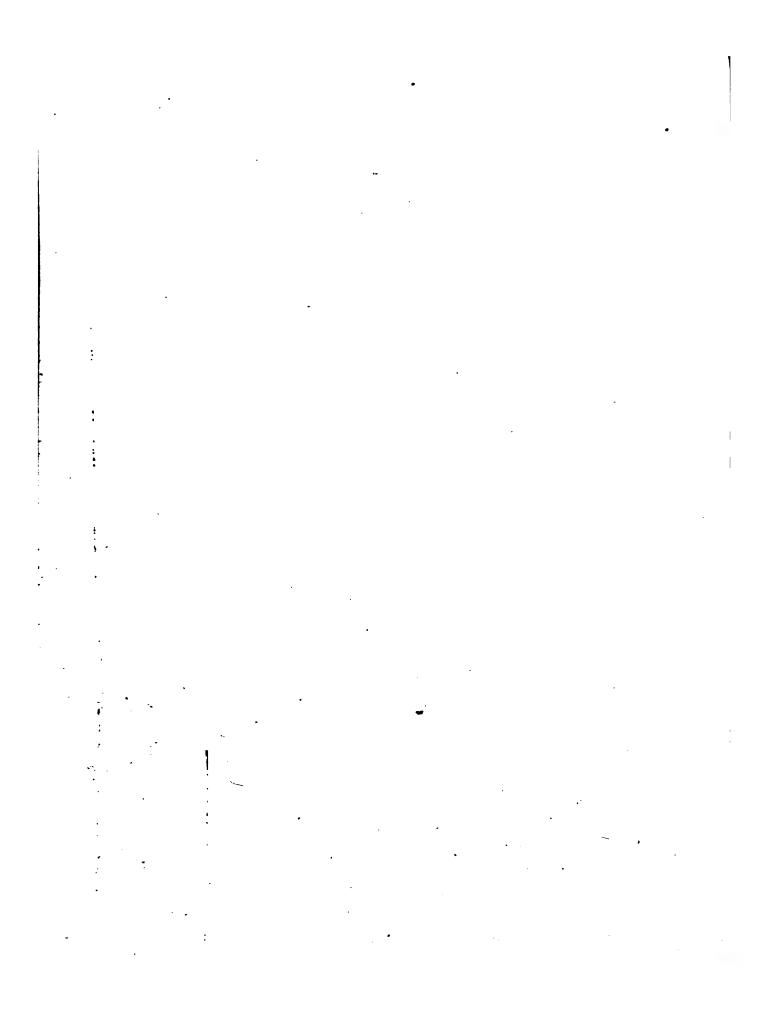
Enfin on a exprimé à la fig. 74. la maniere de tracer des horisontales sur les pans 2 u & u n<sub>3</sub>, comme on a sait au Trait précedent au dessus du chifre 70. & plus bas à la fig. † pour le même sujet. On remarquera seulement ici qu'à cause de l'inégalité de la rampe les pans à l'arête de la doële plate sont fort inégalement inclinez, ce qui n'arrive pas à celle de la trompe précedente.

## Remarque sur cette Construction.

Suivant la méthode de la réduction des corps ronds en polyédres,







on se passe des panneaux de dévelopement dont se servent le P. Deran & M. de la Rue, lesquels panneaux ne peuvent presque servir qu'à vérisier en partie ce qui a déja été fait, car puisqu'ils sont saits sur des matieres slexibles comme du carton, des lames de plomb, &c. pour pouvoir être apliquez sur des surfaces courbes, ils les suposent déja saites, ce qui est cependant une partie de la question, puisqu'on cherche premierement le moyen de les saire pour y tracer l'arête de rencontre de la Voute conique.

#### TROISIEME CAS.

De la Trompe Conique rampante par son axe es par ses impostes, dont la base est renversée en situation borisontale ou inclinée, rachetant une Tour creuse.

PREMIERE suposition, que la base du cône renversée est de niveau, Pl. 84. représentée en perspective à la sig. 76.

Sorr (fig. 78.) l'angle rentrant ASB, dans lequel on veut former une trompe renversée, qui serve de suport à une Tour creuse AMB, dont la base est de niveau, au lieu que dans les cas précedens elle étoit aplomb cintrée.

Ayant divisé l'angle ASB en deux également par la diagonale SC; on prendra sur cette ligne le point C, pour centre de la Tour creuse en tel endroit qui convient à sa grandeur; & de ce point C, on menera des perpendiculaires CA, CB aux côtez de l'angle donné SA, SB, pour y inscrire l'arc de base de la Tour creuse AMB, lequel étant divisé en Voussoires aux points 1, 2, 3, 4, on menera par ces points des lignes droites au sommet de l'angle S, lesquels 1 S, 2 S, &c. seront les projections des joins de lit à la doële de la trompe.

On décrira de même d'un point c pris à volonté sur la diagonale SC, un arc fg, terminé aussi par des perpendiculaires fc, gc, aux côtez des murs AS BS.

Presentement pour avoir les véritables longueurs des joins de lit à la doële, on fera, comme à l'ordinaire, un profil pour chacun, mais dont la hauteur doit être commune à tous les Voussoirs, au lieu que dans les autres elle étoit inégale à chaque Voussoir.

CETTE hauteur SH est arbitraire, mais il est visible que plus elle sera grande à l'égard de l'horisontale du fond SM, plus la trompe aura de force pour soûtenir la Tour.

Tom. III.

On élevera sur AS, si l'on veut prendre cette ligne pour base de prosil, la perpendiculaire SH, de la hauteur dont on voudra que la base de la trompe soit élevée au dessus du point S de sa naissance, qui est le sommet du cône, & par le point H, on menera HÆ parallele & égale à AS, & l'on tirera la droite SÆ, qui sera la longueur d'un imposte, & son inclinaison le long du mur; ensuite on transportera la longueur S 1 en S d, & l'on menera D d parallele à SH. On portera de même la longueur S 2 en S e, & l'on tirera aussi e E parallele à SH, puis l'on menera par le sommet S les lignes SE, SD, qui seront les longueurs des joms de lit en doële.

Pour le trompillon, du point f on menera f F parafiele à A.E. & par le point F où cette ligne coupe S.E., on menera F K parallele à S., qui donnera les points G & I pour les angles des têtes des Voussoirs apuyez fur le trompillon, & l'épure sera tracée.

Les panneaux de doile se feront, à l'ordinaire, de deux joins de sit à la doële, & de la corde de l'arc de tête, dont on formera un triangle, par exemple, pour le premier Voussoir, on portera à part, sig.

gle, par exemple, pour le premier Voussoir, on portera à part, sig. 82. la longueur du joint de l'imposte SE en  $f^a$ , puis du point f pour centre, & de l'intervale SD de la sig. 78. on sera un arc en  $\mathbf{1}^d$ , & de l'intervale de la corde A I, pour rayon, & du point  $c^d$  pour centre, on sera un arc qui coupera le précedent au point  $\mathbf{1}^d$ , & l'on aura pour le premier, panneau de doële le triangle  $f x^a$   $\mathbf{1}^d$ , dont on retranchera, pour l'espace qu'occupe le trompillon, le triangle  $f f^i g^d$ , en portant SF de la sig. 78. en S  $f^d$  de la sig. 82. & SG de la sig. 78. en S  $g^d$  de la sig. 82. ainsi des autres Voussoirs dont on a mis ici en sacon de dévelopement, les panneaux de doële de suite, par où l'on voit que celui du milieu de la trompe, qui est la clef, est isoscele f  $f^d$   $f^d$ 

Les panneaux de lie sont donnez par le profil en y ajoutant un angle droit pour le parement creux de la portion de Tour, qui s'apuye sur la trompe, tels sont les triangles SÆH, SDH, SEH, dont les angles en Æ, D, E, sont aigus, mais qui deviennent obtus, en y ajoutant l'angle droit; de sorte que l'angle SÆH se change en SÆV, ainsi des autres qui deviennent de plus en plus obtus.

A l'égard des petites têtes inferieures, il faudra prendre garde qu'elles ne foient pas trop obtuses, parce que l'arête du trompillon deviendroit trop foible vers les impostes.

On formera les Biveaux de tête & de doile, & de lit & de doële, sui-

vant la regle generale, en cherchant les sections de la doële avec l'horison, de la tête avec l'horison & du lit avec l'horison.

Par exemple, pour le biveau de doële & de lit du second Vousfoir S 1.2; il est clair que la corde 1.2, que l'on supose dans un plan horisontal ASB, est la section de la doële avec l'horison, mais non pas celle qui passe par le sommet du cône S; ainsi en menant par ce point S, une parallele So, indéfinie à la corde 2.1 ou 3.4, cette ligne  $\int o$  sera la section de la doële avec l'horison au plan horisontal de la projection. Il est encore clair, par les exemples des Voutes coniques ordinaires, que l'intersection des lits doit se faire suivant la diagonale S c, qui est la projection de l'axe du cône; ainsi l'on a tout ce qui est nécessaire pour trouver ce biveau.

Pour le 3°. lit, par exemple, on prolongera la projection S 3 vers X. On élevera au point 3, la perpendiculaire 3, 3° égale à e E ou SH; on tirera S 3°, à laquelle on fera 3° L perpendiculaire, qui rencontre, ra SX au point L, par lequel on tirera la perpendiculaire o R°, jufqu'à l'intersection de la ligne S o, & de la diagonale SC; on portera L 3° en LX, d'où on tirera les droites X o, XR°, prolongeant cette derniere vers y; l'angle o X y fera celui fur lequel on doit former le bivean de lit & de doële du joint qui passe par S 3,

## Aplication du Trait sur la Pierre.

Ayant dressé un parement, on y apliquera le panneau de doële. & avec le biveau de lit & de doële on abattra la pierre en angle obtus; sur ce second parement on apliquera le panneau de lit qui lui convient, lequel donnera la position des joins de tête, entre lesquels on abattra la pierre pour former la tête de face creuse, par le moyen d'une cerche tracée sur l'arc AMB, posée d'équerre sur le parement creux & de niveau, ce qui se sera en la posant d'équerre aux arêtes des joins de tête.

A l'égard de la tête du côté du trompillon, on la fera ou parallele à la premiere, ou perpendiculaire au joint de lit, alors elle devient conique concave, & le lit de dessus du trompillon conique convexe.

Si au lieu des biveaux de lit & de doële, on vouloit se servir de ceux de tête & de doële, il n'y auroit qu'à élever sur un point 4, par exemple, de la corde 4.3, pris à volonté, une perpendiculaire 4. T prolongée jusqu'à la rencontre du plan de la doële avec l'horison à la ligne So, & prendre sur cette corde 4.3, prolongée en z, la ligne 4 z, égale à la hauteur dD, & tirez z T, l'angle T z u sera celui du

#### STEREOTOMIE. LIV. IV. PART. II.

biveau de tête & de doële, avec lequel on peut se passer de celui de lit & de doële pour tracer la pierre, comme dans le cas précedent de la trompe rampante.

## Explication Démonstrative.

Pour se former une idée nette & Géometrique de cette espece de trompe, il faut jetter les yeux sur la sig. 77. où est représenté un cône scalene renversé an bm S, dont la moitié Smab S sert de suport à une portion cylindrique def; mais comme ce demi cône & ce demi cylindre sont dans le vuide, il n'en reste que les surfaces adhérentes au massif de pierre compris & soûtenu par les murs qui forment l'angle rentrant abb, avec lesquels il commence à saire corps depuis les impostes Sa & Sb.

Le profil ou section de ce massif, passant par l'angle des murs, & le côté le plus court du cône fm, est le triangle bm S.

Cela suposé, il sera facile d'expliquer la construction de la trompe, car en suposant les lignes des impostes ou naissances Sa, Sb, en situation horisontale au lieu de l'inclinée, on reconnoîtra que cette trompe peut être considerée comme une trompe conique de direction Droite & de face inclinée en Talud beaucoup plus grand que celle dont il est parlé au second Tome, page 230. laquelle face étant couchée de niveau, devient la base d'une portion de Tour creuse de beaucoup ou de peu de hauteur, quand ce ne seroit que le socle d'un balcon. Il est même de nécessité indispensable que la naissance de cette Tour soit unie, & ne fasse qu'un corps avec la doële conique, parce que l'arête de la doële de la trompe, avec cette face renversée, deviendroit trop aigué, pour avoir la force nécessaire à l'usage de servir de suport.

It faut encore observer que la même jonction de la trompe, avec la base de la Tour creuse, se doit aussi faire dans les lits qu'il faut prolonger de la trompe à la Tour, ce que l'on peut faire de deux manieres, ou en continuant la même surface du lit, auquel cas elle occupe la base de la Tour obliquement par des joins inclinez, qui sont des portions d'Ellipses, ou en faisant un angle dans le lit pour reprendre la direction verticale du joint montant de la Tour, ce que l'on peut faire facilement en se retournant d'équerre sur les bouts des cordes de l'arc horisontal amb; mais alors si l'on veut donner aux pierres de la Tour la coupe qui leur est naturelle, on ne le peut qu'en faisant un ressaut du lit au joint montant.

It nous reste à rendre raison de la pratique qu'on vient de donner, pour trouver le biveau de doële conique & de tête cylindrique. Il faut relever par la pensée, le trianple rectangle T 42, en situation verticale sur le plan horisontal OSB, en le faisant mouvoir autour de son côté T4 immobile dans ce plan jusqu'à ce qu'il lui devienne perpendiculaire; en cet état la ligne 4u sera une verticale dans le plan 42T, lequel est par conséquent aussi vertical; or parce que la ligne T4 est, par la construction, perpendiculaire à la ligne 43, qui est l'intersection d'un plan horisontal, dans lequel est la base du cône renversé, avec le plan incliné de la doële plate, passant par la corde 43; il suit que les lignes T2 & 24 sont perpendiculaires à cette commune section 43, dont leur ouverture est l'angle d'inclinaison des plans de la doële plate conique, & d'une autre plane circonscrite à la cylindrique verticale passant par la même corde, parce qu'on a pris le suplément à deux droits T2u, ce qu'il falloit démontrer.

# Seconde Espece de Trompe renversée, lorsque la Tête est rampante.

Suposant la même projection horisontale que pour la trompe renversée de niveau, & la même inclinaison d'une imposte SÆ, nous nous servirons de la fig. 78. à laquelle nous ajoûterons la partie 79. qui est nécessaire pour trouver les ralongemens des joins de lit.

AYANT tiré la corde AB de l'arc donné AMB, on élevera au point A la perpendiculaire AR, égale à la hauteur où la trompe doit monter depuis le point B jusques sur A, & l'on tirera la ligne de rampe BR ensuite par les points 1, 2, 3, 4, des divisions des Voussoirs sur l'arc horisontal AMB, on menera des perpendiculaires à la corde AB, prolongées jusqu'à la ligne de rampe BR, comme 4n, 3p, 2q, 1r, & par les points n, p, q, r, on menera des perpendiculaires à la ligne de rampe n 2<sup>4</sup>, p 2<sup>3</sup>, Q 2<sup>2</sup>, r 2<sup>1</sup>, sur lesquelles on portera les longueurs N 4, P 3, q 2, R 1, qui donneront les points 2<sup>1</sup>, 22, 2<sup>3</sup>, 2<sup>4</sup>, par lesquels on tracera l'arc Elliptique BmR, qui sera la base inclinée de la trompe rampante, sur laquelle s'élevera sa tête ou face en Tour creuse, si l'on veut, ou en Voute hélicoïde.

Mais dans cette derniere construction il faut y faire un changement dont nous parlerons à la fin de ce Livre. Nous considererons seulement ici cette base comme plane; je veux dire, dont le contour est dans un plan incliné.

AYANT prolongé indéfiniment les lignes des hauteurs A E, aD, eE, qui étoient toutes égales dans la trompe précedente; on portera sur chacune la hauteur que la rampe y ajoûte, sçavoir, sur AE, la hauteur AR du point E en  $a^2$ , sur dD, la hauteur Rr du point D en  $d^2$ , la hauteur Qq de E en  $e^2$ , la hauteur Pp de E en  $e^3$ , & la hauteur Rr de Rr d

Les lignes  $Sa^2$ ,  $Sd^2$ ,  $Se^2$   $Sg^2$   $Sg^2$   $Sg^2$   $Sg^2$   $g^2$   $g^$ 

Presentement si l'on veut faire les panneaux de doële plate & son dévelopement, on le peut commodément dans la même figure; sur SA prolongée, ayant pris  $Sb^4$  égal à SE, pour base du triangle de la doële du premier Voussoir, du point S pour centre, & de l'intervale  $Sb^4$ . longueur du second joint pour rayon; on décrira un arc de cercle  $b^4$ , & du point  $b^4$  pour centre, & de l'intervale  $b^4$ , qui coupera le précedent au point  $b^4$ ; de même faisant du point  $b^4$ , qui coupera le précedent au point  $b^4$  pour centre, un autre avec la corde  $b^4$ , ou ce qui est la même chose  $b^4$  pour rayon; on sera un arc qui coupera le précedent au point  $b^4$  pour centre, un autre avec la corde  $b^4$  qui coupera le précedent au point  $b^4$  pour rayon; on sera un arc qui coupera le précedent au point  $b^4$ , le triangle  $b^4$  sera le second panneau de doële plate, ainsi des autres de suite, comme la figure le montre depuis le point  $b^4$  jusqu'en  $b^4$ .

Les biveaux de lit & de doële, & ceux de doële & de tête se trouveront, comme aux trompes coniques, rampantes, dont la face est verticale en faisant un cintre de face suposé sur une section verticale qui sera Elliptique, dont jes points principaux sont donnez sur la projection verticale, sçavoir m² pour le sommet, Y pour l'imposte inserieure, x pour la superieure, de même que les points des intersections des joins de lit avec la courbe de ce cintre, ce que l'on n'a pas sait dans cette sigure pour ne la pas embroüiller, d'autant plus que cette espece de trompe est très peu d'usage; nous nous contentons d'indiquer le moyen de la réduire aux regles des trompes rampantes ordinaires, pour trouver la section des doëles plates avec l'horison, & par conséquent les biveaux des lits & de ces doëles.

## Remarque sur l'Usage.

Fig. 80. La premiere espece de trompe, dont la tête de sace est de niveau, 81. peut servir à racheter une Voute sphérique ab ab sig. 80. & 81. sur un

quarré /S/S, parce que tous les arcs horisontaux de cette surface sont tangens aux murs /S sur lesquels elle est apuyée, ce qui rend cette jonction agréable à la vuë, ou pour porter une balustrade de dégagement au platsond d'un escalier ouvert en rond dans son milieu sur une cage quarrée, comme on voit sig. 81. & 82. mais la même trompe simplement rampante ne peut servir à racheter un berceau rampant, & tournant, comme le prétend le P. Deran, sans y saire de changement, comme nous le dirons en son lieu.

Troisième situation des Voutes Coniques, à l'égard des Cylindriques, lorsque les axes des deux Voutes sont borisontaux.

#### EXEMPLE

Lunette ébrasée, Trompe ou Abajour qui rachete un Berceau de niveau.

Soit. fig. 83, l'angle rentrant ASB, la base horisontale d'une Voute Fig. 83. conique qui pénetre un berceau de niveau, dont l'arc vertical CR est une partie de l'arc-Droit. Sur AB, comme diamettre, on décrira, à l'ordinaire, un demi cercle pour servir de cintre primitif; nous n'en mettons ici que la moitié Bb pour ne pas trop embrouiller ce Trait, parce que suposant l'axe du cône SC Droit sur sa base AB, une moitié de sa base circulaire ou Elliptique sera égale à l'autre.

AYANT divisé le quart de cercle Bb en ses Voussoirs, comme ici en deux & demi pour cinq Voussoirs, aux points 3, 4, & ayant abaissé sur sa basse AB des perpendiculaires qui la couperont aux points TV, on menera par ces points & par le sommet S, des lignes ST 3', SV 4', prolongées au-delà de T & V indéfiniment; ces lignes feront la projection horisontale des joins de lit, dont on déterminera la longueur par le moyen du profil qu'on sera comme il suit.

Ayant prolongé l'axe SC indéfiniment vers e, on prendra sur cette ligne, à volonté, un point c, duquel comme centre, & pour rayon CA ou CB. On repetera une moitié du cintre primitif en bH, portant ses divisions B4, 4'3 en b 2<sup>+</sup>, & 2<sup>+</sup> 2<sub>3</sub>, par lesquelles on menera des paralleles à la base eC, jusqu'à la rencontre de la perpendiculaire CD, qui la couperont en F & en G; ensuite du sommet S & par les points F & G, on menera des lignes SG, SF, prolongées jusqu'à la rencontre de l'arc du berceau CR, l'une en K, & l'autre en M. On pro-

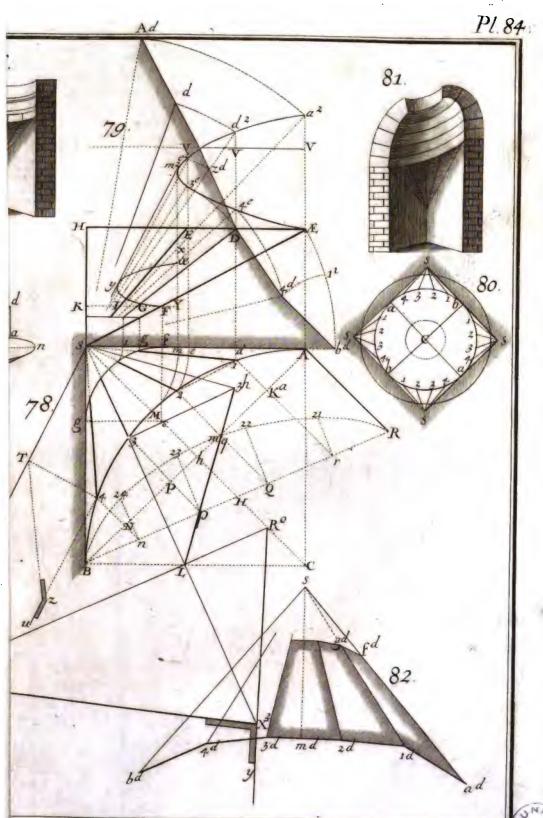
longera aussi SA en N; les lignes SK, SM seront les projections verticales des joins de lit des divisions 3, 4, du cintre primitif, & de leurs deux correspondantes & égales, lesquelles serviront à déterminer les longueurs des projections horisontales; car si par les points K & M on mene des paralleles à AB, comme K 4', M 3', elles couperont les projections horisontales des mêmes joins aux points 4' 3', ainsi S 3' est la projection horisontale, dont SM est la verticale, & S 41 est celle du même joint de lit dont SK est la verticale; or ni l'une ni l'autre de ces projections est égale au véritable joint de lit, mais elles servent à les trouver dans un second profil, comme nous l'avons expliqué en parlant des trompes.

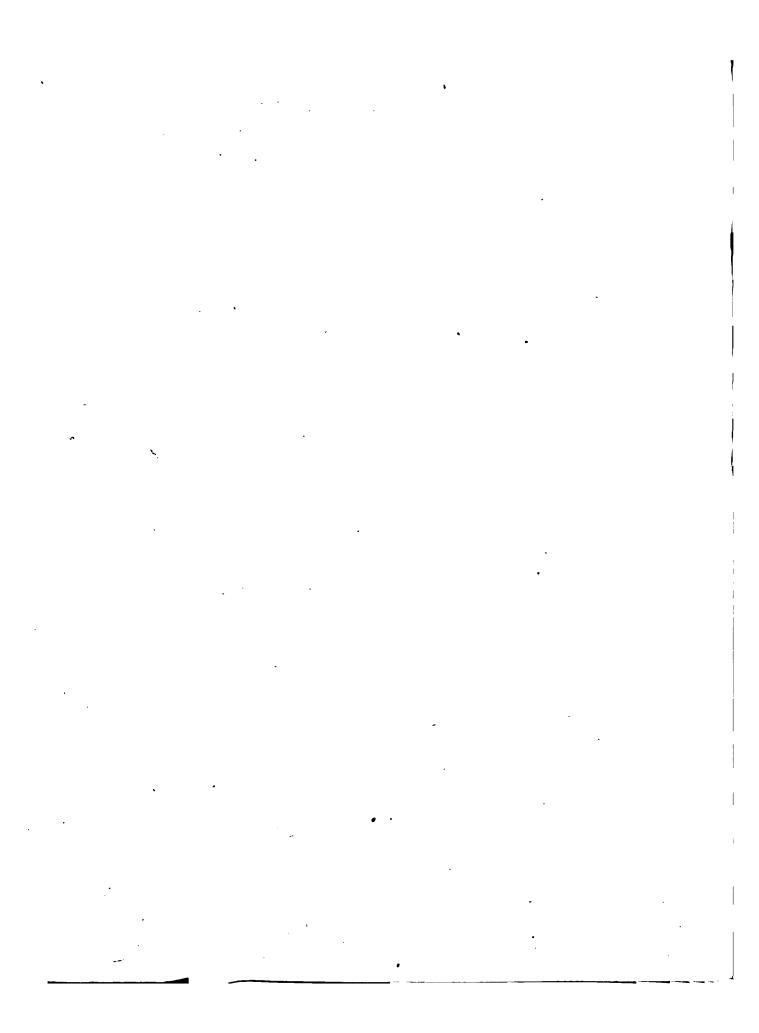
Sort une ligne droite placée à volonté  $S_{0i}$  prise pour base du second profil, on portera sur cette base la longueur ST en  $S_{\ell}$ , &  $S_{3\ell}$  en  $S_{3'}$ , de même SV en  $S_{u}$ , &  $S_{4'}$  en  $S_{4'}$ , & par les points  $\epsilon$ , m,  $3^{i}$ ,  $4^{i}$ , on élevera des perpendiculaires, sur lesquelles on portera les hauteurs correspondantes à ces points, sçavoir  $T_3$  en  $\epsilon$   $3^{f}$ ,  $V_4$  en  $v_4$ , & par les points f,  $f_3$ , on menera la ligne  $f_3$ ,  $f_3$ , qui coupera la perpendiculaire  $f_3$ ,  $f_3$  au point  $f_3$ , la longueur  $f_3$ , sera celle du vrai joint de lit, de même  $f_3$ , prolongée donnera  $f_3$  pour le vrai joint de lit, dont la projection est  $f_3$ .

Tous les joins que nous avons cherché jusqu'à present ne sont qu'à la doële, & suffisent bien pour faire les panneaux de doële plate; mais pour former les panneaux de lit qui donnent aussi les joins de tête, il faut faire un extrados E 8 7 1, & chercher les projections de ses joins qui doivent passer par les points 7 8, de la même maniere que nous l'avons fait pour l'intrados Bb, ce que nous ne répetons pas, parce que la figure & la quantité de pareils exemples qu'on a donné paroissent suffire.

Ayant trouvé les projections  $X_{7^l}X_{8^r}$ , qui donnent pour projections des furfaces des lits les trapezes  $S_{3^l}$   $7^lX_{8^r}X_{8^r}X_{8^r}$ , on ne cherchera pas les longueurs des côtez  $X_{7^l}$ ,  $X_{8^l}$ , mais des diagonales  $S_{7^l}$ ,  $S_{8^l}$ , pour cet effet on les portera fur la base du second profil  $S_{9^b}$  en  $S_{7^b}$ ,  $S_{8^b}$ , & ayant porté leur hauteur prise au premier profil en  $O_{9}$ ,  $L_l$  sur les perpendiculaires  $7^b$   $7^x$  &  $8^t$  8°, on aura les points  $7^x$  8°, les lignes  $f_{7^x}$ ,  $f_{8^x}$  seront les diagonales cherchées.

Avec les trois lignes données pour les panneaux de doële, sçavoir les deux joins de lit & la corde d'une division du cintre primitif, on parviendra





parviendra à former la doële plate, & avec les trois autres pour les panneaux de lit, sçavoir un joint de lit, une distance du sommet de la trompe à l'extremité de la tête à l'extrados, & l'intervale de la doële à l'extrados au cintre primitif, on parviendra à former les panneaux de lit.

Premierement, pour les panneaux de doële plate, par exemple, pour un fecond Voussoir au-dessus de l'imposte marqué 4.3, on prendra au profil la longueur S f3, ou ce qui est le même dans la trompe Droite S f4, avec laquelle pour rayon, & d'un point f² (fig. 84) pour Fig. 84. centre, on fera un arc 3<sup>f</sup> 4<sup>f</sup>, dans lequel on inscrira la corde 3.4 du cintre primitif, & l'on tirera les lignes S 3<sup>f</sup>, S 4<sup>f</sup>, sur lesquelles étant prolongées, on portera les longueurs S 3<sup>x</sup>, S 4<sup>x</sup> du profil en S<sup>4</sup> 3<sup>x</sup> S<sup>4</sup> 4<sup>x</sup>, la ligne 3<sup>x</sup> 4<sup>x</sup> sera la tête biaise de la doële plate.

IL ne reste plus pour achever cette doële qu'à y placer la tête 3° 4° du trompillon, ou de la section d'un mur s'il s'agit d'une Lunette, comme à la sig. 86. prise à la sig. 83. en 3° 4°, pour en trancher le triangle isoscele  $\int_0^2 3^n 4^n$ , en saisant un arc avec le côté  $\int_0^2 A^n$  pour rayon, qui coupera les côtez  $\int_0^2 3^n f^n f^n$  4° en 3° 4°, le trapezoïde 3° 3° 4° fera le panneau que l'on cherche.

PAR la même maniere on trouvera celui du lit de dessous 4. 8. 8. 4., comme il est aisé de le concevoir par les signes rélatifs à ceux du profil.

## Aplication du Trait sur la pierre.

On pourroit exécuter ce Trait par des Voussoirs à branche d'enfourchement, comme nous avons fait ceux de la rencontre d'un berceau en Tom. IIL

descente avec un berceau de niveau; il sera facile d'en apercevoir la possibilité en comparant ce que nous avons dit page 63 avec l'épure de ce Trait.

Les reins de la Voute en berceau en seroient même mieux apuyez & mieux liez à la trompe; mais pour varier un peu les constructions, nous en donnerons ici une, où il n'est pas nécessaire de chercher le biveau d'inclinaison des deux doëles plates à l'ensourchement comme au Trait cité.

On formera un panneau de lit de fausse coupe incliné à l'horison, mais perpendiculaire au plan vertical, passant par l'axe de la trompe SC, qui aura sa tête de niveau, pour y pouvoir apliquer les biveaux mixtes des joins de lit en profil, avec l'arc-Droit du berceau de niveau.

Par exemple, pour former celui du second Voussoir 3.4, qui est designé par une tête 4 R, parallele à AB, & comprise entre les aplombs de doële 4 V, & d'extrados 8 u.

Si le cône inscrit est Droit, ce panneau sera un triangle qui pourra toujours avoir pour un de ses côtez la longueur de l'imposte SA ou SB; si le cône n'est pas droit circulaire, mais que le cintre primitif soit Elliptique, on cherchera la valeur des projections par des profils, ayant porté SV en So, on lui sera la perpendiculaire o 4° égale à 4 V, la ligne S 4° sera la valeur cherchée.

De même sur Su projection de l'extrados 8, on élevera une perpendiculaire u 80 égale à la précedente 4 V ou Ru avec ces deux longueurs, & l'intervale horisontal 4 R ou Vu, on sera un triangle so 4. 8 dont on sera usage, comme nous allons le dire.

Ayant dressé un parement pour y placer le panneau de doële plate 3" 3" 4" 4", on y en tracera le contour & les points de répaire de la tête du cône Droit inscrit 3' 4".

On formera ensuite le lit de dessus avec le biveau de lit & de doele trouvé, comme il a été dit au Tome précedent, au Trait de la trompe droite page 209.

On apliquera sur ce second parement le panneau du lit de dessur  $7^*$   $7^*$   $3^*$   $3^*$ , avec les points de répaires du cône Droit inscrit f  $3^f$ , pour en tracer le contour & y marquer ces points.

Ensuite au lieu de former le vrai lit de dessous, on formera le faux lit, en abattant la pierre avec le biveau 3'4R, dont une des branches

fera posée sur les répaires  $3^f 4^f$ , & l'autre sera d'alignement avec ces deux points & le répaire du lit de dessus f; ainsi on formera un troisième parement, sur lequel on apliquera le panneau  $4^u$  u  $S^o$  de la fig. 85. posant le point  $4^u$  sur l'arête  $4^f$ , & la ligne  $4^u$   $S^o$  au long de la même arête pour tracer la ligne u  $4^u$ , à laquelle on menera, par le point  $4^u$  du panneau de la doële plate, une parallele qui servira à la position du biveau mixte  $S_kQ$  du premier profil, qui est l'angle du joint de lit  $f_k$ , avec l'arc-Droit du berceau KQ.

Par le moyen de ce biveau qu'on posera quarrément sur cette ligne qui est en œuvre une horisontale, on formera la doële concave du berceau, en creusant, suivant la branche courbe convexe, une plumée au point 4<sup>x</sup> qui est le plus bas, & si l'on veut une seconde à côté, tirant vers l'extrados, qui donnera un second arc parallele au premier; ensuite on abattra la pierre suivant ces plumées, avec la régle posée d'équerre, qu'on fera couler sur les points 8<sub>x</sub>, 3<sub>x</sub> 7<sup>x</sup>, comme l'on a coûtume de faire les segmens cylindriques, & la tête sera formée au lit de dessus sans en avoir connu la courbe.

On abattra ensuite le faux lit avec le biveau de lit inférieur & de doële, qui coupera cette surface cylindrique suivant un arc Elliptique qui se formera aussi sans l'avoir connu.

On auroit cependant pû les tracer, comme l'on a fait les joins de tête du berceau en descente, qui en rachete un de niveau page 64 mais on peut s'en passer comme l'on voit, & opérer avec exactitude.

Enfin avec le biveau mixte 3'4'8 ou 4'3'7 pris à la face du cintre primitif, & le biveau 2<sup>3</sup> 3" 4", ou 2<sup>4</sup> 4" 3" pris sur l'arc A' bB' du trompillon; on creusera les deux têtes de la doële conique sous la doële plate, observant exactement de poser ces biveaux, l'un sur les trois répaires f 3<sup>f</sup> 4<sup>f</sup>, l'autre sur les lignes 7" 3" 4", pour y faire des plumées creuses, sur lesquelles on sera couler la régle pour former la surface conique, comme il a été dit au commencement du seçond Tome, pour la formation de ces sortes de surfaces.

#### Explication Démonstrative.

La formation de la Voute conique est visiblement la même que celle des simples, dont il a été parlé au Tome précedent, par le moyen d'une pyramide inscrite dans le cône; mais comme la tête ou arête de face de cette Voute est à double courbure, nous avons inscrit au-dedans un cône Droit, au-delà duquel est une partie sail-

lante qui est bien déterminée par la projection verticale faite sur un plan parallele à l'axe du cône; mais non pas les longueurs des joins de lit qui y sont comprises, parce que leur direction étant inclinée à l'axe d'où elles tirent leur origine au sommet du cône, cette projection ne suffit pas pour en déterminer les longueurs, c'est pourquoi on est obligé de faire un second profil, qui donne la valeur des joins de lit jusqu'à l'arête d'ensourchement, d'où rétranchant la partie du cône Droit inscrit, le reste est l'excès de la Voute sur la trompe Droite simple.

#### USAGE.

Quoique ce Trait ne tombe pas souvent en pratique pour les trompes, il est très fréquent pour les Lunettes qu'on fait souvent ébrasées pour donner ou recevoir plus de jour, comme dans les ness des Eglises au-dedans des vitraux. On en voit de pareilles aussi dans les sortifications comme dans les noyaux des Tours bastionées du Neuf Brisack, où le magazin à poudre, qui est pratiqué, est éclairé par une lunette conique sur-baissée, qui rachete le berceau du souterrain qui tourne par pans autour du noyau.

Nous devons ajoûter ici une observation sur le changement qui doit arriver lorsque la Voute conique est dans une situation contraire à celle du Trait précedent, c'est-à-dire lorsque le sommet du cone, qui étoit au-dehors du berceau en S, est au-dedans, par exemple en S; alors l'ébrasement qui se faisoit du dehors au-dedans, se fait au contraire du dedans au dehors, comme sont quelquesois les abajours.

It résulte de cette difference de position du cône, que suposant toutes choses égales, il faut que la projection de l'arête d'ensourchement, & par conséquent l'arête même soit saite en sens contraire, tournant en concave ce qui étoit convexe, parce qu'au lieu que la cles étoit alongée de la quantité AN, elle se trouve ici racourcie de la quantité A9, dont la projection ge est moindre que Cn, quoique l'on supose le cône égal; dans ce cas il semble qu'il convient d'opérer par circonscription, en saisant passer le cône Droit par les impostes AB, qui sont plus longues que la cles.

Si l'on fait attention au Trait dont il s'agit, tant dans l'un que dans l'autre cas, on réconnoîtra qu'il a déja été donné ci devant, & sous un autre nom, lorsque nous avons parlé de la rencontre des cônes avec les cylindres verticaux; car si au lieu de considerer le berceau comme horisontal, on le supose dans une situation verticale.

·			
· ·			;
•		•	•
·			
•			
	_		Ì

on reconnoîtra que l'arc CQ2, qui étoit un profil, devient fans aucun changement intrinseque, le plan horisontal, & que le point N, qui est ici le profil du milieu de la clef, devient une des impostes, de sorte que le premier cas où la clef étoit convexe à son arête d'enfourchement, devient le second dont nous venons de parler, où la même arête est concave.

Quatrième situation des Voutes Coniques à l'égard des Cylindriques, lorsque les axes sont inclinez à l'horison.

EXEMPLE.

Trompe Conique, biaise dans un angle obtus, rampante par une imposse, & de niveau à l'autre, rachetant un Berceau en descente.

It semble par l'énoncé de ce Trait que j'imagine des difficultez sizarres qui ne peuvent être d'aucun usage dans la pratique; cepen-lant j'ai eu occasion de l'exécuter dans une petite lunette, où la desente soûterraine au sossé est extrémement oblique à la direction de l'entrée d'un petit magazin, pratiqué dans l'épaisseur du rampart, PL. comme il est exactement exprimé à la fig. 88. J'ai dit que j'avois eu Fig. 88. occasion de mettre ce Trait en œuvre, & non pas que je l'aye fait, parce que je n'ai fait les Voutes que de briques au lieu de pierre de taille, qui auroit causé une dépense inutile, dans un endroit si peu fréquenté; mais comme la brique n'est pas commune par-tout, il peut urriver qu'on ait besoin d'en faire en pierre de taille, au moins l'arête s'enfourchement.

Soit (fig. 87.) l'angle obtus ASB, dont les côtés inégaux AS, BS Fig. 87. iont terminez en A & B par le piédroit GD, d'un berceau GFED, qui descend de D vers G.

It s'agit de vouter le renfoncement triangulaire ASB, de maniere que sa Voute apuye & rachete celle du berceau, ce qu'on ne peut mieux faire que par une trompe conique biaise, dont l'imposte SA doit être rampante de S vers A de toute la quantité Ar = AR, de la descente du berceau depuis B vers A, que nous avons exprimé par AR; ensorte que si l'on supose les triangles SAr & BAR qui sont ici dans le plan du papier, se mouvoir au-tour de leur côté SA & BA jusqu'à ce qu'ils lui soient perpendiculaires; les points R & r se réuniront sous A, & les lignes Ar & AR n'en feront plus qu'une aplomb.

J'AI dit qu'il falloit que la seule imposte SA sût rampante, parce

qu'il convient que l'imposte SB, qui doit servir de linteau à une porte IK, soit de niveau.

AYANT donc fait au point A, qu'on suposera de niveau avec B, une perpendiculaire AR égale à la difference de niveau que donne la descente depuis B vers A; on tirera RB qui représentera l'imposte de la descente du berceau, laquelle RA doit être prise pour le diametre du cintre primitif de la trompe, lequel doit ramper comme l'imposte du berceau.

IL faut présentement chercher le demi diametre vertical CH de ce cintre, pour lui donner la plus grande hauteur qu'il est possible, afin d'apuyer solidement les reins du berceau, échancrez par la rencontre de la trompe.

On divisera AB en deux également en P, & l'on tirera PC perpendiculaire sur AB, qui coupera RB aussi en deux également en C.

Par les points S & P on tirera la droite Sq, qui coupera les imposses du berceau en descente, l'une en P, l'autre en q; la partie Pq seroit le diametre d'une section Elliptique du berceau s'il étoit de niveau, mais comme il monte de A vers B, si l'on tire qg perpendiculaire sur AB, on reconnostra que le point q doit être au-dessus de P d'une quantité proportionnelle à la distance de P à g, en disant BA. AR: Pg.gx, ainsi ayant fait la ligne qQ égale à gx, & perpendiculaire sur P q; on tirera PQ, qui sem le diametre rampant de la section du berceau, coupé par un plan vertical passant par le sommet S de la trompe, & le milieu de sa cles.

Si l'on supose le berceau en plein cintre DVE à sa section verticale, le demi diametre C\*V donnera celui de l'Ellipse à faire sur PQ, ainsi avec les deux diametres conjugez PQ & C-V transporté en C\*\* L, & l'angle PC\*\*L que fait le diamettre rampant PQ avec la verticale ML; on décrira la demie Elliptise PLQ par le Probl. 8. du second Livre,

Sort donc PTL le quart de cette Ellipse, on élevera sur SP, au point S, une perpendiculaire Sm égale à CP, & par le Probl. III. du même Livre, on tirera de ce point m une tangente au quart d'Ellipse PTL qui le touchera au point T, par où on abaissera une perpendiculaire sur S q qui la coupera au point Y, la longueur PY exprimera la plus grande prosondeur de la lunette dans le berceau suivant la clef de la trompe.

DES VOUTES COMPOSE ES CHAR. II. 127 Er si du point P on éleve une perpendiculaire sur Pq, jusqu'à ce qu'elle rencontre la ligne m T en h, la ligne Ph sera le demi diametre vertical du cintre primitif de la Voute que l'on cherche.

AVEC le grand diametre rampant RB, le demi diametre vertical CH, qui doit être égal à Pb, & l'angle de la descente R avec l'aplomb CH, on décrira, par le Probl. 8. du second Livre, la demie Ellipse RHB, dont on sera le ciatre primitif de la trompe.

L'AYANT divisé en ses Voussoirs, par exemple en sept, aux points 1, 2, 3, 4, 5, 6, on abaissera de ces points des perpendiculaires sur AB, lesquelles étant prolongées, couperont le diametre rampant aux points  $o^1$ ,  $o^2$ ,  $o^3$ , &c. & l'horisontale AB aux points  $p^1$ ,  $p^2$ ,  $p^3$ , &c. par lesquels & par le point S on tirera autant de lignes jusqu'à la rencontre de l'imposte oposée du berceau FE. Pour avoir autant de diametres des sections du berceau qu'il y a de joins de lit à la trompe, lesquels diametres doivent tous être rampans, les uns en montant, les autres en descendant, ce qu'il est facile de connoître en tirant du point S, sommet de la trompe, une ligne SN perpendiculaire aux côtez du berceau; les sections obliques saites par les joins de lit de la trompe prolongez, seront en descente depuis O vers X, & en montée depuis O vers C.

Pour trouver facilement la quantité, dont chacune de ces Ellipses rampent, on menera par le point O une ligne  $r \circ b$  parallele à RB, & par tous les points  $m^1$   $m^2$   $m^3$ , &c. où les projections des joins de lit prolongées coupent la ligne du mílieu  $X \circ C_0$ , on lui menera des perpendiculaires qui couperont la ligne de rampe  $r \circ C_0$  aux points  $z^1$ ,  $z^2$ ,  $z^3$ ,  $z^4$ , &c.

Par tous les points  $m^1$ ,  $m^2$ ,  $m^3$ , &c. on tirera des perpendiculaires ml, aux projections des joins de lit prolongez  $Sm^1$ ,  $Sm^2$ , &c. fur lesquelles on portera les longueurs  $m^1$ ,  $2^1$ ,  $m^2$ , &c. en dessus depuis O vers  $C^*$ , & en dessous depuis O vers X, lesquelles lignes donneront les points  $c^1$ ,  $c^2$ ,  $e^3$ ,  $c^4$ , &c. qui feront les centres des differentes Ellipses qu'il faut tracer, dont le diametre vertical  $C^1$   $L^1$ ,  $C^2$   $L^2$  est toûjours égal à  $C^*$  V.

Les demi diametres rampans & verticaux de toutes ces demies Ellipses étant donnez & leurs angles de conjugation, on les décrira par le Probl. 8. du second Livre, comme on les voit dans la figure; il ne reste plus qu'à trouver la rencontre des joins de lit de la trompe avec chacun de ces quarts d'Ellipses.

Sur chacun des joins de lit en projection, on élevera une petite perpendiculaire au point S, qu'on fera égale à la distance de la ligne AB de niveau avec le diametre RB rampant, & une seconde perpendiculaire sur AB, au point où cette projection de joint de lit coupe la ligne AB.

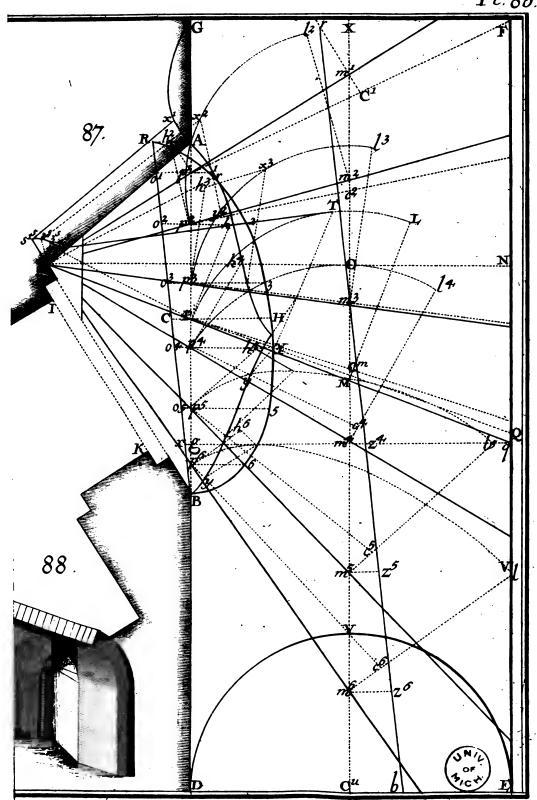
AINSI, par exemple, pour le second joint S p2, on élevera au point p² la perpendiculaire  $p^2$   $b^2$ , qu'on fera égale à la hauteur de retombée 2  $o^2$  du cintre primitif RHB; ensuite au point S on fera la petite perpendiculaire S 2' égale à p2 02, & par les points 2' & b2 on tirera la droite 2' x2, qui coupera le quart d'Ellipse p2 x2 /2 au point x2, d'où l'on abaissera sur l'horisontale S m² la perpendiculaire x² y², qui donnera le point y<sup>2</sup> de la projection de la rencontre du joint de lit avec l'arête de la lunette à son intersection avec la surface du bareau, que l'on cherche.

On cherchera de même tous les points x pour avoir les vrayes longueurs des joins de lit en S x, & dans les points y pour avoir la courbe RyYyB de la projection de l'arête de rencontre des deux doëles de la trompe & du berceau.

CETTE projection & les longueurs des joins de lit étant donnez, il est visible par tous les exemples des enfourchemens des Traits précedens, que l'on a tout ce qui est nécessaire pour former les panneaux de doële plate, & chercher les biveaux; & enfin pour tracer les Voussoirs par équarrissement si l'on veut, en faisant un lit de suposition horisontale passant par AB, ou parallelement à AB au-dessus dans les Voussoirs qui aprochent de la clef, & au-dessous pour la naissance en R, & raportant à ce plan de suposition toutes les hauteurs des retombées du cintre primitif sur l'horisontale, passant par le point le plus bas du Voussoir, ce qui est facile à concevoir & à exécuter, si l'on a compris ce qui a été dit dans toute cette seconde partie des Voutes composées.

# Explication Démonstrative.

Si l'on fupose des plans verticaux passant par les joins de lit de la trompe prolongez, il est évident qu'ils feront deux sections, l'une triangulaire dans le cône, parce qu'ils passent par son sommet, l'autre Elliptique dans le cylindre, parce qu'ils le coupent tous (à la réserve d'un seul) obliquement à son axe, par conséquent l'interjection de tous les triangles avec toutes les Ellipses qui sont dans les mêmes plans verticaux, sera l'arête de rencontre des deux surfaces, d'où il suit que



1 • • . .

quent si de tous ces points d'intersection on abaisse des verticales x y, on aura, sur le plan horisontal, la projection de cette arête qui est courbe à double courbure.

Mais à cause que le Berceau est suposé en descente, & le point S de niveau avec le point B, il arrive que le plan du triangle par l'axe. sera incliné à l'horison suivant la ligne RB, par conséquent que le sommet S sera d'autant plus haut que tous les points p de la ligne AB, qu'on supose de niveau avec B, que chacun de ces points p aprochera de B, où S & B; sont de niveau, c'est pourquoi nous avons porté sur le point S les hauteurs op, op, qui marquent de combien l'imposte est au dessous du niveau de S & de B.

Ou l'on peut remarquer que ces hauteurs ainsi rangées autour de S donnent des rayons d'une spirale S 1' 2' 3', &c.

# CHAPITRE TROISIEME DES RENCONTRES DES BERCEAUX avec les Voutes sphériques.

L'UNIFOR MITE' de la Sphère, n'offre pas beaucoup de combinaisons de rencontres avec les Berceaux. Quant à la Sphère considerée en elle-même, il n'y en a que deux; scavoir, lorsque l'axe du Berceau passe par le centre de la Sphère, & lorsqu'il n'y passe pas; mais si l'on fait attention à l'arangement de ses lits, & à la situation du Berceau à l'égard de l'horison, on pourra multiplier les cas de ces rencontres, lorsque le Berceau est vertical, comme une Tour. 2°. Lorsqu'il est horisontal. 3°. Lorsqu'il est incliné en descente; nous allons traiter de chacun en particulier.

#### PROBLEME. V.

Faire un Berceau en situation, quelconque qui rachete une Voute sphérique

PREMIER CAS.

Berceau Droit ou biais de niveau, qui rachete un Cu-de-Four.

Soit (fig. 89.) le trapeze ABDE, le plan horisontal d'un Berceau Pl. 87. de niveau, dont le demi cercle BHD, est l'arc-droit, & la ligne c \* Fig. 89.

Tom. III.

fon axe prolongé, qui ne passe par le centre C de la Sphère FPAE, ce qui fait une rencontre biaise, que nous choisissons pour exemple, parce qu'elle est un peu plus difficile que la Droite, qui est celle où l'axe du Berceau passe par le centre C de la Sphère; dans le premier cas, les Voussoirs d'enfourchement sont égaux de part & d'autre de la clef, au lieu qu'ici ils sont tous differens.

Ayant divisé le centre primitif du Berceau, (qui est ici l'arc-droit BHD) en ses Voussoirs, aux points 1, 2, 3, 4, on menera par ces points des paralleles à la direction indéfinies 1 n', 2 n<sup>2</sup>, &c.

On fera ensuite un profil de la Voute sphérique sur son diametre FG, qui est parallele à la direction du Berceau; à son milieu, on élevera une perpendiculaire CP, sur laquelle on portera les hauteurs des retombées du Berceau  $1 p^1$ ,  $2 p^2$ , en  $Cr^1$ ,  $Cr^2$ , par où on tirera des horisontales qui couperont l'arc FP en  $t^1$ ,  $t^2$ , d'où l'on abaissera des perpendiculaires sur la base de profil FG, qui la couperont aux points  $Q^1$ ,  $Q^2$ .

Du point C pour centre, on tracera par ces points des arcs de cercles concentriques, qui couperont chacun deux des projections de lit du Berceau correspondantes; scavoir, l'arc sur  $Q^{\tau}$ , coupera la projection  $p^{\tau}$ ,  $n^{\tau}$ , au point  $n^{\tau}$ , & sa pareille provenant du point 4, qu'on supose de même hauteur que le point 1, au point  $n^{\tau}$ . L'arc passant par  $Q^{\tau}$ , coupera de même les deux projections des joins de lit, à côté de la cles en  $n^{\tau}$ ,  $n^{\tau}$ .

Par les points trouvez A n<sup>1</sup>, n<sup>2</sup>, n<sup>3</sup>, n<sup>4</sup> E, on tracera une courbe, qui sera la projection de l'arête de l'enfonchement du Berceau & de la Voute sphérique, laquelle courbe est un Ellipsimbre. Au lieu de cette courbe, il suffira de mener des lignes droites d'un point à l'autre, qui en sèront les cordes.

Nous n'ajoûtons pas de profil de la courbe de l'arête d'enfourchement, parce qu'il est inutile pour trouver les longueurs des joints de lit, qui sont déja données à la projection, dans la suposition que le Berceau soit de niveau. Il n'en n'est pas de même lorsqu'il est en descente, comme on le verra au trait suivant.

Par le moyen des longueurs des joints de lit AB, m p, n<sub>2</sub> p<sub>4</sub>, &c. on fera les Pameaux de doële plate du Berceau, suivant la maniere ordinaire; par exemple pour le quatriéme Voussoir, ayant porté à part la corde 3' 4, en 3<sup>d</sup> 4<sup>d</sup>, de la fig. 91. & ayant tiré deux perpendiculaires par ses extrémitez 3<sup>d</sup>, 4<sup>d</sup>, on portera sur l'une la lon-

Fig. 91

# gueur p<sup>4</sup>, n<sup>4</sup>, & fur l'autre la longueur de laprojection p<sup>3</sup> n<sup>3</sup>, le trapeze p<sup>3</sup>, n<sup>3</sup>, n<sup>4</sup>, p<sup>4</sup>, fera le panneau que l'on cherche : ainfi des

trapeze  $p^3$ ,  $n^3$ ,  $n^4$ ,  $p^4$ , fera le panneau que l'on cherche; ainfi des autres qui sont tous tracez de suite à la fig. 91.

autres qui tont tous tracez de latte a la 116. 91.

PRESENTEMENT, il faut faire le panneau de doële plate de la partie de la Vonte spérique, que comprend le Voussoir d'enfourchement, dont la projection horisontale est le triangle mixte  $n^3$  q  $n^4$ , compris par l'arc  $m^3$  q, la ligne droite q  $n^4$ , provenant du centre C, & la corde  $n^3$   $m^4$ , commune aux deux doëles du Berceau & de la Voute sphérique.

On tirera du centre C par les deux extrêmitez de la ligne  $n^3$ ,  $n^4$ , & par son milieu des lignes droites entre les deux projections des lits de dessus & de dessous comme  $n^3$  t, q  $n^4$ , & M m, & les cordes  $n^3$  q & t  $n^4$ , qui couperont la ligne du milieu M m, prolongée en p & p.

Cerre préparation étant faite au plan horisontal, on en fera encore une au profil, on portera la fléche My, en  $t^2 V$ , & zm en  $t^1 u$ , fur l'horisontale  $t^1 t^1$ , & l'on tirera la ligne Vu.

On déterminera ensuite la longueur du Voussoir de la Voute sphérique, qui peut s'étendre au-delà de la partie de l'ensourchement, autant que la grandeur de la pierre qu'on veut employer le permettra comme q d; mais pour la facilité de l'exemple, nous n'embrasserons que la partie de l'ensourchement  $n^3$  q.

On portera dans une place à part la corde t nt en NT, de la fig. 90. fur le milieu de laquelle on fera une perpendiculaire M m, égale à la ligne V u, du profil par l'extremité M, de laquelle on tirera une parallele à TN, fur laquelle on prendra la longueur MQ égale à M q, de la fig. 89. & M n égale à M  $n^3$ , le trapeze Q n NT, fera celui de la doële plate d'un Voussoir de la Voute sphérique, de laquelle il faut retrancher pour le Berceau de niveau, le triangle T n N, sait par la diagonale n N.

Si le Voussoir étoit plus long, on pourroit lui ajoûter la longueur qd, déterminée au plan horisontal par qd en Qd, de la fig. 90. & u+i en Ni; mais alors il faut tirer les cordes  $dn^3$  & it, qui donneront de plus grandes sléches, par conséquent la ligne Vn du profil, sera plus éloignée de  $s^2$ ,  $s^i$ , & le panneau sera fait.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

AYANT dressé un parement de suposition horisontale, on y tracera R i j

les angles rectilignes  $q n^3 p^3$ , &  $n^3 q$  S, dont l'un est celui de la corde  $q n^3$ , avec la projection  $n^3$ ,  $p^3$ , de la projection du joint de lit du Berceau, l'autre celui de la même corde, avec le joint montant de la Voute sphérique, sur lequel on portera la retombée b n, pour mener une parallele à cette corde, suivant laquelle on abattra la pierre avec le biveau de doële plate & d'horison V n O', pour former la doële plate de la Voute sphérique, sur laquelle on apliquera le panneau qu'on vient de faire à la fig. 90 pour y en tracer le contour, & sormer le Voussoir en portion de Voute sphérique avec ses lits, comme il a été dit en parlant des Voutes simples, tom. 2. pag. 325. de la même maniere que si la Voute n'étoit point pénétrée par un Berceau, à la réserve du lit de dessous qu'il ne saut pas encore saire, parce que le plan de suposition horisontale, qui est le premier parement qu'on a sait, doit servir pour la formation des deux doëles.

Par le moyen de ce parement, on formera la partie du Berceau qui aboutit à la doële sphérique, par la même maniere qu'on vient d'employer, c'est-à-dire, avec le biveau de la doële & d'horison O 4 3, avec cette différence, qu'il ne sera pas nécessaire d'y faire une préparation de doële plate; on formera ce biveau tout d'un coup mixte, ayant une branche droite O4, & une courbe 4 1 3.

FAISANT couler la branche droite sur le parement de suposition horisontale, perpendiculairement à la ligne  $n^2$   $p^4$  qu'on y supose tracée par le point  $n^4$ , parallelement à la premiere  $n^3$   $p^5$ , & abattant la pierre suivant l'exigence de la branche courbe  $4^{l}$  3, qui doit être aussi toujours perpendiculaire à la même ligne.

Les deux doëles creuses étant finies, on prendra les biveaux mixtes de doële & de lit de dessous, suivant lesquels on abattra la pierre, pour former le lit plan du Berceau, & le lit conique convexe de la Voute sphérique, lesquels par leur intersection, donneront l'arête de rencontre des deux lits, & la pierre sera achevée.

#### REMARQUE

On voit que par cette méthode, on n'a befoin ni de panneaux de doële de Berceau, ni de panneaux de lit de l'une & de l'autre Voute, ce qui rend l'opération beaucoup plus fimple & plus commode, que celle qu'on trouve dans les Livres de la coupe des pierres.

#### SECOND CAS.

# Berceau en descente Droite ou biaize, qui rachete une Voute sphérique.

Sorr (fig. 96.) ABDE, la projection horisontale du Berceau, & Fig. 96. Ie cercle KPAE, la base horisontale de la Voute sphérique où il aboutit.

Sur BD, diametre du cintre primitif, ayant décrit le demi cercle BHD, ou la demie Ellipse BSD, dont l'une est le cintre de face, Pautre l'arc droit, & l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, on menera à l'ordinaire par ces points, ou par leurs projections  $p^{\tau}$ ,  $p^2$ , &c. (si la face de descente BD, étoit oblique à sa direction) des paralleles à la direction de la descente, qui couperont le diametre PQ, de la Sphère (perpendiculaire à cette direction) aux points  $c^1$ ,  $c^2$ ,  $c^3$ ,  $c^4$ , & le contour de la Sphère aux points  $b^{\tau}$ ,  $b^{\tau}$ ,  $b^{\tau}$ ,  $b^{\tau}$ .

On fera ensuite le profil de la descente sur le côté BA, prolongé en M', jusqu'à la rencontre du diametre PQ. Puis par le point E, on menera une perpendiculaire à MB, qui coupera cette ligne en e, où l'on sera l'angle de rampe BeF, qu'on supose donné, dont le côté eF, coupera DB prolongé en F, suposant la face de descente perpendiculaire à sa direction horisontale; car si elle ne l'étoit passil faudroit toujours saire BF perpendiculaire sur eB.

Pour achever ce profil, on portera fur BF prolongée, les hauteurs des retombées  $1 p^1 - 2 p^2$ , en F  $f^1$ , F  $f^2$ , par où on menera des paralleles à la ligne de rampe  $F^1$ ,  $N^+$ ,  $F^2$ ,  $N^3$  prolongées indéfiniment.

Si l'on avoit pris pour cintre primitif l'arc-droit BSD, on auroit porté les hauteurs des retombées sur une perpendiculaire à la rampe en GR<sup>1</sup>, GR<sup>2</sup>, & l'on auroit continué de même.

Ensuite du point M', où la base B e coupe le diametre de la Sphère PQ, pour centre, & de toutes les distances c b, pour rayon, prises succssivement, on sera des arcs de cercles qui couperont les profils des joins de la descente, en des points qui donneront les ayances de l'arête de la lunette.

Aussi du point M' pour centre, c', b' pour rayon, on décrira-

#### 34 STEREOTOMIE LIV. IV. PART. II.

l'arc 'N' r, qui coupera le premier joint F<sup>1</sup> N<sup>4</sup>, au point N'. Du même centre M', & pour rayon la longueur c<sup>2</sup> b<sup>2</sup>; en décrira un fecond arc qui coupera le fecond joint de lit f<sub>2</sub> N<sup>3</sup>, au point N<sup>2</sup>; du même centre & de l'intervale c<sup>3</sup> b<sup>3</sup>, on tracera un arc qui coupera le fecond profil, qui fert aussi pour le troisième joint en N<sub>3</sub>. Ainsi du quatrième qu'on trouvera du même centre avec c4, b<sup>4</sup> pour rayon.

Pour avoir les mêmes points du profil en projection horisontale, il n'y a qu'à abaisser des perpendiculaires sur les projections horisontales, correspondantes des joins de lit  $p^1$   $n^1$ ,  $p^2$   $n^2$ , qu'elles couperont aux points  $n^1$ ,  $n^2$ ,  $n^3$ ,  $n^4$ , par lesquelles on menera des lignes droites, qui seront les projections des rencontres des doëles plates du Berceau avec celles de la Voute sphérique.

Si au lieu de ces lignes droites, on trace par les mêmes points une ligne courbe, elle sera la projection horisontale de l'Ellipsimbre, qui se forme par l'intersection des surfaces de ces deux corps, laquelle courbe est rampante de la hauteur A a, qui est la différence du niveau des impostes e & a.

Les projections verticale & horisontale étant faites, il faut former l'arc-droit BSD, comme à toutes les descentes, par le moyen d'une perpendiculaire GR<sup>2</sup> à la rampe e F, portant les longueurs GR<sup>1</sup> & GR<sup>2</sup>, en p<sup>1</sup> 1<sup>r</sup>, p<sup>2</sup> 2<sup>r</sup>, &c.

Presentement on a tout ce qui est nécessaire pour sormer les panneaux des doëles plates des deux Voutes; celui de la Voute sphérique se fera comme au cas précédent, & celui de la descente du même Voussoir qui fait l'ensourchement, se fera par le moyen des longueurs & des avances des joins de lit donnez au profil, & de leur intervale donné à l'arc-droit, comme nous l'avons tant de sois repeté.

Mg. 96. In ne reste qu'à chercher le biveau nécessaire, pour donner à con deux doëles l'inclinaison qu'elles doivent avoir entre-elles, pour sormer la rencontre d'ensourchement des deux Voutes.

Suposons, par exemple, qu'on cherche le biveau de rencontre des deux doëles du second Voussoir marqué au cintre primitif 1. 2.

On portera la hauteur N<sup>1</sup> & du profil, en p<sup>1</sup> V, au-dessus de la projection p<sup>1</sup>, du point 1, qui est le plus bas du Voussoir; ensuite on prolongera la corde 2° 1, jusqu'à la rencontre du diametre DB pro-

longé, qu'elle coupera en q. Par le point V, on menera VY parallele à 1 q, qui coupera la même ligne BF en Y, par où & par le point n', de la projection horisontale d'enfourchement du premier lit, on tirera la ligne Y y, qui sera l'intersection de la deuxième doële plate du Berceau avec l'horison.

L'intersection de la doële plate de la Voute sphérique, est donnée à la projection horisontal en n's, par la corde menée d'un de ces points à l'autre, parce que si la Voute sphérique n'étoit pas percée par le Berceau, ses lits seroient continuez de niveau.

Les fections des doëles plates du Berceau en descente, & de la Voute sphérique avec le même plan horisontal, étant données avec la projection  $n^1$   $n^2$ , de leur arête de rencontre, il sera aisé de trouver l'angle de leur inclinaison mutuelle, par le Probleme 12. du 3°. Livre; mais pour ne pas y renvoyer le lecteur, nous en serons ici l'aplication dans une sigure 92. à part, pour ne pas embroüiller la Fig. 25. fig. 96.

Ayant transporté en un endroit à part, les angles des lignes y m,  $m^2$  &  $n^2$   $n^1$ , avec la longueur  $n^1$   $n^2$ , de la projection de la fig. 96. en Z 1 2, & 2 1 f, de la fig. 92. & fait 1 2, égal à  $n^1$   $n^2$ ; on élevera sur cette ligne au point 2, une perpendiculaire 2 h, qu'on fera égale à la hauteur h 2, de la retombée du second Voussoir. Par le point h, ayant tiré la ligne h 1, on lui fera une perpendiculaire h h, qui coupera 1 2, prolongée au point h, par où on tirera à la même ligne 1 2, une perpendiculaire h 2, qui coupera les lignes données d'intersection des deux doëles avec l'horison aux points h 2. Si fur h 1 h prolongée; on portera la longueur h h en h h Si de ce point h on tire des lignes en h h h en h h Si de ce point h on tire des lignes en h h h en h h en h h Si de ce point h on tire des lignes en h h si de ce point h on tire des lignes en h h en h en

### Aplication du Trait sur la pierre.

Si l'on ne cherchoit point à ménager la pierre, on pourroit faire l'aplication de ce trait, de la même maniere qu'au cas précedent, par la suposition d'un parement horisontal; mais comme l'inclinaison de la descente, laisseroit un grand vuide au-dessus, elle occasionneroit trop de perte de pierre, c'est pourquoi nous revenons à la même pratique que nous avons donné pour les ensourchemens des Berceaux en descente, avec ceux qui sont de niveau.

AYANT dressé un parement destiné pour une des deux doëles plates, par exemple pour celle du 2°. Voussoir du Berceau en descente, on y apliquera le panneau de la sig. 91. qui convient à ce Voussoir qu'on se propose de faire, pour en tracer le contour, puis avec le biveau des deux doëles trouvé, comme il a été dit à la sig. 92. Le posé d'équerre sur l'aréte commune, on abattra la pierre suivant l'angle Z x S, pour sormer un second parement, sur lequel on apliquera le panneau de la sig. 93. de la doële plate de la Voute sphérique, pour en tracer aussi le contour,

Les deux têtes des doëles qui se rencontrent, & les arêtes des joins de lit qui les comprennent étant données, il est visible qu'il n'y a plus qu'à abattre la pierre avec les biveaux de lit & doële plate, donnez aux arcs-droits des deux Voutes; par exemple 2' 1' 5', pour le lit de dessous de la branche de la descente. & 1' 2' 6', pour celni de dessus.

QUANT à la partie de la doèle sphérique, si le Voussoir ne sait pas une branche; mais seulement une tête au bout du rang de la descente, on n'aura à saire que le lit de dessus, suivant l'angle K s<sup>2</sup> T du prosil, celui de dessous étant retranché par la rencontre du Berceau; mais si le Voussoir fait une branche, comme il convient à la bonne construction, il aura deux lits inégalement longs, celui de dessus comprendra la longueur de la branche sphérique, outre la largeur de celle qui entre dans le Berceau, & celui de dessous, ne s'étendra qu'au long de la branche.

On sçait qu'outre les biveaux de lit & de doële, il faut encore se servir de ceux de doële & de tête; mais comme ceux-ci n'ont rien de particulier dans les rencontres des Voutes, nous n'en faisons pas mention ordinairement, parce qu'ils sont toujours les mêmes qu'ils doivent être à chaque espece de Voute simple.

Celui de la partie sphérique, sera toujours l'angle de la corde avec le rayon de la Sphère, par exemple, l'angle n<sup>3</sup> d n<sup>4</sup>, qui change d'ouver-ture, suivant le plus ou le moins de longueur de la corde du Voussoir.

A l'égard de celui de tête de la descente, si le Voussoir n'atteint pas à la face d'entrée, il sera Droit en retour d'équerre, pour la continuation de la Voute, & s'il s'étend jusqu'à la face, il sera d'une ouverture qu'il faut chercher, comme il a été dit au tome précedent, en parlant des Voutes simples, selon qu'elle sera à plomb ou en falud, ce qu'il est inutile de repéter.

Nous n'ajoûtons rien ici touchant la différence du cas où la descente

est biaise, nous en avons assez parlé au tome précedent, en traitant des Voutes simples, & cette différence qui en cause peu dans l'enfourchement, n'influë en rien dans la maniere d'en faire la pro-ection.

# Explication Démonstrative des deux Traits précedens.

-Si l'on supose, suivant la méthode générale que nous avons donné au premier Livre, pour trouver les intersections des surfaces de disferens corps, que la Voute sphérique & le Berceau en descente, sont coupez par des plans verticaux, passans par les projections des joins de lit du Berceau, en telle situation qu'on voudra, ou de niveau comme au cas précedent, ou en descente comme dans celui-ci; ces plans verticaux, feront par leurs fections, des parallelogrames dans le Berceau, & des cercles dans la Voute sphérique. La seule différence qu'il y aura dans les différentes fituations du Berceau, sera que ces parallelogrames qui étoient rectangles, lorsque le Berceau étoit de niveau & sa sace à plomb, seront obliqu'angles, s'il est suposé en descente; mais leurs hauteurs verticales sur la rampe étant entre mêmes paralleles, seront toujours égales aux hauteurs des divisions du cintre de face, qu'on supose vertical, dans l'un & l'autre cas; on peut donc apliquer les hauteurs de ce cintre, dans le cercle majeur de la Sphère, qui sert de section de profil, comme si le Berceau en descente étoit de niveau.

It est clair que tous les plans verticaux, qu'on supose passer par les joins de lit du Berceau, sont par leur section, dans la Voute sphérique des cercles inégaux, selon qu'ils passent plus près ou plus loin du centre de la Sphère, & que les rayons de ces cercles, sont des longeurs  $c^1$   $b^1$ ,  $c^2$   $b^2$ ,  $c^3$   $b^3$ , &c. menées depuis le diametre PQ, à la circontérence de la base de la Voute sphérique, qui est retranchée par la pénétration du Berceau.

On, comme dans la projection verticale, le diametre PQ, n'est représenté que par un seul point M; il est visible que tous les centres c¹, c², c³, c⁴, qui étoient sur ce diametre, sont réunis dans ce seul point M, qui à servi a faire tous les arcs de cercle, qui ont déterminé les points d'intersection des joins de lit du Berceau, à l'arête de l'ensourchement.

La construction des panneaux de doële plate, n'a pas besoin d'explication, il est visible que les inclinaisons des plans, étant différentes, Tem. III.

celui de la doële du Berceau, retranchera toujours une partie triangulaire de celui de la Voute sphérique, & qu'il s'agit seulement de tronver l'angle que sont entr'eux ces deux plans.

Pour trouver cet angle, nous avons cherché suivant notre méthode générale du Probleme XII. du 3°. Livre, la section de chacun de ces deux plans de doële plate avec l'horison; celle de la sphérique se trouve sans difficulté, par la corde de la base du Vonssoir, mais pour celle du Berceau, il y faut un peu plus d'attention.

Si on examine ce que nous avons fait, on reconnoîtra que nous avons imaginé une ligne horisontale  $N^i$ ,  $O^r$  passant par le point le plus bas du Voussoir i 2, qui étoit proposé à faire, laquelle peut être considerée comme un plan horisontal, passant par ce point, & par le second lit de la Voute sphérique; or, ce plan est plus bas que le point F, qui est la projection verticale du diametre BD, d'entrée de la descente, de la hauteur de la ligne r, qui est une partie de l'aplomb  $N^i$ , composé de la hauteur de la retombée  $N^i r$ , haquelle est égale à i, du cintre primitif, &  $f^i$  F du profil, par conséquent  $p^i$  V, sera égale à  $f^i$   $F \to F$   $i = N^i$   $r \to r$ ,  $m = p^i$   $1 \to 1$  V.

Donc le plan de la corde 2° 1 prolongé, & transporté en VY, rencontrera le plan horisontal, dont nous parlons, à une distance BY, du point B, & par la construction, il passera par le point  $n^1$ , qui est la projection du point  $N^1$  du profil; donc la ligne Y  $n^1$  y, est la section de la doële de la descente avec l'horison, qu'il falloit trouver.

Cette section Y g, d'une doële avec l'horison, la section  $n^1$  f, de l'autre doële. & la projection de leur intersection  $n^1$   $n^2$ , étant connuës, le reste de l'operation est démontré au Probleme XII. du  $g^e$ . Livre.

#### · COROLLAIRE.

# De la rencontre des Berceaux avec les Cu-de-Fours, surhaussez ou surhaissez.

De la construction des Traits des ensourchemens des Voutes sphériques, avec les Cylindriques, on peut facilement tirer celles des rencontres, des Sphéroïdes avec les Cylindres; car par la même méthode des sections des plans verticaux, passans par les joins de lit des Berceaux, il en résulte des demie-Ellipses, dans le Sphéroïde,

au lieu des demi-cercles dans la Sphère, lesquelles auront toujours au profil, le même point M' pour centre, pour moitié d'un de leurs axes, les ordonnées au diametre PQ, de l'Ellipse PAEQ, suposée telle, si le plan est Elliptique, consideré dans un plan horisontal, & pour moitié de l'autre, les ordonnées au même diametre, consideré dans un plan vertical, formant une autre Ellipse, ou un demi-cercle PKQ, suivant que le Sphéroide sera alongé ou aplati.

Avec les deux axes donnez, on décrira des arcs Elliptiques, du centre M<sup>c</sup>, au lieu des quarts de cercles qu'on a décrit, pour avoir la terminaison des joins de lit à leur profil, marquez N<sup>1</sup>, N<sup>2</sup>, &c. qui sont à l'arête d'ensourchement des deux Voutes.

Si la Voute en Cul-de-Four, étoit une de ces figures d'Ellipsoïde, dont nous avons parlé au 2° tome, qu'on ne peut faire par le moyen des doëles plates, il faut faire cette partie par équarrissement, comme si la Voute n'étoit pas pénetrée par un Berceau, ensuite faire le Berceau, passant par les points de rencontre, qui auront été trouvez au prosil, qui doit être fait de la même maniere que pour la rencontre de la Voute sphéroïde, par l'intersection des Ellipses dissérentes, suivant l'exigence de la figure de l'Ellipsiode, mais cependant ayant toutes le même sentre en M°.

It est visible que par ces profils, on aura les deux points de jonotion, de chaque doële plate & creuse, des Voussoirs du Berceau en descente; les deux autres se trouveront sur la pierre, par le moyen du parement de suposition horisontale, qui aura servi à faire la surface concave de l'Ellipsoïde, par équarrissement, c'est à dire, dans ce cas, par l'inscription des Cylindres; on abattra la pierre avec le biveau du niveau, & de la rampe M e F, pour tracer dans ce nouveau lit incliné l'arête du lit insérieur de la descente, laquelle étant donnée, il sera facile de trouver celle du lit de dessus, par plusieurs manieres, ou par le moyen de la retombée du Voussoir, ou par le moyen du biveau de lit, & de la doële plate ou creuse, ou du panneau de doële plate: Nous avons trop parsé de tous ces moyens, & nous en avons trop donné d'exemples, pour qu'il soit nécessaire d'en répeter ici l'aplication.

#### SECONDE ESPECE,

Des rencontres des Voutes Cylindriques avec les Sphériques, dont les Poles sont dans le plan de leur imposte.

Nous avons donné ci-devant, la construction des ensourchemens S i j des Berceaux, avec les Voutes sphériques, dont les Poles sont au sommet de leur hauteur, c'est-à-dire, au milieu de la clef, & dont les joins de lit, sont paralleles à l'horison; ici, nous parlons des Voutes sphériques, dont les joins de lit, sont inclinez, & leur pole dans le plan de l'imposte, ce qui peut encore faire deux combinaisons, l'une de la Sphère, avec un Berceau horisontal, l'autre avec un vertical, c'est-à-dire, une Tour ronde ou creuse. Nous n'en comptons pas une troisième, avec un berceau incliné, parce que es sa ne tombe guere dans la pratique; dans cette circonstance, on doit donner à la Voute sphérique, l'arangement des joins du cas précedent.

#### Premiere Combination.

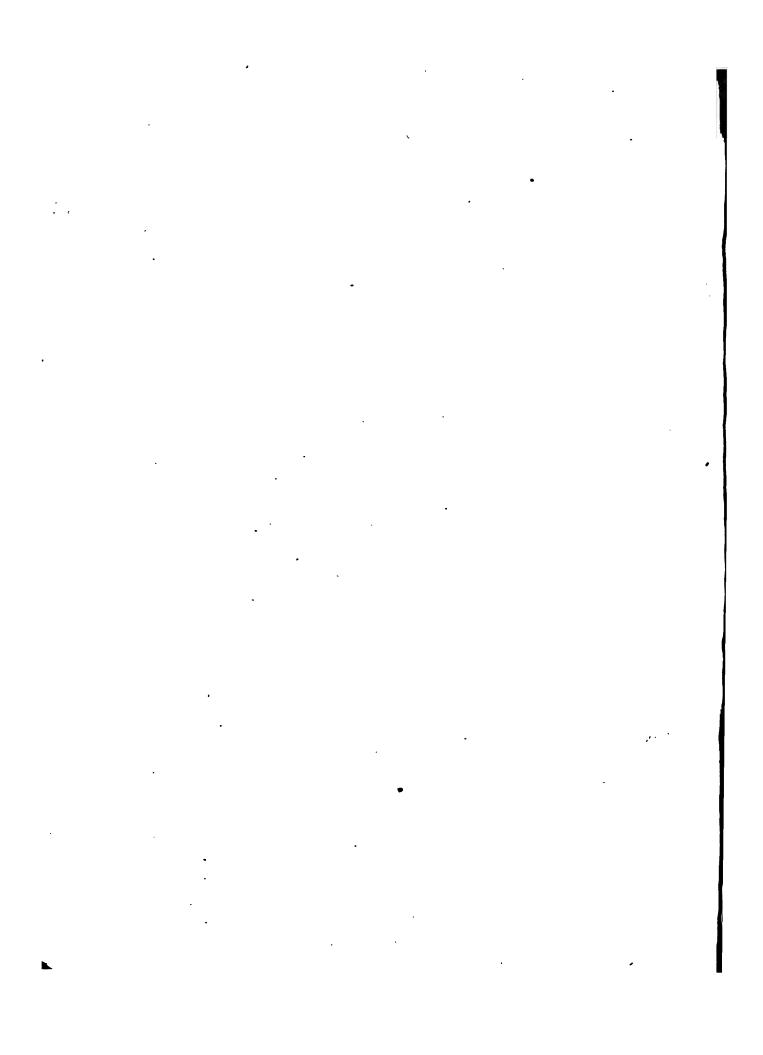
### Voute sphérique, ou Niche en Tour ronde ou creuse

Fig. 97. Sort (fig. 97.) Pare de cercle concave ACB, on l'arc convexe ECD', une portion de la base d'une Tour creuse ou d'une ronde, dans laquelle on veut faire une Niche, dont le plan horisontal, passant par les impostes, est l'arc de cercle APB, égal, plus grand, on plus petit que le demi-cercle, ce qui dépend de la position arbitraire du centre C de la Niche, ou sur la corde AB, de l'arc de la Tour creuse, ou au dedans, ou au déhors, suivant la prosondeur que l'Architecte veut donner à la Niche.

Si l'on se propose de saire les têtes des Voussoirs parsaitement égales entr'elles, il saut prendre pour cintre primitif, celui qui seroit le dévelopement de la portion cylindrique, que retranche la Sphère à la surface de la Tour, par sa pénétration dans cette Tour, lequer cintre est comme nous l'avons dit, de la porte en Tour ronde, une demi-ovale méchanique, qui a pour diametre, la rectification de l'arc AB, & pour ordonnées, les verticales élevées sur cet arc, lesquelles sont terminées à l'arête de rencontre de la doële de la Sphère & de la Tour. Cette arête, est une de ces courbes à double courbure, que nous avons appellé Ellipsimbre.

On peut revoir là-dessus, ce qui a été dit de la porte en Tour ronde, par têtes égales.

La maniere de faire ce cintre de face dévelopé, est de diviser Parc AB de la Tour, en autant de parties égales, qu'on voudra avoir de points de la demi-ovale, & de mener par tous ces points d, d, des



perpendiculaires à l'axe MP, qui le couperont aux points c, c, & la circonférence de la Niche APB, aux points x, x. Par tous les points d, d, on menera des paralleles indéfinies à l'axe MP de la Sphère, & des points c, c, pour centre, & avec les longueurs c x, c x, pour rayons, on décrira des arcs, qui donneront les hauteurs des ordonnées de l'ovale qu'on veut tracer, laquelle sera surbaissée, parce que l'arc ACB, ou seulement sa moitié C d B, rectifiée, qui en est un demi axe, sera plus grande que le demi diametre de la Sphére CI, qui est l'axe vertical de cette ovale H 1 b.

Le contour de ce cintre étant tracé, on le divisera en tel nombre de Voussoirs qu'on voudra aux points 1, 2, &c. d'où l'on abaissera des perpendiculaires, qui couperont le diametre aux points  $p^1$ ,  $p_2$ . On portera ses intervales de suite repliez, sur l'arc ACB, pour y faire passer les projections des joins de sit, qui sont des portions d'Ellipses, sesquelles doivent toutes passer par ces points, & par le Pole P de la Sphère.

Si l'on ne veut pas affecter une division des têtes des Voussoirs en parties exactement égales, on rendra l'opération plus courte & plus simple, comme il suit :

Avant tiré par le point C, la ligne DI, parallele à la corde AB, & élevé sur cette corde la perpendiculaire MP, on divisera le demicercle DPI, en autant de parties égales qu'on voudra avoir de Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, d'où l'on abaissera des perpendiculaires, qui couperont DI, en des points q<sup>1</sup>, q<sup>2</sup>, lesquelles détermineront les demiaxes de plusieurs Ellipses, qui doivent passer par ces points, & par le Pole P, pour exprimer sur le plan horisontal, la projection des joins de lit de la Niche.

Ainsi ayant les demi-axes de ces Elliples, & la moitié du grand-axe CP, commun à toutes, il sera facile de les tracer par le Probleme VII. du 2°. Livre; ces arcs d'Ellipses prolongez, rencontreront l'arc ACB de la Tour creuse, en des points e', e2, qui donneront les projections des divisions des Voussoirs à la face creuse.

Avec ces deux projections horisontales ACB, de l'arête de rencontre de la doële de la Niche, avec le parement de la Tour & des joins de lit, on pourroit former la Niche proposéé par la voye de l'équarrissement; mais comme la perte de la pierre seroit trop considérable, nous allons donner le moyen de la ménager, par l'inscription d'une piramide dans la Sphère, dans laquelle elle donnera des doëles. plates, dont les angles touchéront trois points de la surface sphérique, & qui sourniront le moyen de trouver le quatrième de la même maniere que nous l'avons dit au tome précedent, en parlant de la Trompe sphérique sur le coin, pag. 368.

On commencera par déterminer la position de la tête du Trompillion, en tirant une ligne TN, perpendiculaire à l'axe MP, qui coupera les projections Elliptiques des joins de lit, aux points  $n^1$ ,  $n^2$ , &c. par lesquels & par les points trouvez  $e^1$ ,  $e^2$ , on tirera des lignes droites, qui rencontreront l'axe MP, prolongé au point S, où sera le sommet de la piramide tronquée, que doivent sormer les doēles plates, depuis la face jusqu'au Trompillon.

Suposons par exemple, qu'on sé propose de faire la doèle plate du second Voussoir de la Niche, dont la projection doit passer par les quatre points  $e^2$ ,  $2^n$ ,  $1^n$ ,  $e^i$ , on menera par le point le plus avancé  $e^i$ , une parallele  $e^i$ , à la corde AB, jusqu'à l'aplomb 2,  $e^2$ , prolongé en r, par où on tirera au sommet S, la ligne r S, qui coupera l'arc CB en Z, & la corde TN du Trompillon, tout près de  $n^2$ , que nous prendrons pour ce point d'intersection, parce qu'on ne peut mettre un caractère auprès, sans y jetter de la consission.

On tirera ensuite par les projections de la face e<sup>1</sup>, e<sup>2</sup>, une ligne droite LB, qui coupera l'axe MP, au point L, & la circonsérence de l'imposte APB, tout auprès de B, en un point que j'apelle aussi B, par la même raison de l'article précedent.

Sur LB, comme rayon, on décrira le quart de cercle B  $m^2$  la auquel on menera par les points  $e^1$ ,  $e^2$ , les ordonnées qui le couperont aux points  $x^1$ ,  $x^2$ , & par le point z, une parallele aux ordonnées 2 Z, dont il faut trouver la longueur par le profil, comme on le dira ci-après, en cherchant les valeurs des lignes, qui doivent faire les côtez du panneau de doële plate, dont nous venons de faire la projection horisontale.

Suposant qu'on veuille faire servir de base des profils, la ligne HS, pour la commodité de la place, on portera la longueur  $S e^t$ , sur cette ligne en SF, où l'on élevera une perpendiculaire  $F f^t$ , égale à la hauteur de la premiere retombée  $I p^t$ , puis on tirera  $f^t$  S, qui coupera NT en  $T^t$ , la ligne  $f^t$ ,  $T^t$ , sera la valeur de la projection  $e^t$ ,  $v^t$ , qui est un des côtez de la doële plate, & la même sera la valeur d'un autre côté de suposition, dont la projection étoir  $v^t$ .

Pour trouver la vraye longueur de ce second côté, on portera la longueur  $S e^2$ , en SG, sur la ligne de base du profil, & l'on élevera la perpendiculaire G g, qui conpera la ligne  $T^1$ ,  $f^1$  en g; la ligne g  $T^1$ , sera la valeur de ce second côté du panneau en joint de lit de dessus.

Les valeurs des côtez du même panneau qui marquent les têtes, sont les cordes 1'2, des divisions du cintre formé sur le rayon n V, passant par le point  $e^1$ , parallelement à la corde AB de l'arc de la Tour, & la corde  $t^1$ ,  $t^2$ , de l'arc de Trompillon T  $t^2$  N; ainsi on a les quatre côtez d'une doële plate, qu'on formera comme il suit:

AYANT tracé dans une place à part, fig. 98. deux lignes indéfinies Fig. 98. a b, c d, perpendiculaires entr'elles, qui se croiseront au point m, on prendra la moitié de la corde 1° 2 de l'arc VE, & on la portera à la fig. 98. de m en e & en f, par où on tirera les lignes e 1, f 2, paralleles à a b. On prendra de même, la moitié de la corde f f de l'arc du Trompillon T b N, que l'on portera de f en f en f puis des points f de pour centres, & pour rayon la longueur T f f du profil, on sera des arcs qui couperont les paralleles f 1, f 2, aux points 1 & 2, où l'on tirera les lignes f 1, f 2, qui seront les côtez d'une doële plate de piramide droite, inferite à la Sphère.

Mais à cause que la partie de la Tour, comprise par la corde et, est oblique à l'axe, il en faut retrancher la partie  $f_1$  g, donnée au profil; ainsi portant la longueur  $T^1$  G, de o en g, on aura pour longueur du côté qui répond au lit de dessus du Voussoir, la ligne g; ensin ayant tiré la ligne 1 g, le trapezoïde n 1 g o, sera le panneau de la doële plate, qui ne touche cependant la doële Sphérique, que par trois de ses angles n, o, 1; mais non pas en g, par la raison que nous avons donné au second tome pag. 370.

It faut donc chercher la distance dont ce point g, est éloigné de la surface sphérique de la doële de la Niche; pour cet esset, on portera la longueur  $T^{\tau}g$ , du profil, sur la ligne z Z de l'élevation de la sig. 97. où elle donnera le point z, d'où on tirera la ligne  $x^2$  z, puis du point o, pour centre de la sig. 98. & avec la longueur o g, pour rayon, on sera un arc vers z, & du point g pour centre, &  $x^{\tau}z$  pour rayon, on sera un autre arc, qui coupera le précedent au point z, le triangle o g z, étant ajoûté en retour de la doële plate, le point z touchera la doële sphérique qu'on cherche.

Les panneaux de doële plate étant formez, on tracera ceux de lit, dont les joins à la doële font tous égaux en contour, en ce qu'ils font tous des arcs d'un cercle majeur, passant par l'axe MP, mais ils font un peu inégaux en longueur, parce qu'ils se racourcissent peu à peu, depuis l'imposte APB, jusqu'à la cles.

Leurs têtes du côté du Trompillon, sont aussi toutes égales, suivant l'angle mixte AT n'; mais les têtes du côté de la Tour, sont des arcs d'Ellipses inégaux, en ce que, quoique leurs cordes soient égales à la distance de l'arête de doële à celle d'extrados, elles sont tonjours moins creuses à mesure qu'elles s'éloignent de l'imposte BX, où la premiere tête de lit est égale à la cavité de l'arc BX, de la base de la Tour qu'elle comprend, & son inclinaison à l'égard de la doële est l'angle curviligne XBN, qui est aussi le plus obtus de tous ceux des têtes supérieures, qui se referment à mesure qu'elles aprochent de la clef, au milieu de laquelle cet angle devient mixte, & égal à celui du Trompillon AT n'.

Pour trouver la courbure des arcs de tête, il n'y a qu'à ralonger les arcs circulaires de la projection horisontale, comme nous l'avons dit, en parlant des têtes de la porte en Tour ronde ou creuse; tels sont les arcs circulaires  $X e^{\tau}$ , que donne la projection du premier lit  $1^{\tau} \le 1$ , & l'arc  $e^2 y$ , que donne cellé du second lit  $2^{\tau} \le 1$ , ce que nous ne pouvons exprimer ici bien nettement, à cause de la petitesse de la figure.

On tirera la corde de chacun de ces arcs, & on la divisera en autant de parties égales, qu'on voudra avoir de points de la courbe; il suffit ordinairement de la diviser en deux ou trois pour la pratique, & par ces divisions, on tirera des perpendiculaires à la corde, qui se termineront à l'arc de cercle.

On prendra ensuite la corde du joint de la tête 5' 1, ou 6' 2, qu'on divisera en un même nombre de parties, qui seront égales entr'elles, mais plus grandes que celles de la corde de l'arc de cercle, & l'on portera sur ces divisions, les perpendiculaires de l'arc de cercle, lesquelles donneront les points de l'arc Elliptique, que l'on cherche.

Quant à l'ouverture de l'angle curviligne, que doit faire cet arc de tête avec le joint de doële, il est aisé de le trouver; on menera par les points e' & X, où la projection des points 1 & 5, coupe la base de la Tour, des verticales e' E', & X 5, sur lesquelles on posera la corde 1 5, à l'extrémité de laquelle on sera une perpendiculaire,

culaire, qui coupera la ligne X  $5^x$  au point  $5^x$ ; on en sera de même pour les points  $6^2$  y de la projection, qui donneront les points  $E^2$  6 du profil; les angles curvilignes  $5^x$  ET, & 6 E' T, se ront ceux que l'on cherche.

In ne reste plus à présent qu'à chercher les biveaux de lit & de doële, & de tête & de doële, suivant nos principes généraux.

PREMIEREMENT, pour le biveau de doële & de lit, par exemple, pour le fecond Voussoir, on prolongera la corde 2 1 de l'arc EV, jusqu'à ce qu'elle rencontre la ligne « r V, prolongée en O', d'où l'on tirera au point S, la ligne O' S, qui sera la section de la doële avec l'horison, & parce que tous les plans des lits se couperont à l'axe MP, cet axe sera la seconde section, laquelle avec la hauteur de la retombée, sournira le moyen de trouver l'angle des plans du lit & de la doële plate, comme il a été expliqué au Probleme XII. du 3°. Livre, & comme nous l'avons repeté dans les Traits des Voutes coniques.

Pareillement, & par le même Probleme, on trouvera le biveau de tête plate L  $e^x$ ,  $e^2$  B, qu'on prolongera jusqu'à la section de la doële avec l'horison en Y, ainsi on aura la section de la tête avec l'horison en LY, celle de l'horison YS, & la hauteur de la retombée  $\infty^2$   $e^2$ ; ainsi l'on trouvera l'angle de tête & de doële, comme l'on a fait à la Trompe plate, pag. 80. du  $2^e$ , tome, & à la Trompe Droite, pag. 209. du même tome.

### Aplication du Trait sur la Pierre.

Ayant dressé un parement pour servir de doële plate de suposition, que j'apelle ainsi, parce que le panneau de cette doële, ne peut toucher la surface sphérique qu'on se propose de faire, que par trois de ses angles, on y apliquera ce panneau, pour en tracer le contour, puis avec le biveau de lit & de doële plate, on abattra la pierre pour former les deux lits.

Celui de dessus étant fait, on y apliquera le second petit panneau triangulaire o g z, de la fig. 98. pour avoir le point z de la surface sphérique, que l'angle g du panneau de doële plate ne pouvoit toucher.

On apliquera sur ces mêmes lits, un panneau ou une cerche sormée sur l'arc AB, d'un cercle majeur de la Sphère, qu'on sera passer Tom. III. au lit de dessous, par les points 1 & n de la doële plate tracée, & au lit de dessus par les points 0 & 2, puis avec le biveau mixte de coupe & de doële pris où l'on voudra, par exemple en TPS, on creusera la doële sphérique, comme il a été dit au Chap. VII. pag. 368. du tome précedent.

IL faut cependant avant que de la creuser, abattre la pierre avec le biveau de tête plate & de doële, si l'on n'a pas dessein de faire usage des panneaux de lit.

En ce cas, on prendra avec la fausse équerre l'angle 6 2 9, que fait le joint de tête 6 2, avec une horisontale 2 9, parallele à AB, Inivant laquelle on fera une plumée creuse, dans laquelle on apliquera une cerche convexe, formée sur l'arc ACB; mais comme le point 9 n'est pas déterminé de position, il faut chercher un second point d'apui à la cerche en 8, par le moyen d'un second biveau, en prenant l'angle V' 1' 5, que fait une verticale V' 1, avec le joint de tête 1'5; secondement, en saisant une parallele 6 i à la ligne Ve1, puis posant deux regles sur les points i & 6, qu'on placera suivant ces directions verticales. & qu'on dégauchira en creusant des plumées fur la tête, l'une en haut, l'autre en bas, la plumée V 1 donnera le point 8 d'intersection de l'horisontale 2. 9, que l'on cherche pour déterminer la position de la cerche convexe, qui doit servir à former la tête en Tour creuse, en faisant couler cette cerche, parallelement à elle-même, sur les plumées verticales 6 i & V 1. Par ce moyen, on formera le creux des joins de tête en portion d'Ellipse, (comme elles doivent l'être,) par une espece de hazard, que produit l'intersection de la surface plane de chaque lit, avec la creuse cylindrique de la Tour.

Si l'on fait usage des panneaux de lit, ils donneront les courbes des têtes de lits au parement creux de la Tour, mais ce ne sera pas assez pour creuser ce parement, il faudra encore user d'autres moyens.

On peut se servir de celui que donne le P. Deran, quoiqu'il ne soit pas parsaitement juste, qui est de faire le dévelopement de l'arête de la Niche à la surface de la Tour, en rectifiant l'arc HB avec ses divisions, comme on a fait à la sig. 97. en c b c e, portant les avances B a, e<sup>1</sup> a, e<sup>2</sup> a de la Tour creuse, à l'égard d'une ligne CI, tangente à l'arc ACB, en b i, 1 d, 2 d, 2 c de la sig. 99. qui donneront les points c, 2, 1, 6, par où on tracera la courbe ondée, qui est le dévelopement de l'arête à double courbure de la rencontre de

# DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. III. la furface sphérique de la Niche avec la cylindrique de la Tour. Nous

ne parlons ici que du Trait du P. Deran, parce que M. de la Rue n'en a rien dit.

On voit que (dans la rigueur) ce dévelopement supose un cylindre horisontal, au lieu de la surface sphérique de la Niche, parce qu'on y prend des distances horisontales; mais la différence est si petite, qu'elle ne mérite pas qu'on y fasse attention dans la pratique, parce que l'inclinaison des cordes de la portion de Sphère, comprise entre le cercle majeur passant par DI, & l'arc ACB de la Tour, est si peu considérable, qu'elle ne peut alterer le contour du dévelopement d'une maniere sensible, dans l'opération la plus exacte.

CE dévelopement étant tracé sur un corps flexible, comme du carton, on l'apliquera dans la furface de la Sphère, entre les points donnez 1 & 2, en l'apuyant pour le faire plier, ensorte qu'il la touche par toute sa longueur.

Dans cette situation, on tracera l'arête de la doële avec la Tour, & l'on aura trois lignes courbes, pour former la tête creuse; mais ce n'est pas assez pour la former exactement, il faut encore en revenir au moyen que nous venons de donner, pour y apliquer une cerche formée sur l'arc horisontal ACB, & posée horisontalement sur la tête, par le moyen d'un angle 6 2 9.

La différence qu'il y a, c'est que cette cerche trouvera deux apuis, 🔌 donnez l'un sur le joint de tête du lit de dessous, l'autre sur l'arête de doële de la Niche à la surface de la Tour, aux points 5.7, & au dessous, ce qui fournit le moyen de trouver la position de la verticale 1 V', qui servira d'apui à la cerche d'un côté, l'autre apui étant donmé sur le joint de tête du lit de dessus 6. 2.

On pourroit aussi, sans faire de dévelopement, faire la cerche ralongée de l'arc e<sup>1</sup> e<sup>2</sup>, de la Tour sur la corde x<sup>1</sup> x<sup>2</sup> qui lui répond, comme nous avons ralongé les arcs des joins de tête, & faire couler cette cerche inclinée parallelement à la corde 1° 2, l'apuyant sur les arcs des joins de tête donnez par les panneaux, qui en ont été faits; cette maniere est la plus simple, la plus commode, & la plus exacte dans fon principe.

La tête du Voussoir étant faite à la surface de la Tour, il ne reste plus qu'à faire l'autre du côté du Trompillon, de la même maniere que nous l'avons dit, en parlant des Voutes sphériques simples en 148 STEREOTOMIE LIV. IV. PART. II.
Niche, au Chapitre VII. du tome précedent page 368.

Ce que nous venons de dire, concernant la Niche en Tour creuse, servira pour la Niche en Tour ronde, en renversant les panneaux de lit de la droite à la gauche. La dissérence qu'il y a pour le Trait, c'est. 1°. Que si l'on regle les prosondeurs de la Niche à la clef, au lieu qu'elle augmente dans la Tour creuse vers les impostes, elle diminüera dans la Tour ronde. 2°. C'est qu'au lieu de prendre la corde de l'arc de la Tour, que la projection des divisions des têtes des Voussoirs comprend, il taut prendre la tangente de cet arc, pour réduire la Tour ronde en polyèdre, dont chaque pan ou face, sorme une tête plane au Voussoir, laquelle sert de préparation à la formation de la tête ronde, qui sera de la même maniere que la creuse, mais en sens contraire, avec une cerche concave, au lieu d'une convexe, saquelle sera cependant sormée sur se même arc ACB, consideré en dehors dans sa convexité.

#### Seconde Combinaison.

Des Voutes sphériques avec les Cylindriques, lorsque le Berceau racheté par un Cu-de-Four est borisontal.

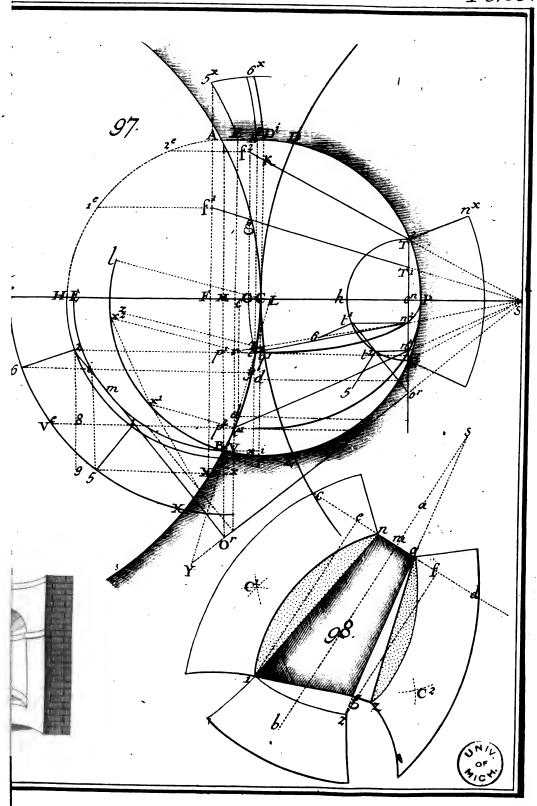
#### EXEMPLE

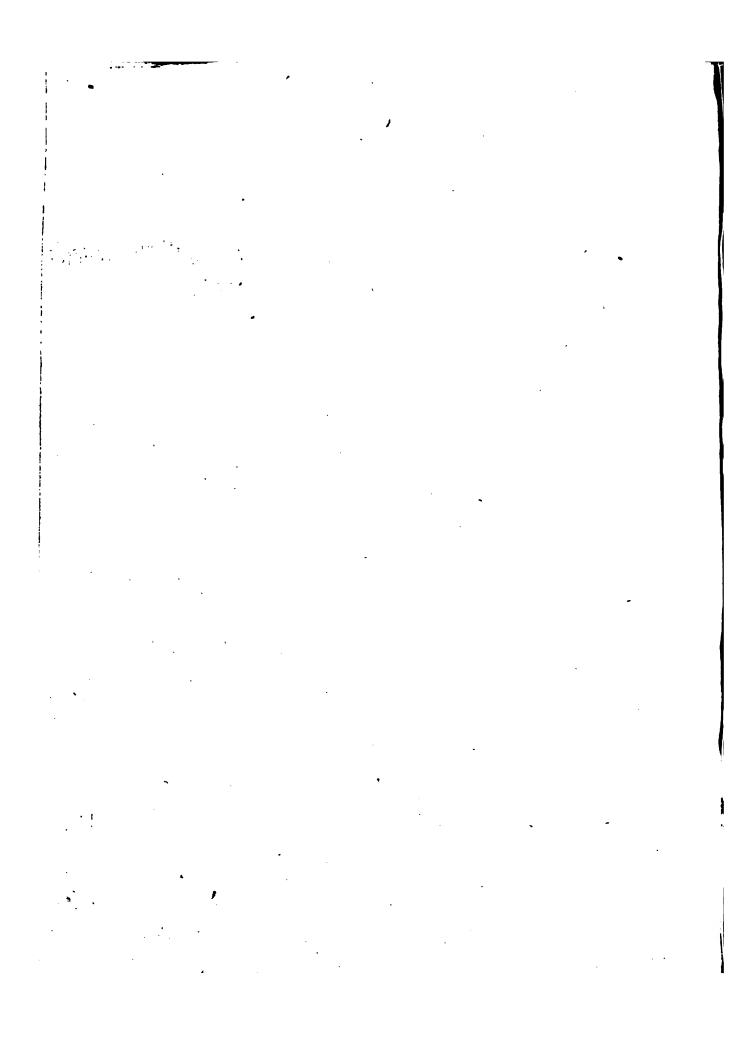
Niche spherique dans un Berceau de niveau.

A bien considérer le Trait dont il s'agit, ce n'est autre chose qu'un changement de position du précedent de la Voute sphérique en Tour creuse; dans celui-là, l'avance de l'arête de rencontre des deux Voutes, diminuost depuis les impostes jusqu'à la cles, ici au contraire, elle commence aux impostes, & finit à la cles.

Pour apercevoir cette différence d'un coup d'œil, il n'y a qu'à petter les yeux sur les dévelopemens de cette arête de face, à la sig. 101 † de la planche 89. & l'on verra que si l'on joint les deux moitiez de la premiere par leur extrêmité, qui est aux impostes, on aura une sigure égale à celle du dévelopement de la sig. 101. †

On peut sussi concevoir que le dévelopement de l'arête de face de la fig. 101. (st précisément le même que celui de la Niche en Tour ronde, c'est-à-lire, convexe, pour laquelle nous n'avons point don-





DES VOUTES COMPOSE ES CHAP. III. 149 né d'exemple, comptant que celui-ci pouvoit servir pour l'un & pour l'autre.

AVANT que d'entrer en matiere, il faut observer que l'on peut faire P1. 89. une Niche qui rachete un Berceau de deux manieres, ou médiate- Fig. 101. ment, ou immédiatement. & 102.

ELLE rachete la Voute du Berceau immédiatement, lorsque la doële sphérique rencontre la Cylindrique du Berceau à la clef, qui retombe au-dessous du niveau de A en a.

ELLE la rachete médiatement, lorsque la doële sphérique PA, étant montée à sa plus grande hauteur, sous le milieu de la clef en A, cette clef est menée de niveau en a, au lieu de retomber au-dessous de E, par l'arc A a, comme le pratiquent ordinairement les Architectes; alors la Voute sphérique rachete un petit demi-Cylindre de même diametre, & qui a son axe e C dans l'axe de la Sphère PC, prolongé par conséquent, dont l'arête de l'intersection commune, est un demi-cercle par le Théor. VIII. du 1er. Livre, dont le rayon vertical est la ligne AC.

Ensurre, ce même demi-Cylindre, rachete le grand Berceau CED auquel la doële de la Sphère ne se joint que par cette médiation Alors ce trait devient le même que celui d'une Lunette Droite dans un Berceau, dont il a été parlé à la pag. 6. de ce 3°. tome.

Nous confidérons donc ici, la jonction immédiate des surfaces de la Sphère & du grand Berceau, pour ne pas tomber dans des redites.

Soit la ligne CP, donnée pour la profondeur d'une Niche circu- Fig. 101. laire à son imposte, le plan horisontal de cette Niche, ne sera qu'un demi-cercle APB, mais son profil sera plus grand que le quart de dercle PA, de l'intervale d'un arc A a, compris entre la plus grande hauteur A de la Voute de la Niche, & l'arc du Berceau de niveau, dont le profil est l'arc DE a C.

FAISANT servir de cintre primitif le quart de cercle AP, on le divifera en les Voulloirs, comme une moitié de cintre de face, par exemple, ici, en deux & demi pour cinq Voussoirs, aux points 3.4, par sesquels on menera des paralleles à l'horisontale CP, qui couperont la verticale AC, aux points  $f^3$   $f^4$ , les lignes C  $f^3$  & C  $f^4$ , seront les demi-axes verticaux de deux Ellipses, qui auront chacune la même ligne CP, pour demi-axe horifontal.

Par le moyen de ces axes donnez, on décrira par le Probleme VII, du 2<sup>e</sup>. Livre, des arcs d'Ellipse P f; F, P f G, qui couperont l'arc du profil du Berceau DEC, aux points F & C.

De la même maniere, précifément, on fera la projection horisontale, en repetant le quart de cercle PA en BH, sur le diametre BA, lequel sera divisé en ses Voussoirs exactement, de même aux points 12, desquels abaissant des perpendiculaires sur CB, on aura les points de leur projection, p<sup>1</sup> p<sup>2</sup>, par lesquels & par le pole P, on décrira comme ci-dessus, des arcs d'Ellipse prolongez indéfiniment au dehors de la ligne CB.

PAR les points F & G du profil, on abaissera des aplombs sur HP, lesquels étant prolongez, rencontrerent les Ellipses des projections des joins de lit aux points f & g. Si l'on en abaisse aussi un du point E, qui coupera HC en e, on tracera à la main une courbe e f g B, qui sera la projection horisontale de l'arête de rencontre des surfaces de la Sphère & du Cylindre.

On pourra faire aussi la projection de l'arête d'extrados de la même maniere, en menant par les points K 7 8 des horisontales, mais on peut s'en passer par notre méthode.

Presentement il faut déterminer la grandeur du Trompillon, qu'i doit être un demi segment de Sphère, qui ait pour pole le point P. On tirera à volonté, & suivant la grandeur de la pierre qu'on y destine, une ligne TN, perpendiculaire à CP, qui coupera les arcs Elliptiques des projections des joins de lit, aux points  $q^1$   $q^2$ , desquels on élevera des perpendiculaires sur TN, qui couperont le demi-cercle fait sur TN, pour diametre, aux points  $1^n$   $2^n$ , qui seront les divisions des Voussoirs à la tête inférieure, qui s'apuye sur le Trompillon.

Si par une opération inverse, on avoit fait le cintre du Trompillon avec ses divisions, immédiatement après avoir fait les projections du cintre primitif, on auroit eu sur la ligne TN, des points des Ellipses, des projections verticale & horisontale des joins de lit, pour la premiere les points  $3^t$   $4^t$ , & pour la seconde les points  $q^t$   $q^2$ .

Les projections des joins de lit étant faites, tant au profil qu'au plan horisontal, on sera les panneaux de doële plate, de la même maniere qu'il a été dit au Trait précedent, avec cette différence, qu'au lieu d'une corde menée par les projections des divisions de l'arête de sace creuse, & prolongée pour y d'écrire un cintre, comme l'on a

ŀ

fait à la fig. 97. fur la ligne LB; on menera ici une tangente Vu, à la courbe convexe de projection f/g, en tirant la corde fg, à laquelle on tirera une parallele par le point l, le plus faillant de la courbe f/g.

Pour avoir le rayon du diametre, du cintre qu'il faut décrire sur cette tangente, on lui menera par le centre C de la Sphère, une perpendiculaire C d, qui la coupera au point d, où sera le centre de ce cintre, dont d u sera le rayon, qui donnera un cercle mineur de la Sphère, dont le quart est l'arc d L u; ce rayon d u, coupera les Ellipses des projections des joins de lit, aux points z z, qui seront tout près des points f g, desquelles on élevera des perpendiculaires sur d u, qui couperont l'arc u l, aux points t t.

Avec tous ces points donnez, on opérera pour faire les panneaux de doële plate, comme au trait précedent, ou pour remonter plus loin, comme au trait de la Trompe en Niche sur le coin, qu'on a vû à la pag. 368 du tome précedent, auquel on peut renvoyer le lecteur pour ne pas faire de trop fréquente redites, la fig. 103 en montrera l'aplication.

# Explication Démonstrative.

On peut comparer la rencontre des Niches avec les Berceaux de niveau ou de bout, à celle d'une Niche sur le coin, dont il a été parlé au tome précedent pag. 368 parce que les tangentes de la courbe convexe de la projection faillante, ou les cordes des divisions des Voussoirs dans la projection rentrante, lorsque la courbe de l'arête de rencontre à double courbure est concave, prise horisontalement, peuvent être considerées comme des pans des murs verticaux, qui forment un coin saillant, qu un angle rentrant, lesquels retranchent quelques parties du quart de Sphère, ou comprennent plus que son quart, selon que les angles de ces plans verticaux sont saillans ou rentrans, & que leur concours suproche ou s'éloigne du pole de la Sphère, qui est au milieu de l'imposte de la Niche.

CELA suposé, l'explication du Trait de la Trompe en Niche sur le coin, convient en tout à ceux dont il s'agit ici, par exemple, que les projections des joins de lit, doivent être des arcs d'Ellipses, parce que les sections des plans des lits qui passent par l'axe de la Niche, & par les divisions du cintre primitif, formans des cercles à la doële de la Sphère, lesquels sont inclinez au plan horisontal, leur projection doit être une Ellipse par le 2°. Théorème du 2°. Livre pag. 209.

QUANT au dispositif à l'excavation de la Sphère, il est clair que nous commençons par y inscrire des piramides tronquées, dont les surfaces de leurs côtez, ne peuvent pas toucher les quatre angles de la portion sphérique, que le Voussoir doit comprendre; si les angles de la rencontre du Berceau avec la Sphère, à chaque division de l'arête à double courbure, ne sont pas lituez les uns à l'égard des autres, suivant les conditions que nous avons expliqué au commencement du second tome page 4; c'est pourquoi lorsque la doële plate, qui est une des surfaces de piramides tronquées, inscrite dans la Sphère, ne touche la doële sphérique qu'en trois points, on est obligé de chercher la position du quatrième angle du Voussoir qu'elle ne touche pas, en formant un second panneau en retour de la doële plate,

#### CHAPITRE QUATRIE ME

# DE LA RENCONTRE DES VOUTES Coniques entrelles.

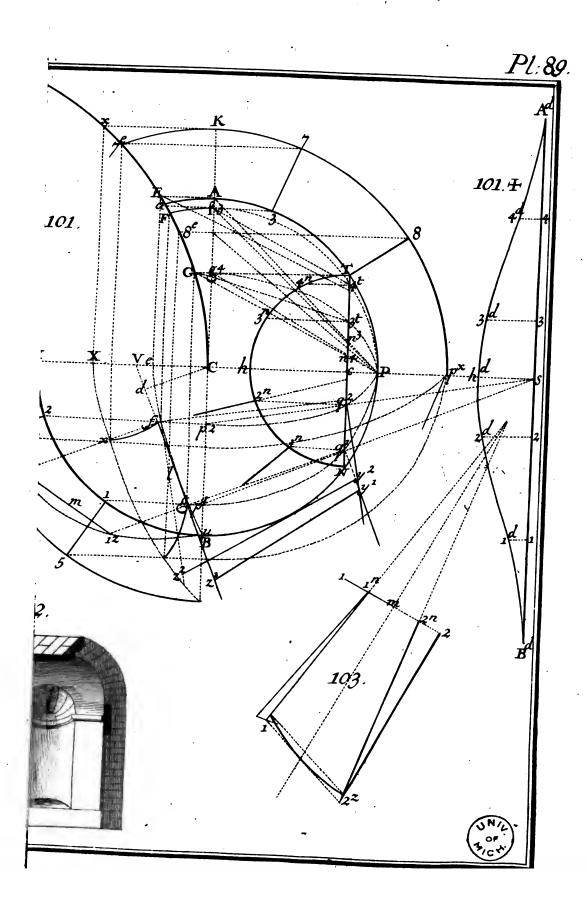
OUS devons considerer les corps Coniques, comme les Berceaux, suivant leurs différentes situations à l'égard de l'horison, ce qui nous offre trois combinaisons des parties des Voutes composées de portions Coniques. La premiere, lorsque leurs axes sont horisontaux. 2°. Lorsque l'un est horisontal, & l'autre vertical. 3°. Lorsque l'un est vertical, & l'autre incliné. 4°. Lorsqu'ils sont inclinez tous les deux.

#### PROBLEME. VI.

# Faire la jonction de deux Voutes, ou Corps Coniques en situation, quelconque.

Premiere situation, où les axes des portions Coniques sont communs. dans une même direction horisontale ou inclinée.

Dans la construction des Fortifications, on à souvent occasion de faire des ouvrages de cette espece, l'un est de ces ouvertures qu'on apelle aujourd'huy, Embrasures, & anciennement, Canonières, parce qu'elles servent à y placer du Canon.



• 

La seconde, est une façon de former certaines Portes extraordinairement biaises.

DANS l'une & l'autre ouverture, la jonction des deux portions de Voutes coniques qui la composent, ne doit pas faire une arête à double courbure; c'est pourquoi, il n'est pas indifférent qu'elles soient coniques arbitraires, par ce qu'on a vû au premier Livre, lorsque nous avons parlé de la pénétration des cones entr'eux, qu'il est plus de circonstances, où la rencontre de leurs surfaces, forme une courbe à double courbure, que de celles où elle forme une courbe plane.

### PREMIER CAS.

# Canoniere ou Embrasure à mettre du Canon, dans un Mur en talud ou à plomb.

En traitant des Voutes coniques simples, au tome précedent, nous avons donné la maniere de faire chacune des deux portions de cones tronquez, qui composent l'embrasure, l'une depuis le parement extérieur, qui est ordinairement en talud, jusqu'au Collet, l'autre depuis le parement intérieur, qui est ordinairement à plomb, jusqu'à la tête du même collet, ce qui fait pour l'une, une Trompe conique en talud, & pour l'autre, une Trompe conique sans talud.

Chacune de ces parties, peut aussi être Droite ou biaise, sur la direction qui doit être commune, quoique tournée en sens contraire de la base de l'une, au sommet de l'autre,

Pour en venir au Trait qui concerne la conpe des pierres, d'une Embrasure à vouter, je pourrois suposer celui de la disposition, & de la direction des parties de son plan horisontal; mais comme la maniere ordinaire de tracer une Embrasure, lorsqu'elle est biaise, y jette des difficultez, pour la construction de la Voute, qui ont souvent embarassé les Apareilleurs & les Ingenieurs, qui doivent les conduire; il est à propos de faire observer d'où elles viennent, pour sournir le moyen de les éviter.

Soit (fig. 105.) DEFG, une partie de mur dans lequel on veut PL, 09. établir une Embrasure voutée, dont la surface intérieure GF est à rig. 105. plomb, & l'extérieure DE en talud.

On commencera par donner à la ligne du milieu MN, la direc-Tom. III. tion convenable au Canon qu'on y doit placer, pour qu'il batte à l'endroit le plus nécessaire à désendre, que je suposerai ici oblique au mur LGF.

On déterminera ensuite la prosondeur NC, du Colles de l'Embrafure AB, au-dedans du parement interieur, laquelle est ordinairement de 15. à 18. pouces, lorsqu'il n'y a point de biais, mais lorsqu'il y a de l'obliquité dans la direction du milieu, il faut y avoir égard, en yajoutant la longueur QF, que donne un trait d'équerre NQ, sur la direction NM, à une distance NQ, qui soit à peu près la moi, tié de la largeur interieure de l'Embrasure.

La profondeur NC, du Collet AB étan déterminée, on en déterminera aussi la demi-largeur AC & CB, quarrément sur la ligne du milieu MN, suivant la grosseur de la pièce de Canon qu'on y doit poser, qu'il faut considerer, non pas suivant son calibre, mais suivant le métal dont elle est.

Dans les Batteries des Ports de mer, où les Canons sont de ser & de gros calibre, souvent de 48. on ne donne guére moins de trois pieds de Collet; à celles de terre, où l'Artillerie est de sonte & de petit calibre, on n'y en donne quelques sois que la moitié

Les points A & B, étant déterminez de position, il faut régler l'ouverture de l'ébrasement DE, suivant l'épaisseur du mur FM; c'est-à-dire, que plus le mur sera épais, plus aussi l'ébrasement doit augmenter, parce que le sousse du Canon sait un tourbillon d'air, qui s'élargit au sortir de la bouche, avec une si grande impétuosité, qu'il ébranle les jouées des Embrasures, si elles ne s'écartent pas assez en s'éloignant du Collet.

La maniere ordinaire de tracer l'ébrasement, est d'en porter la moitié du milieu M sur la face, de part & d'autre, en MD & ME; de tirer des points D & E, par les points A & B du Collet, les jouées exterieures DA, EB, ausquelles par les mêmes A & B, on mene des paralleles AG, BF, qui forment les jouées intérieures.

CETTE maniere est bonne, lorsque l'Embrasure est Droite, & même suffisante lorsqu'elle est biaise, & qu'elle doit rester ouverte par le haut. Mais si elle est biaise, & qu'il faille la vouter, on ne doit pas la tracer de même, pour deux raisons; la premiere, est qu'en prosongeant les jouées, il se forme deux sections de cones inégaux, DSE & G f F, dont les axes SM & s n, ne sont plus dans la direc-

tion donnée NM; par conséquent n'ayant pas les axes communs, l'arête de rencontre des Voutes exterieure & interieure, ne pourroit être un cercle, ni une Ellipse, mais une courbe à double courbure.

La seconde, c'est qu'on ne peut faire les jouées interieures paralleles aux exterieures oposées, sans jetter de l'irrégularité dans les Voutes coniques, du dedans & du dehors, parce que la direction du
milieu NM, leur doit être commune, & par conséquent l'axe des
deux cones tournez en sens contraire, qui doivent avoir pour section
plane, (aussi commune) le cintre du Collet AHB. Or, cette section
AB, n'étant pas au milieu de MN, ni parallele aux bases DE, FG,
ni même sous-contraire, parce qu'elle est perpendiculaire à l'axe; il
suit que les deux cones ne peuvent avoir leurs côtez paralleles aux
oposez, parce qu'ils ne sont pas semblables, & qu'au cas qu'on les
voulût faire paralleles, la Voute deviendroit un composé de quatre
quarts de cones inégaux, qui seroient des angles rentrais à la cles de
la face interieure & de l'exterieure, quand même la section AB, leur
seroit commune, par la suposition, ce que l'on doit éviter.

Pour le démontrer, il n'y a qu'à prolonger toutes les jouées, jusqu'au milieu donné MN, & l'on verra qu'elles doivent toutes couper cette ligne en différens points; sçavoir, DA en N, & EB en R.

De même à l'ébrasement interieur, GA coupe NM, au point f. & f B en H, parce que les angles alternes DNH, f HN, doivent être égaux, ainsi que les angles G f R, MRE, & l'angle DNM, est plus grand que MRE, par conséquent ces moitiez de triangles inégaux, apartiendront à des cones dissérens.

IL faut donc tracer l'Embrasure qu'on doit vouter dissérenment de celle qui ne doit pas l'être.

Avant déterminé le Collet comme nous avons dit en AB, perpendiculairement à la direction donnée, qui coupe le parement extérieur du mur en M, on menera par ce point la ligne OP, parallele à AB. Puis ayant donné en MP, la moitié de l'ébrasement, d'une Embrasure Droite, on aura les points P & O, par lesquels on tracera les jouées AO, & BP, qui couperont, étant prolongées où il le saut, la face exterieure du mur en x & en E; ensuite par les points A & B, on tirera des paralleles AG, BF aux jouées exerieures, & l'Embrasure sera tracée.

Lorsque l'obliquité est assez grande, pour alonger la jouée AG, V i j

beaucoup plus que son oposée BF, on est obligé de saire un cran en ensoncement dans le mur, comme on voit en LKF, asin d'oter la partie saillante en G, qui empêcheroit qu'on ne pût assez avancer le Canon en batterie, parce que la roue de l'asût du côté de G, pourroit moins avancer que l'autre, qui doit être poussée jusqu'en F.

Fig. 106. Le plan horisontal de l'Embrasure étant tracé, il faut regler le profil. On fait ordinairement l'apui m C de niveau, & la plongée CM, plus ou moins inclinée, suivant la position de l'objet auquel on doit viser, observant que la Voute & la plongée, soient éloignées de la bouche du Canon, pour que l'impetuosité de son sousse n'y puisse pas ébranler les pierres ou les briques, comme je l'ai vû dans quelques Places maritimes; car il saut observer que ce sousse sait plus d'effet dans les Embrasures de maçonnerie, que dans celles de fascines & de saucissons, qui lui cedent un peu par leur ressort.

L'Embrasure étant tracée dans touter ses parties, & les hauteurs des cless des cintres, rélativement à celui du Collet que nous prenons pour le primitif, parce que c'est la partie la plus importante : on aurapour objet de construction, deux portions de cones tronquez comme celles de deux Trompes inégales, jusques à leurs Trompsilons, lesquelles sont jointes par le cintre commun du Collet, lequel ayant été pris pour primitif, détermipera le contour des deux autres de face exterieure en talud, & intérieure à plomb, comme il a été dit au second tome page 222. Il ne s'agit plus que de la jonction de ces deux Voutes par des Voussoirs, qui fassent partie de l'une & de l'autre doële, ce qui se fera par le moyen des biveaux de doële plate, de la même maniere que nous l'avons dit, pour les réncontres des Berceaux & des Voutes sphériques, suivant notre maniere générale, dont voici l'aplication au cas présent, de la fig. 105.

Fig. 105. Avant fait la projection des joins de lit à l'ordinaire, & celle de la rencontre des deux doëles plates, du dehors & du derriere du Collet, par exemple, au second rang des Voussoirs, au-dessus de l'imposte en 3.4, ou r.2, on prolongera la corde 1.2 du Collet, jusqu'à la rencontre du diametre AB, qu'elle rencontrera en O, par lequel & par les sommets des cones s, R, on tirera des lignes s O'K, RO'V, qui seront les sections des deux doëles avec l'horison.

Par le moyen de ces deux fections de doëles plates avec l'horifon, on trouvera facilement les biveaux de leur rencontre; ce que nous allons faire hors de la figure, pour ne pas l'embroüiller de trop de lignes & de chiffres.

Sur AB, prolongée au-delà du point O', on portera la retombée 1 q en O' Q, où on élevera une perpendiculaire Q 2, égale à la hauteur de la retombée q 2. Sur O' 2, on tirera par le point 2, une perpendiculaire 2 x, qui coupera O' Q prolongée en x, par où on tirera à la même O' x, une perpendiculaire, qui coupera les fections de l'horison SK en K, & RV en V. Sur O' x prolongée, on portera la longueur x 2, de x en X, d'où l'on tirera les droites XK, XV, l'angle KXV, sera celui que l'on cherche, pour assembler les deux doëles plates de l'ébrasement exterieur avec l'interieur, lesquelles donneront la position des quatre angles, de chacune des doëles coniques, que l'on doit ensuite creuser à l'ordinaire, comme il a été dit pour ces sortes de surfaces; par le moyen de ce biveau, & de ceux de lit & de doële de chacune des Voutes coniques en particulier, on taillera le Voussoir d'ensourchement de la même maniere que nous l'avons dit, pour tous les Traits précedens des Voutes composées.

It y a une seconde manière de faire les Voutes d'Embrasures, à peu près comme la Corne de Vache & le biais passe, qui est d'ébaucher les Voussoirs, comme si c'étoient des portions de Berceaux; ce que nous allons expliquer au Trait suivant.

## SECOND CAS

Porte biaise en Corne de Vache double adossée, dont la doële est coudée en angle saillante, qui s'ouvre de plus en plus depuis les impostes à la clef, dont le milieu est en ligne Droite.

Dans ce Trait précedent, tous les lits étoient brisez en angle saillant & rentrant, & la doële coudée au Collet, ou également ou avecpeu de différence d'une imposte à l'autre; ici, nous voulons que les lits soient plans, sans brisure, & que la doële soit inégalement coudée, depuis l'imposte à la clef, qu'on veut en ligne Droite à son milieu, pour ne rien diminuer de la hauteur du passage, & le reste par d'autres raisons de construction que je vais exposer.

It se trouve quelquesois des passages si obliques, dans les Ouvrages de Fortsication, qu'on ne peut en faire les Portes assez biaises, pour en suivre la direction, & cela par deux raisons.

La premiere, parce qu'une des arêtes d'un jambage devient si aigue,

qu'elle n'a aucune force; de forte qu'elle peut être facilement écornée en la taillant ou en la posant, & ce qui est pire, par le moindre choc des choses qu'on fait entrer.

L'AUTRE, parce que si l'on donnoit aux Voussoirs de la porte, le direction biaise sans correction, ils pousseroient au vuide d'un côté, comme on peut le voir par l'exemple de la fig. 110. où la perpendiculaire M 9, sur le milieu de la direction de la cles N n, pousse au vuide en 9; de sorte que l'arcade pourroit tomber, si la cles n'étoit apuyée par une longue quene M n.

Pour remedier à cet inconvenient, il convient d'émousser les angles aigus, l'un en dedans, l'autre en dehors, & de changer la direction des joins de lit, pour la rendre moins oblique, & conserver le niveau des joins de tête au devant & au derriere.

Soit, le Rumboïde IBVT, (fig. 110.) le plan horisontal d'une baye de porte biaise, 'suivant la direction de son milieu N n, qui fait avec la face AB, d'un côté l'angle aigu AN n, & de l'autre l'angle obtus n NB.

AYANT déterminé l'épaisseur du jambage, & la place de la feuillure DFG, où se doit loger la sermeture de la porte à angle-droit, on divisera l'épaisseur D e ou ID, du tableau en deux, également en m, par où on menera la ligne m m, parallele à AB, qui coupera les tableaux en x X, d'où on tirera les lignes x A &, XE, perpendiculaires sur les saces AB du devant, & F f du derriere, qui donneront les points A & E, & pour plan horisontal de chaque pié-droit, une surface coudée A x D, BXE, au lieu des tableaux droits ID & B n. Par les points A & D, on tirera la ligne AD, & par le point B, sa parallele BE, que l'on prendra pour les directions des pié-droits, sans égard à l'angle saillant de leur tableau.

Par les points 'x X, on tirera des paralleles à DA & BE, qui couperont la face AB, en a & b.

Sur a b comme diametre, on décrira le demi-cercle a H b, & sur AB pour grand axe, & CH pour moitié du petit axe, on décrira la demi-Ellipse AHB. Puis ayant divisé ce cintre en ses Voussoirs, par exemple, ici, en 3 aux points 1, 2, & tiré ses joins de tête 1'3, 2'4, qui couperont le demi-cercle a H b, aux points 5, 6, on abaissera des perpendiculaires de ces divisions sur AB, qu'elles couperont aux

159

points P & p, par où on tirera les directions des joins de lit PS,  $p \int_{P}$ , paralleles, à AD & BE.

Ayant prolongé ces directions, on leur fera une perpendiculaire D'R, qui les coupera aux points D' 5<sup>d</sup>, 6<sup>d</sup> R, qui feront les projections du diametre de l'arc-droit D' b R, formé comme aux Berceaux biais, pour avoir l'angle de lit & de doële R 6 4<sup>r</sup> ou D' 5' 3'.

On abaissera du point  $\varsigma$ , une perpendiculaire  $\varsigma$  q, sur AB, qui la coupera au point q, par où on menera q Q, parallele à AD, qui coupera la ligne m m, au point Q, l'angle PQ f, sera la projection du joint de lit, lequel angle est plus ouvert que celui de la doële brisée au lit inférieur A  $\approx$  D, & seroit plus sermé que celui du lit au-dessus, s'il y en avoit un, parce qu'il s'ouvre de plus en plus, en aprochant de la clef, où il s'évanoüit au milieu C c, qui est une ligne droite.

In nous reste à tracer les panneaux de lit & ceux de doële:

Le panneau de doële plate, doit être fait comme pour un Voulfoir de Berceau simplement biais, dont la projection est parallelograme a q r i. Ayant tiré la diagonale q i, on la portera en q k sur AB, & l'on tirera  $k \zeta$ , qui sera la valeur de cette diagonale, par le moyen de laquelle on sormera le panneau de doële, (sig. 117.) comme il a été dit au 2°. Livre, page 357. en saisant deux triangles égaux, sur cette base commune, avec la corde de la tête  $a \zeta$ , & la projection d'un joint de lit q r, ou a i, tels sont les triangles  $k^1 a q^5$ , &  $q_5 r k^1$ , qui sorment le parallelograme a r, que l'on cherche.

On formera de même le panneau de lit, en abaissant du point 3 Fig. 112de l'extrados, une perpendiculaire sur AB, qui coupe ici cette ligne en
y, si l'on tire y 3", parallèle à q r, on aura le parallelograme y q r 3",
qui sera la projection du lit, qu'on formera de même que celui de
doële plate, par le moyen d'une diagonale q 3", qu'on portera sur
AB, de q en r, & la différence des hauteurs des points 5 & 3, qui
est o 3, sera portée en q d, la ligne d r, sera la valeur de la diagonale q 3", par le moyen de laquelle on sormera comme ci-devant,
le parallelograme 3 5, 5" 3", de la fig. 112: dont les côtez 3 3",
5 5", sont égaux à la projection q r, & les cotez 3"5, & 3" 5",
sont égaux au joint de tête 3°5, de l'élevation de la face à la fig. 110.

Pour achever de former ce panneau de lit, il faut porter la longueur

fur la feüillure; puis du milieu Q, de la ligne  $\varsigma \varsigma^*$ , on tirera les lignes Q 1', Q 1", qui formeront l'angle 1' Q 1", qui est le joint de lit que l'on cherche, pour déterminer l'inclinaison mutuelle des deux parties de la doële plate, qui s'ébrase en dehors & en dedans.

# Aplication du Trait sur la pierre.

AYANT dressé un parement pour servir de doèle plate, on y apsiquera le panneau pour en tracer le contour. Puis avec le biveau de lit & de doèle pris à l'arc-droit en R 6' 4', on abattra la pierre pour sormer les lits, sur lesquels on apliquera les panneaux qui leur conviennent; scavoir, k a i FGL, pour le lit de dessous, & 3 5 5° f g T pour celui, de dessius de la fig. 112., posant les points 5 5°, sur q' q 5 de la doèle, & les angles a & i du lit de dessous, en k & 1' de la doèle.

Apre's avoir ainsi formé les têtes, on y apliquera le panneau de l'arc du cintre primitif  $a ext{ } ext{ }$ 

Cettre doële étant ainsi creusée, on y menera une courbe, parallele à l'arête exterieure, en y trainant la longueur a x, quarrément au milieu. Puis on prendra le panneau de tête 3° 1, A k, qu'on reculera au lit de dessus, de la longueur 1° 5, & à celui de dessous de la longueur A a, & dans cette situation, on tracera l'arc 1 A sur le devant, entre lequel & la ligne courbe tracée en travers dans la doële, comme nous venons de le dire, on abattra la pierre à regle apuyée, quarrément sur ces deux arcs; sçavoir, A 1 à l'arête exterieure, & a 5 au milieu de la doële, & l'ébrasement exterieur serasonné.

On en usera de même pour l'interieur, s'il n'y a point de seuillure à ménager, mais s'il y en a une comme dans cet exemple, il saudra la tracer parallelement à l'arc 1 A, & quarrément suivant la profondeur, après quoi on formera l'ébrasement interieur, comme nous venons de le dire.

# USAGE.

J'AI fait exécuter doux de ces portes dans des réduits de Place d'Armes rentrantes, où le passage du soûterrain, est aussi oblique qu'on le voit

### DES VOUTES COMPOSEES, CHAP. IV.

voît à la fig. 110. parce que l'angle flanqué & celui de la gorge.

Dans l'une, j'ai fait les joins de lit en angle saillant & rentrant. comme en PQS, pour plus de solidité, afin que la poussée du Voussoir, dans la moitié de son épaisseur, sût presque directe.

Dans l'autre, j'ai mis en œuvre le Trait, tel que je l'ai donné ici, pour rendre l'operation plus simple; mais n'ayant pû veiller contimuellement à l'exécution, elle n'a pas été bien correcte, parce que, saute d'Apareilleur, j'étois obligé de m'en raporter à un mauvais Tailleur de pierres, qui tournoit indissérenment le panneau de cintre Elliptique, comme s'il avoit été circulaire; à quoi il faut prendre garde avec attention; parce que les Ouvriers n'entendent pas à fond ce qu'on leur sait saire, quoiqu'ils le disent souvent de bonne soi, & souvent par vanité; ce qui m'a engagé de tracer moi-même la troisième, que j'ai fait exécuter.

Pour donner une idée de l'aplication de se Trait à la formation ng. 114. d'une Embrasure, j'ai dessiné en perspective à la sig. 114. un Voussoir ébauché en Berceau, & achevé en deux portions de cones inégaux.

## Idée d'une nouvelle Corne de Vache double.

On apelle assez mal à propos Corne de Vache double, une Voute cylindrique qu'on apelle aussi passé, au lieu que la Corne de Vache, est une Voute Conique; ainsi la Double, doit être un composé de deux Voutes Coniques, qui ayent des impostes paralleles entr'elles, comme le Biais passé, & qui ayent pour section par l'axe à l'imposte des triangles rectangles ABS, & DE s comme la Corne de Vache; telle est la Voute dessinée à la sig. 113. dans laquelle on Fig. 113. voit que les deux surfaces de ces Voutes se rencontrent suivant une demi-Ellipse, dessinée en perspective en DMB; on a dit au premier Livre, pag. 104. & sig. 79. pourquoi cette arête courbe étoit plane Elliptique, & non pas à double courbure.

Le grand axe de cette Ellipse, est donné à la diagonale DB du plan horisontal, & l'on aura la moitié de son petit axe, en tirant par le milieu m de cette diagonale, une ligne FG, parallele à AB, qui coupera le côté D sd'un des cones en I, & l'autre BS en L; la moyenne proportionelle entre I m & G m, sera la moitié du petit axe que l'on cherche, que nous avons placé en M m.

Je ne crois pas nécessaire d'entrer ici dans le détail de la configure. UL

truction d'une telle Voute, dont je ne vois d'aplication à l'usage, qu'an cas qu'on eût un passage biais à vouter entre deux cintres de fact égaux, entre lesquels il se trouveroit quelque empéchement de continuer la cles de niveau d'une face à l'autre.

### COROLLAIRE

# Voute d'Arête Conique.

De cette composition de deux Voutes coniques, on en peut tirer une de quatre portions de cônes, qu'on pourroit apeller Voute d'Ariss Conique, dont les Auteurs n'ont jamais parlé, quoiqu'elle soit possible & même convenable dans une circonstance telle que celle dont je viens de parler, suposant que la sig. ADEB du plan horisontal soit un Rhumbe parsait, & non pas un Rhumboïde; car s'il se trouvoit de l'inégalité dans les côtez, elle ne seroit pas praticable, parce que les cônes deviendroient inégaux entre eux, par conséquent leurs arêtes seroient des courbes à double courbure, ce qui est une dissormité dans les Voutes d'arêtes, où elles doivent se bornoyer en ligne droite d'une imposse à l'autre.

JE ne m'arrêterai pas non plus à la construction de cette Voute, dont l'usage ne peut guere tomber en pratique que par un cas bien extraordinaire, & qui est d'ailleurs plus foible qu'une Voute d'arête cylindrique, en ce que la clef de la croisée est plus base que celle des formerets; d'où il suit qu'elle reçoit une partie de leur charge.

# Explication Démonstrative

Pour bien entendre les deux Traits de l'Embrasure & de la Come de Vache double, qui sont des pénétrations de portions de demi-cônes scalenes, il saut se représenter des cônes entiers, emboitez les uns dans les autres, comme nous les avons représentez aux sig. 104. 106. 107. 108. & 109. & parce qu'il s'agit de cônes scalenes, une seule représentation ne peut suffire pour montrer les différentes positions de leurs parties; c'est pourquoi pour exprimer l'origine de l'Embrasure, considerée dans son plan horisontal, on a dessiné en perspective la projection horisontale à la sig. 104. où l'on voit un petit cône is f, qui en pénétre un plus grand de S', tourné en sens contraire; Or comme ces cônes sont de différentes especes, le petit étant Droit & le grand scalene, la courbe d'intersection a b b seroit à double courbure, si cette courbe n'étoit déterminée en arc de cercle, ce qui rend le grand cône intrinséquement de même nature que le petit; car quoiqu'il pa-

Fig. 104.

## DES VOUTES COMPOSEES CHAP. IV.

roisse sçalene par l'obliquité de la base de e sur l'axe x S, la section abb perpendiculaire à son axe, est par la construction un cercle, par conséquent sa base de ne peut être qu'une Ellipse.

Les deux représentations des sections verticales mises en perspective, font voir que la projection horisontale de la fig. 104. restant la même, les cônes qui se pénétrent peuvent encore être en differentes situations.

PREMIEREMENT l'axe commun f C peut être horisontal, comme lorsque l'on prend la naissance de la Voute de l'ébrasement extérieur fur une ligne de niveau avec la Genouillere, & celle de l'ébrasement intérieur; alors les deux cones sont intrinséquement Droits, & l'extérieur est coupé obliquement par le Talud du mur en TL.

Dans cette construction, les piédroits ou jouées de l'Embrasure au- Fig. 106. dessous de ce niveau, sont des surfaces planes, triangulaires, verticales & tangentes au cône P qr, parce que le plan rampant de la plongée coupe le cône au-dessous de son axe de niveau; par conséquent l'arête de la face extérieure de l'embrasure rentreroit en elle-même, parce qu'elle seroit plus grande qu'une demi-Ellipse, ce qui ne convient pas à la commodité du pointage, parce que le canon ne doit pas toûjours être directement au milieu de l'embrasure, on doit avoir la liberté de le tourner un peu à droite ou à gauche quand on le juge à propos; on ne voit d'embrasures rondes que dans les vieilles fortifications: on peut voir à la fig. 116. de la planche suivante les deux differentes especes de bayes d'embrasures, la ronde en haut & la mixte en dessous.

SECONDEMENT l'axe commun peut être incliné à l'horison, comme Fig. 107. a la fig. 107. & alors suposant encore la courbe d'intersection a b b plane & circulaire, les deux cônes sont encore rendus par la construction intrinséquement de même espece, en ce qu'ils sont tous deux également scalenes, leurs axes étant également inclinez en ce sens à la fection commune circulaire.

Dans cette construction, la Voute de l'ébrasement prend directement sa naissance sur le plan incliné de la plongée, sans qu'il soit nécessaire d'y ajoûter deux parties planes tangentes au cône.

Presentement pour en venir à l'explication de notre corne de vache double, il faut remarquer qu'elle differe de la figure des Embrasures. en ce que les cônes, dont sa doële comprend deux parties, n'ont pas comme aux Embrasures leurs axes communs, c'est-à-dire sur une même ligne droite, quoiqu'ils paroissent les avoir ainsi dans la projection Xij

## 164 STEREOTOMIE LIV. IV. PART. II.

Fig. 109. horisontale, mise en perspective à la fig. 103. où les axes S C, & S e ont une partie commune Ce; mais ces axes sont inclinez entre eax Fig. 108. comme l'on voit au profil mis en perspective à la fig. 108. où ils sont représentez par les lignes f G & f g, qui se croisent en K.

Au lieu d'avoir leurs axes sur la même ligne, is ont un côté commun en C e sous le milieu de la clef, dans la ligne f f, qu'on supose une ligne droite, ce qui fait voir la nécessité de deux représentations de plan & de profil, pour donner une juste idée de la position des cônes scalenes.

QUANT à notre invention d'une nouvelle Come de Vache double, exig. 113 primée à la fig. 113. on peut voir la figure de la position respective des cônes au premier Tome à la page 104. & à la fig. 79. de la planche 7. ce qui suffit pour en donner une juste idée.

> Deuxième situation, où les Axes des cônes ont des directions differentes, par exemple, sune verticale, sautre horisontale.

## Porte ébrase,

## TROMPE.

# Ou Canoniere en Tour ronde, ou creuse en Talud-

Dans le Trait précedent, nous avons consideré la jonction des doëles coniques au Colles de l'embrasure, ou à celui de la porte en Corne de Vache double: Ici nous cherchons la courbe de l'arête de Pl. 97. rencontre d'une seule doële, avec le parement conique d'une Tour Fig. 116-ronde ou creuse, laquelle est une portion de cône tronqué vertical

Fig. 115. Soit, fig. 115. la demie couronne de cercle DTE KLI, la face d'une Tour en Talud par dehors, laquelle est percée d'une ouverture ébrasée ABGF, qu'il faut vouter.

Avant siré la corde AB, on lui menera une parallele ab, tangente au cercle DTE, qui le touchera en T, puis on prolongera de part & d'autre les directions des piédroits AF & BG, jusqu'à ce qu'elles concourent en S, où fera le sommet du cône horisontal de l'embrasure, & en dehors en a & b pour avoir le diametre de sa base ab, sur lequel on décrira le demi cercle atb pour cintre primitif, qu'on di-

• .  DES VOUTES COMPOSEES CHAP. IV. 165 visera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, desquels on tirera les perpendiculaires 1 p1, 2 p2, &c. à l'ordinaire.

Par les projections des divisions  $p_1$ ,  $p_2$ , &c. on tirera des lignes droites au sommet S,  $p^1$  S,  $p^2$  S,  $p^3$  S, &c. qu'on prolongera indéfiniment au-delà de S, lesquelles couperont l'arc FG en q, r, u, v.

Du point C, qui est le centre de la base de la Tour, on tirera des perpendiculaires sur chacune des projections de lit  $p^1$  S,  $p^2$  S, &c. qui les rencontreront aux points 1', 2', 3', 4'.

On portera toutes les longueurs C 1', C 2', C 3', C 4' en R' R<sup>2</sup> R<sup>3</sup> R<sup>4</sup>, fur la base DE, par lesquels on tirera les verticales R' V, R<sup>2</sup> V, &c.

On fera ensuite le profil de la Tour suivant l'inclinaison de son Talud CDO, & ayant porté la hauteur MH du cintre primitif en C e<sup>3</sup>, on divisera cette hauteur en autant de points qu'on voudra avoir, aux arcs des hyperboles qu'on doit tracer pour chercher les projections de l'arête extérieure de la Tour & de l'embrasure; suposons seulement en quatre, aux points C<sup>5</sup>, C<sup>6</sup>, C<sup>7</sup>, C<sub>2</sub>.

On menera par ces points des paralleles à la base DE, qui rencontreront le côté de la Tour DO aux points  $d^5$ ,  $d^6$ ,  $d^7$ ,  $d^8$ , & les verticales  $R^1$  V,  $R^2$  V, &c. aux points 5, 6, 7, 8.

Des points  $c^5$ ,  $c^6$ , &c. comme centres, & de la longueur de chaque horisontale  $c^5$   $d^5$ ,  $c^6$   $d^6$ , &c. pour rayons, on décrira des arcs de cercles en dessus ou en dessous, qui couperont les verticales  $R^1$   $V_2$   $R^2$   $V_3$  aux points  $I_3$ ,  $I_4$ , & chacume en des points  $I_4$ ,  $I_4$ ,  $I_5$ ,  $I_6$ ,  $I_8$ 

Presentement il faut tracer les arcs des quatre hyperboles que formeront à la furface de la Tour, des plans verticaux, passant par les projections des joins de lit de la Voute  $Sp^1$ ,  $Sp^2$ , &c. lesquelles rencontrant ces joins de lit dans la Voute, y déterminent autant de points de l'arête de rencontre de la doële de la Voute avec le parement de la Tour.

In nous suffira de chercher un de ces points, par exemple, celuis qui répond au point 4, du cintre primitif.

On prendra la longueur 5'4, qu'on portera sur l'horisontale en 5 Fig. 225. Y', ensuite 6 x' en 6 Y', 7 x' en 7 Y', &c. & par les points Y., Y6, Y7, on tirera à la main une courbe qui sera un arc de l'hyperbole qu'on cherche.

In faut présentement faire le profil du joint de lit qui doit la couper.

On prendra la longueur 4' p4, qu'on portera de R4 en P4, sur l'horisontale DE. On élevera au point P4 une verticale P4 V4, qu'on fera égale à la hauteur de la retombée p4 4 du cintre primitif.

On portera ensuite la longueur 4. S de R en N, & l'on tirera l'inclinée N V<sup>4</sup>, qui sera le profil du joint de lit, lequel coupera l'arc d'hyperbole qu'on vient de saire au point y, qui est celui que l'on cherche; duquel si l'on abaisse une perpendiculaire sur DE qui la coupera en t, on aura par ce moyen la projection de ce point, qu'on portera à la projection de la Voute de p<sup>4</sup> en t<sup>4</sup> sur la ligne S p<sup>4</sup>.

Par la même méthode, on cherchera les autres points è, t2, t1, pour tirer par ces points la projection de la courbe de l'arête de la Tour en AmB, par le moyen de laquelle on pourra tailler chaque Voussoir par équarrissement, ou si l'on veut par panneau, comme toutes les Voutes coniques dont on a la projection de l'arc de face à double courbure; en cherchant les diagonales des panneaux, comme il a été dit au 3°. liv. & en plusieurs traits ci-devant, particulierement dans celui de la Trompe, ou Canoniere en Tour ronde ou creuse à plomb.

On peut en effet ébaucher la tête du Voussoir comme s'il étoit à plomb sur une partie du contour de la courbe de projection trouvée AmB, puis se reculer de la quantité que le Talud donne par une se conde courbe qu'il faut chercher par le moyen d'un extrados, on bien pour plus grande facilité, faire au lieu d'extrados une portion de lit horisontal, sur lequel on tracera l'arc de cercle du réculement que donne le Talud sur la hauteur qu'il y a depuis le plus haut de la doèle à l'extrados.

Cs moyen a cette commodité qu'il dispense du soin de faire les panneaux de lit, parce qu'après avoir formé la tête & la doële plate, ou le lit horisontal des rétombées, dont on fait usage pour opérer par équarrissement, il pe s'agit plus que de former les lits, ou avec les biveaux d'aplomb & de lit, ou avec les biveaux de lit & de doële, & en abattant la pierre pour former le lit, sa tête au parement de la Tour se forme, comme par hazard, en une portion d'arc Elliptique qui est la section du lit dans la Tour conique.

On peut aussi opérer au contraire en faisant la doële & un parement à plomb avec le biveau d'aplomb & de doële au lit de dessus, sur lequel on apliquera un panneau coupé sur l'arc hyperbolique, qui a servi à tracer l'épure, pour trouver le point de l'arête du lit de dessus; cet arc donnera le reculement de la tête à l'extrados, & par conséquent le moyen de poser sur le lit supérieur horisontal, l'arc de cercle qui en donne le reculement de niveau; tout cela supose un peu d'intelligence dans le fond du Trait, pour mettre un trait aplomb à ce panneau, où il doit servir à le poser par le moyen d'un biveau de joint de lit & d'aplomb.

Le reculement de l'extrados sur l'arête du joint de lit de dessous ne peut se trouver par le moyen d'un panneau coupé sur l'arc hyperbolique, mais par une cerche où l'on mettra aussi un aplomb pour le poser par dehors, ayant soin de la dégauchir suivant l'arête de lit & de doële.

# Remarque sur l'erreur de l'ancien Trait.

Quoique ce Trait soit sort usuel dans les Bâtimens militaires, Mr. de la Ruë n'en dit rien, & le P. Deran en donne un qui ne vaut rien, sous le nom de Trompe en Tour ronde & en Talud; il convient lui-même qu'il n'y observe pas la justesse des opérations Géometriques, pour ne pas le rendre trop difficile, parce, dit-il, qu'il y auroit un grand embarras de discours & de lignes, pour arriver à celle qui pourroit être tenuë en ces rigueurs pour la vraye; il se contente, ajoûte-t'il, du nécessaire pour la pratique, laissant le curieux à ceux qui auront un dessein plus ample, que celui qu'il s'est proposé, c'est-à-dire, à moi, qui ne suis pas d'avis qu'on doive donner une opération fausse pour la rendre facile.

Si l'on veut sçavoir en quoi consiste la fausseté de son opération, il faut rémarquer qu'il ne prend pas les reculemens du Talud sur des plans passans par l'axe de la Tour, ce qui les augmente évidemment, parce qu'alors la section de la Tour n'est plus une ligne droite, mais une courbe hyperbolique, car on sçait qu'il n'y a de section droite dans le cône, que celle qui passe par le sommet; or les lignes de reculement n'y passent point, donc elles ne sont pas des lignes droites.

Au reste il me semble que le Trait que je viens de donner pour opérer juste, n'est pas plus composé & embarrassé de discours & de lignes, que celui du P. Deran pour le faire faux ; je ne sçai même

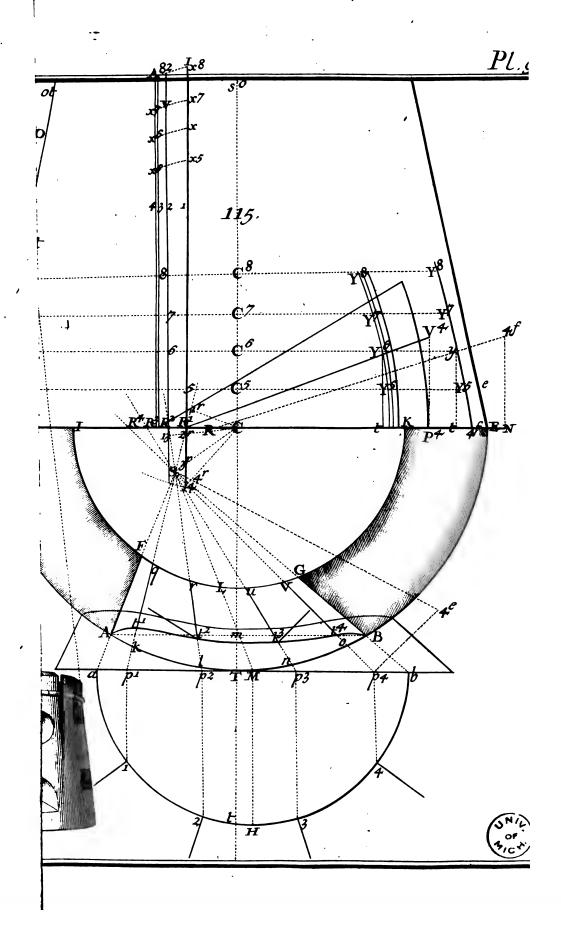
s'il n'est pas plus simple, puisqu'il ne consiste que dans l'intersection d'un triangle qu'il faut nécessairement faire, pour trouver la valeur du joint de lit, quelque maniere qu'on opére, & d'un arc hyperbolique, dont la construction est des plus faciles.

QUANT à la voye que le P. Deran prend pour faire des têtes égles en rectifiant le contour de la base de la Tour pour faire son cintre primitif du cintre dévelopé; elle n'est d'aucune conséquence pour la persection de l'ouvrage, car la régularité de la figure de la doële qui résulte du cintre primitif de surface plane pris à la base du cône, est préserable à la petite inégalité qu'il produit sur les têtes, au lieu que le cintre primitif suposé en dévelopement du cône, produit une irré, gularité dans le contour de la doële.

Que si l'on vouloit absolument des têtes égales, il faudroit toûjours opérer, comme nous avons sait, par le même cintre primitif de la base, & après avoir sait le dévelopement du cône, on y traceroit celui de l'arête par le moyen de la projection, trouvé comme il a été dit au Probl. 14. du 3°. liv. & sur ce dévelopement, on referoit de nouvelles divisions des têtes des Voussoirs autant égales qu'on le souhaiteroit.

# Explication Démonstrative.

Si l'on supose des plans verticaux passans par les projections des joins de lit de la Vonte, il est clair que tous ceux qui ne passeront pas par l'axe de la Tour, étant prolongez s'il le faut, ne feront pas à sa surface des sections rectilignes, mais des hyperboles, par conféquent l'arête de rencontre de la surface de la doële & de celle de la Tour, sera toûjours à l'intersection d'un triangle, qui est la section du plan vertical, passant par le sommet S de la Voute conique, & d'une hyperbole qu'il forme à la surface de la Tour; or il est vilible que pour avoir l'éloignement du plan de cette hyperbole de l'axe du cône vertical, il faut mener une perpendiculaire de cet axe sur le plan coupant, comme l'on a fait en C1', C2', &c. que portant cette diftance sur la base horisontale DE, à distance égale du centre C, & tirant une parallele à l'axe comme R'V R2V, &c. chacune de ces paralleles représentera l'axe de l'hyperbole dans le cône, dont les ordonnées seront égales à des moyennes proportionelles entre les segment DR, & R, E à la base, ainsi qu'aux sections paralleles à cette base, entre les segmens d'5, &5 e, ainsi des autres, ce qui a été fait par le moyen des arcs, & qui est exact, comme il a été démontré au Probl. 37. du 2°. liv. CHAPITRE V.



**;** .

## CHAPITRE CINQUIEME

# DE LA RENCONTRE DES VOUTES Coniques avec les Sphériques.

L'enombre des combinaisons de rencontres de la Sphère avec le cône se réduit à deux cas. 1°. Lorsque l'axe du cône passe par le centre de la Sphère. 2°. Lorsqu'il n'y passe pas.

## PROBLEME VIL

Faire une Voute Conique quelconque, qui rachete une Voute Sphérique.

## PREMIER EXEMPLE.

Lanette ébraste ou ressertée Droite, Biaise ou Rampante, dans une Voute en Cû-de-Four spérique ou spécode.

Sorr (fig. 117.) l'arc SabD, l'imposte d'une Voute sphérique, la-PL. 92. quelle est percée d'une Voute conique, dont la projection horison-Fig. 117. tale seroit le triangle ACB, si elle étoit complete & Droite, mais dont il n'y a que la partie A & X b B voutée; le reste & C b X étant dans le vuide de la Sphère. Sur AB, comme diametre donné, on décrira le cintre primitif AHB circulaire ou Elliptique, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, par lesquels on abaissera des perpendiculaires sur AB, pour en avoir la projection en p<sup>2</sup> p<sup>4</sup>: nous ne diviserons que la moitié BH, pour saire servir l'autre AH de profil, ce qui suffit lorsque la projection de la doèle conique est Droite, c'est-à-dire que son axe c C passe par le centre C de la Sphère, ou nous le suposons ici terminé, parce que les deux côtez de la cles sont égaux entre eux.

On tirera par le point C sommet du cône, qui se trouve aussi par suposition arbitraire, au centre C de la Sphère, les projections des joins de lit  $Cp^3$ ,  $Cp^4$ , dont on portera les longueurs sur la ligne CH, qu'on prendra pour base des prosis qui doivent donner la valeur de ces projections, lesquelles sont plus courtes que les véritables joins de lit. On portera donc  $Cp^4$  en Cd, &  $Cp^3$  en Ce.

Par le point d, on élevera une perpendiculaire  $d f^+$ , qu'on fera  $T_{\ell m_{\ell}}$  III.

égale à la hauteur 4 pt, & par le point e une autre e fi égale à 3 pa puis on tirera la droite ft S, suposant que la Lunette soit rampant, & que le sommet du cône qui étoit dans la projection en C, soit an profil en S, au milieu de la clef de la Voute sphérique, ce qui est cependant arbitraire, & an gré de l'Architecte, qui peut le mettre ou bon lui semblera, en de-ça ou en de-là, plus haut ou plus bas.

Suposant donc le sommet du cône en S, on tirera les lignes AS, f, S, f, f, S, qui couperont le profil de la Voute sphérique  $c \times S$  en x, y, z, d'où on abaissera des perpendiculaires sur CH, qui donne ront leurs projections de profil X, Y, Z.

On portera la longueur CY sur la projection horisontale C p, où elle donnera le point y, & C z sur C p+ en 2+, puns par les points X, y, z+, & b, on tracera à la main une ligne courbe X y, z+ b, qui sera la projection de l'arête de rencontre de la Lunette conique avec la doële sphérique.

It est visible que nous suposons ici une Voute parsaitement sphérique, parce que nous prenons pour son profil un quart de cercle ex S, mais si elle étoit en cû-de-sour sur baissée ou sur haussée, an lieu de ce quart de cercle il saudroit saire le quart d'Ellipse qui conviendroit à sa section verticale; l'intersection de cette Ellipse avec les prosist des joins de lit donneroit de même les points x, y, z, pour l'arête d'ensourchement des deux Voutes conique & sphéroide, suposant la Voute sphéroide réguliere, oblongue ou aplatie, & sormée par la révolution d'une demie Ellipse autour de son axe vertical.

Mais si elle étoit formée par la révolution d'une demie Ellipse au tour de son axe horisontal, alors il faudroit un quart d'Ellipse différent à chaque projection de joint de lit pour en saire le profil, & trouver les points x, y, z, par leur intersection avec les vrayes joins de lit, qui sont des côtez droits de la Voute conique; alors l'arc chi D ne sera plus un arc de cercle, mais d'Ellipse, ce qui est clair.

Quoique nous ayons suposé la direction de la lunette Droite par sa projection, en sorte que son axe passe par le centre C, il pourroit arriver par quelque situation bizarre qu'elle sût biaise, comme en eG, alors on ne peut plus faire les profils, comme nous venons de les saire avec des arcs de cercles majeurs, ni saire servir une moitié pour l'autre.

Surosons la ligne du milien donnée, c'est-à-dire la projection de

Paxe du cône en c G, & la hauteur de son sommet, dont le point G est la projection en g. On tirera par les points donnez  $p^1$ ,  $p^2$ ,  $p^3$ ,  $p^4$ , des lignes droites au point G, au-delà duquel on les prolongera jusqu'à la rencontre de l'imposte de la Voute sphérique en i I K k, puis on tirera sur chacune de ces lignes des perpendiculaires du centre C, qui les couperont aux points  $m^1$ ,  $m^2$ ,  $m_3$ ,  $m^4$ .

On fera ensuite les profils des sections, qui seroient faites par des plans verticaux, passans par les projections des joins de lit, prenant pour base RQ; ces profils auront tous pour hauteur commune g R.

On portera la longueur  $G_{p4}$  en  $R_{q4}$ , où l'on élevera une perpendiculaire q4  $4^{\circ}$ , égale à la hauteur 4 p4, & l'on tirera la droite  $4^{\circ}$  g, qui fera la valeur du quatriéme joint de lit, dans lequel il faut trouver un point x4, qui foit l'intersection de la Sphère.

On prendra la longueur G m<sup>4</sup>, qu'on portera de R en m<sup>4</sup>, d'où, comme centre, & de l'intervale m<sup>4</sup> K' pour rayon, on décrira un arc de cercle, qui coupera la ligne 4° g au point x<sub>4</sub> que l'on cherche.

On trouvera de même les autres points de la projection de l'arête d'enfourchement des deux doëles de la Lunette & du Cû-de-Four.

IL est encore visible qu'on supose le Cû-de-Four sphérique & non en sphéroïde, car s'il étoit alongé ou aplati, il faudroit chercher les Ellipses de chacune des sections qui seroient faites par les plans verticaux, passans par la projection des joins de lit, pour laquelle opération il saut avoir recours à ce que nous avons dit au Probl. II L du 2°. Tome page 30.

La courbe  $a \times b$  de projection horisontale de l'arête d'enfourchement, & les longueurs des joins de lit dans la Lunette, Ax, f, y, f+ z étant données, on aura tout ce qui est nécessaire pour former les panneaux de doële plate conique, & pour tailler la pierre; suposant qu'on veuille faire le dévelopement de ces panneaux, on aura tous les côtez des triangles que formeroient les doëles, si elles étôient prolongées jusqu'au sommet.

AYANT tiré une ligne du milieu de la clef où l'on voudra, par Fig. 118. exemple en C c', fig. 118. on la fera égale à AS de la fig. 117. fur laquelle on prendra CX' égale à S x de la fig. 117. ensuite du point C pour centre, & de la longueur S y pour rayon, on décrira un arc y Y, sur lequel on portera de part & d'autre la demie-corde Y y; de la fig. 117. pour avoir les points y Y du dévelopement.

Y ij

Sur les côtez Cy CY prolongez, on portera la longueur f; 9 en; 2 & Y3; le Pentagone irrégulier y X4 Y3 2 y, sera le panneau de doële plate de la cles. On continuera de même pour avoir les autres panneaux des Voussoirs suivans 12 y2, a 2 1 A , qui seront plus simples, n'étant que des quadrilateres, suposant que la Luneux a sa base sur un mur droit AB; car si elle est établie en Tour creus, les panneaux des impostes seront des triangles mixtes a 2 x, b ZV & le dévelopement de toute la Lunette sera un triangle curviligne x X4 b4, au lieu que dans le premier cas sa figure est un Pentagone irrégulier curviligne A4 a4 X4 b4 B4 C4 A4.

Les panneaux de doële plate de la Lunette étant donnez par ce trait, & ceux de la Voute sphérique par le trait qui lui est propre, on pourra former les Voussoirs d'ensourchement de la même maniere que ceux de la Lunette cylindrique dans un Cû-de-Four, comme il a été dit page 129. de ce 3°, tome..

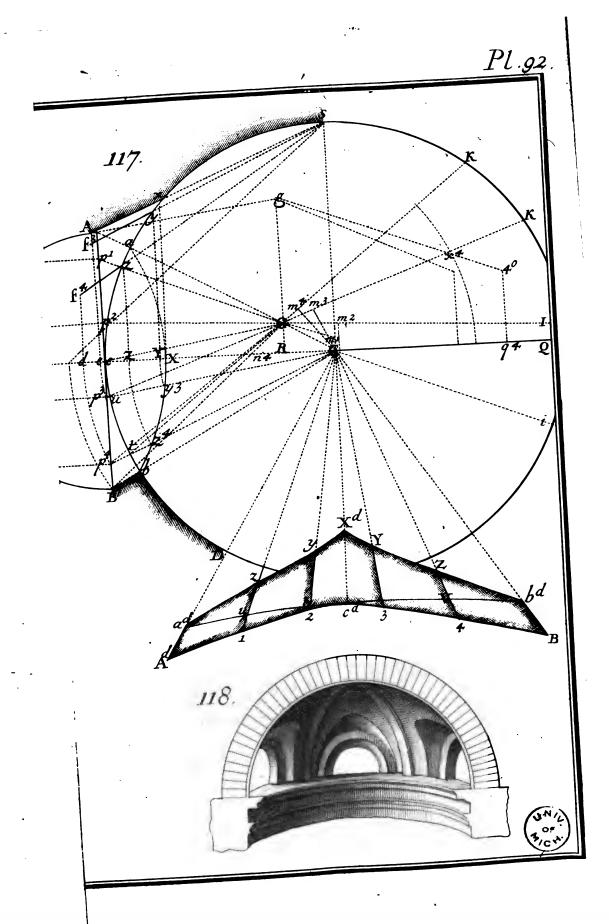
On peut de plus se servir ici des biveaux mixtes, donnez aux profils par les angles  $f^+ \approx x$ ,  $f^3 \neq x$  S & AxS, posez à la branche droite suivant la direction des arêtes des joins de lit de la Lunette, & la branche courbe dans un plan vertical dirigé au pole S.

L'aplication du Trait sur la pierre peut se faire par la voye des panneaux, comme dans tous les ensourchemens des rencontres des Voutes, dont on a les doëles plates & les biveaux de rencontre; œ que nous avons repeté plusieurs fois, dès le commencement de cette seconde partie.

ET l'aplication du Trait par équarrissement se fera aussi par le moyen de la courbe de projection sionisontale, sur laquelle on élevera une surface concave quarrément, dans laquelle on placera les hauteurs des retombées, comme il a été dit au 3°. Livre, page 311. pour toutes les arêtes qui sont courbes à double courbure; ensin les biveaux de lit & de doële de la Lunette se feront comme à toutes les Voutes coniques.

On a dessiné au bas de la planche à la fig. 119. la vûe en perspective des Lunettes coniques rampantes, dans une Voute sphérique à peu-près comme elles sont à la fameuse Chapelle du Pantheon de Escuriat, où sont les tombeaux des Rois d'Espagne.

JE les ai aussi disposé de même dans la Voute de celle du nouvel Hôpital, que Mrs. de Haguenau vont faire bâtir sur les desseus



~ • • • . . -. • 

DES VOUTES COMPOSEES CHAP. V. que je leur ai donné, charmé d'aider de mes conseils, un illustre

Magistrat zelé pour l'utilité publique.

Quoique ces sortes de Lunettes soient fort resuelles, le P. Deran A Mr. de la Ruë n'en ont rien dit.

# Explication Démonstrative.

Le construction de ce Trait est si semblable dans son principe à la précedente, qu'on pourra l'y reconnoître facilement. On supose des plans verticaux, passaus par les joins de lit de la Lunette, qui sont une section triangulaire dans le cône, & une circulaire dans la Sphère; comme cette derniere est ordinairement d'un cercle mineur, parce qu'elle passe rarement par son axe, on a tiré des perpendiculaires sur toutes ces sections en C m1 C m2, &c. pour avoir les centres de contres de co cercles en m' m2, &c. la raison en est claire par les Elemens de Géometrie, où il est dit que la perpendiculaire tirée sur une corde, l'a coupe en deux également, & donne la position du centre à l'égard du sommet du cône, par l'intervale S mi ou S m, &c.

Si la Lunette au lieu d'être circulaire à sa base, c'est-à-dire à sour cintre primitif AHB, étoit sur haussée ou sur baissée, il ne se feroit d'autre changement au Trait, que celui du plus ou du moins de hauteur de retombées.

## SECOND EXEMPLE.

# Abajour en O biais ébasé & rampant, tombant dans une Voute sphérique.

Cr Trait n'est proprement qu'un inverse du précedent, tournant PL 93le cone différemment, en sorte que son ébrasement vienne du dehors Fig. 121. au dedans de la Voute sphérique, au lieu qu'au Trait précedent, il étoit dirigé du dédans au déhors.

La seconde différence est qu'ici le contour du cône est entier autour de son axe, & qu'au Trait précedent ce n'étoit qu'une moitié; mais comme ces différences ne sont d'aucune conséquence, & qu'il est cependant à propos de parler de ce Trait, dont le P. Deran n'a rien dit, non plus que du précedent: je vais le traiter d'une nouvelle maniere, que l'on pourra, si l'on veut, apliquer aussi au précedent; elle paroftra même plus facile.

Som (fig. 120.) le cercle ou portion de cercle PBO, le plan ho- Fig. 120.

risontal d'une Voute sphérique dont le centre est C; pour ne pas trop étendre la figure, nous serons servir l'arc e o pour la projection honsontale, & l'arc P e pour la verticale, & parce qu'il s'agit principalement de l'inclinaison du cône de l'abajour, nous commencerons à régler le profil.

Avant tracé à volonté les deux lignes AD, BE, l'une pour la cles supérieure, l'autre pour l'inférieure, partant des deux points D, E, donnez pour l'intervale du diametre de l'ouverture extérieure de l'abajour; on prolongera ces lignes jusqu'à ce qu'elles se rencontrent en S, où sera le sommet du cône.

Sur DE comme diametre, on décrira le cintre primitif, ou sensement une moitié  $D_3E$ , ce qui suffit, parce que l'autre lui est égale, & l'ayant divisé en ses Voussoirs, ensorte qu'il y en ait une moitié en  $D_1$ , & une autre en  $E_5$ , pour moitié des cless; on menera des perpendiculaires au diametre DE, qui le couperont aux points  $f^1 f^2 f^3 f_4$ , & par tous ces points & le sommet  $S_1$ , on menera des lignes indésinies  $S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$ ,  $S_4$ ,  $S_4$ , qui seront les projections verticales des joins de lit d'une moitié de l'abajour, dont il faut trouver les vrayes longueurs, celles de ce profil n'étant pas encore les réelles, mais elles sont nécessaires pour les trouver, comme l'on verra ci-après.

Par les points b, i, k, l, m, n pris à volonté sur la ligne AD, on menera autant de paralleles à DE prolongées indéfiniment, comme bz, iz, kz, lz, mz, nz, qui couperont le rayon C e de la Sphère perpendiculaire à DF, aux points Y, Y, Y, l'arc vertical P e de son cercle majeur aux points H, I, K, L, M, N, & l'axe du cône SX, aux points c, c, c, c, c, c.

De tous les points c, c pour centres, & pour rayons les parties de ces paralleles qui font dans le cône cn, cm, &c. on décrira des arcs de cercles, & de tous les points Y, Y, pour centres, & pour rayons les parties de ces paralleles qui font dans la Sphère; on décrira d'autres arcs de cercles, qui couperont les précedens aux points x, x, desquels on menera des perpendiculaires à chaque parallele, où l'on a pris les centres qui ont donné les points x, x, lesquelles les couperont aux points y, y; par exemple, sur la ligne YK, du point  $\epsilon$  pour centre, &  $\epsilon k$  pour rayon, on décrira un arc de cercle  $\gamma x$ , & sur la même ligne Yk, du point Y pour centre, & pour rayon la longueur YK, qui est dans la Sphère, on décrira un autre arc de cercle x 8, qui coupera le précedent au point x, par où on menera

## DES VOUTES COMPOSEES CHAP. V.

171

fir YK, une perpendiculaire xy, qui coupera YK au point y, qui est un de ceux de la projection verticale.

On tronvera de même tous les autres points y, y, par lesquels on tracera à la main une courbe Ayyy, &c. B, qui coupera les projections verticales des joins de lit Sq, Sr, Ss, Ss, Su, aux points q, y, s, s, u.

Les longueurs des perpendiculaires xy, xy, serviront ensuite à trouver la projection horisontale de la même arête de rencontre des Voutes coniques & sphériques, dont la courbe Ayy B est la projection verticale; il n'y a qu'à porter toutes ces perpendiculaires xy, xy, sur les lignes yz qui leur apartiennent, ausquelles elles se terminent, à commencer au rayon  $C_e$ ; par exemple, sur la ligne y, prolongée au-delà de  $C_e$ , on portera la longueur y 1" de la perpendiculaire, sur y 12, qui donnera le point 1\(\frac{1}{2}\); de même la perpendiculaire 2" y en y 2\(\frac{1}{2}\), qui donnera ce point 2\(\frac{1}{2}\), ainsi des autres de suite; & par tous les points a, projection du point x sur y ce, y les suivans 1\(\frac{1}{2}\); y con tracera à la main une ligne courbe, qui sera la projection horisontale de l'arête d'ensourchement des deux Voutes, laquelle servira à déterminer les longueurs des projections horisontales des joins de lit, dont on a besoin pour en faire les bases des seconds profils, qui en donnent les veritables longueurs.

Qu point S, ayant abaissé une perpendiculaire sur ED prolongée en p', on portera la longueur S p' en c' S', sur le stayon C e, prolongé au-delà de DF, qu'il coupe perpendiculairement en c', où sera le centre d'un quart de cintre primitif F d, qu'on y répetera avec ses divisions F e 2, 2'I, & la moitié I d, qui représentera celle du profil supérieur D 1' par les points 1 & 2, ayant abaissé des perpendiculaires sur c' F, qui couperont ce rayon aux points p'  $p^2$ ; on menera par ces points p'  $p^2$ , & par le sommet S', les lignes S'Q, S'R, S' W, qui couperont la courbe de projection horisontale de l'arête d'ensourchement aux points Q, R p' T, V, les longueurs S'Q, S' R, S' p' S' I & S' V, seront les projections horisontales de la moitié des joins de lit de l'Abajour, qui serviront à en trouver les véritables longueurs, comme il suit.

Par les points q, r, s, s, u de la projection verticale, on menera des paralleles indéfinies à Ce comme r o', f o', t o''; ensuite ayant pris la ligne Sr C pour base de tous les profils, on portera la longueur S C en Sr  $a^p$ , & par le point  $a^o$ , on élevera une perpendiculaire à cette base, qui coupera la parallele, passant par le point q en un point

qu'on n'a pas marqué, parce qu'il tombe si près de 4, qu'on ne pen de distinguer.

On portera de même la longueur S'R en a, c'est-à-dire tout près, car on fait servir ce signe at pour trois points différens, qui tombent si prés, qu'on n'a pas de place pour les désigner par disserens caracterès, & ayant élevé une perpendiculaire à la base qui coupera la pazallele, passant par le point r, au point o'; la longueur o S sera le graye longueur d'un joint de lit qui se seroit dans un cône entier. mais parce qu'il est coupé par le plan DE, on tirera la ligne o S, qui coupera DE au point n; la vraye longueur de ce joint de lit à la surface de la doële de l'Abajour, sera o'n; on trouvera de même la vraye longueur des joins, dont p V & p T font les projections hoxisontales; mais comme le point & de l'atouchement du joint du côté représenté au premier profil par la ligne S c, n'est pas bien déterminé; il faudra mener par le point  $f_s$  où ce joint coupe la courbe  $A_{gg}B_s$ la ligne f &, qui coupera S. F prolongé en & où est le point d'atouchement; ainsi portant la longueur S' 23 en S' 0, comme le marque l'arc de cercle & o; on élevera à ce point o la perpendiculaire o o. qui coupera la parallele f' o' au point o', d'où tirant une ligne au sommet S, la longueur o, n sera celle du joint de lit se, qui étoit racourcie par la projection verticale, ainsi des autres.

Avant trouvé les véritables longueurs des joins de lit de l'Abajour, il ne sera pas difficile de faire les panneaux de doële plate, soit en particulier, soit tout de suite, en forme de dévelopement, comme on a fait ici pour une moitié de droite ou de gauche de l'Abajour.

PREMIEREMENT, par le Probl. 14. du 3°. liv. on fera le dévelopement des cordes de la base du cone scalene D3E, qui donnera la courbe D 3° et, par le moyen des points trouvez 1° 2° 3°, &c. comme il suit.

Superant que l'on commence le dévelopement au point D, quoiqu'il ne doive pas être pris au milieu d'une doële, parce que la corde D i n'est pas dans la doële plate de la clef F i, mais il n'importe, il ne s'agit que de montrer une pratique qu'on aplique où l'on veut, pour la fin qu'on fe propose.

Avant porté la longueur P' 1 fur P'E en P' 11, comme le marque l'arc de cercle 1 11. On prendra la distance 11 S, de laquelle, pour rayon & du point S pour centre, on décrira un arc vers 14, & prenant la longueur de la corde D 1 pour rayon; du point D pour centre

centre, on décrira un arc qui coupera le précedent au point  $1^d$ ; enfuite portant l'intervale P' 2 en P'  $1^2$ , comme le marque l'arc de cercle 2  $1^2$ , on prendra la distance du point  $1^2$  au sommet S du cône, avec laquelle comme rayon, & du point S pour centre, on décrira un arc vers  $2^d$ , ensuite prenant la corde 1' 2 pour rayon, du point  $1^d$  pour centre, on décrira un arc vers  $2^d$ , qui coupera le précedent au point  $2^d$ , ainsi des autres; & par les points  $1^d$   $2^d$   $3^d$ , on menera des lignes du points qu'on prolongera indésiniment, sur lesquelles on portera les longueurs des joins de lit de l'Abajour, comme n n en n en n n en n en n n en n

Si l'on veut se servir de panneaux de lit, il faudra faire un extrados, & trouver ses courbes de projection verticale & horisontale, de la même maniere qu'on a fait celles de l'arête de la doële à la face & à l'enfourchement, & trouver encore des points entre la doële & l'extrados aux joins de tête, par une suposition d'un cintre moyen entre la doële & l'extrados, ce qui est long & embarrassant.

Mais on peut se passer de panneaux, en trouvant, suivant la maniere générale du Probl. 14. du 3° liv. le biveau de doële plate & de lit, & celui de doële & de tête plane DE, & ensin pour l'enfourchement dans la Voute sphérique, en suivant la méthode de ceux des descentes qui rachetent une Voute sphérique, Probleme de ce Livre, où l'on a donné la maniere de trouver le biveau de doële plate de l'une & de l'autre Voute à leur rencontre.

### COROLLAIRE L

De là on tire la maniere de faire, 1°. l'Abajeur en Talud; car si l'on supose une ligne ET, qui soit le prosil d'un mur en Talud, au lieu de l'aplomb DE, cette ligne étant prise pour diametre du cintre primitif, ne sera aucun changement dans la construction que de rendre le cône scalene SDE moins oblique sur sa base, & arondir davantage l'intérieur de l'Abajour; mais alors il saut que les lignes de section soient paralleles au Talud de la face, pour qu'elles donnent des cercles; aims les lignes bY, iY, kY, &c. ne seront plus alors des verticales, mais des inclinées à l'horison parallelement au Talud TE.

#### COROLLAIRE. IL

It suit aussi de la même construction qu'on peut faire un Abajour Z

en O surmonté ou surbaissé, soit que sa face soit à plomb comme DE, ou en Talud comme TE, mais alors les lignes bc, ic, kc, &c nt seront plus des rayons de cercles, mais des demi-axes d'Ellipses semblables à celle du cintre primitif, dont l'autre demi-axe horisontal sera trouvé en cherchant une quatriéme proportionnelle à Dc, nc, ou nc, ou nc, &c. & c3, ce qui est clair & facile à apercevoir; alors la construction déviendra un peu plus composée, mais ne changera en rien dans son principe.

### COROLLAIRE III.

Enfin par le moyen de la même construction, on pourra faire l'Abajour en O binis, sans Talud ou avec Talud; mais alors la moitié de la projection horisontale ne suffira pas, parce que l'autre ne lui est pas égale, & la projection verticale de la courbe de l'arête d'enfourchement AgrituB, ne représentera pas non plus les deux côtez de la clef à droite & à gauche, ce qui sera indiqué par une perpendiculeire à la projection de l'axe s, a, & dans ce cas il faut commencer par chercher la courbe de la projection horisontale de l'arête d'enfourchement, en coupant le plan horisontal de l'Abajour & de la Voute sphérique par des paralleles, à la projection de la face d'entrée de l'Abajour, & après avoir trouvé cette courbe, on se servin des lignes xy, comme des ordonnées à l'axe du cône, c'est-à-dire de l'Abajour qu'on rangera sur les paralleles prolongées, depuis le plan horisontal au profil de la projection verticale; ensuite par des profils particuliers, on cherchera les longueurs des joins de lit, les biveaux &c. comme il a été pratiqué pour les Voutes coniques, ce qui n'à pas besoin d'une plus ample explication.

CEPENDANT comme ce Trait paroît fort composé par la multiplicité des lignes & des opérations pour trouver les valeurs des profils, il est bon d'aider un peu le Lecteur à trouver les raisons de la conftruction, afin qu'il l'entende & l'exécute plus facilement.

# Explication Démonstrative

Nous avons donné au 2°. Livre, pour principe général de la maniere de trouver les intersections des corps qui se pénétrent, qu'il faut les suposer coupez par plusieurs plans paralleles entre eux, dont la position, à l'égard des corps coupez soit telle, que les sections dans chacun d'eux deviene une de ces courbes qui sont les plus faciles à connoître & à d'écrire, comme le cercle par préférence, ensuite l'Ellipse, ensuite la parabole, & ensin l'hyperbole dans le cône, asse

#### DES VOUTES COMPOSEES CHAP. V.

que l'intersection des deux courbes qui se croisent, donne facilement les points de l'intersection des surfaces de la Sphère & du cône dans le cas présent.

Sur ce principe de commodité, nous avons coupé le cône de l'A-bajour par des plans paralleles à sa face verticale, exprimée par le profil DE, parce que cette ligne DE étant le diametre du cintre primitif, donné en cercle ou en Ellipse, toutes les sections des plans verticaux seront des cercles, ou si elle est Elliptique, elles donneront des Ellipses semblables à celle de ce cintre primitif donné ou pris à volonté, par conséquent toutes ses paralleles, dont le profil donne un axe qui est le vertical, seront faciles à décrire.

SECONDEMENT, puisque toutes les sections de la Sphère sont des cercles dont les rayons sont donnez par les profils des plans verticaux, qui la coupent KY, LY, MY, &c. il est visible qu'il ne s'agit que de trouver l'intersection du cercle du cône scalene avec le cercle de la Sphère, ou de l'Ellipse du même cône scalene & d'un cercle de la Sphère; mais comme ces joins sont en l'air situez perpendiculairement au plan vertical du profil, on les a transporté au point x, en changeant la situation du plan vertical sur celle du papier, ce qui ne change en rien la position de l'intersection des lignes courbes trouvées, qui restent dans le même raport de distance & de grandeur.

Enfin, parce que nous avoir suposé le cône de l'Abajour coupé par son sommet S, & par des points de division 1,2,3,4, du cintre primitif, qui sont inégalement loin du premier plan vertical, passant par l'axe du cône; ces plans seront pour sections des lignes droites, dont la représentation sur le premier vertical est racourcie, parce que ces plans sont inclinez entre eux; c'est pourquoi nous avons été obligé de chercher la valeur de ces sections droites, qui sont les longueurs des joins de lit en œuvre.



### CHAPITRE SIXIE ME

# DES RENCONTRES DES VOUTES Eylindriques, Coniques & Sphériques.

Avec les Annulaires

Premiere Combinaison des Berceaux avec les Voutes sur le Noyau.

PROBLEME VIII.

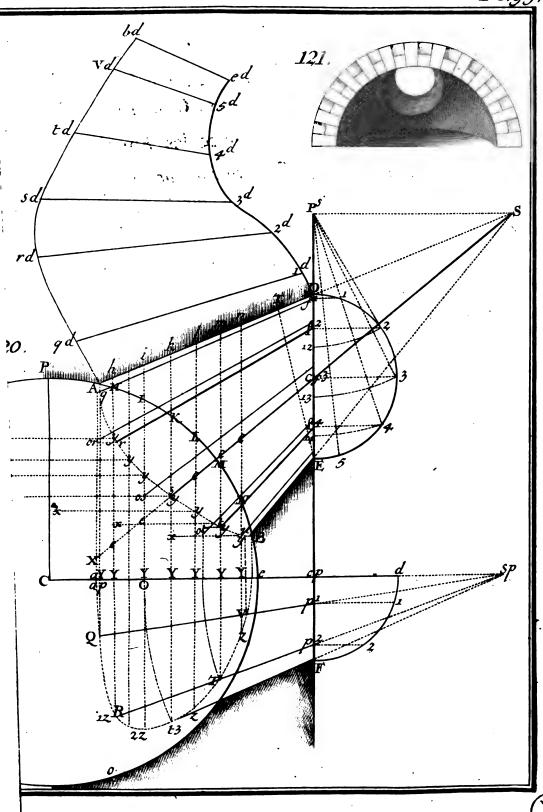
Faire l'enfourchement d'un Berceau en situation quelconque, à l'égard d'une Voute sur le Noyau.

DN Berceau peut être consideré en dissérentes situations, à l'égard de la Voute sur le Noyau. 1°. Il peut être de bout, c'est-à-dire en situation verticale comme une Tour, & alors il ne peut pas se faire d'ensourchement à la jonction de la Voute sur le noyau avec la Tour qui la pénétreroit du côté concaux de la cles, parce que les Vous-soirs pousseroient au vuide; cependant il s'y formera un angle rentrant, dont le sommet des surfaces sormera une courbe à double courbure qu'il sera facile de tracer, parce que la base de la Tour en est la projection toute trouvée, & les hauteurs de ses points seront donnez sur la surface cylindrique, par les retombées des arcs du cintre de la Voute sur le noyau; comme ce cas est rare dans la pratique, & qu'il est d'une facile exécution, nous ne croyons pas nécessaire d'en donner un exemple.

## SECOND CAS.

Berceau de niveau qui fait Lunette Droite ou biaise, dans une Voute sur le Noyau.

PL 93. Soit (fig. 122. Pl. 93.) les deux arcs concentriques, DNO conve-Fig. 122 xe, & EABI concave, les projections des piédroits ou impostes d'une Voute sur le noyau, & les droites Aa, Bb, celles d'un Berceau horisontal qui la pénétre.



JNIL BICK

. · ', . . ر • • AXANT tiré du centre C<sup>n</sup> du noyau DNO, la ligne DE, pour d'ametre de l'arc-droit de la Voute Annulaire, on décrira sur cette ligne le cintre de cette Voute circulaire ou Elliptique, surhaussé ou surbaissé comme DHE.

On tracera de même l'arc-droit abb pour le Berceau de niveau, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, par lesquels on abaissera des perpendiculaires sus ab, qu'on prolongera indéfiniment.

On élevera ensuite au point E, une perpendiculaire à DE comme E. 23, qui fera tangente de l'arc-droit, sur laquelle on portera les hauteurs  $p^1$ ,  $p^2$ , des divisions du berceau en E 14 & E 23, par où on menera des paralleles à ED, 23 g, 14 f, qui couperont l'arc HE aux points g & f, d'où on abaissera des perpendiculaires sur DE, qui la couperont aux points P & p.

Du centre C<sup>p</sup> par les points P & p de la ligne DE, on tracera des arcs de cercles concentriques PL, pl, qui couperont les projections des joins de lit du Berceau aux points FG g<sup>3</sup> f<sup>4</sup>, par lesquels on menera des lignes droites, qui donneront pour projection des doëles plates de l'arête d'enfourchement, le contour AFG g<sup>3</sup> f<sup>4</sup> B, dont on se servira pour former la lunette, de la même maniere que nous l'avons dit au Probl. V. pag. 129, de la rencontre des berceaux avec les Voutes sphériques sans aucune différence; ainsi nous croyons devoir y renvoyer le Lecteur, pour éviter les repétitions.

### Explication Démonstrative.

Si Fon supose des plans verticaux passans par les projections p K > N, des joins de lit du berceau prolongez, il est clair qu'ils feront pour section dans le Berceau des parallelogrames, dont la hauteur sera égale à  $p^1$ ,  $p^2$ , égale par la construction à  $E = 2^3$  ou g p, f p, & dans la Voute sur le noyau, ils feront pour section des Ovales du quatrième ordre, dont nous avons parlé au Livre premier, comme KQM, Nqn, &c. qui couperont les parallelogrames du Berceau, aux points x & y, lesquels seront communs aux deux Voutes: Or ces points seront évidemment, & par la construction, à même hauteur que les points x & y, lesquels seront communs aux deux Voutes: Or ces points seront évidemment, & par la construction, à même hauteur que les points x & y, lesquels seront projection sera dans l'interfection des arcs de cercles x & y, donc la projection des divisions de l'arête d'ensourchement des deux. Voutes est bien trouvée, ce qui est la partie essentielle du Trait:

Second Cas. Pour faire l'enfourchement de rencontre d'une Tour, dans une Foute sur le Noyau; il est clair que la projection de cet ensourchement.

sera donnée dans l'arc de cercle, qui sera la base de la Tour compit dans l'intervale de la rencontre des deux Voutes, ainsi il n'y a pa de difficulté; c'est pourquoi nous n'en avons pas sait de figure.

In ne sera pas difficile d'en faire la projection verticale, car se sen la même que la précedente en différente position; il me s'agit que de suposer en plan vertical, ce qui étoit en plan horisontal; car il est clair que les plans verticaux seront toujours pour section dans la Voute sur le noyau des Ovales du 4°. ordre, & des parallelogrames de bout dans la Tour, au lieu qu'au cas précedent ils étoient couchez horisontalement.

#### TROISIE ME CAS.

## De l'Enfourchement du Berceau en descente, qui rachete une Voute sur le Noyau.

Fig. 123. Sort (fig. 123.) le Trapeze mixte NEBD, le plan horisontal d'une portion de Voute sur le noyau, dont le centre du noyau est en C, auquel sont dirigez les diametres EN, BD, soit aussi A a B b, la projection horisontale d'un Berceau en descente qui pénétre la Voute sur le noyau, suivant l'inclinaison de l'angle de la rampe donné en RML

Sur ab diametre du Berceau, on décrira le cintre primitif abb, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, par lesquels on menera des perpendiculaires à ab, qu'on prolongera indéfiniment, lesquelles couperont le piédroit concave de la Voute sur le noyau aux points F, G, I, K, par lesquels on élevera des perpendiculaires aux projections des joins de lit jusqu'à la rencontre du diametre NE, qu'on prendra pour base du prosil; ces perpendiculaires couperont ceme base aux points M k i , f, E.

On prolongera ensuite la ligne de face ba, qui coupera la rampe MR au point R, au dessus duquel on portera les hauteurs p 1, p2, du cintre primitif en R 1<sup>4</sup>, R 2<sup>3</sup>, par ces points 1<sup>4</sup> & 2<sup>3</sup>, on menera des paralleles à la ligne de rampe MR prolongées indéfiniment.

On tracera ensuite par le Probl. XVI. du 2°. liv. page 162. les courbes ovales du quatriéme ordre sur les diametres QF, DG, SI, TK, qu'on transportera par des perpendiculaires qQdD, &c. sur la base du prosil CL, par le moyen des hauteurs de l'arc-droit DHB de la Voute sur le Noyau; il ne sera pas même nécessaire de tracer ces ovales entieres, mais seulement la partie qui est du côté concave AB, où

fe fait la rencontre des deux Voutes: ces courbes couperont les projections verticales des joins de lit du Berceau en des points qui seront à l'arête d'enfourchement des deux Voutes, d'où on abaissera des perpendiculaires sur les projections correspondantes des joins de lit du
Berceau, pour y avoir la projection horisontale de ces mêmes points;
ainsi l'ovale q2 1° f coupera la projection verticale du premier & quatriéme joint 1° 4°, au point 1°; l'ovale d2 2° g coupera la projection verticales 2³ 3°, du 2°. & 3°. joint au point 2×, l'ovale S2 3° i coupera la même projection au point 3°, & ensin la portion d'ovale

2 4° k coupera la projection du joint 1° 4° au point 4°.

A l'égard du premier point de l'imposse x, il sera donné par l'intersection de l'arc-droit circulaire sormé sur le diametre NE ou DB, & de la ligne de rampe MR, qui montre que dans la descente qui rachete de biais un Berceau, la naissance de l'arête d'ensourchement est plus haute d'un côté en x que de l'autre en M, comme nous l'avons dit ailleurs, en parlant de la rencouler des Berceaux entre eux.

Sr par les points x  $r^*$ ,  $2^x$ ,  $3^x$ ,  $4^x$ , on abaisse des perpendiculaires sur les projections des joints de lit du Berceau  $Q_p$ ,  $D_p$ ,  $S_p$ ,  $T_p$ , les points de leur intersection  $y^1$ ,  $y^2$ ,  $y^3$ ,  $y^4$ , donneront la projection de ceux des prête d'ensourchement, qui proviennent des divisions 1, 2, 3, 4, du cintre primitif abb; & si l'on mene des lignes droites on cordes de l'un à l'autre, on aura pour projection de la rencontre des doëles plates des deux Voutes se contour  $Ay^1y^2y^3y^4B$ , dont on fera le même usage pour former les Voussoirs qu'on l'a dit des ensourchemens des Berceaux en descentes avec les Voutes sphériques; il n'y a aucun changement de construction, c'est pourquoi on renvoyer le Lecteur au Prob. V. de ce  $3^c$ . Tome page 133.

Par exemple, pour le Voussoir 3-4. on fera la projection 3<sup>3</sup> u 3<sup>4</sup> V, dont les côtez V 3<sup>3</sup> & 3<sup>4</sup> u seront dirigez au centre du noyau C<sup>n</sup>, passant par les points 3<sup>3</sup> y<sup>4</sup>, & les côtez 3<sup>3</sup> u & 3<sup>4</sup> V, seront les cordes des arcs concentriques à AB passant par les mêmes points 3<sup>3</sup> & 3<sup>4</sup>, & terminées aux lignes tendant au centre C<sup>n</sup>, qui sont des joins de tête de la Voute sphérique & sur le noyau; les mêmes arcs terminez en P & p au diametre DB de l'arc-droit DHB de la Voute sur le noyau, donneront la position des aplombs 3<sup>n</sup> P, 4<sup>n</sup> p de la hauteur des joins de lit circulaires, à la doële de ladite Voute, dont on sera usage, comme il a été dit au Probleme cité.

### USAGE.

L'exe'cution de ce Trait se voit assez fréquemment dans les Eglises.

dont le Chevet est à bas côtez tournans, sous lesquels on fait souven des Chapelles souterraines, qui tirent le jour par des Abajours de Beceaux en descente.

#### Seconde Combinaison.

## De la Rencontre des Voutes Coniques avec les Annulaires.

Nous avons dit au Tome précedent, en parlant des Voutes Annalaires, qu'on peut confiderer leur moitié simplement concave comme
une partie de Voute en cu-de-four surbaissé, & que leur partie du
côté du noyau qui est concave-convece. c'est-à-dire concave dans sa
direction verticale, & convexe dans sa direction horisontale, pouvoir
être considerée comme pare suite de cônes tronquez renversez, dont
la pointe est en bas dans une du noyau, au contraire des Voutes sphériques considerées suivant ce sistème, où les cônes ont leur sommet
en dessins du plan horisontal dans l'axe de la Sphère ou du sphéroide;
suivant ce principe il ne sera pas plus difficile de trouver les intersections des surfaces Coniques avec les Annulaires, que des Coniques
entre elles.

On peut aussi les trouver par des sections de plans paralleles, comme dans les exemples précedens; mais il en résulte des courbes un peu longues à décrire, telles sont les ovales du quatrième ordre dans l'anneau, & les hyperboles dans le triangle; il saut tacher pour la facilité de l'opération de n'en avoir qu'une des deux à décrire, & un cercle ou un triangle pour l'autre.

#### PROBLEME IX

## Faire une Voute Conique qui rachete une Annulaire. En termes de l'Art.

## Lunette Droite ou biaise, ébrasée en dehors ou en dedans d'une Voute sur le Noyau.

Pr. 94. Les Lunettes les plus convenables aux Voytes sur le noyau sont fig. 124. les Coniques ébrasées en dehors, qui ont leur sommet de direction prolongée au centre C du noyau de la Voute Annulaire. 1°. Parce que

( I . .  que dans cette position la Lunette est Droite, c'est-à-dire, que son axe est perpendiculaire à la tangente de l'Anneau, tirée par le point où cet axe en coupe la circonférence, d'où il résulte de la régularité dans la Lunette. 2°. Parce que la rencontre de l'imposte de la Lunette avec celle de la Voute sur le noyau, ou du cercle qui lui est parallele, si les impostes sont de hauteurs inégales, sait l'angle le plus droit qu'il est possible, & que ces angles sont égaux entreux, de sorte qu'il n'y a point d'obliquité.

In pourroit cependant arriver par quelque raison de simétrie extérieure, comme celle d'une égalité de fenètres ou vitraux, qu'on seroit obligé d'élever la Lunette en sens contraire du dehors au dedans, comme en XH b, pour augmenter le jour intérieurement,

#### PREMIER CAS.

Sorr (fig. 124.) l'arc AMB, une portion concave de Voute sur PL. 94. le noyau, dont le pié-droit convexe est QG, & le quadrilatére mixte Fig. 124. ADEB, le plan horisontal d'une Lunette, dont les pié-droits DA & EB prolongez, concourent au centre C du Noyau QKG.

Sur la corde AB, ou sur une de ses paralleles DE, comme diametre, on décrira le cintre primitif de la Lunette DHB, qu'on divisera en ses Voussoirs, aux points 1, 2, 3, 4, d'où l'on abaissera des perpendiculaires, qui donneront les points de projections p<sup>1</sup>, p<sup>2</sup>, &c. par lesquels on tirera des lignes au centre C<sup>n</sup>, qui seront les projections des joints de lit, dont il faut trouver les longueurs du côté de la Voute sur le noyau, par la projection de l'arête de rencontre des deux Voutes.

Si l'on supose des plans verticaux, élevez sur les projections des Joints de lit p<sup>2</sup> C<sup>n</sup>, p<sup>2</sup> C<sup>n</sup>, &c. il est clair qu'ils seront dans la Voute conique, dont la Lumette n'est qu'une partie, des sections triangulaires variables, & les mêmes plans seront dans la Voute sur le noyau, une section circulaire toujours égale à l'arc-droit K b M.

It faut donc faire les profils des triangles, en élevant, par exemple fur la projection  $C^*$ , une perpendiculaire  $p^*$ , égale à la hauteur de retombée 4  $p^4$ , puis on tirera au centre  $C^*$  du noyau, la ligne  $f^*$   $C^*$ . Si du point  $C^*$ , milieu de la partie i  $q^4$ , & la longueur  $C^*$  M, pour rayon, on fait un arc vers Z, qui coupe la Droite  $f^*$   $C^*$  en Z; ce point Z, sera la rencontre des deux surfaces, duquel on abaissera une perpendiculaire sur la projection  $p^*$   $C^*$ , qu'elle coupera au point  $T_{OMS}$ , III.

14, qui est un de ceux de la projection d'arête d'ensourchement que l'on cherche.

Par la même construction, on élevera p<sup>3</sup> f<sup>3</sup>, perpendiculaire su p<sup>3</sup> C<sup>4</sup>, & égale à la hauteur de la retombée p<sup>3</sup>, pour tirer f<sup>3</sup>, dont l'intersection avec un arc de cercle de même rayon que le précedent, & décrit du centre C<sup>3</sup>, donnera le point Y, & sa projection l<sup>3</sup> que l'on cherche, ainsi du reste; & par les points trouvez L l<sup>3</sup> l<sup>4</sup> d'un côté, & de même de l'autre vers A, on tracera la combe de projection ALB de l'arête de rencontre, laquelle sournira les moyens de tailler la pierre par équarrissement, ou de former les biveaux de doëles plates, comme l'on a sait aux rencontres des Voutes sphériques avec les Cylindriques, par le moyen des sections de doële & d'harison, dont les parties de cette ligne sont les diagonales des plans des doëles plates inclinées entr'elles.

#### SECOND CAS.

## Où la Lunette est ébrasée du déhors au dedans.

Fig. 124. Sort a de b, le plan horisontal de la Lunette, dont les imposses concourent en un point H, & la ligne du milieu HM, laquelle étant prolongée, concoure au centre du noyau C. Ayant tiré à cette ligne, qui est l'axe du cône, une perpendiculaire a b où l'on vondra, on la prendra pour diamettre du cintre de base a b b, qu'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, d'où on abaissera des perpendiculaires sur a b, qui en donneront les projections aux points q<sup>1</sup>, q<sup>2</sup>, q<sup>3</sup>, q<sup>4</sup>, par lesquels on tirera des lignes au sommet H, & qu'on prolongera aussi en-delà de la base du côté du noyan, desquelles les unes pour ront le rencontrer comme H q<sup>2</sup>, qui le rencontre en Q, & les autres comme H q<sup>2</sup> Y, qui ne le rencontreront pas, mais qui se termineront en l'arc du pié-droit concave, oposé de la Voute sur le noyau, qui est hors de la planche saute de place.

Sur ces projections de joint de lit prolongées, on fera comme au cas précedent, le profil de fection triangulaire de la Lunette, & fur la partie du même lit prolongée, comprise entre le pié-droit concave & le convexe, comme Q q², & sur l'autre qui est terminée par les deux pié-droits concaves, que la planche ne peut représenter en entier, parce qu'il n'ya pas assez de place; on décrira des ovales du 4°. ordre, comme il a été enseigné au Livre 2. page 126.

L'intersection de chacune de ces ovales, avec le triangle du profil de joint lit, qui est sur même base, donnera un point de la coube

de l'arête d'enfourchement des deux Voutes, & la perpendiculaire abaissée de ce point sur la base commune aux deux sections, donnera la projection de la courbe que l'on cherche, ainsi qu'il a été dit au Trait précedent.

Nous avons suposé dans les deux cas de rencontre des Voutes coniques avec les Annulaires, que les Lunettes étoient Droites, c'est-à-dire, que les axes des cônes passoient par le centre du noyau; mais s'ils n'y passoient pas comme lorsque les Lunettes sont, biaises, la construction demanderoit quelques petits changemens pour le premier cas, en ce qu'il faudroit nécessairement décrire sur les joins de lit, prolongez où il seroit nécessaire, des ovales du quatrième ordre, comme au second cas, au lieu des sections circulaires, qui suffisioient à la Lunette Droite, concentrique au noyau; au second cas, il n'y auroit aucun changement à faire, à la manière de tracer l'épure.

L résulteroit seulement du biais dans l'un & l'autre cas, que les parties de la courbe d'arête de rencontre, depuis une imposte à la clef, ne séroient pas égales entr'elles, ainsi la clef ne seroit pas au milieu.

It est visible que dans la construction des deux cas précedens, on trouve tout ce qui est nécessaire pour tracer la pierre, par la voye de l'équarrissement, en formant sur la courbe de projection de l'arête d'ensourchement des morceaux de surfaces. Cylindriques, ou plûtôt Cylindroïdes, parce qu'elles n'ont pour base, ni un arc de cercle, ni un arc d'Ellipse, mais une autre courbe. Sur lesquelles surfaces, on peut porter les hauteurs des retombées, qui donneront des points de l'arête à double courbure que l'on doit former, le long de laquelle on sera couler les biveaux mixtes d'aplomb & de doële creuse.

2°. Si l'on veut tailler la pierre par la voye des panneaux ; il est aussi visible que l'on a tous les côtez de ceux de doële plate.

PREMIERRMENT, les profils des joins de lit coupez, par la courbe de la Voute sur noyau, donnent la véritable longueur de ces joins qui font les deux côtez convergens du panneau, & les deux cordes de la base, c'est-à-dire, du cintre primitif de la Lunette, & celle de l'arête d'ensourchement, sont les deux autres côtez du panneau qua-drilatère de la doële plate.

La corde du cintre primitif de chaque division de Voussoir, est A a ij

### STEREOTOMIE LIV. IV. PART. II.

sans doute connuë, mais celle de l'arête d'ensourchement ne Pest par, cependant il y a deux manieres de la trouver.

PREMIERRMENT, on peut la chercher par sa projection qui est donnée. Par exemple, si l'on cherche la valeur de la projection  $l^3$  /+, on élevera sur le point  $l^3$ , une perpendiculaire à la projection  $p^3$  C', qui coupera le prosit en un joint de lit  $f^3$  C'.

De même sur le point !4, on élevera une perpendiculaire à la projection »4 C°, qui coupera le prosit du joint de lit f + C°, au point 2; la dissérence des longueurs des lignes !4 2 & !3 y, sera la hauteur du point !3, au-dessus de !4, laquelle étant portée sur !3 v, perpendiculairement à la base !3 !4 en !3 v, on tirera la ligne v !4, qui sera la valeur de la projection, & la corde de l'arête d'ensourchement que l'on cherche, pour sormer les panneaux de doële plate des deux Voutes, & trouver le biveau de leur inclinaison, comme il a été dit à la plûpart des Traits de ce troisième Tome,

La seconde maniere de trouver cette valeur, est de sormer le triangle isoscele de la doële plate conique entiere entre deux lits, dont la longueur est donnée en C<sup>n</sup> f<sup>3</sup> & C<sup>n</sup> f<sup>4</sup>, & la base à la corde 3<sup>1</sup> 4, desquels longs côtez de joint de lit, donnez au prosil f<sup>3</sup> y, f<sup>4</sup> 2, on aura la distance des points y & 2, qui sera la ligne cherchée pour la valeur de l<sup>3</sup> l<sup>4</sup>: ce qui est clair, sans qu'il soit nécessaire d'y ajoûter une explication.

### Troisiéme Combinaison.

## De la rencontre des Voutes sphériques avec les Annulaires.

La jonction de ces deux especes de Voutes, tombe quelquesos en pratique dans deux circonstances; l'une, lorsqu'on fait une Voute sphérique, ajoutée à une Voute sur le noyau, comme si l'on faisoit une Chapelle ronde, derrière un Chevet tournant; telles sont souvent celles où l'on reserve le St. Sacrement. L'autre, lorsque l'on sait de grandes Niches dans un Berceau tournant, comme sont plusieurs Orangeries, qui servent de Sales pendant l'Eté; telles sont celles de Schwetzingen dans le Palatinat, auprès de Manheim.

S'il ne s'agit que d'une Niche, & qu'on en fasse l'épure, suivant le Trait que nous ayons donné au Tome précedent (en parlant des

Voutes sphériques incompletes) par le moyen des piramides inscriptes dans la Sphère; la construction du Trait dont il s'agit, retombe parfaitement dans le second cas du précedent; car prenant la partie OPT. de l'imposte APB, (fig. 125.) pour le Trompillon, & X = pour la face de la Niche; si l'on tire les lignes X o S, x TS, on aura une Moute conique XS x inscrite dans la sphérique, qui rencontre la Voute fur le noyau DEFG, laquelle est réduite par les docles plates en portion de piramide tronquée X o T x

CEPENDANT comme cette construction meneroit à la même fin. par un trop long circuit, il convient mieux de fuivre la méthode du premier cas du Trait précedent.

Avant que de penser au Trait, il est bon de faire ici la même attention que nous avons fait, à la rencontre des Voutes sphériques entr'elles touchant la position du centre de la Niche; si l'on met ce centre en M, sur le pié-droit concave de la Voute sur le noyau, il arrive que la circonférence de la Niche, étant plus grande que le demi-cercle, la clef retombe à la jonction de la Lunette qu'elle fait dans la Voute annulaire, d'une certaine quantité AX, qui est plus ou moins grande, suivant la hauteur de la Niche; à l'égard de la Voute sur le noyau. ce qui est contre la bonne construction, & que les Architectes réforment, en faisant cette portion de clef AN de niveau, & alors l'enfourchement change de nature; ce qui n'est plus une Voute sphérique, mais une portion de Berceau, qui rachete une Voute sur le noyau.

Suposant cependant que cette chute en Contrebas, est de peu de conséquence, comme elle l'est en esset, lorsque la Niche est d'un petit diametre, en comparaison de celui de la Voute sur le noyau; on peut faire le Trait comme au premier cas du précedent, avec cette différence, qu'au lieu de triangles, la Lunette nous donnera des arcs de cercles.

Sorr Perc DME, (fig. 125.) l'imposte concave d'une Voute sur le reg. 125. noyau, FKG la convexe, & APB, celle de la Niche. Sur AB comme diametre, on décrira le demi-cercle AHB, qu'on divisera en ses Voussoirs, pour regler les têtes de ceux de la Niche; si la cles ne retombe pas à l'enfourchement en Contrebas en X, où est l'intersection du cintre de la Voute annulaire K b M; mais si on veut qu'elle y retombe, on tirera par le point X, la ligne X x, parallele à AB, sur laquelle on décrira le contre primitif, ou seulement sa moitié X b, qu'on divisera en ses Vonssoirs, aux points 1.2, &c. par lesquels on

abaissera des perpendiculaires  $i p^i$ ,  $2 p^i$ , qui couperont ce diametra aux points  $p^i$ ,  $p^i$ , par lesquels, & par le centre C du noyau, on tiren les lignes C o, C O, qui couperont le demi-cercle p AP, aux points q o, QO, l'imposte concave DME, aux points  $d^i$ ,  $d^i$ , & Pimposte convexe FKG, aux points i k K.

On divisera ensuite en deux également les lignes  $q \circ$ , QO qui sont dans la Niche, & de leurs milieux  $m^1$ ,  $m^2$ , pour centres, & pour sayons leurs moitiez  $m^1 q$ ,  $m^2 Q$ , on décrira des arcs de cercles mers Y, Z.

Ensurre des points c c, milieux des lignes KM i &, & &, & d'une de leur moitié c d pour rayon, on tracera des arcs de cercles vers les mêmes points Y, Z, qui couperont les arcs de cercles de la Niche qu'on vient de tracer aux points X, Y, Z, qui seront ceux de rencontre des sections des deux Vontes, dont il faut avoir les projections.

De chacun de ces points X, Y, Z, on abaissera des perpendicufaires sur les bases des sections; scavoir, XL sur KP, qui donnera le point L, pour projection du milieu de la cles. Ensuite Yy, perpendiculaire sur C-O, qui donnera le point y, & ensin Z = sur C-1, qui donnera le point z.

Par les points L, y, z, A, on tracera à la main une courbe, qui sera la moitié de la projection de l'arête d'enfourchement de la Niche, avec la Voute sur le noyau, à laquelle moitié on sera l'autre LB égale en tout, parce qu'il ne peut pas y avoir d'obliquité dans la rencontre de la Niche, qu'on supose une hemisphère avec la Voute annulaire, à cause de l'unisormité de la Sphère.

In ne pourroit pas non plus y en avoir, si la Niche étoit surhaussée ou surbaissée sur une imposte circulaire, mais seulement si le cintre horisontal de l'imposte APB étoit Elliptique, & qu'un de ses axe comme PM étant prolongé, ne passe par le centre O du noyau, ce qui ne peut guére arriver par aucune sujection, & même qui seroit dissorme & intolérable.

La projection de l'arête de Lunette étant donnée, le reste du Trait se fera comme on le jugera à propos, tant à la Voute sphérique qu'à la Voute sur le noyau, chacune en particulier, jusqu'à cette ligne de leur rencontre; & comme au Trait précedant, on fera les Voussoins d'ensourchement, ou par équarrissement ou par panneaux de doële plate.

Pour opérer par panneaux, on a la diagonale de rencontre des doëles plates, & l'on cherchera la section de chaque doële avec l'horison, passant par le point le plus bas du Voussoir d'ensourchement, & la dissérence de hauteur de l'arête, au point le plus élevé d'avec le plus bas, par où l'on supose que passe un plan horisontal, comme on vient de l'enseigner au Trait précedent, avec lequel celuici aura une grande consormité, si l'on sorme la Niche par le moyen d'une Piramide inscrite, comme nous l'avons fait au Tome précedent, en parlant du Trait des Voutes sphériques incompletes.

## Explication Démonstrative.

Le est visible que ce Trait est sondé comme le précedent, sur l'intersection mutuelle des sections planes, saites par des plans verticaux, dans l'une & l'autre Voute, sur mêmes bases horisontales C<sup>n</sup> o, C<sup>n</sup> O, C<sup>n</sup> P. Que celle qui est saite sur cette derniere C<sup>n</sup> P, est le prosist par la cles de la Lunette, composé de deux arcs de cercles K b X, partie du cintre de la Voute sur le noyau, & XAP, cintre de la Niche qui se rencontre en X, qui est par conséquent un point commun aux deux surfaces, & un de cettx de l'arête de rencontre, qui sorme la Lunette dans la Voute sur le noyau, que la surface sphérique penétre plus avant à la cles, qu'aux impostes A & B.

#### CHAPITRE SEPTIE ME

# DES VOUTES COMPOSEES DE furfaces régulieres & irrégulieres.

JUSQU'ICI nous n'avons parlé que des surfaces Cylindriques, J. Coniques & Sphériques, que nous mettons au rang des Régulières, pour la construction des Voutes; il nous reste à parler de celles qui sont composées de Cylindroïdes, Conoïdes & Sphéroïdes, que nous apellons-Irrégulières on régulièrement Irrégulières.

Apre's avoir parcouru les principaux cas des rencontres des Voutes régulieres, pour en construire les enfourchemens: nous allons examiner ceux des Irrégulieres, pour en construire non-seulement les enfourchemens, mais encore les doeles & les joins.

Premier cas, de la rencontre des Voutes Cylindroïdes, Sphéroïdes & Conoïdes, avec des Tours Cylindriques verticales.

#### PROBLEME X

## Faire une Trompe en Tour ronde, érigée sur une ligne Droite.

On sçait que les Trompes coniques, sont ordinairement Eigle, c'est-à-dire, élevées sur une base composée de deux lignes Droins, qui sont un angle renstrant & les sphériques, sur une base en ligne courbe

On propose ici, d'en faire une sur une Ligne Droite, de sorte qu'elle ne peut être ni conique ni sphérique, mais elle doit être Cylindrique, comme un Bec de Flute renversée, ou Sphéroïde d'une surface convexe, semblable à peu près à ces Coquilles de Mer, qu'on apelle de St. Jacques, dont le côté de leur charnière est droit, d'où elle se plie en concavité sphéroïdale canelée; mais il n'est pas question sci de canelure. M. de la Ruë donne la construction de la 1°. sigure, en Cylindroïde, & le P. Deran, celle de la seconde en Sphéroïde: nous donnerons l'une & l'autre, avec des changemens & des suplémens considérables; premierement, parce que suivant celle de M. de la Ruë, la doële devient plane, lorsque sa hauteur est égale à la saille de la Tour qu'elle porte, ce qui fait une dissormité à la jonction de la doële & du mur, qui se fait dans un angle très-sensible. 2°, parce qu'il ne dit rien de l'arête du Trompillon.

Premiere espece de cette Trompe, où sa doële est Cylindrique ou Cylindroïde.

PL. 95. Sort (fig. 126.) un segment de cercle ABD, moindre que le de-Fig. 126. mi-cercle, lequel est la projection horisontale de la saillie de la Tour, que la Trompe doit soûtenir en l'air. Nous suposons ici un segment moindre que le demi-cercle, quoiqu'on puisse la suposer de moitié du cercle, mais rien de plus, parce que les Voussoirs pousseroient trop au vuide par les côtez.

Pour rendre cette Trompe parsaite, il y a deux choses à conciler; premierement la solidité, qui exige que la hauteur de la doële scat plus grande que la saillie de la Tour; l'autre est la décoration qui exige. r. Que la transition de la surface plane du mur, & de celle de la doële courbe soit insensible. 2°. Que la courbe du contour de cette doële, aproche le plus qu'il est possible de la circulaire ou Elliptique.

Premierement.

Premierement, si l'on fait la saillie du milieu de la Tour, égale à la hauteur de la clef de la doële, il est visible que sa masse portant à faux sur un angle de 45. degrez, il sera difficile d'en assurer la liaison, pour peu que la Trompe soit grande, parce qu'il saut l'équilibrer par un poids équivalent; alors, il saut surhausser le cintre de face, qui sera Elliptique en élevation verticale, & si l'on sait la doële plane, l'arête de la Tour avec la doële sera aussi évidemment une Ellipse, parce que c'est la section plane d'un Cylindre coupé obliquement à son axe.

Secondement, si la faillie devoit être absolument égale à la hauteur de la Trompe, & qu'on voulût en faire la doële Cylindrique ou Cylindroïde, quelque courbe concave sans inflexion, que l'on choisisse pour base verticale de ce Cylindre horisontal, ou plûtôt (en termes de l'Art) pour son arc-droit; elle ne peut donner un cintre de sace, dont l'élevation ou projection verticale soit en cercle; mais une courbe qui s'élargira plus ou moins vers les côtez, suivant que cet arc-droit rendra la doële plus ou moins concave; ainsi le quart de cercle la rendroit plus différente du cercle, & plus aprochant du quarré que la parabole ou de l'hyperbole, qui sont les deux courbes qui y conviennent le mieux; & parce que l'hyperbole peut donner pour projection verticale de l'arête de rencontre de la doële de la Trompe avec la Tour, un cercle ou une courbe aprochant du cercle, lorfque la faillie horisontale de la Tour, est moindre que la hauteur de la Trompe: nous allons donner une construction générale, qui servira pour toutes fortes d'arcs-droits qu'on peut choisir, pour la doële Cylindrique de la Trompe, & les courbes de projection verticale d'élevation des arêtes de rencontre qui en résultent avec la Tour ronde.

Soit (fig. 126.) le segment de cercle ABD, moindre que le demi-PL 95.cercle, la projection horisontale de la Tour, dont le milieu de la Fig. 126. corde est le point C, sur lequel ayant élevé la perpendiculaire CB, & 127. on menera par le point B, où elle coupe l'arc de cercle, la ligne BF parallele à AD, fur laquelle ayant pris BE égale à CD, on menera la ligne ED, laquelle sera l'axe d'une hyperbole; ensuite, portant CD en EF, pour l'amplitude ou la plus grande ordonnée de l'hyperbole, on portera la même CD en EO sur ED prolongée pour avoir un point O, duquel on menera la Droite OF, & point D pris pour sommet, une autre Droite DF; on menera ensuite autant de perpendiculaires à l'axe DE, qu'on voudra avoir de points des courbes de l'arc-droit, & de l'arête de rencontre; ces perpendiculaires couperont la ligne DF, aux points a, a, a, & la ligne OF, aux points QRS. Et l'on cherchera des moyennes proportionelles entre ga & gQ, ia & i R, ka & k S, en portant g a en Q e, i a en R e, & ka Tom. III.

en S e; puis on élevera des perpendiculaires à ces lignes, aux points a, & du milieu des lignes g e, i e, k e pour centres, on décria des arcs qui couperont ces perpendiculaires aux points x, y, z; on portera les longueurs a x, a y, a z, en g b, i b, k b, pour avoir les points b, b, b, qui feront à la circonférence de l'hyperbole D b, b, b que l'on cherche, laquelle fera l'arc-droit de la doële de la Trompe.

Presentement, pour trouver la projection verticale de rencontre de cette doële avec la surface de la Tour ronde, on menera des paralleles à DE ou CB, par les points G, I, 24. L. Æ, où les perperpendres à l'axe ED, coupent l'arc DB, sur lesquelles on portera g, b, i, b, b, b, a, u, EF, au-dessus de la corde AD; ainsi on portera g, b, en p, q, où elle donnera sur G, q, le point q; i, b sur p, r, où elle donnera le point r; k, b sur p, l, b sur p, v, a, b sur p, v, & EF sur CH; & par les points H, v, V, r, r, q, D, on menera une courbe qui sera la projection verticale de celle à double courbure, qui se forme à la rencontre de la doële de la Tour ronde, dont la projection verticale est le restangle ADT, qui est une section de Cylindre, par un plan parallele à son axe.

Cettre courbe AHD, qui est ici un demi-cercle, pourra être prife, si l'on veut, pour le cintre primitif, sur lequel on sera la division des Voussoirs en parties égales, comme aux points 1, 2, 3, 4; mais parce qu'elles deviennent sensiblement inégales dans l'exécution, à cause que la projection verticale AHD, racourcit la courbe à double courbure inégalement; si l'on veut que les têtes des Voussoirs soient égales, il faut chercher une autre courbe, qui soit le dévelopement de celle de l'arête étendue sur une surface plane.

Pour cet effet, il faut rectifier l'arc de cercle BD, sur la Droite Cd, en portant de suite toutes ces parties; par exemple BÆ sur C17, ÆL sur 27, L 24 sur 27 37, 24 I sur 37 47, IG sur 47 57, & GD sur 57 d, & par les points 17, 27, 37, 47, 57, on élevera des perpendiculaires égales à leurs correspondantes paralleles, qui donneront les points de cette courbe; ainsi faisant 57 qd, égale à pq, on ana le point qd; 47 zd, égale à pr, donnera le point zd; 37 yd égale à ps, donnera le point xd, &c. ces égalitez se trouvent facilement par des paralleles à CD, comme qq, zd, &c. & par les points tt, xd, yd, zd, qd, d, on menera une courbe, qui sera le dévelopement de celle de l'arête étendue sur une surface plane.

Cerre courbe aura, si l'on veut, deux usages, l'un pour saire le division des deux Voussoirs; si l'on veut que leurs têtes soient toutes

égales en œuvres, il faut la faire servir de cintre primitif, & renvoyer par une ligne parallele à CD, la division de cette courbe sur celle de la projection verticale AHD; par exemple, si la division du premier au second Voussoir tombe au point  $z^r$ , on la transportera sur l'arc H r d, par la parallele  $z^d r$ , qui donne une division r, beaucoup plus bas que celle du point 4, qui avoit été trouvée en divisant le cintre AHD, en même nombre de parties égales, qui sont ici en cinq Voussoirs.

SECONDEMENT, elle servira pour en former des panneaux flexibles, dont on se servira pour tracer l'arête d'ensourchement sur les têtes Cylindriques des Voussoirs, considerez dans la surface de la Tour.

Nous avons déja trouvé pour ce Trait, trois courbes différentes; fçavoir, 1°. D bb F, qui est celle de l'arc-droit de la doële. 2°. HVD, celle de la projection verticale de l'arête de rencontre de la doële & de la Tour. 3°. H  $x^d d$ , celle du dévelopement de la même courbe. Il nous reste encore à trouver les courbes des sections planes des lits avec la doële, qui sont encore des hyperboles, & celles des mêmes surfaces planes de lit avec la Tour qui sont des Ellipses.

Pour trouver les sections des plans des lits, exprimez dans la projection verticale par les Droites C1, C2, C3, C4; on menera par les points V, f, r, q, des paralleles à CD, qui couperont C3, aux points x, y, z, 13, & C4 aux points X, Y.

On transportera ensuite à part, comme à la fig. 128. la longueur Fig. 128. C 3 en C 23, avec toutes ses divisions x, y, z, 13, par lesquelles on menera autant de perpendiculaires à C 23, sur lesquelles on portera les abscisses de l'axe DE, dans l'ordre auquel ces divisions répondent; ainsi on portera l'abscisse g D de la fig. 126. (en 13 g, de la fig. 128.) i D en zi, k D en y k, l D en xl; (on a passé a D, parce qu'on n'a pas mené de parallele en v, auprès du point 3) & ensin ED en 23 22.

DE la même maniere, ayant transporté C 4 de la fig. 126. en C 14 de la fig. 128. avec ses divisions X & Y, & élever sur ses divisions des perpendiculaires; on portera les abscisses correspondantes g D en Y g, i D en XI, & k D en 14 21, suposant que le point 4, tombe au point f, de la ligne f p 24, qui répond au point k de l'axe DE, & par les mêmes points trouvez 22, l, k, i, g C, & 21 i g C. on menera des courbes qui seront celles des arêtes des joins de lit, B b ij

des second & premier Voussoirs de la droite, qui seroient aussi pour ceux de la gauche qui leur seront égales, lesquelles serviront à sormer les panneaux de lit; mais pour les achever, il faut y joindre les sections de ces plans avec la Tour, pour y avoir les joins de téte.

On prolongera la ligne C 23, de la fig. 128. (de la quantité 2 6, du joint de tête de la fig. 126.) avec sa division au point m, & l'on menera par ces points des paralleles à 23, 22, sur lesquelles on portera les longueurs p 6, p m, comprises dans le segment de projection horisontale de la Tour ABD, & menées des points 6 & m, perpendiculairement à AD. De même ayant abaissé sur AD, des perpendiculaires 5 A, n N, 1 21, on portera sur C 5 de la fig. 128. la longueur p N, & par les points 5, N, 21, on menera un arc Elliptique, qui sera le joint de tête du lit de dessus du premier Voussoir, & de celui de dessous du second, comme 16, m, 22, le sera du second & troisième, & le Trait sera achevé.

It reste une septième courbe à trouver, qui est le dévelopement de l'arête du Trompillon sur une surface plane, pour en former un panneau stexible, propre à être apliqué sur la surface Cylindrique de son lit, pour l'y tracer & regler le contour de sa doële.

On pourroit aussi faire le dévelopement de la même courbe, considerée dans la doële, qui est de nature à pouvoir être dévelopée, parce qu'elle n'est courbe qu'en un sens comme les Cylindres; mais à cause de la régularité de la figure, ronde du lit du Trompillon, qui est un Cylindre circulaire: nous croyons qu'il convient mieux d'en faire le panneau de dévelopement.

Avant rectifié le demi-cercle a b b de la projection verticale, ou délevation du Trompillon, par le Probl. V. du 3°. Livre, on portera la longueur en a b, fig. † au-dessus du chiffre 126. avec ses divisions en cinq parties égales aux points 1, 2, 3, 4, & l'on portera les hauteurs p 11, p 12, C b de ces divisions, sur la ligne DM, en des points qu'on n'a désigné par aucune lettre, à cause de la petitesse de la figure, à commencer au point D; & par ces points, on menera des perpendiculaires à cette même ligne DM, qui couperont l'hyperbole en ses points, dont la distance à la ligne DM, seront les saillies de l'arête du Trompillon, au-delà de la Droite a b, base de son dévelopement à la sign † on portera ces saillies sur chaque division de la ligne a b dévelopée, & par les points de leurs extremitez, on menera la courbe a 1', 2', b', 3', 4' b, qui sera le dévelopement demandé, pour en saire un panneau slexible, spropre à étre

Fig. †

PES VOUTES COMPOSEES CHAP: VIII 1977 apliqué autour du lit Cylindrique du Trompillon, & y donner les contour de sons arête de rencontre de la doële.

On tracera de même les courbes des joins de doële des lits supérieurs & inférieurs, des pierres qui auront trop peu de hauteur out de longueur, pour atteindre du dessus du Trompillon, jusqu'à la surface de la Tour, comme sont les boutisses, qu'il convient de mêler: dans les Voussoirs de ces sortes d'ouvrages qui portent à faux.

## Aplication du Trait sur la pierre

AYANT déterminé à volonté, & suivant le besoin, l'épaisseur de la pierre qui doit entrer dans le mur, pour porter & contrebalancer la charge de la saillie de la Trompe à chaque Voussoir; par exemple, pour le premier, sig. 129, on ajoûtera cette épaisseur 5 d, au delà de Fig. 124-la ligne 5, 11, qui est celle de l'alignement du mur Droit, sur laquelle on se réglera pour leur épaisseur, & pour poser le côté droit des panneaux de lit de dessus de dessous, asin que la saillie du porte à faux des Voussoirs p 21, a 22, reste toute hors de cette épaisseur.

On fera ensuite, un parement de suposition verticale, sur lequel ont apliquera le panneau, de l'espace qu'occupe chaque Voussoir dans sont élevation; par exemple pour le premier, la signre quadrilatére A;, a pour le second, la sigure à cinq côtez ; t, 6, 12; 11, & pour la clef, le quadrilatére 6, 12, 13, 7, & ayant tracé sur ce parement le contour du panneau, on abattra la pierre à l'équerre de tous côtez; pour en former un solide, semblable à un coin dont la pointe est émoussée.

Sur le lit de dessous à l'imposte marqué A'a; on apsiquera la panneau du plan horisontal A a; 1!, 21, avec lequel on tracera l'arc AN,.
21', & la Droite A a; sans s'embarasser du contour des côtez a 1',.
1! 21:. Observant seulement de placer la Droite A'a; parallelement
à l'arête du lit & du parement p r; & le point 21 sur cette arête. On
usera des mêmes attentions pour placer le panneau 5, 21 C, de la
sig. 128. sur le lit incliné 5, 11', après avoir sait un retour d'équerre
sur l'arête p r; au point 21, & tracé la ligne 21, 1; pour placer sur
le point 1, le point 21 du panneau 5, 21 C, duquel on retranchera sur
le côté 5, 13, le rayon du Trompillon C 11', pris à l'élevation (sig. 126.)

Les contours des deux panneaux de lit de déssous & de dessus étant : tracez, on abattra la pierre à la règle, de l'un à l'autre, toujours :

parallelement à la ligne 1 21, tracée sur le parement, & après avoir formé la portion de Tour ronde 5 1, 21 A, on y apliquera un panneau slexible, sormé à l'élevation sur la courbe d q<sup>4</sup> y<sup>4</sup>, en triangle mixte rectangle d v<sup>6</sup> y<sup>4</sup>, apliquant le côté Droit d v<sup>6</sup>, dans l'angle mixte en A 5, & par ce moyen, on tracera la courbe de l'arête de rencontre de la doële & de la Tour A 1; suivant laquelle & la courbe 1 11, on abattra la pierre à la régle qu'on tiendra toujours parallele à la ligne de l'imposte A a, & pour la tête du Trompillon, ayant tiré 11 t d'équerre sur 5 11, on creusera cette partie avec un biveau pris sur 1, 11 a à l'élevation, pour y apliquer le panneau slexible du dévelopement de son arête 11 a, marqué à la fig. † a' 1, 1', posant le côté 1 1' sur 11 t, de la fig. 129; & le point 1' sur le point 11, pour y tracer la courbe a' 1', sur laquelle on posera un bout de la régle, & l'autre sur AI, parallelement à la Droite A a, pour achever de creuser la doële A 1, 11 a.

On en fera de même pour tracer & tailler le fecond Voussoir, lequel étant achevé, sera à peu près, tel qu'on le représente dans la 130. fig. 130. ; il faudra seulement observer que n'y ayant pas de ligue horisontale marquée comme A a au premier Voussoir, il faudra en marquer une sur l'épure, comme 1 o, que l'on tracera sur le parment, pour répairer sur l'arête du lit de dessous un point o, parlequel on menera une ligne d'équerre à cette arête, jusqu'à la rencontre de la courbe, qui marque l'arête du joint de lit & de doële, qu'on a tracé avec le panneau 6, 16, 22, C, (fig. 128.) & par ce point o, & l'angle 1 du lit de dessous à l'arête 1. 2, on menera une horisontale 1 o, qui servira à conduire la régle toujours parallelement à elle-même, & à cette ligne, pour creuser la doële en l'apuyant, & la faisant couler sur les lignes trouvées & tracées 1 2, 2 o 12, 12 11, & 11 1, servant pour tracer la ligne de tête vers le Trompillon du panneau slexible 1 11, 2 2 de la fig. † au-dessus du chissie 126.

## Explication Demonstrative.

La surface de la doële qui sert de cû-de-lampe à la Trompe, doit remplir deux conditions, qui ont été observées dans ce Trait; l'une, d'être droite suivant sa direction horisontale, pour s'ajuster au mur droit sur lequel elle prend sa naissance; l'autre, d'être tangente à ce mur, ensorte que sa naissance y soit imperceptible; ces deux conditions sont bien remplies par une surface de Cylindrosde parabolique ou hyperbolique; mais pour la solidité, cette derniere convient

mieux, parce qu'elle est moins concave que la parabolique.

Pour démontrer que la courbe que nous avons décrit pour servir d'arc-droit à la doële de la Trompe est une hyperbole; il faut confidérer que les deux triangles EDF, EOF, sont coupez par des paralleles à la base commune EF, qui donneront les analogies suivantes EF. k S:: EO. k O, & dans le triangle EDF, EF. k a:: ED. k D, lesquelles étant multipliées l'une par l'autre, on aura  $\overline{EF^2}$ . k S  $\times k$  a:: EO  $\times$  ED. k O  $\times k$  D, mais par la construction k S  $\times k$  a = k k dont  $\overline{EF^2}$ . k k k :: OED. O k D, ce qu'il falloit démontrer; car on sçait qu'une des premieres proprietez de lh'yperbole est que les quarrez des ordonnées sont entr'eux, comme les rectangles saits des lignes composées du premier axe & d'une abscisse par l'abscisse, est au rectangle composé de même à l'égard d'une autre abscisse.

Notez que cette démontration servira pour rectisser quelques sautes, non pas de construction, mais d'explication, qui sont restées à la pag, 45 I. où nous avons donné la même construction d'hyperbole; & à celle de la sig. 246. où les c<sup>1</sup>, c<sup>2</sup>, sont mal placez, & les lignes tirées de ces points, qui doivent partir du milieu des intervales C<sup>1</sup> S, C<sup>2</sup> S, pour l'explication seulement; car la construction en est bonne & correcte.

CETTE courbe d'arc-droit étant suposée connue, il est clair qu'elle est tangente au mur représenté par DM ou par DT, parce que son axe ED est perpendiculaire à DM, par conséquent elle touche DM en D.

Presentement, si l'on imagine que cette courbe D b F, qui est le profil de la doële, se meut autour de son axe horisontal ED, jusqu'à ce qu'elle soit dans une situation verticale; alors elle sera dans le même plan que la ligne DT.

Si dans cette fituation, on imagine des plans verticaux, passans par les perpendiculaires à son axe, & parallelement au plan du mun, comme gQ, iR, &c. ils couperont la base de la Tour ABD, aux points B, L, 24, 1, G, & sa surface, suivant les hauteurs EF, lb, kb, ib, gb, qui sont les ordonnées de l'hyperbole: dont les projections verticales sur le plan vertical AHD, seront les lignes CH, pv, ps, pr, pq, lesquelles ontété saites, par la construction, égales à celles de l'hyperbole; donc la courbe AHD, qui passe par les extrêmitez de toutes ces lignes, sera à la surface du Cylindre hyper-

bolique de la doële de la Trompe, & en même tems à la surface de Cylindre circulaire de la Tour, puisqu'elles sont rangées autour de à base ABD, aux points B, Æ, L, 24, 1, G, perpendiculairement 1 son plan ABD.

PRESENTEMENT, si l'on considére la courbe AHD, dans le plan de smur, & que l'on imagine des plans verticaux, passans par ses divisions des joins de tête des Voussoirs, aux points 1, 2, 3, 4, perpendiculairement à ce plan AHD; il est clair qu'ils feront deux sections, l'une à la doële, qui sera une portion d'hyperbole, & l'aure dans la Tour une ligne droite, & portion de parallelograme, & telles qu'on les à exprimé dans la fig. 126. par les profils C h o, a 2', v p1, 1', o1, dont les saillies horisontales H h, 2 2', 1 1', sont égales aux sections de ces plans, avec celui de la base ABD; sçavoir, H h égale à CB, 2 2' = a 22, 1 1' égale à D' 2'; ainsi des autres.

Nous avons déja démontré que l'arc-droit de la doële étoit tangent au mur, & que la projection de l'arête de rencontre de cette doële avec la Tour étoit bien tracée; il nous reste à faire voir que les courbes des joins de lit de la fig. 126. & 128 22 K C & 31, g C, conviennent aussi à la surface de la doële coupée par des plans inclinez C 3, C 4.

Par le Theor 3. du 1°. Liv. les sections des Cylindroïdes de base parabolique on hyperbolique, sont aussi des hyperboles proportionelles à celle de la base du Cylindre; or il est clair, à cause des paralleles  $wv, yf, zr, 1^3q$ , qui coupent C 3, que ces divisions sont proportionelles à ces ordonnées considerées dans la tangente DT ou DM de la base du Cylindre, & qu'elles donnent la véritable position des ordonnées à cette tangente au joint C 3, qui sont égales aux abscisses; par exemple MF, qui est égale à DE & mb = LD; ainsi des aures, donc les courbes des arètes des joins de lit sont bien tracées.

A l'égard des deux coutbes  $H \approx d$ , de l'arête d'enfourchement,  $\& a \cdot b \cdot b$ , de l'arête du Trompillon fig.  $\dagger$  qui sont de la même espece inverse; sçavoir, l'une le dévelopement de l'arête de rencontre du Cylindre hyperbolique horisontal, avec un Cylindre circulaire vertical; l'autre du même Cylindre hyperbolique avec un circulaire horisontal, qui lui est perpendiculaire; la seule construction en fait voir la justesse avec un peu d'attention; après tant de pratiques semblables, il paroît inutile de l'expliquer de nouveau.

COROLLAIRE L

#### COROLLAIRE I.

It suit de cette pratique, que si la courbe D b F n'est pas une hyperbole dont la distance du point E à son centre c<sup>3</sup> n'est pas égale à sa plus grande ordonnée EF, la courbe de projection AHD, de l'arête de rencontre de la doële & de la Tour, ne sera pas circulaire, comme dans le cas présent, mais elle deviendra d'une ovale irrégulière, alongée vers le sommet H ou aplatie, selon que la courbe D b F, sera plus ou moins différente de cette hyperbole.

#### COROLLAIRE IL

SECONDEMENT, que si l'Architecte veut affecter la figure circulaire à cette projection, il peut commencer le trait par le demi-cercle AHD, & continuer d'une maniere inverse à celle que nous avons donné, & il trouvera les nièmes courbes d'arc-Droit de doële & de joins de lit; mais si la faillie de la Tour CB, devient égale à la hauteur CH, de son cintre d'élevation de l'arête de la Trompe, sa doële ne sera plus creuse à sa naissance à l'imposte, mais elle fera mangle de 135. degrez, avec le mur qui sera désagréable à la vist.

### COROLLAIRE III. ET REMARQUE

IL suit en troisiéme lieu, qu'adoptant la construction qui commence par le cintre circulaire AHD, telle que la donne M. de la Ruë, qui est une inverse de la notre, on facrifie une beauté de peu de conséquence à la folidité de la Trompe; car pour augmenter la force de l'Encor-bellement, il en faut prendre la naissance, d'autant plus loin que la faillie du porte-à-faut augmente; or, dans cette dernière construction. il arrive tout le contraire; car suposant la saillie égale au demi-diametre de la Tour, la hauteur lui deviendra aussi égale, puisqu'alors CB fera égal à CH, ce que l'on voit mieux par le profil C b. H, où b' H fera égal à HC dans la suposition, & non pas dans la sigure présente; & si la saillie CB, est moindre que le tiers de la corde AD, comme dans l'exemple que donne M. de la Ruë, la hauteur devient plus grande que cette faillie, dans le raport d'environ cinq à trois; ainfi lorsque le besoin de solidité diminue, on l'augmente par cette construction, & lorsque l'on devroit augmenter la solidité, on la diminue, puisque la hauteur de la doële de la Trompe, n'augmente pas en même raison que la faillie; d'où l'on doit conclure qu'on ne doit point se fixer à la figure circulaire, pour cintre d'élevation dans l'épure AHD, d'autant plus que cette figure n'est pas Tom. IIL

STERT OEOMIE LIV. IV. PART. III. celle de l'arête d'enfourchement, laquelle est une courbe à double courbure.

#### CORROLLAIRE IV.

IL suit encore, que lorsque la faillie de la Trompe est égale ze rayon de la Tour, il convient à la folidité qu'on exhansse le cintre d'élevation AHD; mais si on le fait Elliptique, & qu'on cherche suivant cette pratique, l'arc-droit de la doële Cylindroïde de la Trompe, celle qui en résultera, ne sera plus une courbe concave, mais concavo-convexe, c'est-à-dire, partie concave partie convexe du même côté, à peu près, telle qu'est la section verticale d'une cloche. Et si l'on suit la méthode que nous avons donné, en faisant un arc-droit hyperbolique, dont l'amplitude & la distance du centre de l'hyperbole à la plus grande ordonnée, soient égales à la hanteur de la doële; il en réfultera un cintre d'élevation de face, qui sera une ovale différente de l'Ellipse, plus élargie au deux côtez, & presque circulaire vers fon grand axe, semblable à ces ovales qu'on imite par des arcs de cercles rassemblez, dont l'effet ne doit pas être désagrésble à la vue, pour l'effet qu'esse produit à l'arête d'enfourchement, ou plûtôt de rencontre de la surface de la doële de la Trompearet celle de la Tour ronde.

Seconde espéce de Trompe en Tour ronde, érigée sur un mur Droit.

Et dont la Doële est creuse, d'une concavité de Sphéroïde irréguliere.

Pour prendre une idée de la concavité de la doële que nous proposons, il faut se rapeller celle de l'arriere Voussure de St. Antoine, qui prend sa naissance sur une ligne droite, d'où elle se plie en concavité de Sphéroïde irréguliere, mais dont l'arête de rencontre avec la Tour, est dans un plan incliné, puisqu'elle est produite par la section d'un plan qui coupe une Tour Cylindrique. Il suit que cette arête est nécessairement Elliptique, & non pas une courbe à double courbure, comme celle de la Trompe de doële Cylindrique ou Cylindroïde, dont nous venons de parler.

Fig. 131. Lu petit axe de cette Ellipse est AB, fig. 131. diametre de la

Si l'on prenoit comme le P. Deran, pour cintre primitif le demi-Fig. cercle AHB, qui est la projection verticale, ou l'élevation de l'arête de rencontre de la Tour, on pourroit prendre comme lui, pour moitié du grand axe, la corde AH de la moitié de ce cintre; mais parce que son inclinaison nous paroît trop grande pour la solidité, nous croyons qu'il faut l'exhausser comme nous l'avons dit ci-devant, lorsque la faillie de la Trompe est égale au demi-diametre de la Tour, ou aprochant.

De quelque maniere qu'on fasse, nous ne prenons pas cette projection verticale circulaire ou Elliptique, pour cintre primitif; mais l'Ellipse AEB, formée par les axes donnez AB & AH, qui est la vraye section de la Tour, parce qu'elle donne le véritable contour de l'arête de rencontre de la Tour & de la doële, sur lequel on peut faire une division égale des têtes des Voussoirs, ce qui ne se peut, comme nous l'avons dit, sur le contour de la projection verticale AHB.

CETTE circonférence AEB, qui est dans sa juste étendue, & courbe dans son état naturel, ne nous dispense pas cependant de faire un dévelopement de la projection verticale ou l'élevation AHB, non pour régler la division des têtes du Voussoir, comme à la Trompe précedente, mais seulement pour en former les panneaux slexibles, nécessaires à tracer le contour de l'arête d'ensourchement de la doêle concave & de la Tour.

Des divisions du cintre primitif AEB, on abaissera des perpendiculaires sur AB, qu'on prolongera jusqu'au contour AMB, qui est laprojection horisontale de la Tour; telles sont I 21, II 22, III 23, IV. 24.

On en usera de même pour les divisions du demi-cercle a b b, du cintre du Trompillon; mais on ne pourra déterminer leurs projections horisontales, qu'on n'ait tracé les courbes des joins de lit dans un profil à part.

Pour tracer les panneaux des joins de lit, on commencera parformer des triangles rectangles, dont tous les côtez sont donnez sur l'épure; sçavoir, r. La hauteur du joint à l'arête d'ensourchement

2°. Le rayon de la projection horisontale 21°C, 22°C, qui fait avec la bauteur du joint un angle droit, & l'hypotenuse est

## 204 STEREOTOMIE LIV. IV. PART. H. la longueur des demi-diametres de l'Ellipse C I, C II, C IH, C IV.

Si l'on avoit besoin du panneau du milieu de la clef, on feroit de même un triangle rectangle de l'horisontale CM, de la verticale CH. & de l'inclinée CE.

IL s'agit présentement de trouver les arcs de ces joins de lit, dont nous n'avons pris que les cordes qui ne donnent que deux points de Fig. 132. chaque arc; scavoir, of, 1f, sig. 132. & cf 2f.

Pour en trouver un troisième, on tirera les cordes B 3, B 4 de la fig. 131. sur le milieu desquelles on élevera une perpendiculaire, qui donnera les fléches  $m^{\alpha}$  &  $n^{\gamma}$ , qu'on transportera à la fig. 132 fur le milieu des cordes  $c^{f} 2^{f}$ ,  $c^{f} 1^{f}$ , en  $m^{\alpha}$  &  $n^{\gamma}$ , & par les trois points  $c^{f} \times 2^{f}$ ,  $c^{f} y$   $1^{f}$ , on fera passer les arcs qui seront les panneaux des arêtes des joins de lit, de même que  $c^{f} z$   $e^{f}$ , pour le milieu de la clef dont Nz est égal à Nz, de la fig. 131.

It ne reste plus pour achever le contour de ces panneaux, que dy joindre la courbe du joint de tête, qui est une portion d'Ellipse, dont la projection se trouve sur le plan horisontal AMB, en abaissant des points du joint de tête 3 g 7, des perpendiculaires 23 G 17, & menant sur 3 23, la perpendiculaire 17 K & sa parallele l G, suivant notre méthode ordinaire; si on éleve des perpendiculaires sur 3 7, & qu'on y porte les longueurs de celles de la projection horisontale K 27 en 3 k, & l G en g l, la courbe 7 g l k, sera celle du joint de tête que l'on cherche.

## Aplication du Trait sur la Pierre.

Les panneaux de lit, & ceux du dévelopement de la tête des Vonsfoirs dans la Tour étant trouvez, on s'en servira pour tailler la pierre, à peu près comme il a été dit pour la façon de Trompe à doële Cylindroïde, dont nous venons de parler; excepté que celle-ci étant concave Sphéroïde, elle ne pourra être faite à la régle comme cellelà ; mais après l'avoir ébauchée de même si l'on veut, on la creusera par le moyen des cerches faites de telles sections qu'on jugera à propos pour la commodité, ou verticales, ou horisontales, ou inclinées, ces dernieres seront les plus commodes, parce qu'il n'y aura qu'à les placer sur le milieu de l'arête de la tête, & sur le milieu de celle du côté du Trompillon, & elles sont très-faciles à tracer, parce qu'il n'y a qu'à suposer un joint au milieu du Voussoir, par exemple 9 C, & en tracer le panneau comme on vient de faire pour les joins de lit, dont on fera une cerche convexe, au lieu d'un panneau concave, & avec les deux arêtes des lits, & cette cerche pour le milieu, on peut se régler à la vûë assez exactement pour la pratique; si cependant on vouloit s'assurer encore mieux de la forme de cette concavité, on pourroit faire une cerche de la section verticale, prise par exemple en f 10 12, en portant sur cette ligne considerée comme verticale: aux points 10 & 1 2, les saillies de l'arc de doële fait sur C 9, & celle de 41 21, que donne l'arc cf 4f, fait sur le point C 1 du 3er. & 4e- joint de lit, en portant la longueur C 12 en cf. 41, & tirant la perpendiculaire 41 2 1; voyez la fig. 133. où la cerche est la courbe S 21, dont le plan doit être mis perpendiculairement sur la base AC.

Nous n'ajoutons rien ici touchant la courbe de l'aréte du Trompillon, & celle des joins de doële ou de tête inférieure, lorsque les Voussoirs ne sont pas d'une seule pièce jusqu'au Trompillon; ce que nous avons dit de la maniere de les tracer, & d'en saire usage dans la premiere espece de cette Trompe, où la doële est Cylindroïde, s'aplique naturellement à cette seconde, puisqu'il ne s'agit que de porter les distances de ces joins du centre de la Trompe, sur la ligne of 14 du prosil, & de lui mener des perpendiculaires par les points que ces longueurs donneront à leur distance du point of; ces perpendiculaires couperont les courbes des joins de lit of 3 f, of 4 f, en des points qui détermineront la longueur qu'il faudra avancer au-devant de la ligne droite de dévelopement du contour du Trompillon, sur chacune de ces divisions, comme il a été sait à la fig. 132.

Nous ne croyons pas non plus devoir ajoûter ici l'explication de ce Trait, qui est fort semblable au précedent dans la disposition de ses parties, comme on peut le reconnoître en transposant le point  $c_f$  du profil, au point B; car alors la courbe  $c_f \times 2^f$ , représente la courbe D b F, de la sig. 126. la dissérence qu'il y a, c'est que la courbe D b F est seule, l'arc-droit de toute la doële, & représente plusieurs joins de lit, qui en sont toujours une partie plus ou moins grande; mais dans ce Trait, chaque joint de lit a sa courbe particuliere, qui dissére de la prochaîne en contour & en longueur. Le reste qui concerne le gauche de la doële, est commun avec l'arriere Voussure de St. Antoine.

## Remarque sur l'usage.

Les Trompes dont nous venons de parler, sont du nombre de ces ouvrages que les bons Architectes doivent éviter autant qu'il est possible, parce que portant plus que les autres Trompes à fasce, ils tendent continuellement à leur ruine.

CEPENDANT il est certaines circonstances de situations de Bâtimens, particulierement dans des places irrégulieres, où l'on a besoin de les employer pour ménager un cabinet, comme on voit à l'ancien Hôtel de La Feüillade, à la Place des Victoires à Paris.

It faut aussi remarquer qu'il doit y avoir du choix dans la saçon de la doële de cette Trompe, qui peut être faite comme on vient de le voir en deux manieres, ou en Sphéroïde ou en Cylindroïde.

Lorsque sa situation se présente à la vûe, plus par les côtez que par la face, comme celle de l'Hôtel de La Feüillade, qui est sur me rue, il convient de faire la doële qui sert de cû-de-lampe en Cylindroïde horisontale, parce qu'étant vûe par les côtez, on la voit sortir du mur à sa naissance, d'une maniere imperceptible sans ancun jarret, le mur étant tangent au Cylindroïde.

Mais si la Trompe se présentoit à une avenue, d'où elle sût viè en face; alors il conviendroit mieux de faire cette doële de cû-de-lampe, en façon de Coquille concave, dont la figure est plus agréable à la vûë, que celle du Cylindroïde vû de face, & plus propre à recevoir des ornemens de sculpture; & quoique le contour de cette doële soit dans une figure plane, qui fait un pli avec le mur, ce desaut ou plûtôt cette impersection ne peut être aperçûë de front,

DES VOUTES COMPOSE'ES. CHAF. VII. 207 mais seulement vue par les côtez ; ainsi l'un & l'autre des Traits précedens, a son aplication à différentes positions de la Trompe.

En voici une d'une autre espece, dont la doële est aussi en sorme de Coquille dans un angle.

## De la rencontre des Conoïdes irréguliers horisontaux, avec les Cylindres verticaux.

Nous avons appellé Conoïde régulier, le folide formé par la révolution d'une parabole ou d'une hyperbole tournant sur son axe; ici, nous suposons que l'hyperbole génératrice, qui tourne sur son axe, souffre deux changemens dans un quart de révolution, l'un du mouvement de son sommet, qui se raproche toujours du sommet S du cône, & l'autre en ce qu'elle se redresse de plus en plus, depuis le plan vertical jusqu'au plan horisontal: nous cherchons la section d'un tel Conoïde, dont l'axe est horisontal, avec la surface d'un Cylindre vertical, laquelle est évidemment une courbe à double courbure.

#### PROBLEME. XI.

## Trompe Conico-Sphéroïde.

## Courbe sous la clef, & droite sur les impostes, rachetant une Tour ronde.

Nous avons parlé au Tome précedent, pag. 451. de cette espece de Trompe, lorsqu'elle est terminée par une surface plane; & nous avons donné le Trait de sa doële & de ses lits.

Presentement, nous cherchons comment on doit le faire, lorsqu'aulieu d'une face plane verticale, on en substitue une concave ou convexe; comme la concave ne paroît pas d'un grand usage, nous nous arrêtons à la convexe d'une Tour verticale, dont la Trompe peut soûtenir une partie en l'air; il est visible qu'il ne s'agit dans ce Trait, que d'un changement survenu aux têtes des Voussoirs, les doëles & les joins de lit restant les mêmes jusqu'à l'arc du cintre primitif, que nous prenons à celui de face de la Trompe citée & expliquée, lequel est ici une section dans la Tour par la corde AB.

Ainsi suposant (fig 134.) toute la partie de la Trompe ASB, com- Fig. 134.

prise entre les pié-droits AS, SB, & la corde AB, faite comme i a été enseigné au Probl. XXIV. du Tome précedent ; il ne s'agrici que d'y ajoûter la partie de la Tour, dont le segment ADBA, cit la projection horisontale.

Fig. 134. Sort (fig. 134.) l'angle rectiligne rentrant ASB, sur lequel on doit faire porter en l'air une portion de Tour ronde ADB.

Sur la corde AB du segment de cercle ADB, qui est la projection horisontale de cette partie de Tour, on tracera le demi-cercle AHB pour cintre primitif, qui est une section verticale du Conoïde, par un plan perpendiculaire à son axe SC.

Ayant divisé ce cintre en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, & abaissé à l'ordinaire des perpendiculaires de chaçun de ces points sur le diametre AB, comme 3, p<sup>2</sup>, 3 p<sup>3</sup>, &c.

On cherchera les projections des joins de lit, qui doivent paller par le sommet S, & les points de projection p2 p2; mais comme ces projections sont des courbes hyperboliques, qui suposent la description de celles des véritables joins de lit à la doële, il faut commencer par les décrire, comme il a été dit à la pag. 451. du Tome précedent; si l'on opére par inscription du cône Droit SAB dans le Conoide; mais comme il convient mieux d'opérer par la circonscription : nous tirerone une tangente TN, par le point D, le plus faillant de la Tour pris sur l'axe SCD, & nous prolongerons les côtez SA & SB, jusqu'à ce qu'ils coupent cette tangente en T & N. Cependant comme il n'y a que deux points donnez à la circonférence de chaque hyperbole; scavoir, un en S, l'autre à la circonsérence du cintre primitif AHB, lesquels peuvent toujours être représentez en profil par les points S & A, parce que le point S est commun, & k point A distant de C, également comme les points 2 & 3; nous serons ces profils en AS ou en AB, où les hyperboles passeront par ces deux points sans se confondre, à cause qu'elles sont inégalement courbes.

Pour déterminer la différence de courbure des hyperboles, qui doivent former les arêtes des joins de lit, on déterminera les premiers axes, comme nous l'avons dit au Tome précedent, pag, 45 1. en tirant une corde AH, qui coupera les aplombs des divisions du cinte primitif 1 p<sup>1</sup>, 2 p<sup>2</sup>, aux points E & F; les longueurs E p<sup>1</sup>, E p<sup>2</sup>, poursont être prises pour les premiers axes de ces hyperboles, comme

3N/4 3,0 t)

. :

on a fait à la fig. 246. du Tom. précedent, par un changement de la planche postérieur au discours, qui ne la donne que pour une moitié de cet axe, on les prendra ici pour l'axe entier, afin de montrer la dissérence de l'effet de ce choix.

On portera donc pour la premiere hyperbole, qui doit passer par le point I, la longueur E  $p^I$  sur l'axe C f, prolongé en S  $f^I$  & R  $p^I$  en f; enfin CH qui doit servir pour le milieu de la clef, en S  $f^I$ , & par le moyen de ces premiers axes, & suivant les pratiques données à la pag. 451. du  $2^c$ . Tome, & au Trait immédiatement précedent, on décrira les trois hyperboles SYB  $d^I$ , pour le milieu de la clef  $S^I$   $f^I$ , pour le joint passant par le point I0, I1, pour celle qui doit servir à former l'arête du premier joint, passant par le point I1 du cintre primitif.

APRE's avoir déterminé les vrayes courbes des arêtes des joins de lit, qui sont en œuvre dans des plans inclinez, il faut en chercher les projections horisontales  $t^2 \times S$ ,  $t^i y S$ , qui sont encore des hyperboles, par le Theor III. du premier Livre, mais moins courbes que celles qui les produisent.

Nous avons donné à la pag. 45.1. du Tome précedent, la maniere de les tracer, par le moyen des premieres; on en peut revoir la pratique. Il n'y a qu'à prendre leurs ordonnées d b, d b pour la grande, qui passe par le point 2 en œuvre, & d i, d i pour la petite, qui passe par le point 1, & les porter sur les rayons C I C 2, du cintre primitif en  $C b^2$ ,  $C i^1$ , & par les points  $b^2$ ,  $i^2$ , tirer des paralleles à l'axe DS, qui couperont les ordonnées b d & i d, prolongées aux points x, y, par lesquels on tracera les courbes  $t^2 p^2$ , x S &  $t^2 p^1$ , y S, qui seront les projections demandées.

Ces projections horifontales des joins de lit qu'on vient de trouver, ne peuvent servir à la formation des doëles plates, comme dans les Voutes coniques, parce que les quatre angles de chaque Voussoir, ne sont pas dans un même plan, c'est pourquoi il faut terminer ces panneaux par les angles les plus bas au profil, afin d'avoir assez, pierre pour la position des panneaux de lit, sur les joins ébauchez,

Pour ne pas trop embrouiller l'opération, nous suposerons les hyperboles décrites du côté SB posées en SA; par exemple, SA i, pour la premiere qui se termine au point 1, par la parallele à AB, menée par la projection du joint 2, sur la face ADB de la Tour ronde; ensuite, la seconde \$2 AS, qui se termine en \$2, par la parallele \$2.52, \$200. III.

Dans cette hypothese, cette partie de l'épure peut servir de prosi, où les lignes  $b^2$  V,  $i^i$  n, k d, I d, peuvent représenter les hauteur des quatre angles du Voussoir, qui ne sont pas dans un même san, par les raisons que nous avons donné au commencement du  $2^c$ . Tome; c'est pourquoi on tirera une ligne droite, par les deux angles les plus bas de la tête de face & de celle du Trompillon, qui sont marquez à ce prosil en  $b^2$  & en I, qui coupera l'axe prolongé C sen R, d'où l'on tirera aussi par les points  $s^i$ ,  $s^i$  de la face ronde ADB des lignes droites, qui donneront la projection RG  $s^i$  R, qui est celle d'une docte plate, inscrite dans le Conoïde, comme un côté de pyramide, dont le sommet servic en R.

Pour tracer cette doële plate dans son étenduë, & en former un panneau pour ébaucher la pierre, on décrira du point V pour centre, un arc de cercle  $b^2$ ,  $1^n$   $2^n$ , qui sera une portion de base de cont Droit, partie inscrite, partie circonscrite au Conoïde, passant par le joint de face  $t^2$ , dans laquelle portion de base, on déterminera les points  $1^n$ ,  $2^n$ , correspondans du cintre primitif 1, 2, ou en élevant des perpendiculaires G  $1^n$ ,  $t^2$   $2^n$ , sur les points  $t^2$  & G, ou en tirant par le point V, des rayons V  $1^n$ , V  $2^n$ , paralleles à ceux du cintre primitif C 1, C 2, qui couperont cet arc aux points  $1^n$ ,  $2^n$ .

Il ne reste plus pour la préparation nécessaire à sormer la doële plate, qu'à déterminer la grandeur de la tête du côté du Trompillon, pour laquelle on prendra la distance d I, du point I, le plus bas de la tête sur le Trompillon à l'axe SC, qu'on portera en V l & VI sur les rayons V 1", V 2", & l'on formera le panneau de doële plate, comme il suit.

Fig. 135. Ayant fait dans une figure à part 135. deux lignes à l'équerre om, gt, on portera sur gt, de part & d'autre du point o, les moitiez de la longueur L l de la fig. 134. & les moitiez de la longueur 1", 2", en o g & ot, puis on tirera par les points g & t, des paralleles à la ligne du milieu o m.

Puis prenant au profil la longueur I  $b^2$ , de cet intervale pour rayon, & des points I & L pour centre, on décrira des arcs qui couperont ces paralleles en G & T, le trapeze IGLT, fera une doële plate réguliere d'une pyramide Droite, inscrite dans le Conoïde, comme pour former un Voussoir exactement conique; mais comme elle excede la Voute conoïde, proposée de toute la partie représentée à

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. VIL

la projection par le triangle mixte G  $t^1$   $t^2$  qu'il faut retrancher, on réduira la partie circulaire  $t^1$   $t^2$ , qui est la projection de l'arête à la face en Tour ronde, en parties droites à pans, en tirant  $t^1$  Q perpendiculaire à GR, laquelle coupera VG en Q, par où on élevera Q q parallele à G 1<sup>10</sup>, qui conpera la corde 1<sup>10</sup> 2<sup>10</sup> en q; on portera la longueur q 2<sup>10</sup> en T Q, de la fig. 135.

Ensurre pour avoir la valeur de la ligne  $G^{\sharp}$ , qu'il faut retrancher, on menera  $f^{\sharp}$  a parallele à AB, qui coupera la ligne de profil  $b^{\sharp}$  R au point z, la longueur  $b^{\sharp}$  z, sera transportée à la fig. 135. de G en Z sur G, par les points Z & Q, on tirera ZQ, qui retranche du panneau, la partie ZGQ, qui est représentée à la projection horisontale, par le triangle  $G^{\sharp}$   $f^{\sharp}$   $f^{\sharp}$  a insi on réduit la doële plate à une tête à pans ZQT, pour ensuite venir à l'arondissement, comme l'on a sait à la Trompe Droite en Tour ronde.

### Aplication du Trait sur la pierre.

AYANT dressé un parement pour servir de doële plate de suposition, parce que la vraye doële étant gauche, la plate ne peut en toucher que trois angles; on y apliquera le panneau de la sig. 135. pour y en tracer le contour destiné au second Voussoir.

Ensurre, on abattra la pierre avec le biveau  $x N^2 y$  de lit & de doële, fait suivant notre methode, comme pour une Trompe Droite, à laquelle nous avons en esset réduit celle-ci, comme je l'ait dit, en tirant par le joint  $e^2$ , le plus avancé du second Voussoir, la ligne  $e^2$  V.

Pour rapeller au Lecteur, la maniere de tracer ce biveau, on l'a tracé dans la fig. 134.

Sur la projection R  $t^2$ , ayant fait la perpendiculaire  $t^2$  2", égale à  $t^2$  2", on a tiré la ligne 2" P, perpendiculaire à 2" R, qui coupe la projection R  $t^2$  prolongée en P, où l'on a tiré x P 2, perpendiculaire à la même RP, qui coupe l'axe S C prolongé en Z, & la fection de la doële avec l'horison R x en x, laquelle section a été trouvée par la prolongation de la corde 2" 1", jusqu'à la rencontre de la ligne V o en X, d'où l'on a tiré par le sommet R, la ligne RX x, la longueur 2" P, étant portée en N², sur la projection RP prolongée; si l'on tire N² x & N² 2, l'angle du suplément x N² y, sera

#### STEREOTOMIE. LIV. IV. PART. IL.

celui du biseau cherché pour le lit de dessus; on trouvera de même celui de dessous.

Ayant abattu la pierre avec les biveaux de lit & doële, le long des côtez du panneau de doële plate, on levera deux panneaux an profil, pour l'intervale qui doit rester entre l'arête droite de la doële plate, & l'arête courbe du veritable joint de lit, lesquels panneaux seront deux triangles mixtes; sçavoir, I i z, pour le lit de dessous, dont on posera le point I, sur le point I de la sig. 135. & le point z de la sig. 134. sur le point Z de la sig. 135. ensorte que la signe droite z I, soit posée en ZI, le côté courbe hyperbolique I i è du panneau, donnera la trace du vrai joint de lit sur le plan du premier lit.

De la même maniere, on apliquera sur le lit de dessirs, le panneau triangulaire mixte, levé au profil en k I  $b^2$ , posant le côté droit I  $b^2$ , de la fig. 134. en l T, de la fig. 135. le long de l'arête de la doële plate; le côté courbe de ce panneau k b  $b^2$ , donnera sur le lit de dessus, le contour k b T, de la fig. 135. qui est la véritable arête du joint de lit à la doële Conoïde.

On levera aussi pour la tête du Trompillon, le panneau triangulaire mixte I x 2, de la fig. 136. qui a été faite pour la tête du Trompillon, de la maniere qu'il a été dit à la pag. 454. & tracé à la fig. 247. planche 65. du Tom. précedent; & on l'apliquera sur la tête du côté du Trompillon, passant par les trois points donnez I l k, de la fig. 135. représentez en élevation en I l 2, ce qui détermine déja trois courbes de contour de la doële. On en trouvera un quatrième, en portant sur les arêtes des joins de lit les longueurs k A & IA, en k a & I a, de la fig. 135. & apliquant sur les points a & a, la cerche de l'arc 1, 2 du cintre primitif, posée en angle aigu, avec un biveau formé sur l'angle mixte CA b ou CA i du prosil, suivant laquelle faisant une plumée, on aura quatre courbes, entre lesquelles on creusera la doète Conoïde, dont il est question.

Enrin, sur la tête de face qui a été saite à pans, comme à la Trompe en Tour ronde, pag. 106. on tracera l'arc de cercle horisontal , p pour sormer cette tête, comme il a été dit au Trait cité.

### Explication Demonstrative.

Nous avons dit en parlant de la même Trompe à face plane au Tome précedent, qu'on arondissoit le fond de la Trompe, pour di-

ľ

• • • ig 3 1 **e** . .

minuer autant qu'il est possible l'angle solide mixte sormé par les deux murs de pié-droits de la Trompe, & la partie de surface conique des Trompes ordinaires, asin que le sond du Trompillon ait plus de grace, & que cet arondissement ne pouvoit être parsait, c'est-à-dire, sans jarret, que sous le milieu de la cles, où la courbe hyperbolique est tangente par son sommet à la ligne verticale, qui est l'intersection des surfaces planes des murs des pié-droits, & qu'ensin cet arondissement devoit diminuer depuis la cles, jusqu'aux impostes où il s'évanoüit, parce que les hyperboles se redressent insensiblement à chaque joint de lit.

Comme les courbures des hyperboles, sont déterminées par l'éloignement de leurs centres du sommet f de l'axe on peut les diminuer suivant tel raport que l'on voudra; à la fig. 246. de la planche 65 nous les avons éloigné de la moitié sulement, des lignes  $p^1$  E,  $p^2$  F de cette figure, quoique par mégarde dans le discours, nous ayons pris le double pour la moitié; ici, nous l'avons éloigné de tout cet intervale, pour faire voir ce qui résulte de ce changement, qui est que la courbe d'arondissement de la tête du Trompillon s'éleve un peu trop en f, de  $a^1$  en f, & de f en f, aulieu qu'en prenant les intervales E f, f, f, seulement pour les premiers axes, l'arondissement est plus agréable à la vûë, que les prendre pour la distance du sommet f, au centre de chaque hyperbole, ce qui double la longueur de leurs premiers axes.

# Seconde Espece de Trompe droite sur les impostes.

## Courbe sous la clef, & rachetant une portion de Tour ronde, lorsque la Trompe est rampante.

La différence de cette Trompe avec la précedente, consiste en ce que son cintre primitif vertical, perpendiculaire à la direction-hori-risontale, n'est pas circulaire sur un diametre horisontal, mais Elliptique sur un diametre rampant.

D'ou il résulte quelque dissérence dans la construction; premierement, en ce que les arêtes des joins de lit, ne sont pas des arcs d'hyperboles régulieres, comme celles de la Trompe précedente, mais irrégulieres, déduites d'une hyperbole ou de quelque autre courbe, prise pour arc principal de la courbure qu'on veut donner vers

#### STERBOTOMIE EIV. IV. PARTIE IL

le milieu de la clef, dans une section verticale, passant par le semet de la Trompe.

La même irrégularité auroit pû convenir au Trait précedent, se cintre primitif n'avoit pas été circulaire.

Comme la principale difficulté de ce Trait, consiste à la formation des courbes des joins de lit, nous nous y arrêterons uniquement, renvoyant celle des panneaux de doële plate & des biveaux aux Trais précedens.

PL 97. Soir (fig. 138.) l'angle rentrant ASB, celui des pié-droits sur les quels on doit construire la Trompe rampante, & l'arc ATB, la projection horisontale de la partie de Tour ronde, qu'elle doit porter.

Sort aussi la ligne BR, la différence de hauteur des naissances A & B, prise sur une perpendiculaire à la corde AB; la ligne AR, sera le diametre du cintre primitif, dont le milieu C sera le centre, & la ligne CH, prise à volonté sur une ligne DCH perpendiculaire à AB, sera son demi diametre conjugué; nous avons sait ici CH égal à DA. Sur les diametres conjuguez donnez, on décrira par le Probl. VIII. du 2°. Livre, la demi-Ellipse-AHR pour cintre primitif, que l'on divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, affectant autant qu'il sera possible, que les points 3 & 4, qui sont les joins de lit de la clef, soient de niveau.

Le cintre primitif AHR étant tracé, il faut se déterminer au choix de la courbe de preni, vers la clef qui doit être une parabole on une hyperbole, tangente à la ligne droite d'intersection des pié-droits au point S, dans laquelle il n'y a que deux points donnez; scavoir, le point S de son sommet, & un point b, déterminé par une ordonnée Db, qui doit être égale à la hauteur DH, composée du demi-diametre vertical CH du cintre primitif, & de la hauteur DC de son centre C, sur l'horison AB.

Puisqu'il n'y aque ces deux points donnez, il est clair qu'on peut f faire passer des courbes différentes, plus ou moins concaves, comme on l'a vû au Trait précedent, en prenant des centres d'hyperboles plus près ou plus loin du sommet S.

Suposant que cet arc principal, soit la courbe prise à volonté Sgbli on s'en servira pour régler toutes les courbes des joins de lit à à

loële, dont on cherchera autant de point qu'on voudra; par exemple eulement trois, l'un au Trompillon a b, l'autre au cintre primitif AB, & le troisième à la tangente NTE. Si l'on en vouloit chercher lavantage, il faudroit tirer d'autres paralleles à la ligne AB, en aussi grand nombre qu'on veut trouver de points de chacune des courbes.

IL s'agit présentement de tracer plusieurs cintres dissérens, sur les projections des diametres donnez au plan horisontal, comme a b & NE, sur lesquels il faut saire les profils des diametres rampans a r, NR, ce qui est aisé; car si par les points a & N, on mene des paralleles à AR, & par les points b & E, d'autres paralleles à BR, on aura par leurs interséctions les points r & R, & par conséquent, les diametres rampans a g, NR, sur le milieu desquels portant les distances m g & TI de l'axe ST, à la courbe de proil S g b I, on aura les demi-hauteurs m G, T i, qui déterminent es extrêmitez des diametres G c, & C<sup>2</sup> i des nouvelles Ellipses, qui doivent être les cintres transversaux de la doct Conoïde, coupée par des plans verticaux, élevez sur les lignes a b & NE, lesquelles lemi-Ellipses, seront tracées comme la premiere AHR, par le Probl. VIII. du 2°. Livre.

CES mêmes demi-Ellipses, seront facilement divisées en joins de lit, correspondans aux divisions du cintre primitif, en menant par leurs centres c & C<sup>1</sup>, des paralleles aux demi-diametres C<sup>1</sup>, C<sup>2</sup>, C<sup>3</sup>, C<sup>4</sup> lu cintre primitif, comme la figure le montre.

CES demi-diametres, seront prolongez jusques aux lignes horisonales de leurs bases a b, AB, NE s'il le faut, qu'elles couperont en les points o', o², o³, o⁴, à la base du cintre primitif, & t¹, t², t³, t⁴, t celle de la tangente NE, & au Trompillon a b, aux points n¹, n², n³, n⁴; les lignes t¹ S, t² S, t³ S, t⁴ S, seront les sections des plans des its avec l'horison, lesquelles pourront être prises pour les bases des prosils, qui serviront à les décrire, je dis pour des bases, & non pour des axes de ces courbes; car leurs ordonnées ne doivent pas être à angle droit, comme l'a avancé M. de la Hire dans ses Leçons; quoique je respecte la mémoire de ce Grand Mathematicien, & même qu'elle me soit chere, par l'attachement que j'avois pour lui & pour M¹. ses Fils. Je crois devoir remarquer cette inadvertence, qui pourra ne rendre peut-être excusable, s'il m'est arrivé de me tromper en quelque chose, pussque les Grands Hommes ne sont pas infaillibles. Voici dans l'exactitude, la maniere de saire ces prosils, en cherchant es angles des ordonnées, avec les abscisses des courbes.

De chaque point de division du cintre extérieur tangent NiR, on abaissera des perpendiculaires sur la base horisontale NE, qu'in couperont aux points  $p^1$ ,  $p^2$ ,  $p^3$ ,  $p^4$ ,  $p^5$ , par lesquels on menerales lignes au point S, qui serviront de base pour trouver par des profis, les valeurs des cordes imaginées, tirées depuis les points 1.0, 2.0, 3.0. &c. de ce cintre au sommet S, par le moyen des hauteurs  $p^1$   $1.0, p^2$   $2.0, p^2$   $3.0, p^2$ , &c. comme l'on a coûtume de saire pour trouver la valeur de projections des joins de lit, dans les Trompes coniques; par exemple, sur S,  $p^2$ , ayant élevé en  $p^1$ , la perpendiculaire  $p^1$   $p^2$ , égale à  $p^2$   $p^2$ . l'hypotenuse  $p^2$ , sera la valeur de la corde qu'on cherche.

Ces valeurs étant trouvées, on fera pour chaque joint de lit, un triangle avec trois lignes données; sçavoir, r°. La section du plan du joint prolongé avec l'horison. 2°. La corde de la courbe de l'arte du joint. 3°. La longueur du joint dans le vuide, depuis le joint de tête jusqu'à l'horison.

Par exemple, pour former le plan incliné du premier joint de lit dans le vuide de la doële, & son contour courbe, qui doit donnet la serche ou le panneau du lit, on portera à part (sig 139.) la ligne S t' de la section, avec l'horison en f T', avec ses divisions o' m', puis avec la longueur S f' pour rayon, & du point f pour centre, on sera un arc d 1', & du point T' pour centre, & de l'intervale 1' h, de la sig. 138. pour rayon, on décrira un second arc qui coupera le premier au point 1', pour tirer la ligne T' 1', à laquelle on menerapar les points o' n', des paralleles o' 1", n' 1" indésinies; pour en déterminer les longueurs, on prendra à la sig. 138. le ligne 1 o', qu'on portera en o' 1", & la ligne 1" n', qu'on portera en n' 1" de la sig. 139. par les points f 1", 1' 1', on tracera à la main ou avec une régle pliante, une courbe qui sera celle de l'arête du joint de lit à la doële, sur laquelle on formera le creux du panneau du premier lit.

Par la même maniere, on trouvera la courbe  $\int 2^n$ ,  $2^n$ ,  $2^n$  du lecond joint de lit, en prenant pour base du triangle, qui donne l'inclination des ordonnées, la ligne S  $t^2$  avec ses divisions à la sig. 135 qu'on portera en S  $T^2$ , de la sig. 139. puis avec les lignes  $f^2$  S, &  $2^n$   $t^2$ , on sera un triangle  $\int t^2$   $2^n$ , qui donnera l'angle  $\int T^2$   $2^n$  de ordonnées avec les abscisses, lesquelles ordonnées, seront prises à la sig. 138. aux lignes 2  $e^2$  du cintre primitif, &  $e^n$   $e^n$  du Trompillon

On verra à la fig. 140. le reste des profils des courbes des joins de lit de cette Trompe, où l'on a marqué les mêmes lettres qu'à la fig. 138. d'où ils sont tirez.

Nous

Nous renvoyons la construction des panneaux de doële plate au Trait précedent, & la formation de la tête ronde, au Trait de la Trompe en Tour ronde, pag. 106. pour former les courbes des joins de tête ans panneaux de lit, ou si l'on veut en former des panneaux, on e servira de la méthode qui a été donnée pour toutes les Voutes en l'our ronde, comme Porte, Descente, Trompe &c. qui est de ralonger arc de cercle de la projection horisontale en arc Elliptique, parce que tous les lits étant des surfaces planes, leurs sections à la surface les Tours, sont des arcs Elliptiques.

### Explication Démonstrative.

Si l'on releve par la pensée, les figures mixtes N i R' E, AHRB i b r b, qui font couchées sur le plan horisontal, en situation vericale sur leurs bases NE, AB, ab, & le triangle mixte Sg, IT sur on axe ST, aussi en situation verticale, on pourra se représenter sa-cilement toutes les raisons de la construction de ce Trait.

ET enfin, si l'on examine dans cette situation les inclinaisons des lignes 1 21, 2 22, 3 23, &c. & qu'on imagine des plans passans par ces lignes & par le point S, on reconnostra facilement tous les profils qu'on vient de faire aux figures 139. 140.

It faut remarquer que tous ces plans de lit qui se croisent, out leur commune intersection à l'axe de la Trompe, qui est représenté en projection horisontale, par la ligne ST, & en profil par la ligne inclinée à l'horison SX, faisant TX = TC'; mais quoique leur intersection soit dans une seule ligne, elle se trouve différenment située dans tous les plans des joins de lit prolongez dans le vuide, comme on le voit à leurs profils, aux sig. 139. & 140. en  $\int X^1$ ,  $\int X^2$ ,  $\int X^3$ ,  $\int X^4$ , &  $\int X^3$ , ce qui vient de la différence de leurs inclinaisons.

In est visible par la 16. Prop. du 11°. Livre d'Euclide, qu'en saisant dans chacun des cintres transversaux des lignes NR°E, ar b, paralleles aux demi-diametres des divisions des Voussoirs du cintre primitif; les lits seront des surfaces planes, qui passeront par les divisions r°, 1, 1"; 2°, 2, 2°, au lieu que si l'on avoit fait leurs divisions égales entrelles dans chacun, les surfaces des lits seroient devenues gauches, ce qu'il faut éviter par les raisons que nous avons donné au 3°. Livre.

Des Voutes composées de surfaces Cylindroides, inclinées à l'horison.

### En termes de l'Art.

### De la Vis St. Giles quarrée, ou sur tel Polygone qu'on voudra.

Cz n'est pas donner une juste idée de la Vis St. Giles quarrie, que de la représenter, ainsi que Mr. de la Ruë, comme un composé de Rerceaux en descente, biais par les deux bouts; il faut y ajoûter que ces Berceaux sont d'une irrégularité intrinséque, & d'une espece tout differente des Berceaux ordinaires.

Premierement, en ce que les Berceaux cylindriques réguliers, qui font portez par des murs verticaux paralleles entre eux, sont couper ou touchez par les plans de ces murs, suivant les lignes de leurs impostes, lesquelles sont droites, paralleles entre elles, & par conséquent dans un même plan horisontal ou incliné en descente; ici les lignes des deux impostes sont bien droites, & dans des plans verticaux paralleles entre eux, mais elles ne sont pas toutes les deux dans un méme plan incliné, comme l'on peut voir à la fig. 141. qui représent une portion de la Vis où les impostes a b & e f se croisent à leur milieu en m, par conséquent elles ne sont pas dans le même plan.

La raison qui fait qu'elles se croisent, est que les extremitez a & du grand côté du Berceau, & celles du petit e & f doivent être de niveau entre elles, en bas, comme a e, & en haut comme f b, ainsi les impostes sont inégalement inclinées, afin que la plus courte parvienne à même hauteur que la plus longue, dans les diagonales des angles de la Tour a E, FB.

La feconde diffèrence des Berceaux de la Vis aux cylindriques réguliers confifte en ce que, quoique les impostes ab, ef ne soient pas paralleles à la ligne du milieu Cc, qui est l'axe du Berceau de la Vis, elles sont cependant encore des lignes droites, ce qui est impossible dans les Berceaux réguliers, parce que les sections des cylindres sates par des plans inclinez qui croisent l'axe, sont nécessairement des courbes Elliptiques.

La troisième différence consiste en ce que, dans les Berceaux réguliers toutes les sections perpendiculaires ou obliques à l'axe, qui sont saites

ar des plans paralleles entre eux, sont égales entre elles; dans la lis St. Giles quarrée elles ne sont ni égales ni semblables, en ce que imposte ef du côté du Noyau étant plus inclinée à l'horison que celle u piédroit ab de la Tour, les extremitez du diametre transversal de lection plane verticale perpendiculaire au piédroit, seront par-tout des hauteurs inégales, excepté au milieu sur M m, où la section est erpendiculaire aux deux piédroits du Noyau & de la Tour, dans lequel liametre les projections verticales de tous les joins de lit se croisent.

Enfin dans les Berceaux biais en descente, toutes les sections vericales ou inclinées faites par des plans transversaux, qui forment les oins de doële aux têtes des Voussoirs, ont leurs diametres ou de nieau, ou toujours inclinez d'un même angle à l'horison, ici ils sont ous inégalement rampans.

CES différences présuposées, pour se former une juste idée de la Vis it. Giles quarrée ou à pans, il faut se rapeller la génération de la Vis St. Giles ronde, que nous avons dit au tome 2, pag. 417. se forner par le mouvement d'un demi cercle, ou d'une demie Ellipse vericale, qui se meut par son centre sur une hélice, à l'axe de laquelle on diametre qui est toujours de niveau, est toujours dirigé ou touours perpendiculaire à la courbe de la projection de cette hélice, si elle n'est pas circulaire.

SI l'on substitué à la courbe à double courbure des impostes de la Vis St. Giles ronde, une suite des lignes droites inscrites dans chaque nélice de l'imposte de la Tour & de celle du Noyau, qui soient en nombre égal & égales entre elles dans chaque imposte, & à chaque révolution de ces hélices différentes; on aura au lieu d'un corps cyindroïde tournant, plusieurs portions de cylindroïdes terminées les unes aux autres tournantes & rampantes, dans une Tour de base en polygone, qui peut être d'autant de côtez que l'on voudra; il pourtoit être triangulaire, quarré, pentagone, éxagone, &c. de sorte que si le nombre de ces côtez devient insini, la Vis retombe dans le cas de la Vis St. Giles ronde.

D'ou il suit, 10. que dans la Vis St. Giles quarrée, comme dans la ronde, on doit observer la même position du demi cercle générateur, ou de la demie Ellipse generatrice, tant à l'égard de l'axe, pour avoir les têtes & les diagonales des Berceaux rampans qui aboutissent les uns aux autres, qu'à l'égard du niveau de son diametre.

SECONDEMENT, que ce cintre generateur, qui est toujours le même, & en même position dans la Vis St. Giles ronde, n'est ici égal à lus-E e ij même que dans les positions des milieux des Berceaux, & lorsqu? en est également éloigné en dessus & en dessous, suposant que sa frection à l'axe est toujours la même; de sorte que ce cintre s'élargi continuellement à mesure qu'il s'éloigne de la position perpendiculaire aux plans verticaux passans par les milieux des impostes, & au contraire qu'il se rétrecit peu à peu à mesure qu'il aproche de cette position perpendiculaire.

TROISIE'MEMENT, que ce cintre générateur n'aura plus son diametre de niveau lorsqu'il ne sera plus dirigé à l'axe de l'hélice, ni de même longueur, parce qu'il est toujours plus ou moins incliné à l'herison, quoique sa projection soit toujours égale dans le plan horisontal

Un quartier d'escalier tournant dans un angle ABD, fig. 142 et très propre à expliquer ce que je veux dire ; car si l'on imagine sin chacune des arêtes des marches AE, KI, BF, LN, DG, un cintre qui soit toujours de nième hauteur à la cles HC, on verra que ce se ront autant d'Ellipses différentes plus ou moins alongées, suivant la longueur des arêtes des marches, & suivant leur éloignement de la ligne du milieu MD, cela suposé.

#### PROBLEME XII.

#### Faire une Vis St. Giles, sur un Polygone quesconque

dans laquelle est un noyau EFGM, qui doit porter toute la parte des Berceaux rampans, & tournans entre le milieu de la Voute de puis la clef jusqu'au noyau, laquelle est plus petite que l'autre qui est du côté de la Tour.

Sorr aussi GHD', le cintre primitif de cette Vis, duquel émanent tous les autres, pris sur une ligne DM tirée du milieu M, où est le centre du noyau perpendiculairement aux côtez FG du noyau, & BD de la Tour, lequel se fait ordinairement en arc circulaire, quoi que rien n'empêche qu'on ne le fasse Elliptique surhaussé ou surbaissé.

AYANT divisé ce cintre primitif GHD en ses Voussoirs aux points 2, 3, 4, 5, & ayant abaissé de ses divisions des perpendiculaires à fon diametre GD, qui le couperont aux points  $p^2$ ,  $p^3$ , &c. on menera par ces points des paralleles à la direction des Berceaux, qui couperont la diagonale MB, aux points  $d^2 d^3$ , par lesquels on menera en retour de la face EF d'autres paralleles  $d_2 k_x$ ,  $d_3 k_3$ , &c. qui marqueront la projection horisontale des joins de lit, lesquels dans cette

représentation sont paralleles entre eux, quoiqu'ils ne le soient pas dans leur projection verticale.

Pour former des têtes des Voussoirs, on menera du point M à zes côtez de la Tour, autant de droites ML, MB, MK, que l'on voudra avoir de cintres différens, pour tracer les joins de tête des Voussoirs suivant leurs longueurs, observant les liaisons, de sorte que les cintres sur IK & NL ne seront pas ceux d'un joint continu, mais les serviront par parties.

QUANT à celui qui est sur la diagonale FB, il servira dans sa moitié b' B', pour l'angle rentrant du concours des deux Berceaux, & dans son autre moitié b' F, pour l'arête saillante du même concours.

Sur les parties IK, FB, NL de ces lignes comprises entre le noyau & la tour, on décrira des cintres Elliptiques par le moyen des hauteurs des aplombs du cintre primitif  $p^2$ ,  $p^3$ ,  $p^4$ ,  $p_5$ , qu'on portera perpendiculairement sur les diametres NL, FB, IK, aux points où ils sont coupez par les paralleles des projections des joins de lit, ainsi on aura le cintre Elliptique d'ensourchement FbB, & l'autre intermediaire I b' K, qui sera égal à celui qu'on peut saire sur NL, si l'on supose FN égal à FL

Cette préparation étant faite, il faut prendre un moyen de construction différent de ceux qu'on a pris jusqu'ici, pour la formation des Berceaux en descente, que nous avons exécuté par le moyen des doëles plates, parce que les doëles seroient gauches, & par conféquent de très difficile exécution, qu'on ne pourroit faire qu'à deux reprises, en supposant à la premiere une ébauche en des doëles plates, ensuite cherchant le troisséme angle sur un lit, comme nous l'avons dit ailleurs; mais quand on s'y prendroit par ce moyen, on se trouveroit encore dans l'embarras de la formation des lits qui sont aussi gauches, c'est pourquoi on a jugé que la voye la plus simple & la plus courte est celle de l'équarrissement à peu près, comme il a été sait pour la Vis St. Giles ronde, dans laquelle on a formé des Cylindres concentriques sur les projections des joins de lit, pour tracer sur ces surfaces les hélices de ces joins rampans.

Icr nous formerons des Tours quarrées concentriques par des furfaces planes verticales élevées sur les projections horisontales des joins de lit, sur lesquelles nous tracerons les arêtes de ces mêmes joins rampans.

Pan les rencontres de ces surfaces, il se formera des angles de deux especes, les uns saillans depuis le noyar jusqu'à la cles, les au-

Voutes d'arêtes ordinaires, c'est pourquoi les Voussoires d'enfoundement doivent être considerez, l'un dans l'angle rantraint comme a b d, fig. 146. l'autre en angle saillant comme en e f g, fig. 145 quoique dans le fond ces deux angles soient égaux entre eux.

Suposant donc pour ébauches des Voussoirs des portions de Tom quarrées comme celles des fig. 145. 146. il s'agit d'y tracer les attes des joins de lit qui doivent être dans leurs surfaces planes & verticales, ce que l'en pourra faire facilement dès qu'en connoitra l'argle de leur inclinaison avec l'horison, ou ce qui revient au même su complement, qui est l'angle d'un aplomb avec chaque arête.

AYANT prolongé la ligne du milieu EM en haut ou en bas, or prendra sur cette ligne un point O à telle distance au dessus ou a dessous de l'horisontale MD, que le point B doit monter ou descendre au dessus du point A, par exemple, s'il y avoit deux marche entre ces deux points, comme en IK & FB, on prendroit la hauteur MO égale à celle des deux marches.

Purs du point O, on tirera des lignes droites à tons les points de projections des divisions des joins de lit du diametre GD du cintre primitif, comme OG, O p², O p³, O p⁴, O p⁵ OD, qui donne ront les dissérentes inclinations de tous les joins de lit, & sur lesquelles on trouvera les valeurs de toutes les parties de leurs projections, & avec beaucoup de facilité si le côté AB comprend un nombre de girons de marches égaux entre eux comme AK, KB; car suposant qu'il en contienne deux, on divisera la hauteur des marches OM en deux également en n, par où l'on tirera n k parallele à MD, qui coupera tous les profils des joins de lit aux points i, Y, Z, z, y, les longueurs O i, OY, OZ, O z, &c. seront les valeurs des joins de lit que l'on cherche, ou si l'on veut leurs restes jusqu'à GD, comme i G, Y p², &c. qui leurs sont égaux.

SI l'intervale AB n'étoit pas divisé également par les girons, comme si KI étoit plus près de B que de A, alors il faudroit absiser sur MD des perpendiculaires I i,  $k^2$  Y,  $k^3$  Z, &c. qui couperoient (étant prolongées) les profils des joins de lit OG en i, O r en Y, O p³ en Z, &c. soit qu'il s'agisse de plusieurs têtes de Voufoirs ou d'une seule, comme par exemple q Q, projection donnée qui tend, comme les autres, au centre M, on menera par les points q & Q des perpendiculaires sur le diametre horisontal GD, lesquelles étant prolongées couperont les profils correspondans O p4 en X&

s en x; les longueurs  $X p^4$ ,  $x p^5$  feront les valeurs des projects horisontales  $Q b^5$ ,  $q b^4$  que l'on cherche, & les angles  $q X p^4$ ,  $Q x p^5$  ceux de leur inclinaison avec un aplomb, dont le complet est celui de leur inclinaison avec une ligne de niveau.

'AR le moyen de ces angles, on peut tracer les joins de lit sur surfaces verticales des Voussoirs ébauchez en portions de Tours rrées, comme aux sig. 145. & 146. par le moyen d'un biveau d'une sauterelle ouverte sur l'angle de l'épure qui convient aux assoirs, par exemple, sur l'angle  $q \times p^4$ , pour avoir l'inclinaison l'arête q 4 sur la surface a b BA de la sig. 146. en montant d'un b de b B, & en descendant de l'autre.

Als parce qu'on a besoin de la hauteur de la retombée, il y en comme M. de la Ruë, qui font des panneaux en parallelogrames, ir être apliquez sur les surfaces verticales qui passent par les joins lit, ce que l'on peut saire d'une maniere plus simple que celle l'Auteur cité.

LYANT prolongé les horisontales DG vers d, & k n vers N, on r menera aussi des paralleles par les points 2, 3, des divisions du tre primitif, comme 2f, 3f; puis ayant pris à volonté un point sur Nn, on menera par ce point la ligne  $y^5$   $5^n$  parallele à y du profil qui lui sera aussi égale, parce qu'elle est entre mêmes alleles horisontales; par le point  $5^n$ , on élevera la perpendiculaire  $5^n$ , qui sera aussi égale à  $5^n$ , qui est la hauteur de la retombée cintre primitif, puis on tirera  $5^n$   $1^n$  parallele & égale à  $5^n$   $1^n$ , parallele grame  $1^n$   $1^n$  sera celui du panneau que l'on cherche.

De la même maniere on fera le panneau 14, en tirant par le Eg. 143. int 1, la ligne 19 parallele & égale à 2 pt du profil, & 9 4 égale parallele à 9, hauteur de retombée du cintre primitif GHD, fin en faisant 4 ft parallele & égale à 19, qui formera le paralle-grame ft 9 pour le second Voussoir du côté de l'angle rentrant.

Le fera aisé de faire de même les deux autres panneaux du côté noyau marquez à la fig. 143. N 2', 13', lesquels panneaux ne te point ceux de la doële, mais seulement des surfaces de suposins verticales pour trouver les quatre angles de la doële, comme le verra à l'aplication du Trait sur la pierre.

It faut présentement chercher les panneaux des pierres du pillier la Vis, que nous apellons le noyau, lorsqu'ils portent une partie la naissance de la Voute sur un lit horisontal et non en coupe,

ce qu'on apelle en tas de charge, ainsi qu'on est obligé de saire la que le noyau est si petit qu'il n'est qu'une espece de pilier quai en sorme de Dez, d'une ou de deux pierres à chaque assise, alors de que Dez du noyau doit avoir une espece de pointe en saillie, qu'reçoive le lit horisontal du premier Voussoir, qui commence à samer la Voute; il s'agit de trouver deux courbes, l'une de section horisontale de la doële concave & gauche, l'autre de section horisontale du lit, qui est une surface planolime un peu convexe & gauche.

### Section borisontale du Noyau.

La maniere de trouver cette section qui est fort embrouillée des M. de la Ruë, sera renduë facile par la figure 144. où l'on a joint le plan horisontal du noyau à sa projection verticale, si l'on sait a tention aux relations & rencontres des lignes provenans des points correspondans dans l'une & l'autre espece de dessein.

Soir (fig. 144.) le rectangle e FGÆ le plan horisontal de la moitié du noyau, qui est le double du quarré EFGM de la fig. 142 qui en est le quart: ayant prolongé les côtez Æ e vers A. & GF vers en tirera AN parallele à e F à distance prise à volonté pour servir de base à l'élevation du noyau, cette distance a été prise ici égale à la faillie de la retombée PA pour ne pas multiplier les lignes.

On portera ensuite sur N g le double de la hanteur MO de la fig. 142 pour tirer AG, qui sera la naissance de la Voute sur su moyau.

Ensurre sur NA prolongée de la longueur du rayon CD du cintre primitif de la sig. 142. portée en A C<sup>2</sup>, on décrira de ce point C pour centre un arc de cercle AB de la grandeur destinée à la premiere assis, qui ne devroit être ici égal qu'à G 2 du cintre primitif, mais que nous avons pris plus grand pour exprimer le Trait plus sensiblement.

On tirera aussi par le point g, une ligne Og parallele à AN, in laquelle prolongée on prendra g C égal à GC du cintre primitif, pour d'écrire l'arc g b 'gal à AB; puis ayant divisé chacun de ces arcs en un même nombre le parties égales, par exemple en trois, aux points 1, 2B, 1'2'b, on tirera par ces divisions des lignes droites Bb, 2'2, 1, 1, AG; ensuite par les points C & C., on tirera les joins b s.

B d, sur lesquels on prendra suivant l'épaisseur des pierres qu'on doit employer, les longueurs b s. B d égales entre elles, qu'on diviser aussi

DES VOUTES COMPOSE ES CRAP. VII. 225 uffi à volonté en deux ou plusieurs parties égales aux points i,  $n_o$  our tirer les lignes droites df, in.

CETTE préparation étant faite, on tirera par les points M & e, la iagonale MP, puis on abaissera des points d, i, B, 2, 1, des perendiculaires sur PA, lesquelles étant prolongées, couperont la diaonale P e aux points P, 9, 2°, q, 1°, e, par lesquels on menerautant de paralleles à eF, comme PX, 9 T, 2° Y, &c. indéfinies, 1r lesquelles on trouvera les points des courbes qu'on cherche, comne il suit.

AYANT déterminé la hauteur que l'on peut donner à la pierre de Dez, qu'on veut former suivant l'épaisseur qu'elle peut avoir, par xemple LN, on tirera L d parallele à AN, laquelle L d coupera toues les lignes qu'on a tiré jusqu'à present, aux points v, z, x, y, t, t, par lesquels on abaissera des perpendiculaires sur e F, qui coupeont les horisontales correspondantes aux saillies de la doële, aux points X, Y, Z, V; sçavoir PN, qui représente en projection horiontale l'arête B b, de la doële & du lit, qui est coupé en x par la igne d L, sera coupée en X par la verticale x X.

De même l'horisontale 2º Y de la projection, provenant du point de l'arc BA, sera coupée au point Y, par la verticale y Y; l'horisontale provenant du point I, & passant par 1º, sera terminée par la verticale 2 Z en Z; ensin le nud du noyau e F sera coupé en V, par la verticale v V, qui vient du point V, où l'horisontale L d coupe la naissance de la Voute A g; la courbe tracée à la main, ou avec une regle pliante par les points X, Y, Z, V, sera celle de la section horisontale de la doële de la Vis quarrée.

PAR la même pratique, on aura celle qui se sorme par la section du lit B d ou b f, de laquelle on a déja le point X, qui est sa rencontre avec celle de la doële, représentée aussi par le point B, qui est commun à l'arc BA, & au joint de tête B d; par le point i, qui est ensuite sur le même joint, on abaissera une perpendiculaire sur PN, qui coupera la diagonale PM au point 9, par où on menera l'horisontale 9 T parallele à PN; puis du point i où l'horisontale L d coupe l'inclinée i n, passant par le milieu du lit, on abaissera une verticale, qui coupera la ligne 9 T au point T; ensin par le point d, on abaissera une perpendiculaire sur PN, laquelle étant prolongée, coupera la diagonale PM au point q, où sera le troissème point de la section horisontale du lit XT q, qui est un peu courbe, laquelle avec la précedente sait l'angle mixte q XV, que l'on cherche pour sommer le panneau du lit de dessus du Dez de la Vis, qu'il saut ajoù-

ter en saillie au noyau de la Vis, & qui doit servir à sormer le le de dessous du second Dez d L g O.

### Remarque sur l'usage de cette Section.

It faut faire ici la même observation que nous avons sait au tome précedent, sur la section horisontale du Noyau de la Vis St. Ghe ronde; sçavoir que si le Noyau est assez petit pour être sait d'une seule pièce, l'escalier que cette Voute couvrira aura nécessairement des marches sort étroites au collet, ce qu'on doit éviter en Architecture, comme des Casse-con, pour me servir du terme expressif. Le si le Noyau est grand, cette section devient inutile, parce que les coussinets s'y doivent loger, comme aux Berceaux rampans, ainsi dan les ouvrages bien pensez, cette section ne doit pas être d'un grand usage.

Aplication du Trait sur la Pierre.

On doit confiderer dans la Vis St. Giles quarrée de quatre sons de Voussoirs de figures différentes.

La premiere est de ceux qui portent l'ensourchement rentrant KBL, depuis l'imposte jusqu'à la clef, qui sont à branches à peu près semblables à ceux des Arcs de cloitre, dont ils different en ce que les branches sont rampantes, l'une en montant, l'autre en descendant

: La seconde espece est de ceux de l'ensourchement en angle faillant depuis la clef jusqu'au noyau, qui sont semblables à ceux des Vouts d'arêtes, avec cette dissérence que leurs branches sont rampants, l'une en montant, l'autre en descendant.

LA trossième est celle de la clef, qui est partie en Voute d'arte, partie en arc de cloitre rampant.

La quatrième est de ceux qui sont dans l'intervale des ensonchemens, lesquels ne sont pas à branches, ni semblables à ceux des lesceaux ordinaires, mais gauches, comme nous l'avons dit, en ce que les cordes de leurs têtes ne sont pas dans un même plan, comme les doliolimes dont nous avons parlé au commencement du tont précedent.

Comme cette derniere espece est simple, nous renvoyons pour l'aplication du Trait à la pag. 36. du 2° tom. & nous ne donnerons d'exemple de l'aplication du Trait que pour les Voussoirs à branches, & les Dez du noyau portant naissance de l'ensourchement d'arete.

#### DES VOUTES COMPOSEES. GRAP, VII.

\$27

PREMIEREMENT, pour un Voussoir à angle rentrant. Ayant dresse n parement pour servir de lit de suposition horisontale, par exemle, pour un second Voussoir, dont la projection est donnée à l'éure en Q bs S s b4 q, on tracera cette projection sur un panneau, u'on apliquera sur ce lit, pour en tracer le contour; puis ayant jaué la pierre à hauteur convenable, on abattra à l'équerre les six pareners verticaux, qui doivent être faits pour préparation sur chacune les lignes q Q, Q bs, bs S, &c.

Pour former une portion de Tour quarrée verticale, telle qu'elle sit représentée à la fig. 146.

Fig. 146

La même chose se fera pour un second Voussoir du côté de l'angle aillant, comme le représente la fig. 145.

"E 145.

Sur les paremens verticaux de ces portions de Tour, & B, b D qui forment l'angle rentrant & b d, comme à la fig. 146. où e F, f G ormant l'angle faillant e f g, comme à la fig. 145. on apliquera les panneaux destinez au rang de Voussoir, dont il s'agit pour le second comme le parallelograme L 4° de la fig. 143. en contant depuis l'acte d D du plan du joint montant, ou en descendant depuis la verticale de l'angle rentrant b B jusqu'à cette arête, comme il convient l'escalier, qui peut monter ou descendre d'un côté ou d'autre, suitant la situation des lieux; ce panneau servira à tracer sur cette surace de suposition verticale, l'angle obtus L f 4 de la fig. 143. ce qui sussition verticale, l'angle obtus L f 4 de la fig. 143. ce qui sussition de l'angle b B sur la surface b D, ce qui fait voir qu'on peut se passer de panneau en prenant seulement avec la fausse-équerre l'angle d'inclinaison de l'arête de doële & de lit, avec un aplomb b B ou d D, lequel est obtus comme L f 4 de la fig. 143. pour la descente, & aigu comme son suplément à deux Droits f L 5' pour la montée.

La ligne de l'arête de lit & de doële étant tracée, on lui menera une parallele au dessous à la hauteur 3'8 ou 4'9 de la retombée 2'8 ou 9'5 dans chaque parement d'aplomb b A b D en n u, n D aux extremitez desquelles on menera des lignes d'équerre sur les arêtes des plans des joins montans a A, d D, qui seront des horisontales qu'on sera égales aux retombées obliques q Q, s S, si la longueur des retours du Voussoir se termine en Q & en S, ou bien on prendra la retombée oblique k4 k', si la pierre s'étend de k' en S, puis avec le Biveau mixte d'aplomb & de doële V 5° K de la sig. 142, posé sur

l'arête A a de la fig. 146. en V 5 K, on tracera l'arc K 5 for le per rement vertical de joint montant a q.

On en sera de même avec le biveau mixte u 50 L de la sig. 142 sur le parement d S de la sig. 146.

ENFIN avec le biveau mixte # 5 B du cintre formé sur la diagonale FB, on creusera une plumée au dessous du point 5 de la sig. 146. tenant le plan de ce biveau dirigé suivant la diagonale de la pierre marquée b X; ainsi on abattra la pierre suivant les trois arcs donnez 5 K, 5 B, qui est celui de la plumée du milieu, & 50 S, en posant la regle de l'un à l'autre, sur les parties aliquotes de ces arcs Elliptiques; c'est-à-dire que si la regle est sur la moitié de l'un par un bont, elle soit aussi sur la moitié de l'autre arc vers le second bout de la regle, si elle est posée sur le tiers d'un arc en haut, elle soit aussi sur le tiers de l'autre du même côté d'en haut, comme nous l'avons dit de la formation des surfaces doliolimes, parce que chacune des branches des Voussoirs d'ensourchement de cette Voute sont des doliolimes à la doêle, & leurs lits des surfaces mixtilimes.

Celles-ci se seront facilement de la même maniere, après que les doëles seront saites, en prenant les biveaux mixtes de lit & de doële donnez à la sig. 142. en 8° 5° K, 8 5° B, 8° 5° S, qu'on tiendra toujours dans une situation verticale, posant la branche courbe sur les mêmes arcs qu'on a formé avec les biveaux mixtes d'aplomb & de doële, & la branche droite dans le même plan que cet arc, ce qui est sacile sur les paremens a q d S qui sont donnez; mais pour le milieu, on dirigera cette branche droite vers un point X marqué dans la diagonale de la pierre, où l'on sera aussi une plumée pour la direction de l'inclinaison de ce lit; ces trois lignes données serviront à former les lits gauches, comme nous venons de le dire de la doële gauche.

Les lits de dessous se feront de même, & la pierre sera achevée.

L'Exemple que nous venons de donner pour un des Voussoin d'enfourchement, dont les doëles font un angle rentrant comme aux Arcs de Cloitre, montre aussi de quelle maniere on doit faire ceux dont les doëles font un angle saillant comme les Voutes d'arêtes, ce que la fig. 145, expose à la vûe du moins pour un côté f G, parce que l'autre qui est derriere ne peut être dessiné qu'en suposant la pierre transparente, ce qui cause une consusson de lignes difficile à deméler. Il faut seulement observer que les paremens verticaux g r

e & destinez pour les têtes doivent toujours être dans un plan dirigé au centre M de la fig. 142. comme KM, RM, LM, sans quoi la retombée GN ne doit pas être égale à N r de la fig. 142. ni d'équerre sur l'arête g G de la fig. 145. parce qu'il n'y a que les sections verticales qui tendent à l'axe de la Vis, qui est tout représenté en projections horisontale par le seul point M, quelque hauteur qu'il puisse avoir, qui soient des demies Ellipses Droites; tous les autres cintres des sections qui passent ailleurs que par le point M, sont des demies Ellipses rampantes, lesquelles sont toutes dissérentes suivant leur direction, & suivant l'éloignement où elles sont du diametre GD de cintre primitif, mais qu'il n'est pas nécessaire de d'écrire, parce que les joins de doële aux têtes des Voussoirs ne doivent point avoir d'autre direction que l'axe de la Vis, dont la base est le point M.

Suposant cependant qu'on eût quelque raison de tracer un de ces cintres transversaux par une ligne donnée, par exemple en P  $\infty$ , perpendiculairement à la direction de la Vis du côté GF, prolongée en P de l'intervale d'une retombée G  $p_2$ .

IL est visible que plus le diametre donné aprochera du point B, plus l'arc de la section diminuera, & au contraire qu'il augmentera d'autant plus qu'il aprochera du point F, en sorte que lorsque le diametre sera terminé au noyau, la section sera une demie Ellipse.

In est aussi visible que ce cintre sera d'autant plus rampant, qu'il

### Explication Démonstrative.

On a vû lorsque nous avons expliqué la Vis St. Giles ronde, que ses joins de lit à la doële étoient des hélices inégalement inclinées l'horison.

Ici au lieu d'hélices, ce sont des lignes droites aussi inégalement inclinées à l'horison, qui sont représentées pour une moitié de rampe par les lignes OG, O p², O p³, &c. OD qui se croisent au point O, qu'il faut concevoir au milieu de EF de la sig. 141. ou du noyau comme en O, ou de la Tour quarrée dans laquelle est la Vis comme en o, en sorte que le point O du prosil de la sig. 142. soit conçà comme étant à plomb au dessus ou au dessous du point E ou du point A, selon l'inclinaison de montée ou de descente de A en B, ou de B en A, de sorte que le seul point O du prosil représente les six points A os, o4, o3, o2 E, & le triangle OGD, toutes les sections vaticales saites par les lignes EF o² d², o³ d³, o4 b4, o5 b5 AB, dont les valeurs sont OG, o p², o p³, o p4, o p5, OD.

Cela suposé, il est clair que toutes les sections horisontales qui tendront à l'axe, & qui seront en situation horisontale comme MD, par exemple na, seront toutes des angles égaux avec les joins de lit OG, O p², &c. par conséquent que tous les diametres IK, FB, NL, GD seront des axes de ces sections, parce que toutes leurs ordonnées seront à angle Droit, comme celles du cintre primitif GHD, mis non pas celles des sections qui ne passeront pas par le point M dans la projection horisontale, parce qu'elles ne tendront pas à l'axe.

It nous reste à expliquer pourquoi, à la sig. 146. nous avons pris les retombées quarrément sur les arêtes a A, d D, comme si la doèle n'étoit pas gauche, parce qu'il semble que par cette construction la naissance des arcs de la doèle doit être une ligne droite parallele à celle du panneau des hauteurs de retombées, & cependant on voit évidemment par le prosis que ces lignes ne sont pas dans un même plan, & qu'elles se croisent.

Pour détromper l'esprit de cette fausse aparence, il n'y a qu'à confiderer que les retombées de chaque pan de doële, comme K & B , ne sont ni paralleles ni égales, & que cependant chacune d'elles est dans un plan de niveau, quoique les lignes qui aboutissent à leus extremitez soient rampantes; or il est clair que si l'on fait une ligne

2, parallele à la retombée K &, le point 2 tombera au dessus ou dessous de B, puisque B & bs sont de niveau par la suposition, ir le point s n'aura pas assez monté si la rampe monte de K en B, ù le point s se sera élevé au dessus de b, qui est de niveau avec le oint B, par conséquent l'arête de la naissance de la doële & du lit sférieur ne sera pas parallele à la base du panneau des hauteurs de etombées, qui est plus courte que cette arête du côté de l'arc de oitre, & plus longue du côté du noyau qui fait la Voute d'arête.

On a représenté à la fig. 147. une pierre du noyau portant en- Fig. 147. purchement sans coupe, mais en section horisontale, & à la fig. 148. & 148. ne pierre du noyau qui doit se poser au dessus ou au dessous entre s angles, pour donner une idée de leur figure, & soulager l'imaination de ceux qui voudront couper du Trait, comme il convient e le faire avant que d'en venir à l'exécution, parce que les figures es pierres de cette Vis sont trop singulieres pour se les bien reprénter dans l'imagination, fans la foulager par des modeles, lorsqu'il agit de l'exécution.

#### HUITIE ME CHAPITRE

#### DES VOUTES COMPOSEES

de Coniques & de Cylindroïdes.

N fait des Escaliers suspendus, ou plutôt portez par des Voutes de différentes especes, qui n'ont d'apui que du côté de la Cage, parce u'on laisse le milieu vuide, ce qui leur donne plus de gayeté & de miere.

Comme ces Cages sont ordinairement quarrées ou en quarré long, n pratique, aux angles, des paliers qu'on soûtient par des Trompes, u par des demis Berceaux en arcs de cloitre; souvent dans le mêne escalier on fait des Voutes de l'une & de l'autre espece, sçavoir es Trompes sous les paliers quarrez qui sont le retours des rampes, t des demis Voutes en arcs de cloitre sous les paliers de commuication d'un apartement à l'autre.

De quelque maniere qu'on soutienne ces paliers, on fait porter es rampes par ces especes de demis Berceaux droits sur les impostes courbes au sommet, que nous avons apellé au tome précedent Iglindrico-Sphéroïdes, & dont nous avons donné le Trait à la pag. 462. otée par une faute d'impression 246.

Nous avons aussi donné les Traits des Voutes en Trompes sur le cai, & en Arcs de cloitre, qui convient pour soûtenir le palier; il me s'agit ici que d'un assemblage de ces parties que nous connoissement chacune en particulier, c'est en quoi consiste toute la difficulté de ca Trait.

#### PROBLEME XIII

### Faire un Escalier suspendu es à repos, porté par des Trompes ou des Voutes en Arcs de Cloitre.

PL. 100. Sort (fig. 149.) un quarré ou quarré long ABDE, le plan horifortal de la Cage d'un escalier, au milieu duquel on veut laisser un vuide FGIK, compris par les côtez des rampes FG, GI, IK, & par un palier de communication d'apartemens R & EA.

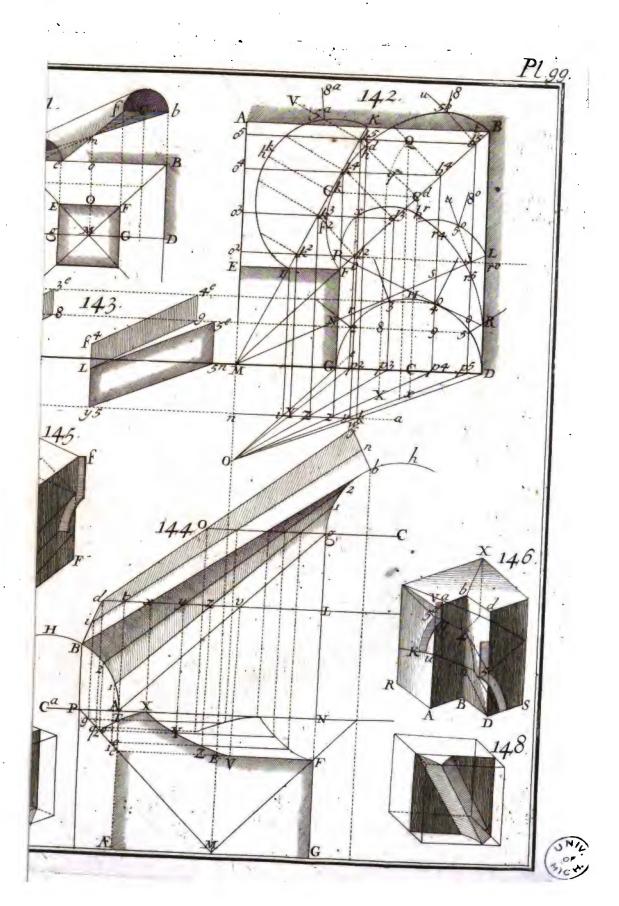
Si l'on prolonge les côtez des trois rampes FG, GI, IK, de part & d'autre, leurs prolongations formeront dans les angles de la Cage deux quarrez m BHG, & I = DN, aufquels aboutifient les rampes des marches, les unes en montant comme FG en G m, les autre en descendant comme IG en GH.

Quoique nous ne parlions ici que d'une Cage quarrée ou en quarrée long, rien n'empêcheroit qu'on ne pût pratiquer le même écalier dans un autre polygone, pentagone, exagone, &c. alors les paliers ne seroient plus quarrez, mais des trapezoïdes, qui auroient mangle obtus, qui les rendroit d'autant moins propres à y construit des Voutes solides, qu'il seroit ouvert, parce que la partie qui porteroit à saux étant dans l'angle aigu, elle deviendroit plus grande, & par conséquent plus soible.

D'ou il suit que dans une Cage en triangle, l'escalier deviendroit plus solide, mais les paliers ne teroient plus quarrez, par conséquent ils seroient moins beaux; ainsi il saut s'en tenir à la figure d'une Cage en quarré ou en quarré long. Cela suposé, on commencen par faire le profil d'une des rampes, en faisant servir le côté AB pour sa base, & élevant des perpendiculaires sur les points R & m, ce qui se fera facilement si la Cage est sur un rectangle, parce qu'alors in n'y a qu'à prolonger les côtez du vuide KR & I m.

Sur une de ces perpendiculaires comme mM, on portera la hatteur de la rampe, c'est-à-dire la somme de celle de toutes les marches qu'elle contient, laquelle sera égale à la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons services de la moitié de FG; si les girons de la moitié d

lopt



• . • . • . . . • . • • • . 

#### DES VOUTES COMPOSEES CHAR. VIII.

233

font doubles de la hauteur des marches, l'on tirera RM pour la ligne de rampe, & l'horisontale M b égale à m B, pour le profil du repos auquel elle aboutit.

On fera ensuite la projection verticale de la Trompe, qui doit couvrir ce palier, & porter celui de l'étage au dessus G<sup>m</sup> B<sup>h</sup>, laquelle projection sera l'élevation d'une des têtes d'une Trompe sur le coin, que nous avons dit au tome précedent pag. 250. devoir être une parabole; & comme cette tête de trompe doit se joindre immédiatement avec celle du demi Berceau qui couvre la rampe, en montant d'un côté & en descendant de l'autre, il suit que cette courbe doit aussi être celle des têtes du demi Berceau rampant, & non pas un quart de cercle, ni un arc de 60. dégrez, comme le sont le P. Deran, & après lui M. de la Ruë, qui ayant sait la hauteur R r égale à RA largeur du palier, tracent de l'intervale A r pour rayon, & des points A & r pour centres, des arcs qui se coupent en C<sup>o</sup>, d'où comme centre & du même rayon ils décrivent l'arc A q r, dont ils sont le cintre de la tête de la Trompe & de la rampe.

Pour moi qui ne doit copier personne, pour ne pas faire acheter au Public ce dont il est déja en possession, je fais mon cintre primitif parabolique, non par affectation pour me distinguer, mais par plusieurs raisons qui me paroissent meriter qu'on y ait égard.

La premiere est, que la pratique des Auteurs nommez péche contre une regle de décoration, qu'on doit inviolablement observer lorsqu'il est possible, qui est d'éviter les jarrets à la jonction des surfaces planes des murs avec les courbes des Voutes: or il est clair que l'arc A q r sait un jarret en A avec la ligne AL, qui représente le prosil du mur de Cage, puisque le rayon AC de l'arc de 60. dégrez A q r, n'est pas perpendiculaire sur LA, qui est une verticale avec laquelle il fait un angle aigu de 75. dégrez, comme il est aisé de le démontrer.

Car l'angle de la corde r A avec le rayon AC est par la construction de 60. dégrez, par conséquent plus grand de 15. dégrez que l'angle RA r qui est de 45. ainsi l'angle LAC = 90. — 15. = 75. donc la droite LA prise comme profil du mur aplomb, fait avec l'arc A q r un jarret en A, parce que la ligne AL n'est pas une tangente à l'arc A q r, mais seulement au quart de cercle A n r au dedans duquel est l'arc A q r.

Puisqu'on doit éviter cette difformité, & cependant diminuer un peu de la concavité du quart de cercle, afin que la Voute pousse moins au vuide, il suit qu'on doit préserer la parabole à l'arc de 60.

Tons. III.

#### STEREOTOMIE LIV. IV. PARTIE IL

dégrez, pour que la Voute ne fasse pas de jarret à sa maissance à. & qu'elle ne pousse pas trop au vuide en r.

La seconde raison est, que cette courbe de cintre en dernie parabole, qui est peu dissérente dans son contour A pr de l'arc de 60. dégra A q r, comme il paroit à la vue par le peu de distance du point ma point q, a cependant beaucoup moins de poussée en r, puisque la partie r p 1 s'éleve beaucoup moins que la partie r q 1.

LA profitme raison est, que les jarrets étant inévitables à la jondion des Voussures, rampantes avec les Trompes, dont les axes AR & Missont de niveau, il vaut mieux diminuer ceux des Voussures à leur bases qu'à leurs sommets, parce que la direction de la poussée de leur charge sur la Trompe agit moins contre le vuide, étant évident que l'angle curviligne p r H est plus ouvert que l'angle q r H, par conséquent que la charge de la rampe est mieux apuyée sur la Trompe, & que le jarret qui est en r dans l'une & l'autre construction, est moins sensible dans la mienne.

Je conviendrai que s'il diminuë à la base il augmente au sommet S; mais il est clair que la solidité n'en soussire point, au contraire b Voute en seroit plus solide, & quant à la beauté de la décoration le seroit de surprimer ce jarret, en saisant la courbe rampante r HS de deux arcs de cercles, au lieu d'un seul tel que le sont les Auteur citez, en saisant le petit TS tangent au premier r HT, & à la parabole S b, comme nous le pratiquerons dans notre Trait.

La quatrième raison qui me détermine au cintre parabolique, est la simplicité & l'unisormité de la doële de la Trompe, qui sera une portion d'un seul cône Droit régulier, coupé obliquement par ses saces, comme la Trompe Droite sur le Coin; au lieu qu'en faisant le cintre A q r de chacune des saces circulaires, il en résulte une surface moins régulière, qui est un composé de deux portions de côns scalenes, dont les surfaces qui se rencontrent sur la diagonale AF ou BG, sont entre elles un angle saillant à la cles, comme on peut le concevoir par le discours de la pag. 105. du 1". tome, & en jettant les yeux sur la sig. 80. de la planche 7. du premier Livre, qui représente la position de ces deux cônes, qui se pénétrent mutuellement vûs en perspective. Cet angle saillant est à la verité fort obtus, mais il ne l'est pas au point qu'il devienne insensible, par conséquent il interrompt l'unisormité de la doële, & y sait un jarret sans necessité

Enfin la cinquième raison est, que le cintre parabolique n'est pas moins convenable à la Voussure rampante, qui porte les marches entre les

paliers, qu'aux Trompes qui sontiennent ces paliers, ausquelles cette Voussure doit se joindre, en ce que le renssement des cintres transversaux de la rampe r HS se fait très régulierement par des paraboles de différentes amplitudes, qui ont toujours leur axe de niveau, & leur sommet à la naissance de la Voussure RM, laquelle courbe par cette disposition n'y fait aucun jarret, comme on peut le remarquer au prosil D & 8 b", qui sera expliqué ci-après; cela suposé, nous vea nons à la construction.

AYANT pris la longueur AR pour axe d'une parabole, & la hauteur rR pour son amplitude, c'est-à-dire pour sa plus grande ordonnée, on décrira cette courbe par le Probl. X. du 2°, liv. laquelle servira de cintre primitif, tant pour les Trompes des paliers, que pour la Voussure rampante, qui porte les marches de l'escalier à sa jonction, & on le divisera en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, par lesquels on menera des paralleles à l'ordonnée rR, qu'on prolongera jusqu'à la ligne L'K, qui est la projection de la tête de la Trompe oposée du palier L'E & K.

Cas lignes couperont la diagonale aux points  $a^1$ ,  $a^2$ ,  $a^3$ , F, par ou on menera des paralleles au côté AB de la Cage, jusqu'à la rencontre de la ligne m G, qui est aussi la projection de la face de la Trompe oposée à l'autre coin B, qui porte le palier m BHG. Ces lignes & les précedentes donneront les cordes des projections des joins de lit des Voussures rampantes comme RM, & aussi de celles qui peuvent être de niveau comme FK, suposant que ce soit un palier de communication d'Apartemens de plein pied,

J'AI dit que ces lignes étoient les cordes des projections, & non pas les projections, parce que les arêtes des joins de lit doivent être des courbes à double courbure, comme nous l'avons dit au tome précedent à la pag. 466, & 467. contre la pratique des Auteurs qui ont écrit de ce Trait,

In n'en est pas de même pour les joins de lit des Trompes, qui sont des lignes droites, parce que ce sont des sections verticales, c'est-à-dire par le sommet du cône, par conséquent leurs projections sont les lignes droites tirées du sommet A ou B, par les points p<sup>1</sup>, p<sup>2</sup>, p<sup>3</sup>, F, & 1<sup>2</sup>, 2<sup>3</sup>, 3<sup>5</sup> F, qui sont les projections des divisions du cintre primitif.

La valeur de toutes ces projections se trouvera, comme il a été dit au tome précedent, au Trait de la Trompe sur le coin, pag. 249. G g ij en faisant un profil sur chacune de ces projections pour base, par un triangle rectangle où l'on a les jambes données, sçavoir la projection horisontale pour une, & la hauteur de la division pour l'artre; l'hypotenuse sera la vraye longueur du joint de lit, de laquele on déduira celle du Trompillon.

Pour faire ces profils, on peut profiter de l'angle Droit  $K \ k \ N, \&$  porter sur  $N \ k$  les hauteurs des divisions du cintre primitif  $1^{\circ} n^{\circ}, 2^{\circ} n^{\circ}, 3^{\circ} n^{\circ}, r \ R \ en \ k^{\circ}, k^{\circ}, k^{\circ}, k \ K, \& \ les projections A <math>p^{\circ}, A p^{\circ}, A p^{$ 

QUANT à la projection horisontale & verticale de la rampe, si l'on veut faire les intervales des joins de lit égaux entre eux dans chaque section verticale ou inclinée, il faut avoir recours au Trait qui a ét donné à la pag. 462. du tome précedent; mais si pour la facilité de l'exécution on vouloit se rélacher de la grande régularité, qui donne pour les arêtes des lits des courbes à double courbure, & les faire en courbes planes dans des plans verticaux, on peut si prendre de la manière suivante.

On tracera, si l'on veut, à la main la courbe r HTS, suivant le bombement qu'on veut donner à l'arête du sommet de la Voussiere, au dessus de la ligne droite de rampe r S parallele à RM, & le racordement de cette courbe avec le profil de la tête de la Trompe, qui est une parabole  $\int p$  b.

Ou bien, si l'on veut opérer Géometriquement pour éviter les james au point S, on portera la longueur Mb en b prolongée; on tire ra t S, qui sera une tangente à cette parabole, à laquelle on menera par le point S, une perpendiculaire  $\int o$ , sur laquelle on prendra a volonté un point O, pour centre du petit arc de racordement ST.

Ensuite par un point T de cet arc aussi pris à volonté, on tirea par le point O, une ligne indéfinie TOC. Puis par les points T & r, ayant tiré la corde TR, on la divisera en deux également en  $m^i$ , ou l'on lui tirera une perpendiculaire, qui rencontrera la ligne T o prolongée en un point C, duquel comme centre, on décrira l'arc rHT qui touchera l'arc TS, lequel TS touche aussi la parabole; par conséquent il ne se fera point de jarret depuis le point r de la Trompe insérieure jusqu'au point b, qui représente sur le même plan vertical le point Ho du plan horisontal, sur le même alignement du vuide de l'escalier.

On peut décrire ausse cet arc rampant par les différentes manieres qui ont été données au 2° Livre en se donnant à volonté une ligne de sommité, & prolongeant la tangente t S jusqu'à cette ligne de sommité; ensuite chercher le point T de l'atouchement de la courbee à décrire avec cette ligne de sommité, par exemple i i, & continuer par les Prob. XIV. pag. 156. & XV. pag. 159. ou XX. pag. 178. ( Tome I.)

Comme ce bombement que l'on donne au sommet de la Voussure n'est fait que pour donner de la force à cette partie qui porte le limon des marches, & que l'imposte de sa naissance RM est toujours une ligne droite, ce bombement doit insensiblement diminuer à chaque joint de lit, comme il a été dit au tome précedent pag. 463. où nous avons sait leurs arêtes à double courbure, suivant la grande régularité.

Mais comme pour varieté de Trait, nous nous rélachons de cette régularité, en faisant ces arêtes en courbes planes, comme font tous les Auteurs citez, on pourra aussi diminuer comme eux le renssement de ces arêtes, mais plus régulierement, comme nous allons faire.

On menera par les points de hauteur des divisions de la Trompe inférieure à sa tête  $f^{I}$ ,  $f^{2}$ ,  $f^{3}$ , r, des paralleles à la rampe RM, qui donneront sur SM les points I', 2', 3', S, par lesquels on tirera des lignes du point I', comme I', I', I', I', ausquels on fera à ces points des perpendiculaires, qui couperont la ligne TC en des points I', I', où seront les centres des petits arcs de cercle, qui couperont la même ligne TC en des points I', I', I', par lesquels on tirera des cordes qu'on divisera en deux également, pour faire sur leurs milieux des perpendiculaires, comme on a fait sur la corde I', lesquelles couperont la ligne TC en des points où seront les centres du grand arc qui acheve le rampant; lesquels centres s'éloignant toujours de plus en plus, donnent des arcs moins convexes, à mesure qu'on aproche de l'imposte, qui sont cependant toujours tangens au petit, lequel se racorde à peu près avec les joins de lit de la Trompe supérieure, comme au sommet S.

Les projections verticales des joins de lit étant données, elles serviront à faire les profils des sections verticales de la Voussure rampante RS, qui sont nécessaires pour former les têtes des Voussoirs, & des cerches pour creuser leurs doëles.

Suposant, par exemple, qu'on veuille faire un profil par la ligne du milieu HM, on prendra pour base de ce profil une ligne horisontale,

comme I a, qui est divisée en parties égales à celle de la ligne II ou OP, qui est la section du plan vertical HM, avec la projection horisontale de la Voussure.

Sur IG perpendiculaire à I a, on portera la hauteur H m' du point en b ; sur sa parallele 3° 3°, on portera la hauteur m z³; sur s' m ou portera la hauteur m z²; ensin sur 1° 1°, on portera la hauteur m z², & par les points a, 1°, 2°, 3°, b , on tracera la courbe l² 2° 2, qui sera le profil du milieu de la Voussure, par un plan perpendiculaire au mur de la Cage.

On pourra faire autant de profils que l'on voudra sur d'autres plans paralleles, passans par des points donnez b' Q' & b' q, en prenant les hauteurs des sections des arcs rampans avec les projections verticales des joins de lit au dessis de la rampe aux points m', m'.

Les courbes tracées, suivant cette méthode, sont moins réguliers que des arcs de parabole, qu'on peut leur substituer en operant d'au sumiere inverse.

Au lieu de commencer par les projections verticales des joins à lit, comme nous venons de faire, on peut commencer par faire le profils des fections verticales de la Voussure, par des plans perpendiculaires au mur de la Cage, lesquels auront toutes leur axe de même longueur OP ou I  $\alpha$ ; & pour amplitudes des demies parabole qu'en veut faire, on aura les hauteurs différentes  $b^i$   $m^i$ , H  $m^i$ ,  $b^i$   $m^i$ , ainsi (par le Prob. X. du  $2^c$  Liv.) on décrira les demies parabole  $b^i$   $a^i$ ,  $b^i$   $a^i$ ,  $b^i$   $a^i$ , qui couperont les paralleles à IG aux points  $3^c$ ,  $3^d$ ;  $3^c$ ,  $2^c$ ,  $2^c$ ,  $2^d$ ;  $1^c$ ,  $1^c$ ,  $1^d$ , lesquels détermineront les hauteurs de la projection verticale SR, qui doivent donner les points des combes rampantes  $f^i$   $z^i$   $1^i$ ,  $f^a$   $z^a$   $z^i$ ,  $f^a$   $z^a$   $z^a$ $z^$ 

CETTE derniere maniere a l'avantage sur la précedente que la doct est plus réguliere, étant un paraboloïde tangent au mur de la Cagt, mais la précedente est plus propre à diminuer les jarrets des joins de lit de la Voussure à leur jonction avec ceux des Trompes.

Lorsoy'on suit la maniere du P. Deran, qui ne fait qu'un arc de cercle, dont r S est la corde; ces jarrets sont d'autant plus sensibles que cet arc est d'un petit nombre de degrez, & si pour les diminus on veut faire cet arc plus conçave, en le faisant d'un grand nombre de dégrez, on est obligé de prendre la naissance de la Voute sont bas, ou d'entailler les Voussoirs du sommet pour y loger les marches de l'escalier, ce qui l'afsoiblit; le seul avantage qu'on peut alléguer

en faveur de sa construction, est que le plus grand ensoncement de l'arc est au milieu du vuide de l'escalier, ce qui ne mérite aucune conideration, parce que les arcs rampans sont naturels à la situation nelinée des faces qui sont sur le vuide de la Cage.

Venons présentement à la formation du cintre de bombement de la Voussure LFKL, qui porte le grand palier de communication de niveau d'un apartement à l'autre, lequel a sa naissance sur la tigne droite AE, & sa tête à plomb de la ligne FK.

CETTE Voussure peut être jointe en LF & L'K, à une Trompe sur le coin ALFR de même qu'à l'autre bout en L'K & E, ou bien à un arc de cloitre établi dans chacun des angles, nous y suposerons encore des Trompes.

It est assez difficile de racorder l'arc de bombement de cette Vousfure avec le cintre de tête de ces Trompes, qui fait une continuation de section transversale verticale sur la ligne de projection horisontale R k, sans qu'il y paroisse quelques jarrets, à moins que la Cage ne soit un peu large. Il saut se contenter de les rendre les moins sensibles que l'on peut.

Le Trait du P. Deran & de M. de la Rue en font un à chaque naissance R & &, parce qu'ils font le cintre primitif de la Trompe qui n'est pas tangent au mur de Cage. Par notre méthode nous essaçons celui-là, & même celui qui se fait à la jonction de la Voussure en L & L', ou F' & K', même lorsqu'on sera assujetti par une hauteur de palier donné P' P', qui soit trop basse pour ne faire qu'un ars de cercle dans la face sur le vuide.

Soit R a<sup>2</sup> L, le profil de la tête de la Trompe sur la ligne RF, que nous avons sait en demie parabole; on portera la longueur LA sur la même ligne prolongée en r, & l'on tirera la droite r L, à laquelle on sera au point L une perpendiculaire, qui coupera la ligne du milieu de la Cage CM en X, où sera le centre de l'arc L d L<sup>2</sup>, & au cas que le point d monte trop haut, comme il peut arriver lorsque le palier est long, il saudra saire ce cintre de trois arcs de cercles qui se touchent sans se croiser, suivant la méthode que nous avons donné au 2° Liv. pag. 186.

Ou si l'on veut, pour opérer encore plus parsaitement, on peut àire passer un arc Elliptique par les trois points donnez LVL, en sorte qu'il soit tangent aux deux paraboles, c'est-à-dire perpendiculaire à la ligne LX d'un côté, & L' X de l'autre; ce qui est facile

en prolongeant les deux tangentes des paraboles des Trompes qui i rencontreront en Y; la ligne passant par YX sera sur um des dens diametres de l'Ellipse, & par le Probl. XIV. pag. 256. du tome 2 on trouvera autant de points que l'on voudra de cet arc d'Ellipse.

Les joins de lit de cette Voussure qui est de niveau, suivant la crection de son imposte, diminueront comme ceux des Voussure inclinées par leur imposte, & rampantes par le bombement sur le vuide de la Cage, & courbes depuis le sommet jusqu'à l'imposte, commet a été dit pour la Voussure RS rampante, & les doëles des Vousson se feront aussi, si l'on veut, en cintres paraboliques.

La projection horisontale, & la verticale des joins de lit étant sites, on s'en servira pour tailler les Voussoirs par équarrissement, parce que la voye des panneaux seroit trop incommode à cause de Gauche de la doële.

### Aplication du Trait sur la pierre.

Suposant qu'il s'agisse d'un Voussoir d'enfourchement de la Trempe, & de la Voussure rampante à la seconde assise, on commencer par dresser un parement pour un lit de suposition horisontale, dont on levera le panneau sur l'épure, suivant la longueur de la pierre destinée à la formation de ce Voussoir, qui est déterminée au plan horisontal par l'exagone irrégulier » 1' d e 2' t, qui est partie dans la Trompe » 2', partie dans la Voussure rampante en 2' d.

Ayant tracé sur le lit de suposition, le contour de ce! pannem. & 151.

Ayant tracé sur le lit de suposition, le contour de ce! pannem. on abattra ensuite la pierre à l'équerre sur l'angle saillant : 2' :, pour former deux paremens à plomb, qui se rencontreront suivant une arête verticale, sur laquelle on portera les hauteurs o f', o f', prises au prosil au dessus de l'horisontale V o, menée par le point V le plus bas du Voussoir donné par la section de la verticale & V, & de la projection du joint de lit A f' de la fig. 149.

On portera aussi sur la ligne VT de la fig. 150. la hauteur VV<sup>2</sup> du prosil, qui est donnée par l'intersection de la verticale « V prolongée avec le prosil du joint de lit  $A f^2$ , & l'on tirera sur le parement  $V^i$  de la fig. 150. les lignes  $V f^i$ ,  $V^2 f^2$ .

Sur le fecond parement b D, on tracera aussi avec un panneau le profil de la partie  $f^1$   $d^1$   $e^2$   $f^2$ , qui représente dans ses justes mesures la longueur & l'inclinaison de la partie du Voussoir qui entre dans la Voussure

Voussure rampante, au lieu que la partie précedente  $V f^2$  étant racourcie dans ce même profil, on n'a pas pû en faire un panneau.

Sur ce second parement, on abattra la pierre à l'équerre le long des lignes  $f^i$   $d^i$ ,  $d^i$   $e^2$ ; & au premier parement on l'abattra à l'équerre suivant la ligne t  $f^i$ , & non pas suivant la ligne t V, mais suivant un biveau  $2^i$  t y, formé sur l'angle du joint t  $2^i$  avec la ligne t y, parallele à la corde LR.

Par cette opération, on formera les deux têtes des branches du Voussoir, pour y poser les arcs de chacune des sections des deux Voutes, & un plan incliné perpendiculaire au vertical passant par l'arête du joint de lit de la Trompe, pour tracer sur cet incliné les lignes de rétombées de ces arcs, à la distance où elles sont marquées dans la projection, & convergentes comme 2<sup>r</sup> t, 1<sup>r</sup> u.

Enfin on formera une quatriéme surface courbe, suivant l'incliné  $f^i$  d', pour y tracer les deux paralleles de la projection  $i^r$   $\mathcal{A}$ ,  $2^r$  e.

Le faut présentement abattre la pierre suivant les lignes des joins de lit des arêtes supérieures; sçavoir  $V^2$   $f^2$  qui est droite, &  $f^2$   $e^2$  qui est courbe, en se servant des biveaux d'aplomb & de coupe, qu'on a tracé un peu au dessous en  $e^2$  2 6 pour la Trompe, &  $e^2$  2 6 pour la Voussure rampante; par ce moyen, on formera les deux lits de dessus, qui se rencontreront en angle saillant sur la diagonale de projection  $e^2$  1.

Apre's avoir formé le lit de dessus par le moyen du biveau de coupe & d'aplomb, on formera le lit de dessous, en abattant la pierre avec le biveau de niveau & de coupe marqué aux profils, tant de la Trompe que de la Voussure  $O^r$  1 5, tenant la branche de celui de la Trompe parallele à la tête t y, & celui de la partie de la Voussure d'équerre à l'arête courbe  $f^1$   $d^1$ , c'est-à-dire aussi parallele à la tête.

Enfin avec les biveaux mixtes de lit & de doële, ou avec des cerches différentes prises sur les profils des paraboles  $b^4 \alpha$ ,  $b^4 \alpha$ , &c. on formera la surface de la doële entre les deux arêtes de lit données en tenant ces cerches paralleles à la tête.

Nous disons qu'il faut des cerches différentes, parce que la surface de cette Voussure étant gauche & irréguliere, une cerche ne peut servir que pour une seule position donnée, ce qui est clair, parce que les intervales des arêtes des joins de lit s'écartent les uns des autres, en montant jusques vers T, & ensuite se resserrent jusques en S.

Ton. III. Hh

Quoique nous ne parlions que de serches en position verticale on pourroit cependant en faire d'inclinées perpendiculaires au plan de mur vertical; mais celles-ci ne seroient plus des paraboles, & servant la formation de la Voussure, il faudroit en chercher les pomp par leurs intersections avec les paraboles primitives, ce qui alongeror l'opération sans qu'il en revint aucun avantage, qu'au cas que la Voussure suit revetue à l'ambris de menuiserie, ce qui ne se pratique jamais en fait d'escalier.

Apre's avoir parlé des Voussoirs d'enfourchement, il nous reste à dire quelque chose des autres en continuation vers la Trompe ou vers le rampant.

Pour ceux de la Trompe sur le coin, nous n'avons rien à ajoûter à ce qui en a été dit à la pag. 249. du 2<sup>e</sup> tome.

Mais à l'égard de ceux du rampant, ils seront tracez par la voye d'équarrissement.

Ayant dressé un parement a b c d, on le destinera pour être m Fig. 152. vertical de suposition, sur lequel on apliquera le panneau que dounera la longueur de la pierre présentée sur l'élevation, par exemple, pour la continuation du même Voussoir du second rang, la quadriligne mixte  $e^2$  y z  $d^i$ , & l'on abattra la pierre suivant le contour de ce panneau à l'équerre de trois côtez, sçavoir par les deux têtes & au lit de dessous, lequel sera creusé en portion cylindrique suivant la courbe di z<sup>1</sup>. Ensuite avec le biveau d'aplomb & de coupe R<sup>2</sup> 26, on abattra la pierre pour former le lit de dessus, suivant l'arête courbe e2 y, tenant toujours une branche du biveau parallelement aux arêtes des têtes e<sup>2</sup> d<sup>1</sup> & y z, & l'autre dans un plan perpendiculait au premier parement, ce qui formera une surface convexe, portion d'un cylindre scalene, & dans la surface concave, qui est une portion d'un cylindre Droit, que nous avons fait pour avoir seulement l'arte du lit de dessous; on y tracera une parallele avec une regle pliante distante de l'arête d' z' de la longueur de la retombée p' p2 de œ Voussoir, suivant laquelle on abattra la pierre avec le biveau 411. de la coupe du lit 4<sup>1</sup> 1, & d'une ligne de niveau 10, & l'on formera ainsi le lit de dessous, après quoi l'on creusera la doële suivant les cerches de plusieurs arcs verticaux différens, suivant l'exactitude que l'on veut aporter à cette opération, mais il en faudra au moins trois, une à chaque tête & une au milieu; celle de la tête y z sera prise au profil sur l'arc 1' 2', & les autres sur des courbes tracées sur les sections qui leur conviennent, de la même maniere qu'on a trouvé la courbe a b, & la pierre sera achevée.

On formera ensuite les têtes de chaque Voussure rampante, de la même maniere que nous l'avons dit de la partie 1' de 1 2 du second Voussoir, par le moyen de laquelle on aura la tête 2 g G & G 3° de la clef de la Trompe; ensuite menant par le point 3° pris à volonté pour la queue de la clef, une parallele 3° 3° a GS: la différence des hauteurs M 3° & \$\pi\$ 3°, donnera celle des points 2³ 3°, par conséquent l'inclinaison de l'arête du joint de la Trompe, qui sera la même que celle du joint g° 3°; le reste de la doële de la clef & des lits se fera comme aux Trompes sur le coin, dont nous avons parsé à la pag. 249. du 2°. tom. La fig. 153. fait voir à peu près l'esset de cette clef fig. 153. toute taillée & prête à poser.

## REMARQUE.

It y a une observation à faire sur la direction des joins de tête de l'arc rampant r S, c'est que de quelque façon qu'on fasse, ceux du corps de la Voussure, soit à plomb, soit perpendiculairement à la direction de la ligne de rampe RM, ni l'une ni l'autre de ces directions ne convient à la tête de l'arc rampant r HS, parce qu'ils doivent être perpendiculaires à cet arc, de forte que les joins de tête des Voussoirs du sommet de la Voussure devroient avoir au dedans une fausse coupe, dont le P. Deran ni M. de la Ruë ne disent rien; pour moi je crois qu'elle convient, je ne scai si elle a été mise en exécution.

## Explication Démonstrative.

Cz Trait est fait sur le grand principe de l'équarrissement, qui et l'usage des projections verticales & horisontales, expliqué au commencement de ce 4°. Liv. On a sait la projection horisontale des joins de lit, tant des Trompes que des Voussures rampantes; ensuite on en a fait l'élevation, dans laquelle on trouve les mesures des rampans, mais non pas des Coniques de la Trompe; de sorte qu'on est obligé de les chercher par un profil particulier.

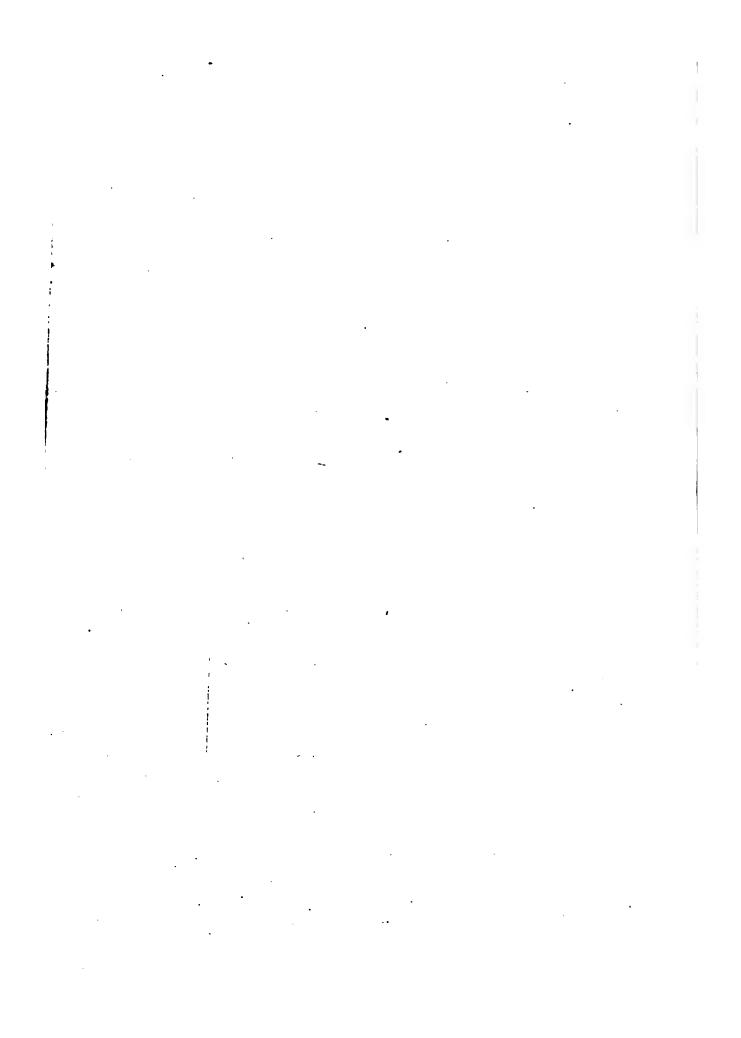
A l'égard des courbes des ceintres de tête, tant des Trompes que des rampans, elles sont données dans cette élevation, parce qu'elles sont paralleles au plan sur lequel elles sont tracées; mais parce que celles qui sont les ceintres des joins montans des Voussures rampantes, sont dans des plans perpendiculaires à celui de l'élevation; elles n'y sont représentées que par des lignes droites m H ou m n', de sorte qu'on est obligé de les chercher par un prosit à part, comme en n d n ou n d, où l'on prend les abscises sur le plan horisontal, & les ordonnées sur l'élevation, comme nous l'avons dit.

Le reste de la construction des cintres, pour empêcher les jarres à la rencontre des différentes parties données, a été expliqué dans l'usage des tangentes des paraboles, & des autres courbes circulaires ou Elliptiques.

Pour aider l'imagination du Lecteur à se représenter l'estet de cette forte d'escalier, & l'accord des dissérentes Voutes qui y sont rassemblées, on a cru qu'il convenoit de mettre sous ses yeux une représentation en perspective d'une de ses moitiez, en suposant la Cage coupée par la ligne CM' d, & regardée d'une distance à peu prèségale à sa prosondeur; ce genre de dessein m'a paru préserable à celui d'une élevation, en ce qu'il ne s'agit pas ici de mesures à prendre sur le dessein, mais de la représentation de toutes les parties qu'une seule ésevation ne peut exprimer.

# Remarque sur l'Usage.

Les Architectes du fiécle passé, au raport du P. Deran, faisoient beaucoup d'escaliers suspendus à repos portez, les uns par des arcs de cloitre, les autres par des Trompes, & quelquessois de l'une & de l'autre maniere. Il en reste encore beaucoup à l'aris, entre autres à l'Hôtel des Fermes, entre les rues de Grenelle & du Boulois



Mais ces fortes d'escaliers ne sont plus guere à la mode.

Premièrement, parce qu'ils chargent trop les Bâtimens, & couent beaucoup, tant en Voutes qu'en épaississemens des murs, qu'il aut rensorcer pour résister à leur poussée; encore est-il de la prulence d'y ajoûter beaucoup de ser pour mieux s'assurer de leur réissance.

Secondement, parce que s'il s'agit d'un grand Hôtel, il ne convient pas de pousser l'escalier principal plus haut que le premier étage, qui doit être le seul pour l'usage du Maître; ceux qui montent au dessus pour les logemens des domestiques, doivent être à part derriere le grand escalier ou ailleurs.

TROISIE'MEMENT, parce que rien ne donne plus d'air de grandeur qu'une beste Cage ouverte jusqu'au comble, & dont le platsond est susceptible des décorations de la peinture & de la sculpture; & s'il ne s'agit que de l'escalier d'un second étage, on peut le faire propre, solide, dégagé & leger, avec des limons de charpente si l'on veut, ou avec des rampes de pierre, qui portent les sharches sans le secours des Voutes, qui leur donnent un air bas & écrasé.

#### CHAPITRE NEUVIE ME

# DES VOUTES COMPOSE'ES d'Annulaires & de Conoïdes qui les croisent.

# En termes de l'Art,

## Des Voutes d'Arêtes sur le Noyau.

C'EST ici une de ces especes de Voutes, dont le Trait n'a pas été donné correctement par les Auteurs des Traitez de la coupe des pierres. M. de la Ruë a remarqué qu'aux Voutes d'Arêtes sur le Noyau des écuries du Roy à Versailles, on apercevoit quantité de jarrets dans les arêtes d'enfourchemens, malgré les ragrémens qu'on avoit pu p faire, ce qui lui a donné occasion de proposer des panneaux de dévelopemens de doèle, afin de corriger & éviter ceux que l'on pour roit faire en pareil cas.

CE moyen est bon pour palier le mal, mais il ne va pas à la cause qui est la fausseté du Trait du P. Deran qu'il a suivi, en ce qu'il fait

pour la projection de chaque arête, un arc de cercle, au lieu de courbe Mechanique qui n'est certainement point circulaire; ains fant son épure sur un faux principe, & se réglant sur une courbe me peut servir qu'à causer de nouvelles irrégularitez, puisqu'elle set de base à la position & aux divisions des joins, il ne servir pa étonnant que la Voute de M. de la Ruë, malgré sa précaution, mencore des jarrets, à la verité moins sensibles qu'ils ne le servieur se ce correctif; mais cependant ils seront encore réels & sussibles par offenser l'œil d'un spectateur délicat, quoiqu'il ne puisse pas bien dire en quoi une telle sigure de Voute péche.

#### PROBLEME XIV.

## Faire une Voute d'Arête sur le Noyau.

PL 101. Soit (fig. 157.) le quadriligne mixte ABED, le plan horifond d'une portion de Voute sur le noyau, dont le centre est C, laquelle est traversée par une autre sorte de Voute conoïde de cette espect dont nous avons parlé sous le nom de Passage ébrase, dont la cléseit de niveau, & dont la direction des impostes est suposée en BA & ED, tendant au centre C, & celle de tous ses autres joins de lit à une ligne verticale, dont le point C est la projection, telles sont les lignes continuées v' n', v² n², & le milieu de la cles QO, qui doit être de niveau, & passer par le milieu M de celle de la Voute sur le noyau, qui est dans la courbe CMN.

Si l'on choisit pour cintre primitif l'arc-Droit de la Voute sur le Noyau, on sera sur AB, comme diametre, le demi cercle AHB, ou une demie Ellipse sur-haussée ou sur-baissée, il n'importe, c'est au choix de l'Architecte, & l'ayant divisé en ses Voussoirs aux points 1, 2, 3, 4, & abaissé de ces points des perpendiculaires sur son diametre AB, qui le couperont aux points  $p_1$ ,  $p_2$ ; on tracera par tous ces points des arcs concentriques au noyau AOD, qui seront les projections horisontales des joins du Berceau tournant au tour du noyau, lesquelles seront croisées par celles de la Voute conoïde directe BADE.

Pour déterminer les points d'intersection des projections des joins de lit de ces deux especes de Voutes, le P. Deran & M. de la Rue font passer des arcs de cercles par les trois points donnez A, M, E & B, M, D, des intersections des lignes des impostes, & du milieu de chaque Voute; ces arcs de cercles coupent les projections des joins tournans en des points f, g, i, k & F, G, I, K, qui leux

Iéterminent la position des projections droites des joins de lit de la partie de la Voute conoïde, laquelle croise celle qui est tournante sur le moyau, au centre duquel  $C^a$  ils tirent ces joins  $v^i n^1$ ,  $v^2 n^2$ .

Mais cette méthode, comme nous venons de le dire , est mauvaise & fausse dans son principe, parce que les projections des arêtes ne sont pas des arcs de cercles, mais des courbes Méchaniques, dont il faut chercher les points par l'intersection des projections naturelles à la Voute du passage ébrasé, qui ne tendent pas toujours au centre du noyau, comme le pratiquent les Auteurs citez, & de celles des joins tournans de la Voute sur le noyau.

IL faut donc commencer par diviser proportionnellement les diametres des cintres des extrémitez oposez du passage ébrasé, pour y placer les projections des divisions des Voussoirs en parties rélatives, & en même nombre que celles du cintre primitif AHB de la Voute sur le noyau; ainsi on divisera les cordes BE & AD proportionnellement aux divisions du diametre AB, ou ce qui est la même chose, leurs moitiez B m & AL aux moitiez BC & AC. Pour cet effet on tirera C m & CL de milieu en milieu, & par les points des projections p<sup>1</sup>, p<sup>2</sup>, on menera des paralleles à CL, qui donneront par leurs intersections avec la kigne AD, les points le la que l'on cherche sur cette ligne, & par les points p<sup>3</sup>, p<sup>4</sup>, des paralleles à C m, qui donneront sur BE les points 1<sup>3</sup>, 1<sup>4</sup> que l'on cherche, lesquels donneront aussi les autres points des projections entre m & E pour la moitié, m E étant reportez à même distance d'un côté à l'autre.

Si l'on tire des lignes droites des points 14, 13 aux points 16, 18, on aura les projections des joins de lit, lesquelles tendront au centre C<sup>n</sup> si le noyau est circulaire, auquel cas il suffit de trouver les points d'une moitié AL ou B m, & tirer ces lignes par le centre C<sup>n</sup>, parce qu'alors on a deux points donnez de chaque projection de joint de lit; scavoir C<sup>n</sup>, qui est commun à tous, & celui qu'on a trouvé sur un des diametres AD ou BE; mais si le noyau est Elliptique le centre C<sup>n</sup> devient inutile; il saut cherchez les projections sur chaque ligne AD, BE, & tirer les lignes droites d'un point à son correspondant sur l'autre diametre oposé.

Les intersections de ces projections droites avec les courbes concentriques au noyau donneront par leurs intersections les points D. F. G. I. K. B pour l'arête BMD, & les points f, g, i, k pour la courbe de projection de l'arête AME, qui est égale à la précedente. & qui la croise à la clef en M.

Comme ces arêtes sont des courbes à double courbure, il le, suivant nos principes, en chercher les points sur une surface concident qui ait pour base la projection d'un des joins de lisses bes concentriques au noyau, pour avoir l'intersection de la surface conoïde du passage ébrasé qui forme les Lunettes avec une ouvert re en Tour ronde; c'est pourquoi il saut rectisser chacune des base cylindriques, comme AOD, BQE, pour sormer sur ces bases is cintres en dévelopement, qui doivent être apliquez sur chacune des surfaces cylindriques verticales, qui coupent la Voute sur le novai par des arcs horisontaux  $p^2$  g,  $p^3$  I, &c. & le passage ébrasé par des arcs verticaux, dont les projections sont les courbes  $G_g$ , i I, &c. qu'il saut chercher, comme il suit.

Sort, par exemple, à tracer celle dont BQE est la projedion; ayant tiré par le point Q la droite be parellele à BE, & égale à l'an BQE rectifié, on portera sur cette ligne la longueur Q v³ rectifié en Q p³ sur Q b, & v³ v⁴ rectifié en p³ portant aussi les mêmes distances sur l'autre moitié Q e, ensuie sur tous les points p³, p³, p³, p⁴, on élevera des perpendiculaires, qua fera égales aux hauteurs des retombées correspondantes au cintre pamitif 1 p¹, 2 p² en p¹ 2¹, p² 2², CH en Q b², &c. la courbe b p² sera la naissance de la Voute d'arête sur l'arc BQE, laquelle sert dans toute son étenduë, de même que la courbe A b³ D du côté du noyan l'une pour être pliée sur une surface concave BQE, l'autre sur surface cylindrique convexe du noyau AOD.

Les autres cintres en dévelopement ne servent qu'en partie, celui ci est sait sur la rectification de l'arc p<sup>1</sup> q<sup>2</sup> ne sert que dans la partie de puis f en F; celui qui est formé sur l'arc p<sup>2</sup> q<sup>2</sup> ne sert que depuis g en G, ainsi des autres sormez depuis M en Q, c'est-à-dire dans la partie du conoïde du passage ébrasé, laquelle diminuë depuis les ligns d'impostes de suposition AB, DE, jusqu'à la cles M commune à 2 Voute annulaire & à la Conoïde.

It est aisé de voir par la figure que les cintres en dévelopment sur toutes les surfaces cylindriques, passans par les points  $p^{x}$   $q^{x}$ ,  $p^{x}$   $q^{x}$ ,  $p^{y}$   $q^{y}$ ,  $p^{y}$ ,  $p^{y$ 

On y a raffemblé du côté du noyau les trois courbes 2° b. n.
1' b" r, a b" d, qui se resserrent depuis la cles vers le noyau, & le moitiez des trois autres R b<sup>2</sup>, S b<sup>1</sup>, e b<sup>2</sup>, qui s'élargissent depuis la cle M vers le piédroit concave BQE, & la courbe du milieu sur CMN

en chan, qui doit être le cintre primitif du passage ébrasé, lequel doit aprocher autant qu'on le peut du demi cercle, asin que les parties des extrémitez, l'une sur-haussée vers le noyau, & l'autre sur-baissée vers le piédroit concave, soient également dissérentes du cercle en dissérens sens, l'une en sur-haussé, l'autre en sur-baissé.

Par exemple, pour avoir celle qui se feroit sur la base courbe S<sup>4</sup> m, projection du premier joint de lit de la Voute sur le noyau; ayant rectissé sa moitié m k s<sup>4</sup>, on la portera de Q en S, avec celle de ses parties m k, m k<sup>2</sup> que l'on n'a pas marqué sur la ligne Q S, pour éviter la consussion des lettres; & sur chacune de ses divisions, élevant une perpendiculaire, on y portera la hauteur du cintre primitif qui lui apartient, comme en k la hauteur p 4 ou p 1, en k<sup>2</sup> la hauteur p 3 ou p 2, & l'on aura une courbe S o b<sup>4</sup> plus resserrée que la premiere e b<sup>4</sup>.

Par la même pratique, on tracera la courbe qui provient de la même section du cylindre, dont la base est l'arc horisontal q R<sup>3</sup>, en portant la rectification de l'arc q i R<sup>3</sup> sur la droite Q R, avec celle de la partie q i, & l'on aura la courbe R i° b d pour moitié de ce cintre.

On a rassemblé dans ce Trait les trois courbes qui s'élargissent depuis celle du milieu CMN d'un côté en R  $h^d$ , S  $h^d$ , e  $h^d$ , & les trois autres qui se resserrent en r  $h^n$ ,  $\int h_n$ , D  $h_n$ , cette derniere étant le cintre du côté du noyau. On a aussi marqué le cintre du milieu passant par H du cintre primitif, où ce qui est la même chose par sa projection M en n  $h^n$  c, qui se trouve ici un demi cercle par hazard, parce qu'on a fait la courbe CMN égale au diametre ACB du cintre primitif, & circulaire de la Voute sur le noyau, ce qui donne un agrément à la Voute, lorsqu'on le peut, parce que les cintres des piédroits oposez BQE & AOD different également de la courbe circulaire, l'un en la sur-baissant, l'autre en la sur-haussant.

On a aussi tiré les horisontales o 2 2 i 3, du côté des grands cintres, & de l'autre 1° 0 & 4° 0, pour marquer que si l'on rassemble ces cintres sur une même base Q e ou L n, les hauteurs des divisions de ces cintres sont toutes égales; ainsi ayant tiré ces lignes pour l'un de ces cintres, les perpendiculaires des divisions de la base les conperont en des points qui apartiendront aux points des divisions de chacun de ces cintres resservez ou élargis, ce qui épargne la peine de répeter les hauteurs, & sait voir d'un coup d'œil le raport de toutes ces courbes ou seulement de leur moitié, ce qui suffit, puisque l'autre moitié n'en est qu'une répetition en sens contraire.

Tom. III.

Par le moyen de ces courbes, on peut bien tracer les Vousson. & les conduire à leur persection par une voye d'équarrissement, conme nous le dirons ci-après; mais parce que M. de la Ruë juge que pour vérification du contour des arêtes, il convient de faire des panneaux de doële, nous allons donner une méthode d'en faire le dévelopement, beaucoup plus simple que la sienne.

Ayant élevé sur les divisions 14 13 de la corde BE, des perpendiculaires 14 X, 13 Y égales à p4, p3, qui sont les hauteurs correspondantes du cintre primitif, on tracera par le Prob. 16. du 2° Liv. la courbe BXY b E, qui sera une de ces ovales du 4° ordre, dom nous avons parlé: on en sera de même sur la corde AD, pour avoir l'autre oposée AZ 2 b° D.

Fig 156. On portera ensuite la longueur LQ à part, comme à la fig. 156. avec ces divisions O, M& m, & ayant abaissé des perpendiculaires aux points L & m prolongées indéfiniment, on portera sur chacune de ces lignes la rectification d'une moitié de ces courbes, en faisant L l'égale à l'arc b' 2, L l'égale à b' Z, & LD'égale à l'arc b' ZA.

De même sur la droite m E<sup>b</sup> de la sig. 156 on portera la reclisication de l'arc b Y en m Y, b X en m X, & b B en m E<sup>b</sup>; & l'on menera par les points  $b^2$  Y,  $b^2$  X les droites  $b^2$   $v^2$ ,  $b^2$   $v^2$ ; D<sup>o</sup> E<sup>b</sup>; ensuite on portera la longueur  $1^2$   $v^2$  de la sig. 157. en Y  $v^2$  de la sig. 156.  $1^4$   $v^4$  en X  $v^4$ , & par les points Q  $v^2$   $v^4$  E<sup>o</sup> de la sig. 156. on menera la courbe Q E<sup>b</sup>; de même pour avoir la courbe OD<sup>o</sup>, on portera la longueur  $b^2$   $b^2$  de la projection horisontale de la sig. 157. en  $b^2$  du dévelopement  $b^2$   $b^2$  du dévelopement; & par les points O 2 ZD<sup>o</sup>, on tracera la courbe OD<sup>o</sup>, qui sera celle de la tête de la doële du côté du noyau.

It reste à present à trouver les points de dévelopement des arêtes sur les lignes  $l^2$   $v^2$ ,  $l^i$   $v_i$ . On portera la longueur de la projection  $n^i$  f en Z f du dévelopement  $n^2$  g en z g,  $1^4$  K en XK,  $1^3$  I en YI; & par les points M, I, K,  $E^i$ , & M, g, f,  $D^a$ , on menera des courbes à la main, qui seront d'autant plus exactement tracées qu'on y aura des points g, f, I & K, que l'on peut multiplier autant qu'on voudra en prenant plusieurs points entre les divisions XY b du cintre B b E, & les renvoyant par des perpendiculaires sur la projection horisontale, entre les points M, I, K, B, & m  $I^3$   $I^4$  B, comme on a fait aux lignes K I4 & I I3.

## Aplication du Trait sur la Pierre.

Pour tracer les Voussoirs de cette espece de Voute, il faut se reffouvenir de ce qui a été dit de la Voute d'arête ordinaire; la seule différence qu'il y a, c'est que dans celle-ci il n'y a qu'une direction droite, l'autre étant courbe, circulaire on Elliptique; mais en se servant de panneaux sléxibles pour le côté courbe, cette varieté ne cause aucune difficulté.

Sorr, par exemple, le second Voussoir d'ensourchement à faire du côté du piédroit concave, dont la projection horisontale est la figure mixte R i u v k f, fig. 157. Ayant fait un lit horisontal de Fig. 157. suposition, pour y apliquer le panneau de cette figure levé sur l'épure, on abattra la pierre à l'équerre sur ce contour, excepté sur la partie renfoncée  $\int k V$ ; ensuite sur l'arête verticale dont le point V est la projection; ayant porté la retombée y 22, on apliquera sur la furface convexe, dont la courbe v u est la projection, le panneau flexible 9 22 21, avec ses coupes 22 6 & 21 5, & sur la surface cylindrique concave, dont R x i est la projection, on apliquera le panneau fléxible de la partie du dévelopement fait sur l'arc p3 q R, comme on a fait le cintre b be e, sur l'arc BQE, avec des coupes qui devroient être différentes des précedentes, si l'on observoit la regle générale de les faire toujours perpendiculaires à la tangente; mais parce qu'elles rendroient les lits gauches, on pourra, suivant l'usage ordinaire aux apareilleurs, faire ces coupes un peu fausses, en réglant leur inclinaison sur celle d'un cintre pris au milieu en CMN, qui est dans ce Trait n b c, afin qu'elle soit moyenne entre les cintres surhaussez d b a d'un bout, & b beze de l'autre : ainsi une coupe étant donnée dans une tête de Voussoir, l'autre lui sera menée parallele, par le Prob. I. du 2 tome.

Les têtes convexes & concaves du Voussoir étant tracées, elles donneront la direction & la courbure de la doële Conoïde, qui se sera à la régle comme celle des coniques ordinaires, & sur la tête droite RE, on apliquera le panneau 7 3 4 8 du cintre primitif AHB; par le moyen de la hauteur y 3 posée sur l'arête verticale, dont le point i est la projection d'un côté & R de l'autre, & l'on traînera la retombée y 4' parallelement à l'arête horisontale i R, sur le lit de suposition horisontale, & la pierre sera tracée pour la partie du Berceau tournant, dont la doële se creusera comme aux. Voutes sur le noyau simple.

La rencontre de cette surface avec celle du Conoïde, donnera

l'arête d'enfourchement, dont on pourra diriger exactement le contour, en apliquant sur la doële de direction droite wi, le panneau fléxible de son dévelopement pris dans la fig. 156. dans sa partie l's  $v^i$   $v^2$ , car si ce panneau est apliqué intimement à la doële, ensone que son côté  $v^i$   $v^2$  soit ajusté le long de l'arête dont w est la projection, le côté IK donnera le contour de l'arête courbe à deuble courbure, dont i k est la projection horisontale, ainsi des autres Voussoirs.

Fig. 158. Les fig. 158 & 159. sont voir l'effet des Voussoirs d'enfourchement, & 152. Pun ébauché, l'autre fait vû du côté de la doële par dessous.

## Explication Démonstrative.

On a vũ au tome précedent tout ce qui concerne la construction des Voutes simples, dont celle-ci est composée; ainsi l'on peut y avoir recours pour la Voute sur le noyau. pag. 410. & pour le passage ébrasé, pag. 437.

Le nous reste seulement à rendre raison de notre manière de faire le dévelopement des pandantiss inégaux de cette espece de Voute d'arête.

In est clair que la partie de la Voute de passage ébrasé est la seule où l'on doive saire usage de panneaux stéxibles, parce que sa surface est à simple courbure, au lieu que celle de la Voute sur le noyau est comme les sphériques à double courbure, de sorte qu'une surface plane ne peut s'y apliquer si stéxible qu'elle puisse être, sans s'étendre en différens sens, ce qui est impossible avec du carton ou du serblanc, dont on fait les panneaux stéxibles; par conséquent on ne peut saire de dévelopement que des pandantiss du passage ébrasé, & c'en est asses à double courbure des ensourchemens, & les angles rentrans des sormerets qui sont concaves en dehors, & convexes du côté du noyau.

Nous avons démontré au Théoreme VI. du 1<sup>et</sup>. Liv. que la fection perpendiculaire au rayon C\*Q, étoit une ovale du quatriéme ordre; ainfi fuposant un plan vertical passant par BE, il formera pour section la courbe Bx+E dans la Voute annulaire, & la courbe B b E dans la comoïde, lesquelles n'ont rien de commun que les points B & E, parce que la clef de la premiere est au dessous de la seconde de toute la hautuer b 4 du profil, ainsi le pandantis BM m ou son double BME

1

Ì

est tout composé de la seule surface conoide, il en est de même de son oposé AMD.

Si l'on confidere présentement que toutes les divisions des Vousfoirs des cintres oposez A h D vers le noyau, & B h E vers l'ébrassment, sont à des hauteurs égales par la construction, on réconnoitra que toutes les lignes des arêtes des joins de lit sont des droites horisontales, par conséquent qu'elles sont représentées dans leur juste longueur sur le plan horisontal, tant dans le tout que dans chacune de leurs parties comprises depuis la Tour creuse d'un côté, & ronde de l'autre de la Voute sur le noyau.

Donc les parties de MQ, Mm, Mo, ML, doivent être égales au dévelopement de la fig. 156. à celles qui font cottées des mêmes lettres à la fig. 157. & parce que le plan passant par BE est suposé vertical, toutes les lignes qui sont dans ce plan seront perpendiculaires à la ligne Lm perpendiculaire à BE, donc au dévelopement M. Eb doit être perpendiculaire à Lm.

OR comme la ligne BE représente la section Elliptique B b E, la moitié m B doit être exprimée au dévelopement par la rectification de la demie Eslipse b B, qui sera aussi étendue en ligne droite par la raison qu'on a vû à la pag. 333. du 3°. Liv.

Cr que nous disons de la section sur BE sert aussi pour celle qui est suposée saite sur AD; d'où it est aisé de conclure que tous les points D $^a$  f, g M, I, K, E' sont au contour de l'arête d'ensourchement dévelopée sur le conoïde, & les points Oz ZD $^a$  & Q  $v^zv^t$  E' sont au contour du sormerest sur la Tour qui sait les piédroits de la Voute sur le noyau : donc le dévelopement sait par cette construction est exact, & insiaiment plus simple que celui de M. de la Raë.

Quoique nous ayons ébauché nes Voussoirs en portion cylindrique, il ne seroit pas impossible de commencer par un parement droit parallele aux cordes AD, BB, il auroit sa commodité pour la formation des Lunettes du passage ébrasé; mais dans la partie de la Voute sur le noyau, il saudroit tracer une portion de la courbe du 4°. ordre, qui est la section plane de l'anneau, ce qui rendroit le Trait plus composé.

#### CHAPITRE DIXIE ME

DE LA RENCONTRE DES VOUTES Hélicoïdes avec les Sphéroïdes & Cylindriques.

#### E X E M P L E.

### En termes de l'Art.

Trompe en Niche rampante, rachetant une Vis St. Giles ronde.

FL. 102.

E Trait n'est pas un des moins dissiciles de la coupe des pierres.

Fig. 160.

Le P. Deran s'y est trompé, comme l'a fort bien remarqué M.

de la Ruë, qui en a donné un plus correct. Celui que je vais proposer est si semblable au sien, qu'on pourroit croire que je le tiens de lui, si l'on pouvoit douter que ce sût une suite naturelle de la Théorie que j'ai fait préceder au Théoreme VI. du r''. Livre de la pratique que j'ai donné au Prob. 16. du Liv. II. & ensin de la maxime générale pour la description des courbes quelconques, qui se forment par la mutuelle pénétration des solides.

Quorou'on en pense, on ne pourra me refuser la justice d'en avoir éclairei le mystere, & démontré la justesse de l'operation, ce qui manque totalement au Livre de M. de la Ruë.

Avant que d'entrer en matiere, je dirai que quoique j'exécute ce Trait par une espece d'équarrissement comme lui, ce n'est pas que je pense que ce soit par une necessité absoluë, comme il l'assure, faux de pouvoir l'exécuter par panneaux; ses raisons qu'il apuye du sentiment de Desargues ne prouvent rien contre le commode usage des doëles plates dont il se sert lui-même dans la coupe des Trompes coniques, & que nous avons employé en plusieurs rencontres, même pour la formation des surfaces Gauches, en cherchant la distance du quatrième angle de cette doële, lorsque le panneau plan & quadrilatere ne la touche qu'en trois. Il est de plus évident que si l'on vouloit réduire les doëles plates à des panneaux triangulaires, il n'y a point de surface concave gauche à laquelle ils ne puissent convenir, donc on peut employer dans ce Trait les panneaux de doële plate; mais parce que l'exécution en deviendroit extrémement composée &

embarressée, je ne la propose pas ; le Lecteur médiocrement intelligent la trouvera de lui-même s'il en est curieux, par l'exemple des panneaux de la Voute sur le noyau expliquée au tome précedent.

It ne s'agit que de les briser en deux par une diagonale, & trouver l'angle d'inclinaison de ces deux moitiez triangulaires, ce qui n'est pas difficile, & qui ne mérite pas qu'on s'y arête; il sussit d'avoir montré que les impossibilitez sur lesquelles bien des gens décident hardiment, ne le sont que pour ceux qui ne connoissent pas bien le sond des choses, & les moyens d'y parvenir.

Soit (fig. 164.) l'arc de cercle TDS, la projection horisontale Fig. 164. d'une portion de Vis St. Giles, & le cercle n de r son noyau, dont le centre est C' concentrique à l'arc TDS.

Sorr le demi cercle AFB, projection horisontale de la niche ou Trompe qui doit racheter la Voute de la Vis, suivant une arête à double courbure, dont Aff B est la projection qu'il faut trouver. Pour y parvenir il faut auparavant faire l'élevation de la niche sur un plan Fig. 163. vertical, dont la droite AB, qui est son diametre horisontal, est la projection.

Ayant tiré par le centre du noyau C<sup>\*</sup>, & le milieu C du diametre AB, la droite indéfinie C<sup>\*</sup> CE, on lui menera par les points A & B les paralleles A a<sup>2</sup>, B b; puis ayant mené par le point a pris à volonté sur A a<sup>2</sup> la droite a b parallele à AB, on portera sur A a<sup>2</sup> la hauteur dont la Vis St. Giles s'éleve en rampe dans l'intervale BDA, c'est-à-dire la hauteur dont le point A surpasse B qu'on supose ici l'intervale a a<sup>2</sup>, & l'on tirera la droite b a<sup>2</sup>, qui représentera l'inclinaison de la rampe de la Vis, mais non pas la projection verticale de son contour ADB, qui est une courbe ondée a<sup>2</sup> s c<sup>\*</sup> S b, telle que nous l'avons décrite au Liv. 3<sup>e</sup>. planche 20. fig. 249.

Sur la droite b  $a^2$ , comme diametre incliné de la niche, & avec un demi diametre conjugué de telle hauteur qu'on voudra prendre fur C E, on décrira une Ellipse, qui sera le cintre vertical de cette niche; mais pour la rendre plus facile & plus réguliere lorsqu'il n'y a pas de sujétion, on prendra pour ce demi diametre vertical celui de la projection horisontale C F; ainsi l'on sera C E égal à C F, & l'on décrira la demie Ellipse  $a^2$  E b par le Prob. VIII. du  $a^2$ . Liv. où ce qui sera plus commode par le Prob. 19. pag. 174. en menant à volonté autant de paralleles que l'on voudra à la ligne C E, qui coupent la projection horisontale de la Vis & de la niche, comme LH, MI, N 3, 2 t, K 8, G 9 indésinies de part & d'autre, sur les-

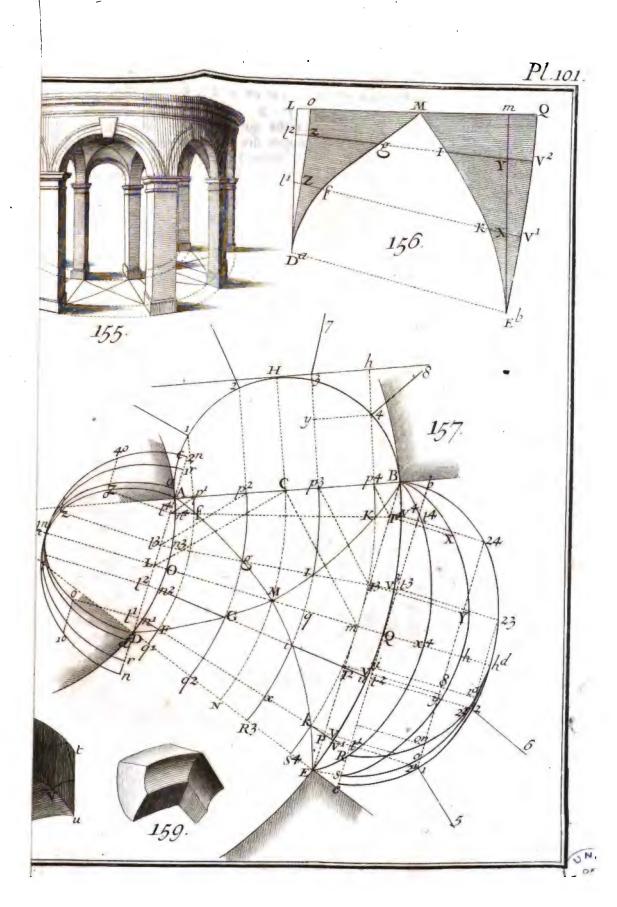
quelles on portera les ordonnées correspondantes du demi cercle de la niche, comme q 1, en 24 2, p 1<sup>1</sup> en p<sup>1</sup> p<sup>2</sup>, o<sup>1</sup> 1° en o<sup>2</sup> 2<sup>2</sup>, de nuême k q<sup>3</sup> en 3' 3, i q<sup>2</sup> en 2' 2<sup>m</sup>, b q<sup>1</sup> en H<sup>p</sup> 2<sup>3</sup>, & par les points 2<sup>3</sup>, 2<sup>3</sup>, 3<sup>m</sup>, 3, E, 2, p<sup>2</sup>, 2<sup>2</sup>, b, on décrira l'arc rampant qui est le cintre vertical de la niche qui représente celui de face, sur lequel on déterminera les coupes des joins de tête comme H 3, G 2, qu'en tirera au centre C' contre les régles des ceintres de face, parce que celle-ci n'est que suposée, & que l'opération en déviendra plus facile.

Nous suposons donc ici pour plus grande simplicité de la figure; qu'il n'y a que, trois Voussoirs à peu près égaux, & quatre joins de tête sçavoir 3 H, 2 G, & ceux des coussinets d a², b d', & que les paralleles que nous avons tiré ci-devant, passent par leurs extrémitez & leur milieu, ce qui est indissérent, puisque leur nombre & leur éloignement sont arbitraires: or chacune d'entre elles étant considerée dans le plan herisontal & dans le plan vértical, comme la section d'un plan vertical qui coupe la Vis St. Giles & la niche, peuvent être considerées comme autant d'axes des courbes des sections qu'ils sont dans ces deux corps, lesquelles sont des quarts de cercle dans la niche, & des courbes ovales du 4°. ordre, dont nous avons parlé au Liv. 1°. & 2°. ainsi il faudra les chercher par le Probleme 16. pag. 162 comme nous l'allons expliquer.

Par les points X, Y, Z, pris à volonté sur la signe d. D, diametre horisontal de la Vis, on menera autant d'arcs de cercles concentriques X 130, Y 140, Z 90 prolongez jusqu'à un diametre pris à volonté, comme RS, sur lequel ayant décrit le demi cercle S r R, on lui menera par tous les points 0 autant de perpendiculaires 0  $r^2$ ,  $r^2$ , qui seront des ordonnées. & par les points 4, 5, 6, où les paralleles à la ligue  $EC^n$  coupent l'arc intérieur du plan horisontal de la Vis, on menera autant de lignes au centre  $C^n$  du noyau, comme 4  $C^n$ , 5  $C^n$ , 6  $C_n$ , qui couperont les arcs X 0, Y 0, Z 0 aux points x, y, z, à une certaine distance des points où les paralleles coupent ces mêmes arcs aux points 7, 8, 9.

IL faut trouver l'inclinaison des arcs rampans de la Vis, dont ceuxci sont la projection horisontale; pour cela, il en faut faire le dévelopement.

by 169. Soit fait à part l'horisontale e. B fig. 169. égale à l'arc BD, & la hauteur e c'égale à e C de l'élevation; la droite C B sera celle de l'inclinaison de la rampe de la Vis à son piédroit; mais parce que les arcs X 13, Y b, Z 2 sont toujours plus petits en longueur, quoi-qu'égaux



• . • -· ٠ . 

qu'égaux en nombre de dégrez, & que cependant ils montent tous en même tems à même hauteur, il faudra faire un dévelopement de chacun d'eux sur l'horisontale e B, pour trouver la différence des inclinaisons des rampes qui deviennent toujours plus grandes en aprochant du noyau, ainsi faisant la droite e 13 figure 169. égale à l'arc du plan X 13, e b égale à Y b, e 2 égale à Z z, on aura les rampes C 13, C b, C z de chacun des arcs concentriques au noyau, par le moyen desquelles on trouvera facilement les hauteurs de chacune de leurs parties; par exemple, pour trouver la hauteur que doit donner la partie horisontale x 7 de l'arc X 13, on la portera de e e en 17, & l'on menera 17 3+ parallele à C 13; la hauteur e 3+ sera celle que l'on cherche.

On trouvera de même la hauteur e 3 en portant 2 9 de e en 12, & faisant 19 3 parallele à C 2. Ces hauteur serviront à trouver les courbes ovales du 4 ordre que sont dans la Vis les plans qui la coupent verticalement & parallelement à la ligne du milieu C E, lesquelles seront toutes différentes dans chaque plan qui en sera également éloigné; mais ayant sait par la construction les paralleles correspondantes de la droite & de la gauche également éloignées de cette ligne, on pourra trouver deux de ces courbes sur un même plan, l'une qui monte, l'autre qui descent.

Sorr mise à part la ligne 10 9, fig. 166. égale à la ligne 10 9 du Fig. 166. plan horisontal; au point 9, on lui fera la perpendiculaire O 0, sur laquelle on portera de part & d'autre la hauteur 2 36 de la fig. 169. & ayant porté l'intervale 10,6 du plan horisontal de 10 en 6 à la fig. 166. on menera les lignes 602, 60; ensuite on portera de 6 en 13 la longueur 6 13 du plan 6 b en 6 b de la fig. 166. & par les points 13 & 6, on menera des paralleles à  $o^1$   $r^2$ , fur lesquelles on portera les ordonnées correspondantes, sçavoir o r<sup>3</sup> de la fig. 164. en o r de la fig. 166. & la même de os en o 13, de même o r en o X, & en o r fur la même ligne. Enfin o r's de os en r2, & de o en Y; & par les points trouvez r2 X r3 6, on fera passer une ligne courbe de même qu'au dessous, par les points trouvez Y r r 6; mais parce que entre r & 6 il n'y a pas assez de points pour guider cette courbe, il faudra faire plusieurs arcs concentriques au noyau entre les points x & 4 du plan, comme Q ff &c. qui donneront des ordonnées ff X, & autres de suite dont on sera même usage que des précedentes, pour trouver les points de la coube en dessus & en dessous ; enfin ces courbes étant tracées, du point b pour centre, & pour rayon l'intervale 10 pr du plan horisontal, on décrira la portion de cercle, qui coupera l'une .des courbes au point x, fig. 166. & l'autre au point y; cette figure Tons. IIL

représentera deux sections vérticales, l'une par la ligne qo 29, l'autre par la ligne 10 9 rassemblées sur un même plan, dont les axes seront O 6 pour la section 9 6 qui descent de 6 en 9, l'autre 6 o de la section qo 29, qui monte de 26 en 29, pendant que la section de la niche est la même.

On trouvera de la même maniere les courbes des autres sections, faites par les lignes 11 8 & 12 7; car mettant à part, sig. 167. la ligne 25 8 égale à 5 8 du plan horisontal, on portera de part & d'autre du point 8 sur la perpendiculaire 8. R les distances 8. 0, 80 égales à la hauteur ex 35 de la sig. 169. & l'on tirera les lignes 25 0 & 02 25, sur lesquelles ayant porté toutes les longueurs des divisions des abscisses de la ligne 5.8, on y portera aussi les ordonnées 0 24, 0 13, 012 & comme l'on a fait à la sigure précedente, & l'on aura les points 24, X, 12, &c. pour la courbe ascendante, & R 1 1 2 pour la décendante, dont la projection horisontale est la droite 5.8.

Enrin on portera la distance 5 p du plan horisontal en 25 p de la fig. 167. & du point p pour centre & pour rayon p 11, on décrira l'arc de cercle 11 3 y, qui coupera ces courbes, l'autre en y.

On trouvera de même les points des courbes qui se sont aux sections 12 47 d'un côté, & q3 N de l'antre.

Par le moyen des différences de ces sections, on sera la projection de l'arête d'ensourchement de la niche avec la Vis.

Ayant élevé sur SR une perpendiculaire SF<sup>2</sup>, on portera la distance C

D de S en C<sup>2</sup>, d'où comme centre & de l'intervale C' F, on décrira
l'arc de cercle F<sup>2</sup> F<sup>2</sup> x<sup>2</sup>, qui coupera le demi cercle S r R en x; la

Fig. 166, longueur F<sup>2</sup> x<sup>2</sup> sera portée au plan horisontal de D en ff. On porte167. & ra de même aux sig. 166. 167. 168. les longueurs 4 q, 5 p, 6 o<sup>2</sup>,

qui sont égales par la construction à leurs correspondantes 2<sup>3</sup> k, 2<sup>5</sup> i,

2<sup>6</sup> b, aux divisions 6 25, 32, aux points marquez b, par lesquels on
menera les perpendiculaires a b, qui couperont les arcs aux points d,
les distances d x & d y seront portées en avant du diametre AB, sçavoir d x de la sig. 166, du point b au point 15, & d y de o en 19,
pour la courbe descendante, d x de la sig. 167, en 16 i pour la courbe ascendante, & d y en p 18 pour la descendante. Ensin d x de la
sig. 168, en k N pour la courbe ascendante, & d y en q 17 pour la
descendante; & par les points trouvez A, 15, 16 N, ff 17, 18,
19, B, on tracera la projection de l'arête d'ensourchement, où il

faut remarquer que les lignes  $d \times y$  qui sont courbes dans cette figure, comme partie d'arc de cercles, seront des droites tangentes à ces arcs; si l'on ne veut pas que la niche fasse une arête plus basse que le point d, comme le sait M. de la Ruë, on change la nature de la courbe de cette arête, car alors la partie d y devient cylindrique, au lieu qu'en continuant les arcs de cercles, elle devient portion & continuation du sphéroïde. Dans l'exemple de cette figure la dissérence est si petite qu'elle peut être négligée; mais si le point d étoit beaucoup plus haut que les points x & y, il faudroit mener par ces points des horisontales pour avoir leur éloignement de la verticale d d, qui sert à trouver les points de la courbe d d.

Nous avons trouvé les sections du Sphéroïde avec l'Hélicoïde pour l'arête d'enfourchement, il faut à present trouver la projection des joins de tête 3 H, 2 G, dont nous n'avons que les points 3 & 2, projettez, l'un en N, & l'autre en Q.

On portera la longueur H. L. de l'élevation en b et de la fig. 166. Fig. 166. & l'on tirera et Y perpendiculaire à a b, c'est-à-dire parallele à l'horisontale b 9, laquelle et Y coupera la courbe ascendante en X, & la descendante en Y. On portera sur HL la distance et X du point b en L de la même sig. 164. & la distance et Y de et en 9 de la sig. 164. ainsi l'on aura deux points de chacune des projections des joints, ce qui suffiroit s'ils étoient droits, mais parce qu'ils sont courbes, il en saut d'autres entre deux pour en dériger la courbure; nous nous contenterons d'en trouver un dans la section du milieu 1 M.

On portera la longueur 1º I de l'élevation ou son égale, K 35 de l'élevation de b en e, sig. 167. & de l'autre côté l'on tirera e R per-fig. 167. pendiculaire à ab; cette ligne e R, qui est une horisontale, coupera les deux courbes, l'une en X, l'autre en Y; la plus courte distance e X sera portée à la projection de la sig. 164. de i en M pour la courbe ascendante, & l'autre e Y de p en P pour la courbe descendante, & l'on menera par les points trouvez les courbes LMN pour un joint, & QP 9 pour l'autre, ce qui acheve la projection horisontale de tout ce Trait. Il ne s'agit plus que de trouver les cerches des joins de doële du Sphéroïde, & les panneaux des joins de tête.

Pursone les fections des Sphéroïdes sont des Ellipses, il ne s'agit que d'en tracer de dissérentes sur deux demis diametres donnez. Premierement elles ont toutes pour demi diametre commun, la prosondeur de la niche C F, qui est donnée dans la projection horisontale, ce tous les autres sont donnez dans la projection verticale, sçavoir K, k ij

C. 23, C' 3, C' E, C' 2, C 22: ainsi portant la longueur C F du Fig. 165. plan horisontal en C<sup>2</sup> f de la fig. 165. on pourra en voir la différence; cette ligne servira pour les unes de demi grand axe, & pour les autres de demi petit axe, ce qui n'a aucune difficulté.

IL reste à ajoûter à chaque panneau de lit Elliptique, cesui du joint de tête, qui en est une continuation.

SI l'on fait une partie cylindrique entre le Sphéroïde & la Vis, on ajoûtera au devant de chaque Ellipse une portion droite, comme 22, 2, prise à la projection en q Q, 23 3, prise sur k N; mais si l'on veut que le Sphéroïde rencontre la Vis St. Giles sans médiation, ces lignes seront des courbes en continuation des Ellipses 22 f 23 f.

On portera sur la ligne  $C^2$   $b^2$  la longueur du joint 2 G de la sig. 163. de 22 en g de la sig. 165. & la longueur 2 K de 22 en g, & par les points g & g, on abaissera sur g 2 les perpendiculaires g 2, g 4, qu'on sera égales à g 9, & à p P du plan horisontal; & par les points g 2, g 2, on tracera la courbe qui sera la section du plan du joint & de la doële de la Vis.

De la même maniere, ayant porté la longueur 3 H de l'élevation de la fig. 163. de 23 en  $h^2$  de la fig. 165. & 3 I en 23 i, on abaissera par ces points les perpendiculaires  $h^2$   $h^3$ ,  $i^2$  i, & on les fera égales aux lignes h L, i M du plan horisontal; & par les points  $h^3$ , i, 3, on tracera la courbe de l'autre joint qui est représenté à l'élevation 163 par la droite 3 H.

ENFIN pour le panneau du coussinet, on prendra la longueur du joint  $a^2 d$ , son milieu  $a^2 n$ , fig. 163. & l'on tracera la courbe TV a, fig. 165. qui sera peu différente de celle du plan horisontal TVA, parce que le joint d  $a^2$  n'est pas beaucoup incliné à l'horison.

# Aplication du Trait sur la pierre.

AYANT dressé un parement pour servir de plan vertical, on y apliquera le panneau du Voussoir qu'on se propose de faire, par exemple le premier b 2 pris en son entier sur l'élevation 163, qui est ici la figure triangulaire 169. d' b C° 2 G a, laissant l'espace depuis a en l'indécis, & l'on abattra la pierre qui excede les lits C° di, C° G rig. 169. à l'équerre; ensuite ayant repairé sur les deux arêtes les points 2 & 24, on tirera une ligne de l'un à l'autre pour lui tracer une parallele à une distance arbitraire du point G comme en a, qui marquera le retour horisontal que l'on yeut donner à la pierre au-delà de son joint,

& sur cette ligne on apliquera le biveau de l'angle que fait le plan vertical avec celui du joint montant dans la Vis, lequel est W ot S marqué au plan horisontal, & l'on apliquera sur ce point l'arc de cercle SX f rs, que l'on tracera pour tailler la doële suivant cette courbure quand il en sera tems. On portera ensuite sur l'arête que fait la rencontre des lits, la longueur W C & W F, que l'on y marquera en repaire; & sur une parallele à cette arête tracée par le point 2, on portera la longueur 27 Q, qu'on y marquera. Par le moyen de ces deux repaires, on y apliquera le panneau de lit f 22 2 k² g² de la fig. 165. pour y tracer son contour. On apliquera aussi sous le lit de dessous le panneau f a2 VT, posant le point f sur le repaire F, & le point 42 sur un repaire fait par une ligne 39 B tracée dans ce lit parallele à son arête WD: à cette parallele on en tracera une autre fur le lit de dessus, où l'on repairera la prosondeur 39 9, qui donnera l'extrémité du joint 6, duquel on tirera une ligne au repaire 39; enfin sur les points 24, p2, 26, où les trois paralleles se terminent au bas du plan vertical, on fera trois lignes de retour d'équerre sur lesquelles on repairera les longueurs des lignes horisontales 27 32, 28 11 & 39 10, qui serviront à donner la position des trois cerches des arcs descendans des fig. 166. & 167. & la pierre sera prête à être taillée.

On commencera par abattre la pierre le long de l'arête du joint montant avec le biveau de l'angle mixte S 0<sup>2</sup> 9, tenant ses branches d'équerre à cette arête, & par ce moyen on sormera une portion de Tour creuse; on abattra ensuite la pierre qui remplit l'intérieur de la Vis, suivant la cerche S 1, que l'on tiendra toujours parallele à ellemême avec le lit de dessous, suivant l'angle C 24 2, & son plan toujours perpendiculaire à l'arc BS, asin qu'elle soit toujours dirigée au centre du Noyau, venant chercher les points repairez au plan du lis supérieur 2 K G.

On creusera ensuite la niche entre les arcs tracez par les panneaux aux lits de dessus & de dessous, qui donnent deux côtez de la portion de Sphéroïde, & le troisième représenté par 2 24, se formera par la cerche de l'arc 32 d de la sig. 168. & les autres de suite, ce que Fig. 168. Fon pourra persectionner par le moyen d'une cerche saite d'une portion d'Ellipse dont C 22, & c<sup>2</sup> f sont les demis axes.

In ne restera plus à faire que le lit supérieur de la pierre, qui fait partie de celui de la Vis St. Giles, lequel se sera, comme nous l'avons dit en son lieu.

## Démonstration.

Si l'on supose la Vis St. Giles & la niche qui la pénétre en partie coupées par un plan vertical passant par le milieu du noyau C. & par le milieu de la niche F, il est clair qu'il sera pour section deux arcs de cercles représentez en RX/F. l'un comme R r's dans la Vis qui sera un demi cercle, dont le diametre RS sera horisontal par la génération de cette Vis, l'autre sera une portion de cercle F. F. X/, par la formation du Sphéroïde, lequel dans le cas présent est formé d'une suite de rayons de cercles, qui sont les ordonnées au diametre du demi cercle AFB, transportées suivant leurs directions verticales & horisontales dans le Sphéroïde; de sorte qu'on doit le considerer comme une suite de cercles verticaux rangez sur un axe incliné.

Cela suposé, la section du Sphéroïde ne changera pas de figure, mais seulement de grandeur; il n'en est pas de même des sections verticales de la Vis, il n'y en aura de circulaire que celle qui passe par son centre; toutes celles qui s'en éloigneront parallelement seront toujours des ovales du 4°. ordre d'un contour dissérent, comme nous l'avons démontré au théor. VL du 1° Liv. de sorte qu'on ne peut faire servir une pour toutes; c'est pourquoi les rencontres de ces Ovales avec les arcs de cercles doubles du Sphéroïde sorment une courbe à double courbure, qui n'est pas unisorme aux deux côtez de la section circulaire faite sur la ligne du milieu Cn F; ce qui paroit étonnant du premier abord, & contraire à l'unisormité des solides coupez, d'où est venu l'erreur du P. Deran,

Pour en apercevoir la raison, soit la sig. 162. laquelle représente dans un même plan vertical trois sections rangées suivant leurs distances respectives à l'égard de celle du milieu, dont l'axe est horisontal. Il est clair que les sections rampantes AB, GH étant également éloignées de celle du milieu D d, elles doivent être égales entre elles; mais parce qu'elles sont tournées en sens contraire, l'une montant du côté de D en H, & l'autre descendant en A, elles présentent à la niche des courbures dissérentes, l'une B n plus arondie que d S, l'autre G m qui l'est moins, & par conséquent les intervales horisontaux N & Q q placez à même hauteur sur les points B & G, doivent être inégaux, ce que l'on aperçoit sensiblement dans les sig. 166. & 167. aux points x & y.

In reste à faire voir pourquoi on a cherché les hauteurs, que les parties horisontales x 7, 9 8, 2 9 donnent au dessins & au dessous de l'horison dans les axes des Ovales: il est visible que c'est pour trou-

ver l'inclinaison de ces axes, suivant lesquels on doit poser verticalement les ordonnées du demi cercle Generateur représenté par R r. S; pour y parvenir on a fait plusieurs arcs de cercles concentriques Xo, Y v, Z oz, qu'il faut considerer comme autant de bases de cylindres qui coupent la Vis, dans la surface desquels elle fait autant de lignes rampantes, toutes inégalement inclinées dans le raport de la longueur des arcs semblables; c'est-à-dire qu'elles sont toujours plus roides à mésure qu'elles aprochent du noyau, puisque les diametres O B & C. D de la Vis sont horisontaux, la hauteur de chacun sera toujours égale, quoique les intervales d'inclinaison soient inégaux : or il est clair que le rapôrt de la base horisontale Y o est à une hauteur quelconque, par exemple e C' de l'élevation, comme la partie y P qui est la distance du rayon horisontal, passant par le point s de la section du plan vertical coupant l'horisontal en 5 P, est à un quatriéme terme qui a été trouvé au point 34 de la fig. 169. par le moyen des triangles semblables.

On pourroit trouver d'une autre maniere les inclinaisons des axes des ovales avec l'horison par une simple Analogie, en disant, par exemple, pour l'axe de la section de l'ovale passant par le point 4, comme l'arc D 4 est la hauteur Il C' trouvée par la parallèle Il 24; ainsi la demie circonférence de la Vis, moins deux sois l'arc D 4, est à un quatriéme terme, qui sera la hauteur totale de cet axe, ou son abaissement sous l'horison; ou bien D 4. Il C:: 90 — D 4. x, qui sera la moitié de cette hauteur, par laquelle doivent passer tous les axes des ovales qui se coupent toutes au profil, ou projection faite fur un plan vertical; de sorte que prenant cette demie hauteur pour un point fixe au milieu, si l'on porte la hauteur que donne l'intervale de l'arc D 4, confideré comme en rampe, au dessous du diametre horisontal de la section circulaire de la Vis, & que de ce milieu l'on prenne la longueur horisontale de la moitié de l'axe 4, 4, on aura l'extrémité de l'axe; d'où par le point donné à son milieu, on menera une ligne qui en exprimera l'inclinaison : or on scait par le Prob. XVI. du 2° Liv. que si cet axe incliné est divisé proportionnellement à l'horisontal, qui l'est par des cercles concentriques au noyau, qui coupent le diametre horisontal de la Vis, on aura toutes les abscisses fur lesquelles on doit poser verticalement les ordonnées de la section eirculaire correspondante, ce qu'il falloit faire pour trouver les con-tours des courbes ovales du 4° ordre dont il est question, par le moyen desquelles on trouve les avances de la rencontre de la Vis avec la niche.

IL faut remarquer que cette rencontre ne sera plus immédiate, si

l'on fait les parties de la niche, qui excedent l'hémisphere, horisontales, comme nous l'avons dit; alors le Sphéroïde se joint insensiblement à une portion cylindrique de cylindre intrinséquement scalene, qui est cependant perpendiculaire au plan de l'Ellipse verticale, passant par l'axe du Sphéroïde, laquelle Ellipse est sa base Droite.

D'ou il suit que cette Ellipse étant commune au Cylindre & a Sphéroïde, la surface cylindrique est tangente à celle du Sphéroïde, & la jonction des deux devient imperceptible à la vûē; mais dans œ cas la niche ne rachete plus la Vis St. Giles immédiatement, elle rachete un Berceau rampant, lequel rachete ensuite la Vis St. Giles; de sorte que cette circonstance du Trait change l'énoncé & l'état de la question.

## De la Rencontre des Voutes Hélicoïdes avec les Conoïdes.

## En termes de l'Art,

# Lunette ébrasée dans une Vis St. Giles ronde, ou Voute d'Arête tournante & rampante.

Comme la Voute d'arête tournante & rampante est composée de Lunettes inégales tournées en fens contraire, l'une étroite du côté du Noyau, l'autre plus large du côté de la Tour ou mur de Cage; il suffira pour satisfaire à l'énoncé des deux Traits de donner celui d'une Lunette ébrasée qui servira, pour l'un & pour l'autre.

Pr. 103. Soit (fig. 171.) le cercle RPN°, la projection du noyau de la Fig. 170. Vis, & l'arc KNS, celle de la Tour ou piédroit de la Vis; soit le E 171. demi cercle ou demie Ellipse VH°S, la section d'un plan vertical paffant par le centre C° du noyau, laquelle est le cintre primitif de la Vis.

Soient enfin les deux lignes DA, EB dans l'épaisseur du mur de Cage, dirigées au centre C, qui forment les piédroits de l'ouverture DEBA, sur laquelle on doit établir la Lunette proposée à faire, dont la doële est une surface conoïde, laquelle par sa pénétration dans celle de la Vis, forme à leur commune intersection une arête à double courbure, dont il faut chercher la projection horisontale.

Pour y parvenir, il faut premierement considerer ces deux Vou-

. • • •

tes rampantes, comme si leurs impostes étoient de niveau, parce que la rampe n'ajoûte rien à la faillie de la Lunette dans la Vis.

En second lieu, il saut se déterminer à la position du cintre primitif de la Lunette qu'on peut prendre en DE ou en AB.

Sur la corde DE, par exemple, ayant décrit le demi cercle ou la demie Ellipse DHE pour ciatre primitif, on le divisera en ses Vous-soirs aux points 1, 2, 3, 4, d'où on lui abaissera des perpendiculaires qui le couperont aux points d', d<sup>2</sup>, d<sup>3</sup>, d<sup>4</sup>, par lesquels on tirera au centre C du noyau les indéfinies x<sup>1</sup> l', x<sup>2</sup> l<sup>2</sup>, &c. qui seront terminées à l'arc DME de la Tour en x<sup>1</sup> x<sup>2</sup>, mais qui seront indéterminées du côté du noyau.

Pour trouver leurs terminaisons de ce côté, on tirera par le point S, extrémité du diametre du cintre de la Vis VS, une perpendiculaire ST, qui sera tangente à l'arc  $H^*S$ , sur laquelle on portera les hauteurs des retombées du cintre primitif de la Lunette I  $d^1$ , 2  $d^2$ , en S  $t^1$ , S  $t^2$ , & celle de la clef CH en S  $t^1$ ; ensuite par les points  $t^2$ ,  $t^2$ ,  $t^4$ , on menera des paralleles au diametre VS, qui couperont l'arc  $H^*S$  aux points  $I^*$ ,  $I^*$ ,

PAR ces mêmes points on tracera des arcs de cercles concentriques au noyau (suposant la Cage circulaire) comme V<sup>1</sup> p<sup>1</sup>, V<sup>2</sup> p<sup>2</sup>, qui couperont les projections des joins de lits correspondans dans la Lunette aux points l<sup>1</sup>, l<sup>2</sup>, L, l<sup>3</sup>, l<sup>4</sup>, par lesquels on tracera à la main la courbe ondée ALB, qui sera la projection de l'arête de la Lunette dans la Vis que l'on cherche,

It faut présentement former les cintres rampans de la Voute de Lunette dont on supose le milieu de la cles de niveau, de même que tous les joins de lit, c'est pourquoi leurs hauteurs étant constantes, & leurs diametres DE & AB inégaux, ces cintres sont inégaux entre eux comme au passage ébrasé, dont nous avons parlé au tome précedent pag. 437.

La différence de leur construction ne consiste qu'en ce qu'au passage ébrasé les impostes sont de niveau, & qu'ici elles sont plus hautes l'une que l'autre.

Pour déterminer la différence de leur hauteur, il faut sçavoir de combien monte la Vis du point A au point B, & porter cette hauteur perpendiculairement sur AB de B en b, & sur DE de E en B pour tirer les rampantes Ab, DR, & par les points 1, 2, 3, 4 de Tom. III.

STERED TOMIE BIV. W. PART H.

la ligne AB, où elle est coupée par les projections des joins de lis; on lui élevera des perpendiculaires indéfinies, qui couperont la rampante A b aux points a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>, a<sup>4</sup>; de même par les points a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>, a<sup>4</sup>; de même par les points a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>, a<sup>4</sup>; de même par les points a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>, a<sup>4</sup>; de même par les points a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>, a<sup>4</sup>.

Tous ces points de l'un & de l'autre diametre sont ceux des abscisses des Ellipses rampantes, sur les quels il n'y a qu'à porter les hanteum des retambées du ciptes primitif. DHE, aux verticales correspondantes; sinsi un postera la heuteur e d'en quatre endroits, se voir en e'e'e, et 4' pour le sistere sur DR s'é en e'a' de et at pour le cintre sur à é en e'a', e 3' & e' a' pour le sistere sur DR s'é en e'a', e 3' & e' a' pour le cintre sur à de en e'a', e 3' & e' a' de e' a' a' à e' a' a' à d'en contour de chaque cintre D a' 2' 3' 4' R, & A' 4' a' a' a' b' que l'en cherche.

On auroit aussi pu décrire ces deux Ellipses par le Prob. 8. du 2<sup>a</sup> Liv. parce que l'on a un diametre rampant, un demi diametre vertical & l'angle qu'il fait avec le rampant donné; ainsi on peut en trouver autant de points qu'on voudra, ou la tracer par un mouvement continu, comme il a été dit au Prob. cité.

Ces deux cintres que nous venons de tracer ne sont autre chose que des cerches verticales pour former la doële de la Lunette, les quelles ne peuvent servir que pour l'endroit précisément où elles ont été sormées; en sorte que si on les plaçoit un peu plus en dedans ou en déhors, on qu'elles sissent un angle plus ou moins ouvert avec les arêtes horisontales des lits à la doële, elles donneroient un sant contour, parce que la doële est gauche, & de la nature des concides; ainsimo can que les pierres me soient pas assez longues pour occuper liépaisseur des mur, il sant tracer par la même pratique d'autres arcs rampans entre DE & AB, aux endroismon l'on sera obligé de faire des joins de doële pour avoir les courbes des têtes de chaque Voussoir.

It nous reste présentement à chercher les biveaux des coupes des lits, qui doivent aussi être pris aux mêmes endroits que les arcs rampans des cerches, par la même raison que les doêles sont gauches.

Avant tiré les joins de tête à l'ordinaire du centre C de l'arc D HE, qui est un cintre primitif de suposition, on remarquera que les toupes des arcs rampans qui répondent à ses divisions en Voussoirs, ploivent être les unes plus inclinées à l'horison, les autres moins que celles du cintre primitif, & ces différences d'inclinaisons se trouveront

DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. X. 269
tr. près de la même manière qu'on a trouvé les points des arcs
paris.

par exemple plantification de l'éch righte sevointe Cepar le it i du cintre primitif, en abailler fin la ligastiquifonale ED; congées, une perpendiculaire q X, qui coupera, étant ausi projée, la ligne de rampe RDX au point Mi, se l'annéhontale ED au nt ?; on prendra ensuite la hapteur q que se point que en X à sur point par le données le point, par lequel se public point que igne z i, qui sera la réforme de l'inclination du joint de néte public de l'arc rampant un constitue que celle du sont que te tête a sa compe plus constitue que celle du sonte primits.

Mais si l'on cherche la coupe du joint de têté 3'7, on verra au ntraire qu'elle doit être plus inclinée que celle du cintre primitif, ont le joint est la ligne 3 p; car suivant la même méthode, ayant is sur ce joint un point p à volonté, & ayant abaissé de ce point ne perpendiculaire sur DE, qu'elle coupera au point V, & la ligné e rampe DR au point y; si l'on prend la hauteur V p, & qu'on la orte sur la même ligne prolongée en y 7, elle donnera le point 7, ar lequel & par le point 3 on tirera le joint de tête 7 3', qui sera slus incliné que celui de 3 p du cintre primitis.

Pour le démontrer, il faut tirer par le point sont l'aplomb 3 de coupe la ligne de rampe, une ligne s'a parallele à DE, qui couperr l'aplomb p V au point o, & qui donne l'excès de hauteur de la rampe y o, lequel étant porté en p Y, la ligne Y 3 fera le joint réformé auquel 7 3' est parallele, comme il est visible par la construction; donc le joint de tête 7 3' de l'arc rampant est plus incliné à l'honifon que le joint de tête 3 p du cintre primitif, em quoi il disse de joint 1 5 qui lui est moins incliné que le joint 1 45.

On trouvera de même le joint de tête de l'arc rampant intérieur A  $b^a b$ , où simplement pour faire les lits en surface plane, on menera par les divisions  $a^a a^a a^a$ , &c. des paralleles aux joins trouvez pour les divisions du grand clutre  $a^a a^a$ , &c.

Par le moyen de la position des joins de tête, on aura deux biveaux dont on sera usage disséremment, l'un est le biveau recissigne de l'angle, que fait chaque joint de tête avec une ligne à plomb, comme (1'e', 7 3'e', qui servira pour trouver facilement la position du lit, qui sera la même dans la grande & petite cerche, parce qu'on ne doit pas saire le lit en surface gauche.

Llij

L'AUTRE Biveau seta l'angle mixte que sait le joint de tête trouvé avec la courbe de chaque cerche , celui ci est variable d'une cerche à l'autre, par exemple, au pressier sit su dessis de l'imposte insérieur, ce biveau est l'angle mixte (31,44,10), qui est plus ouvert que son correspondant à la cerche intérieure 9 a' f h : ainsi des matres angles sur lesquels on doit soumer les hiveaux mixtes.

Pour tracer une cerche courbe à double courbure, où un panneze fléxible propre à féritier la tête nouvelle des Voussoirs qui peuvent être apureur au delaire de la Tour ronde en DME. On rechisera l'arc DME; commus de la lair à laving. Proprière une base heritantale 1) e, qui sera un peuvelle grande que DE dans le raport de la corde à l'arc, sur laquelle on portera toutes les divisions que donnent sur cet arc les projetions des joins de lit aum points on, m², m², m³, mt. Puis ayant élevé des perpendiculaires sur chacune de ces divisions, égales à celles de la courbe plane D-MorR, on tracera par leurs extrémitez un arc sampant un peu différent, qui sera le dévelopement de celui qui doit se former à la surface convexe de la Tour, par les têtes des Voussoirs de la Lunette, sur lequel on formera des panneaux siexibles, dont on sera usagé, comme pour une porte en Tour ronde.

#### COROLLAIRE

## De la Voute d'Arête tournante es rampante.

In est visible que si la hautent de la cles d'une Lunette percée dans la Voute de la Vis St. Giles est égale à celle de cintre primitif, qui est la fection verticale par le noyau de cette Vis, la Lunette étant prolongée en sermera une autre plus étroite du côté du noyau; par exemple; si la lumette commençoit dans la Tour creuse sur la largeur KN, elle deviendroit en se retrécissant jusqu'au milieu de la cles de la Vis, en O. d'où elle se rélargiroit du côté du noyau jusqu'à un certain point de part & d'autre, comme vers n+ ki, & ensuite se retréciroit vers le noyau en RP, ce qui formeroit une Voute d'Arète tournante & rimpante, dont les projections des Arêtes KOP, NOR qui se croisent en O, sont les mêmes que celles d'une Voute d'Arète sur le Rogan; lesquelles ne sont point des arcs de cercles, comme les tracent le P, Derarr & M. de la Ruë, mais des courbes Méchaniques, somme nous l'avons remarqué au chap. VIII. de ce Livre.

Sur quoi il faut remarquer que ces fortes de Voutes ne convienment qu'aux Berceaux tournans & rampans, sur un noyau d'un fort grand diametre, & non sur un pilier mince comme aux Vis St. Giles

269

stoprement dites, parce que la Lucette du côté du noyau deviendroit extrémement serrée & étroite pour sa hauteur, ce qui seroit dissorme par l'exhaussement extraordinaire du cintre à double courbure de son cormerest sur le noyau, & qui rendroit l'ouvrage inutilement difficile & même moins solide.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

Pour connoître la hauteur que doit avoir la pierre qu'on destine à faire un Voussoir qui sasse la longueur de la Lunette, & porte ensourchement dans la Vis; par exemple, pour le second rang, on menera par l'angle le plus bas 1' l'horisquale 1' f', au dessous de saquelle on abaisser l'apsomb 1' o égal à e' d'; par le point o on menera l'horisontale o V, qui rencontrera l'apsomb ; X au point V, par où on tirera la ligne V 1', qui exprimera la rampe du retour dans la Vis, la hauteur 6'0 ou 06 o sera celle que l'on cherche.

Pour la longueur on en prendra les mesures sur la projection horisontale en  $V^2 \not\vdash x^2 x^i \not\vdash k^i$ , dont on severa un panneau pour en tracer le contour, sur le premier parement que l'on doit saire pour un sit de suposition horisontale, sur lequel on repairera les points  $G \not\subset A^2$ , observant que la pierre soit plus large que le panneau de la longueur i A.

On formera ensuite la tête  $V^2$   $l^2$  & S  $k^1$  en Voussoir de Vis St. Giles, somme s'il n'y avoit point de Lunette, ainsi qu'il a été dit touchant le Trait de cette Vis, au tome précedent pag. 417.

Sur la ligne  $l^2 \approx 2$ , on fera un parement à plomb qui fera en retour d'équerre fiur le lit horisontal, dont l'intersection feraliarête  $l^2 \approx 2$ , fur laquelle on a du repairer les points  $G & d^2$ , contine nous venons de le dire, pour tracer par ces points les lignes  $AG & D d^2$ , par le moyen des angles  $x^2 GA & G d^2 D$ , qu'on transportera sur ce lit avec la fauterelle ou la fausse équerre.

Par ces mêmes points G & dz, on élevera des perpendiculaires sur l'arête du lit de dessous dans le parement à plomb, pour y porter les hauteurs de la retombée de la Lunette e 2, par l'extrémité de laquelle on tirera une parallele à l'arête du lit horisontal de suposition, laquelle déterminera l'arête du lit supérieur avec la doële.

Pour donner à ce lit supérieur son inclinaison de coupe, on prendra avec la fausse équerre l'angle 6 2' e, qu'il sait avec l'aplomb 2 d', possit une de ses branches sur la ligne verticale tracée dans le pare,

ment à plomb a skullautso branche fèra: tenné perpendiculairement l'arâte du joint de lit à le sanifica à la sanifica de la la sanifica de la sanifica de la la sanifica de la sanifica de

Par le moyen de ce biveau on abattra la pierre pour sormer une surface plane; qui sera celle du lit de dessus, laquelle servira à sor tour, d'apui à une des branches de chacun des biveaux mixtes qu'on doit former à chaque cerche, l'une du côté du dehors 1' m' 2' 6, & l'autre du dedans de la Lunette a' m' 2' 6', tenant toujours leurs branches d'équerre à l'arête du lit de dessus.

Les biveaux mixtes étant dans cette position, on creusera deux plumées, dans lesquelles on apliquera exactement leurs branches convexes pour former la concavité de la doële, qui est également creuse dans chacune de ces positions, parce qu'elle est gauche; après quoi il ne restera plus qu'à achever d'abattre la pierre à la regle entre ces deux plumées, pour former cette surface, comme il a été dit pour celle du passage ébrasé.

La rencontre de cette surface avec celle de la Vis qu'on supose déa saite, parce que nous avons commencé par-là, formera sans panneaux, comme par une espace de hazard, l'arête à double courbure, qui est la commune intersection des doëles de la Lunette & de la Vis, saquelle est marquée en projection par la courbe ondée & P.

On line demandera peut être pourquoi la projection totale de cette courbe. A z B est égale de chaque côté du point z, & que celle de rencontre de la Lunette saite par une niche dans la Vis St. Giles, est dissérente d'un côté à l'autre, comme il a été dit à la pag. 262 de ce dernier tome.

Tait de la méhé il s'agit de celle du cylindre avec une Vis, où les directions des joins de lit de la Lunette ne concourent pas au centre du noyau; de forte que dans la partie inférieure de la Lunette, ce joint prolongé horisontalement, perce & se dégage plûtôt de la Voute de la Vis que dans la supérieure, comme nous l'avons expliqué par un prosil; au lieu que dans cette Lunette conoïde, les directions des joins de lits, tendant toutes au centre du noyau, elles coupent les hélices des joints de lit de la Vis à distances égales du rayon du milieu C. M.

It est visible que la doële de la Lunette étant crensée, elle servira à son tour d'apui aux branches convexes des biveaux de lit de dessous & de doële, qui seront formez sur les angles mixtes 5 1 m 2 &

ies arcs 2' 1' & a² a', on aura exalimient l'arête du die du dessons & de doële, à laquelle on apliquera perpendiculairement les branches de ces biveaux, avec l'esquels on abattra la pierre pour former une surface plane, quistepcontrera la courbe du lit de dessous dans un angle rentrant, au lieu que le lit de dessus avoit rencontre celui de la Vis en angle sailant.

Explication Demonstrative.

les bivear unixtes etant dans cette possible; Nous avons die en purion de la Wis St. Giles and tonis précedents que les diametres de toutes les fections verticales de parfant par l'faxe de la Vis, étoient des lignes horisontales ; & en parlant du passage ébrasé, nous avons auss remarqué que toutes les sections de ce corps conoïde, qui tendoisme à l'axe version élevé au point de concbars des lignes convergentes de ses impostes, étoient auffi des lignes horisontales; par conséquent elles seront paralleles aux diametres des sections verticales de la Vis : mais comme tous ces diametres s'élevent à mesure que l'on tourne au tour du noyau, il convient aussi que les lits du passage ébrasé qui fait la Lunette, soient à des niveaux différens qui s'elèvent autant que les cintres de la Vis, ce qui convertit le passage ébrasé en Berceau rampant d'une imposte à l'autre, comme la Vis change la Voute sur le noyau en Berceau rampant : la différence qu'il y a dans ces manieres de ramper, c'est que la Vis rampe fuivant la direction courbe, & que la Lunette qui lui est intervale, ne doit point ramper suivant sa direction qui est droite, mais fuivant fes fections transversales.

On auroit pu prendre cas sections transversiles suivant des lignes courbes concentriques à la Vis, le Trait en seroit un peu plus régnlier, j'en conviens, mais il en seroit aussi plus difficile dans l'exécutions. 1. Parce qu'il faudroit déveloper tous les diametres courbes de ces sections, qui sont des arcs de cercles ou d'Ellipses. 2. Parce qu'il faudroit se servir de panneaux séxibles pour apliquer les courbes de ces cintres sur des têtes convexes ou concaves, ce qui est un troisième inconvénient qu'on évite en faisant des serches sur des seqtions planes.

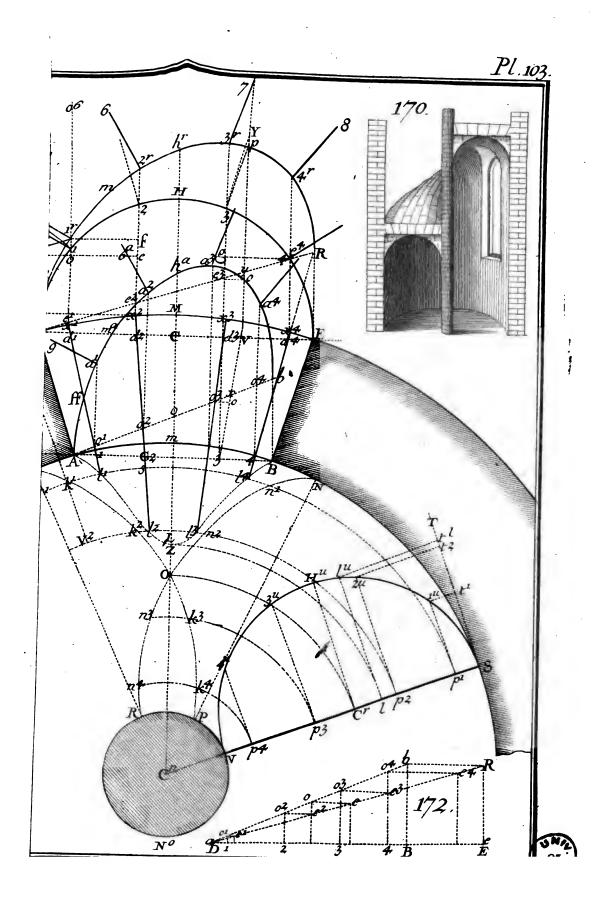
D'AILLEURS la différence de contour, qui en peut résulter, est si petite qu'elle doit être imperceptible à la vûe, c'est pourquoi îl est inutile d'alonger l'opération, puisqu'il n'en peut résulter aucun avantage, mais au contraire plus de difficulté.

#### A STEREOTOMIE Liv. IV. PART. EL.

Vonta tont ce que j'avois à dire touchant les Vontes; je crois n'es avoir oublié aucune de celles qui peuvent être de quelque usage: j'ai taché de me rendre intelligible le plus qu'il m'a été possible, mais je ne me flate pas de l'avoir toujours été à ceux qui ne sont pas un peu initiez dans la pratique des Traits; je leur conseille de s'aider l'imagination. Et de supléer à ce qui manque à mes explications, par le travail des mains, en coupant du Trais avec de la craye ou du platre.

Quorous les Voutes renferment les plus grandes difficultez de la Stereotomie, il est cependant vrai qu'il s'en trouve encore dans la construction des Escaliers, considerez par leurs Apuis, Limons & Coquilles; c'est ce qui nous reste à examiner.





. • • • • • • • • .•



#### CHAPITRE ONZIEME

# DE L'APAREIL DES ESCALIERS, considerez seulement dans leurs Apuis, Limons & Coquilles.

A PRE'S avoir traité des différentes especes de Voutes destinées à couvrir les Escaliers, comme la Vis St. Giles ronde pour ceux qui montent en tournant dans une Tour ronde, la Vis St. Giles quarrée pour ceux qui sont dans des Tours quarrées ou à pans : les Voutes droites sur les impostes rampantes & bombées au sommet, avec repos suspendus & portez par des Trompes, ou des arcs de cloitre, pour les Escaliers à rampes droites, un quarré ou autre poligone vuide au milieu, &c. Il nous reste à parler des parties essentielles aux Escaliers, qui sont les Marches, les Limons, les Apuis & les Coquilles du parement inférieur des marches droites, qui ont aussi leurs difficultez pour l'apareil; les moindres sont dans les rampes droites, cependant il n'est pas inutile, pour la pratique, de les faire remarquer.

#### PREMIEREMENT,

### Du Racordement des Apuis & Limons des rampes droites aux angles de leur rencontre saillans ou rentrans, extérieurs ou intérieurs.

It y a trois surfaces dans chaque Limon, qui méritent d'être considerées à part. 1°. La supérieure, dont les sections perpendiculaires à ses côtez rampans, doivent toujours être des lignes de niveau, ce qui s'étend aussi aux Limons & Apuis courbes.

- 2°. L'interieure du côté des marches, qui fait une espece de socle, dont l'arête doit être parallele à la ligne tangente aux angles des marches.
- 3°. La furface extérieure dans les escaliers vuides au milieu, qui est ordinairement une plinthe, ou une petite corniche rampante parallele à l'arête de la face intérieure, par conséquent à la tangente des angles des marches.

Tow. III.

Quorque ces trois surfaces soient rélatives, elles peuvent cependant, à l'égard de certaine simetrie, être considerées comme indépendantes, parce que leurs arêtes peuvent faire des suites dans les retours d'un côté, quoiqu'elles soient interrompuës de l'autre; & pour traiter ceue petite matiere à sond, comme nous croyons avoir fait jusqu'ici celle des autres Traits, nous allons établir un Lemme qui en donnera une pleine connoissance.

#### LEMME.

Deux Parallelogrames de différentes directions inclinez à l'horison suivant un de leurs côtez, & de niveau par l'autre, ne se coupent pas suivant la diagonale de la projection de l'angle qu'ils font entre eux, mais se noisent seulement as un point des côtez qui se touchent.

Ou ce qui est la même chose en dissérens termes; si deux Parallelogrames inclinez à l'horison sont perpendiculaires à deux plans verticaux de dissérentes directions, ils ne se croiseront qu'en un seul point, qui sera dans la ligne d'intersection des deux plans verticaux.

Suivant ce dernier énoncé, la verité de cette propolition est facile à démontrer, car en peut considerer les deux plans inclinez comme projettez sur les plans verticaux, & alors ils se rédussent chacun à une seule ligne inclinée; or deux lignes ne penvent se couper qu'en un seul point, par conséquent ces deux plans ne se croisent qu'en un seul point.

SECONDEMENT, ces deux plans, étant inclinez à l'horison, ne peuvent être coupez par un plan horisontal, que suivant deux lignes horisontales inclinées entre elles, qui sont dans des plans différens: or ces deux lignes ne peuvent se croiser qu'en un seul point, par conséquent ces deux plans ne peuvent se croiser qu'en un seul point horisontalement, suposant toujours des Parallelogrames, & non pas des plans prolongez en tout sens.

Sr nous en venons à l'aplication particuliere, nous pouvons confiderer ce qui arrive, lorsque leurs directions sont dans des plans verticaux perpendiculaires entre eux, comme à la fig 177. où les Parallelogrames CK, HE sont les projections des Parallelogrames qu'on supose inclinez à l'horison, l'un suivant l'angle du profil CED ou RE L son oposé au sommet, l'autre suivant l'angle CGA.

It faut démontrer que si le point F est celui de la rencontre des côtez IE, KG, toutes les lignes qu'on peut tirer de ce point F dans l'un & l'autre Parallelograme, sont divergentes, & qu'aucune ne peut

DES VOUTES COMPOSE ES CHAP. XI. 275 être la commune intersection des deux plans inclinez, comme dans leur projection horisontale.

Premierement il est visible que celles qui seront menées de ce point F perpendiculairement aux côtez KG, IE, seront divergentes, quoique réunies dans la projection, puisque FE considerée dans le plan CI est inclinée à l'horison par la suposition suivant l'angle CGA du profil, & que la même ligne FE, considerée dans le plan CK, est horisontale aussi par la suposition; par conséquent ces deux lignes seront inclinées entre elles comme GA & GC, ou par un autre profil, comme GF & F d en descendant, ou comme GF horisontale avec FD en montant, ce qui fait voir aussi que les lignes en FG sont encore divergentes comme GF & F d ou FD.

It ne sera pas plus dissicile de saire voir que les lignes tirées du point F, suivant la diagonale FC, ou toute autre F dans chacun des plans, seront aussi divergentes; car si l'on sait C a perpendiculaire à CF, & égale à CA, il est clair que la ligne a F représentera un des plans qui monte comme IC, ou qui descend de K en C; de sorte que saisant l'angle de cette descente en CF de, l'angle total a F de sera le prosil de la section des deux plans par la diagonale de la projection FC, ainsi des autres.

La même démonstration s'aplique sans aucune difficulté à la rencontre des parallelelogrames, dont les directions sont obliques, comme à la sig. 179.

Corollaire de Pratique.

It suit évidemment de cette proposition que deux tablettes d'apui de rampes, ou deux Limons paralleles à la tangente, qu'on doit imaginer toucher les arêtes des marches de chaque rampe, ne peuvent se joindre à leur rencontre que par un ressaut formé par une troisséme surface à plomb ou de niveau, qui passe de l'un à l'autre; quelque précaution qu'on prenne, on ne peut l'éviter, il est inutile d'y chercher d'autre expedient, ou bien les faire terminer à un pilastre ou piédestal, &c. qui en cache la terminaison; car si l'on fait ensorte par la disposition des girons des marches, que les côtez intérieurs des limons se réunissent dans l'angle rentrant, les côtez intérieurs ne se réuniront pas dans l'angle faillant oposé; & si au contraire les côtez intérieurs des limons ou apuis se réunissent dans un angle qui est saillant du côté des marches, ils ne se rencontreront pas dans l'angle rentrant oposé, ils y feront nécessairement un ressaut.

D'ou il suit que les expédiens que Bosse donne pour éviter les M m ij

l'apui, est l'intérieure du côté des marches où le limon fait ordinairement un bord de quelques pouces de hauteur, qui est la base intérieure des balustrades, ou le Ressocie du limon sur lequel on met la rampe de ser, auquel l'arangement des marches aux paliers de retour causent souvent de l'interruption, & oblige l'Architecte d'y faire un ressaut, ce qui arrive lorsque les deux marches DC, BC; sig. 173. qui forment le palier de retour ABCD, aboutissent à l'angle saillant C du limon MCL, parce que le point C est la prolongation commune à deux hauteurs de marches, sçavoir à DC du palier sur le giron D.g., & CB sur le palier AC, ce que l'on voit plus distinctement au prosil 176. aux lettres GC & C6; de sorte que l'arête MC du socle de la premiere rampe tombe au dessons de la hauteur de l'arête du socle en retour de toute la hauteur d'une marche;

La seconde surface que nous considerons dans le limon ou dans

Pour y remédier, il faut faire entrer l'angle C dans le palier de chaque côté de la moitié de la largeur d'une marche, en élargissant le palier par le réculement de l'arête DC en b K, & de BC en li, parce qu'alors le point de rencontre des arêtes du socle, ou des tangentes des marches de chaque rampe, se trouvera au dessus du palier de la moitié d'une hauteur de marche, & au dessous de la premiere marche de la seconde rampe, de la moitié d'une marche.

CETTE construction qui réunit les arêtes de la surface à plomb intérieure, entraîne aussi avec elle le ressaut de la surface supérieure, qui fait la Tablette du socle, laquelle ne peut se racorder dans le retour que par une surface triangulaire à plomb sur la diagonale, qui change suivant l'angle de rencontre de ces deux surfaces, & si leurs directions horisontales sont paralleles comme lorsqu'elles sont tournées en sens contraire, alors ce triangle est loxigone C e K, double de celui du prosil d'une demie marche; si les directions sont à angle Droit, il sera rectangle, ayant pour une de ses jambes la largeur du

#### DES VOUTES COMPOSEES. CRAP. XI.

limon, & pour hauteur une ligne proportionnelle à sa largeur à l'égard des marches; de sorte que si le Limon avoit deux sois la largeur d'une marche, le ressaut du côté extérieur seroit égal à deux hauteurs de marches, ainsi du reste.

#### COROLLAIRE.

D'ou il suit que pour ôter totalement ce ressaut vertical, & le changer en une plate-forme horisontale, qui est plus agréable à la vuë, il saut réculer ler marches du palier du retour jusqu'à l'alignement des côtez du quarré de l'épaisseur du Limon C efg, sçavoir en df, & bf pour les terminer au Limon en g & e, c'est-à-dire qu'il saut agrandir le palier jusqu'à ce que toute la largeur du Limon y soit comprise.

Cerre correction changeant, la rencontre des Limons de l'angle faillant au rentrant formera une continuation d'arêtes de plinthe ou de corniche, en retour aux angles rentrans, fans aucun ressaut, & c'est en quoi consiste l'attention qu'on doit avoir à la troisseme surface du Limon, pour donner une suite de retour à ses arêtes & à ses ornemens; si les directions des rampes faisoient entre elles un aux gle aigus ou obtus, il faudroit tirer de l'angle rentrant P, sig. 179-des perpendiculaires P p P e sur les côtez oposez, qui détermineroient la direction & les extrémitez du palier qui se trouveroit alors moins élargi, que de l'épaisseur du Limon, parce que la ligne M e est plus petite que e P, & il seroit au contraire plus élargi si l'angle étoit aigu; ce qui est clair à la seule inspection de la figure, parce que l'angle de la diagonale PM avec le côté MN seroit plus ou moins aigu, par conséquent son complément MPE donneroit une plus grande ou plus petite distance entre la perpendiculaire P e & le point M.

L'inconvenient qui suit ce grand élargissement, qui peut saire perdre deux ou plusieurs marches à chaque palier, ou peut-être l'i-gnorance des moyens de le lever est la cause qu'on voit plusieurs escaliers où les Limons sont des ressauts d'esagréables à la vûe, comme aux grands Escaliers du Palais Royal & du Luxembourg à Paris.

Les Architectes françois modernes ont trouvé une invention fort ingenieuse, très agréable à la vûë & très commode pour éviter la difformité des ressauts dans les angles sans perdre de la place, en agrandissant les paliers; ils inscrivent un arc de cercle dans l'angle rentrant qui augmente la place du retour, & sauve toute irrégularité; voici comme il saut le tracer.

Soit l'angle rentrant MCN, qui étoit le faillant du Limon dans le Fig. 175 palier; ayant pris à volonté les points d'atouchemens T & j à distan-

ces égales du sommet C de l'angle donné, on menera par ces points les lignes perpendiculaires 1 C', 8 C', qui se rencontreront en C' ou sera le centre de l'arondissement, ensuite on divisera l'arc T t, comme il convient pour le collet des marches, par exemple ici en parties égales, qui aprochent de la largeur du giron des autres.

On tirera par chacune de ces parties de l'arc divisé, & par le centre C' des lignes droites C' x, jusqu'à la rencontre des marches qu'elles couperont en x & x, d'où l'on portera sur la face de la marche, la distance qu'il y a du point x à l'arc de cercle d'arondissement en x n; par le point n on tirera une perpendiculaire n y sur  $n \leq 1$ , & da point r une autre perpendiculaire r y sur C' x, qui coupera la précedente en y où sera le centre de l'arc rn, ainsi des autres, comme la figure le montre.

M'. Hertenstein, dans son petit Traité d'Architecture civile, s'y prend d'une autre façon, pag. 369.

" Il prend de part & d'autre depuis l'angle du filet intérieur la s valeur de deux rampes & demie, eil entend aparemment deux girons & demi); "l'intersection que l'on fera de ces deux points don-; nera le centre de l'arondissement ; duquel ayant décrit un quart de " cercle dans cet angle, on le divisera en huit parties, & les points ,, 1, 3, 5, 7, font ceux où doivent aboutir les marches. Cette méthode me paroit bonne lorsque l'arondissement du bout des marches est peu considerable, & qu'il y en a peu à arondir; mais lossque le nombre en est plus grand, il faut en revenir à celle que nous venons de donner, qui dirige ces arondissemens le mieux qu'il est possible, & qui le diminue insensiblement jusqu'à ce qu'il s'anéantisse.

### Des Escaliers tournans à Vis.

La difficulté de ces sortes d'Escaliers consiste dans la façon des tétes des marches qui portent leur Noyau ou leur Limon, & dans le délardement du parement inférieur qu'on apelle la Coquille, ils sont fusceptibles de cinq variations.

- 1. LA Vis peut être soutenuë par un Noyau plein & à plomb, C'està dire un pilier rond portant de fond.
  - 2°. Par un Noyau plein mais rampant, en façon de colonne torse.
- 3°. Le Noyau peut être suprimé, en sorte que la place demeure vuide, ce qu'on apelle Vis-à-jour; alors les marches ne sont soute-

nues que par leur queue, & par une petite partie de reconvrement fur leur longueur, continué jusqu'à la tête sans coupe, ce qu'on apelle en tas de charge, terminant seulement la tête par une moulure continuée en hélice au tour du vuide, qui doit être une ouverture d'un petit diametre, pour que cette moulure de tête étant peu inclinée en soit plus solide.

- 4°. Dans la même circonstance du Noyau vuide, on peut laisser une ouverture d'un assez grand diametre, en faisant porter à chaque tête de marche une portion de Limon tournant, qui ait une bonne épaisseur pour que chacune de ses parties s'apuye sur l'inférieure partie en tas de charge dans son milieu, & partie en coupe vers ses arêtes extérieures & intérieures aux lits de dessus & de dessous.
- 5°. Enfin les marches peuvent être portées à leur tête par un Limon de piéces détachées des marches, qui foient capables de se sent tenir étant contretenues par les marches, & de soutenir réciproquement les têtes de ces mêmes marches, qui s'y apuyent par des entailles.

#### PROBLEME XV.

### Faire un Escalier à Vis quelconque.

### PREMIEREMENT, De la Dis à Noyau plein & à plomb.

La construction des Escaliers à Vis & à Noyau, plein & à plombest si facile que les moindres tailleurs de pierre l'éxecutent, lorsque le parement du dessous des marches sait un ressaut à chaque récouvrement, mais lorsqu'il fait une surface continue en Coquille, ils n'en viennent à bout qu'en tatonnant.

Les Auteurs qui ont écrit sur la coupe des pierres n'ont point pourvû à ce Trait; M. de la Ruë qui en parle dans celui de la Vis à jour, dit seulement qu'on délardera le dessous des marches en conduisant la regle suivant les parties courbes & rampanees, en sorte qu'elle tende toujours autant que faire se pourra au centre de la Vis; mais il ne donne pas la maniere de tracer une courbe sur laquelle on doit apuyer la regle par un bout, ni de saire en sorte que sa direction par l'autre extrémité tende au centre du noyau, soit qu'il soit plein ou vuide, quoique ce centre ou plûtôt l'axe de la Vis soit invisible dans l'un & l'autre cas; cependant on ne peut sormer cette surface reguliérement si la regle n'est

guidée par deux lignes courbes, sur lesquelles elle doit couler dans une certaine position qui change de direction à chaques points de ces courbes; nous allons tacher d'y supléer.

Fig. 18c. Soit (fig. 180.) une portion de Tour creuse HIK, dans laquelle est un Escalier à Vis, dont ABDE est le noyau circulaire, par le centre C duquel on imagine une ligne verticale que nous apellons PAR Le la Vis, auquel toutes les lignes dirigées suivant la longueur des marches doivent tendre comme les rayons du cercle à leur centre; telles sont les lignes HA, IB, KD, qui expriment le plan horisontal de deux marches.

It s'agit de faire le parement de dessous de ces marches & des suivantes; en sorte qu'il soit continué sans ressaut d'une maniere uniforme en Coquille de cette espece que nous pouvons apeller une surface Planohélicoïde, qui différe de l'Annulaire hélicoïde ou Vis & Giles, en ce que les lignes des sections de tous les plans passans par son axe sont des demis cercles ou d'autres courbes; & qu'ici ce sont des lignes droites, cependant leurs sections par des plans ou des surfaces cylindriques, sont des lignes courbes.

La ligne de l'angle rentrant formé par la rencontre de la Coquile avec la Tour, est une hélice parsaite, laquelle étant une Courbe à double courbure, ne peut être décrite sur une surface plane; donc on ne peut en faire la cerche sur une planche droite, mais seulement sur une portion de cylindre creuse, ou convexe, sequel cas il est bien aisé de la faire; car si l'on dévelope en ligne droite l'arc de cerche HIK, qui est le plan horisontal de la portion de la Tour qui porte les marches comme en q i sig. 180. & que l'on fasse à son extrémité à la hauteur de la marche q b; la ligne b i sera le dévelopement de l'hélice.

Si l'on coupe un morceau de madrier snivant le segment de cercle FH 2 IG convexe, & qu'on y aplique le dévelopement q b i tracé sur une surface sléxible comme du papier ou du carton; on y tracera la ligne bi, qui donnera sur là surface courbe du madrier, une ligne courbe, qui sera l'hélice qu'on cherche, suivant laquelle le bois étant taillé, on aura la cerche du bout de la marche à la queue. On trouvera de même celle de la tête, qui sera beaucoup moins inclinée à l'horison, comme l'on voit en PM sig. 183. où l'on a tracé l'une & l'autre hélice.

CETTE cerche ne sera pas nécessaire si l'on creuse dans la marche la portion de Tour concave qu'elle occupe au dessus du lit horison-

180

cal de sa queue, puisqu'on y pourra apliquer le triangle du dévelopement sur une base de niveau; mais si la pierre se trouve désournie, elle sera nécessaire pour former exactement les deux extrémitez de la surface en Coquille, sur lesquelles doit couler la regle qui dirige l'Ouvrier pour abatre la pierre qui se trouve entre deux.

IL ne reste plus qu'à placer cette regle sur ces courbes, de maniere qu'elle tende toujours à l'axe de la Vis sans tatonner, non pas à pen prè, comme dit M. de la Ruë, ce qui peut causer de grandes irrégularitez, mais exactement, ce qui est très facile; car si l'on divise chacune de ces portions d'hélices extérieure & intérieure en un même nombre de parties égales, par exemple en quatre, & que l'on pose la regle de la seconde division de la grande hélice à la seconde de la petite; de la 3°. à la 3°., ainsi de suite; & qu'on abatte toute la pierre qui n'est pas en droite ligne d'un de ces points à l'autre, la regle tendra toujours à l'axe de la Vis.

CETTE méthode de former la Coquille est fort simple & très exacte, cependant comme elle est méchanique, on peut trouver des cerches planes, qui serviront à la former aussi facilement entre les deux extrémitez des marches.

Suposant qu'on veuille avoir une cerche qui passe par le point O, Fig. on fera du centre C un arc O o, qui donnera le point o sur l'autre bord de la marche, par lequel on menera la droite o O, que l'on divisera en tel nombre de parties qu'on voudra, comme ici en quatre aux points 2, m, 3, par lesquels on fera passer d'autres cercles concentriques n, pp, dont on fera les dévelopemens sur une ligne droite; comme on voit par la répetition des mêmes lettres à la fig. 183. ensuite ayant porté sur chacune la même hauteur qui est celle de deux marches, on tirera l'hypotenuse H od du dévelopement, qu'on divisera aussi en quatre aux points b M d, par où on menera des petites paralleles à l'horisontale O k; & par les points 2, m, 3 de la ligne droite de projection O b, qui est plus courte que la dévelopée O<sup>4</sup> o<sup>4</sup>, on lui élevera des verticales 2 x M m 3 y, qui donneront par leur intersection avec les horisontales b x, d y les points x & y; la ligne courbe menée par les points O x M y b sera celle que l'on cherche.

On pourra former deux cerches concaves de pareilles courbes pour chaque marche, l'une vers le collet, l'autre vers la queue, & les divier, comme on a dit de l'hélice, en parties égales qui donnent la position de la regle sur des points correspondans, comme de la moitié de l'une à la moitié de l'autre, &c.

Tom. III.

CETTE espece de cerche peut être aussi très utile pour reclisier à coquille dans l'intervale de deux marches, qui pourroient chacune être bien faites, & cependant faire un pli ou un coude pour avoir été mal posées.

It est visible que cette coupe est plus nécessaire vers la queue de la marche où l'hélise est plus couchée que vers le collet, où elle aproche plus de la verticale, & que si l'on vouloit faire cette coupe dans toutes les regles, en sorte qu'elle sût toujours perpendiculaire à la surface gauche de la Coquille, il faudroit qu'elle sût aussi gauche; cette attention seroit nécessaire si la coupe étoit grande, mais on la fait ordinairement si petite, qu'on peut négliger cette précision; au reste il y a si peu de difficulté à l'observer, qu'on peut la faire sans contrainte; car si l'on trace une ligne du centre de la Vis par le bord de la coupe, comme c k à la surface insérieure, son écartement du bord de la marche DK qui se rétrecit vers le collet, donne naturellement le gauche de la coupe, il ne s'agit que d'abattre la pierre de l'une de ces lignes à l'autre, en droite ligne à la regle posée d'équerre sur les arêtes.

In est aussi visible que le réculement de cette coupe sous la marche est arbitraire, & dépendant du récouvrement que l'on veut donner à une marche sur l'autre, lequel dans cette espece de Vis peut être si petit que l'on voudra, parce que chaque marche étant portée par les deux bouts est suffisamment soutenuë; il n'en est pas de même pour les Vis à jour, comme nous le dirons ci-après.

### Explication Démonstrative.

Pour concevoir les raisons des manieres de trouver les courbes de ces deux cerches, il faut se ressouvenir de ce que nous avons dit au Liv. 3°. pag. 342. que le dévelopement d'une hélice étoit un triangle rectangle, dont la base étoit égale au dévelopement de celle du cy-

DES VOUTES COMPOS EES CHAR XI.

lindre, au tour duquel elle fait ses révolutions, soit qu'on la considere en tout ou en partie. Il est donc évident qu'en apliquant ce triangle dans sa situation naturelle sur une surface cylindrique, cette hypotenuse deviendra l'hélice même que l'on cherche.

In n'est pas moins évident que si l'on supose la surface de la coquille coupée par plusieurs autres cylindriques concentriques au noyau. due ces surfaces courbes soient traversées par une plane parallele à l'axe de la Vis, on aura pour leurs projections horisontales, les fieurs cylindres parallelement à leur axe, lesquelles sont par conséquent des lignes droites verticales, qui ont chacune un point commun avec l'hélice à la furface de la coquille dans chaque cylindre & dans le plan qui les coupe tous, ce qu'il falloit démontrer.

A l'égard de la maniere de placer la regle sur des divisions de parties proportionnelles, il est clair qu'à chaque division les deux hélices seront parvenues à même hauteur, par conséquent que la regle qui y sera suposée aura pris une situation de niveau à l'égard de la Vis. Premiere condition pour la formation de la coquille. Secondement, qu'elle sera dirigée à l'axe, puisque les arcs horisontaux de sa projection sont proportionnels. Seconde condition essentiellement réquise à la Vis circulaire.

Si le Noyau & la Tour dans laquelle est la Vis étoit Elliptique, au lieu d'être circulaire, il arriveroit de grandes inégalitez aux Girons des marches, si on les dirigeoit à l'axe qui passeroit par le centre de l'Ellipse; c'est prurquoi leur direction doit être prise par des parties égales en nombre dans chaque quart d'Ellipse de celle de la Tour à celle du Noyau, c'est le seul changement qu'il y ait à faire à la construction.

### Seconde Variation.

### Faire une Vis à Noyau rampant.

Sorr fig. 182. le cercle A e B, le plan horisontal de la place qu'oc-Fig. 182. cuperoit un noyau plein comme à la fig. 180. on fera un second cercle CDE, dont le centre c' sera à la circonférence du premier, & de tel diametre qu'on jugera à propos, car on peut le faire plus petit si l'on veut laisser un vuide, mais alors il se changeroit en Vis à jour. Ayant tiré du centre C par le centre c1, la ligne CR pour le milieu d'une marche, on en fera le plan f 3 2 e pour le giron, ajoûtant sur le derriere une partie GT 3 f pour le récouvrement de celle qui suit, &

au devant une petite avance en H avec un dégagement d'un Cavet. fi l'on veut, & l'on fera un panneau de la figure CDGT 2 H e EC, qu'on apliquera sur la pierre pour en tracer le lit de dessus, où l'on aura soin de laisser une avance de pierre qui l'excéde en EF; ensuite on fera par deux retours d'équerre au point C & au point 2 des lignes, qui passent du lit de dessus à celui de dessous, pour y pouvoir apliquer le même panneau, mais dans une position différente; ou posera bien le point C de ce panneau sous le point C du lit de des fus, mais on posera le point 3 sous le point 2; de sorte qu'il aun changé fa 1" fituation en celle de la marche inférieure C 1 02 I i Fa Dans cet état on tracera le contour du cercle IHFC, & l'on abatta la pierre d'un de ces cercles à l'autre, ce qui formeroit une portion de cylindre scalene, si on l'arondissoit à la regle sur ses côtez; mais parce que c'est une portion de cylindre hélicoïde semblable à une colone torse, il faut trouver une cerche qui puisse marquer la courbure de ses côtez; nous choisissons ici DE issu du point D milieu du demi cercle CM, comme le plus faillant & le plus propre à guider le Tailleur de pierre.

On portera à part la longueur de l'arc DI, qu'on dévelopera sur la droite di; sur le point d, on lui élevera la perpendiculaire  $dD^2$ , & l'on tirera  $D_2i$ , qui sera l'hypotenuse du triangle rectangle, & le dévelopement de l'hélice qui se fait sur le noyau en DI de la base sur périeure à l'inférieure du cylindre hélicoïde; ainsi ayant arondi un morceau de planche, suivant l'arc DI, en portion de cylindre, on y apliquera le triangle  $dD^2i$  tracé sur une matiere séxible comme du carton, suivant lequel on tracera la courbe qu'on doit apliquer au milieu du noyau, de laquelle on sera deux cerches différents. l'une convexe, que l'on posera entre les points D répairez au lit de dessus, & I au lit de dessous qui sera concave, & l'autre concave ou creuse, que l'on posera entre les points E & F répairez, l'un au lit de dessus comme E, l'autre au lit de dessous F, parce que ce côté est un per convexe suivant la direction EF.

Comme les arcs DI & EF, qui sont les bases de la surface de cylindre, dans laquelle se trouve l'hélice que décrit le côté du noyau en Vis, sont très peu dissérente de la ligne droite, il arrive que l'hélice est aussi très peu dissérente de la ligne droite de l'hypotenuse D<sup>2</sup>; de sorte que les Ouvriers méprisent cette dissérence, parce qu'elle est peu sensible en œuvre, ils en sont quittes pour quelques ragrémens. C'est aparemment par cette raison que le P. Deran n'en a pas parlé, mais il sait paroitre dans sa maniere de trouver la courbe des ornemens de la Vis à jour, qu'il n'a pas bien entendu cette matiere, puis qu'il donne une fausse méthode pour trouver ces cerches, de même que M. de la Ruë dans le quartier de Vis suspendu qu'il exécute par la même fausse méthode.

CE n'est pas assez d'avoir sait une tête de marche pour bien conduire le noyau rampant, il saut être guidé par des cerches à plomb pour redresser les petites sautes qui peuvent se faire dans l'exécution d'une portion du noyau, c'est pourquoi il convient d'en faire un prossil, & même deux, pris sur des bases qui se croisent à angle Droit dans la projection horisontale, comme en H g & LK.

Soir, par exemple, la longueur LK du grand diametre du cercle de révolution transportée en F m à la fig. 181. on décrira du milieu C le demi cercle r s c², qu'on divisera en autant de parties égales qu'it y aura de girons de marches dans son contour, par exemple en 8, & par ces points de divisions 1, 2, 3, &c. on menera des paralleles à la ligne du milieu CX, qui représenteront les changemens de position de l'arc ou centre du noyau vis-à-vis chaque marche.

On portera ensuite sur cette verticale du milieur CX, les hauteurs des marches en montant aux points 1, 2, 3, &c. par lesquels on tirera des horisontales n m, n m, qui couperont les verticales qu'on vient de tracer aux points  $1^a$ ,  $2^a$ ,  $3^a$ , &c. qui seront les milieux du noyau, à côté desquels si l'on porte de part & d'autre son demi diametre  $c^a$  m; on aura d'un côté les points m, m aux collets des marches, & de l'autre les points n, n, par lesquels on tracera avec une regle pliante les courbes égales m m, & C n n, qui seront les projections verticales des courbes à double courbure en hélices, qui pafferoient par les attouchemens du noyau avec des perpendiculaires aux diametres n m, n

Annsi faisant une cerche convexe fur ces courbes, on pourra la poser à plomb sur la lighe FC, dans la partie du vuide sous le noyau, & dans la situation où la courbe doit être par le moyen d'un aplomb n r; puis faisant couler une équerre horisontalement sur les prolongations des lignes mn tracées sur la cerche, on verra si le noyau panche trop ou ne panche pas assez.

It faut remarquer que cette cerche ne peut servir qu'à l'endroit pour lequel elle a été saite, parce que la courbe C  $6^{\circ}$  est concave depuis C en  $n^{4}$ , où il faut que la cerche soit convexe, & au dessus ou cette courbe devient convexe, la cerche au contraire doit être concave.

### Explication Demonstrative.

SI l'on supose une hélice cylindrique d'un diametre égal à la ligne AB, dont l'axe est vertical sur la centre C, la projection horisontale de cette hélice sera le cercle ABN.

SUPOSANT encore un cercle horisontal DMEC d'un diametre égal à AB, & qui soit ensilé par son centre dans l'hélice comme un morcean de carton dans un tirebourre, si l'on fait mouvoir ce cercle en l'élevant au long de cette hélice, ensorte qu'il conserve sa situation horisontale; il décrira par ce mouvement un corps hélicoïde que l'on apelle une Colonne torse, laquelle sert de noyau à notre Escalier à Vis.

IL est évident par cette génération que ce corps hélicoide tournant au tour du centre C de la projection, est traversé du haut en bas par la ligne droite verticale qu'on peut suposer élevée sur ce point C fans qu'elle entre dans ce corps.

D'ou il suit que si le rayon du cercle générateur DHC étoit plus court que celui de l'hélice CA ou CB, le corps hélicoïde laisseroit un vuide au milieu, dans lequel on pourroit introduire un corps cylindrique, qui auroit pour axe la verticale sur le point C, & qui seroit plus ou moins gros, suivant la différence qu'il y auroit entre le rayon D du cercle & CA de l'hélice.

Si au contraire le diametre ou le rayon du cercle générateur c D étoit plus grand que le rayon de l'hélice AC, le corps hélicoïde seroit fermé dans son milieu, c'est-à-dire qu'on n'y pourroit introduire aucune ligue droite.

D'ou il suit que les noyaux tournans & rampans peuvent être variez d'une infinité de saçons.

- 1°. Par l'hélice centrale, je veux dice dans laquelle passe le centre du cercle générateur, laquelle peut être plus ou moins ouverte, c'està-dire d'un plus grand ou plus petit diametre AB dans sa projection horisontale.
- 2°. En ce qu'elle peut être en cylindre circulaire, ou cylindrique Elliptique.
- 3°. En ce qu'elle peut changer d'ouverture du bas en haut, comme si elle étoit conique, c'est-à-dire descriptible sur la surface d'un cone.

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. XI.

4°. Enfin en ce qu'elle peut s'ouvrir inégalement, comme si elle stoit sphéroïde, c'est-à-dire qu'elle pût être décrite sur la surface d'un sphéroïde.

SECONDEMENT le corps hélicoïde peut varier par la grandeur du cercle générateur, en ce que la longueur de son rayon rend le corps hélicoïde plus ou moins délicat ou massif, plus ou moins ouvert ou fermé dans son milieu consideré verticalement.

PRESENTEMENT, si au lieu du cercle générateur, nous ne considerons que son diametre HC, qui se meut en s'élevant en situation horisontale sur l'hélice, conservant toujours sa direction au centre ou plûtôt à l'axe vertical; on reconnoitra suivant ce qui a été dit au Corol. II. de la pag. 38. du second tome, que tous les points de cette ligne génératrice forment (en tournant suivant ces conditions) autant d'hélices différentes, dont les plus éloignées du centre C sont les plus inclinées à l'horison, & au contraire les points qui en aprochent le plus décrivent les hélices plus droites; en sorte que celle qui est formée par le point C est infiniment peu courbe, c'est-à-dire qu'elle dégenere en une ligne droite verticale, qui est une tangente aux révolutions du corps hélicoïde.

D'ou il suit qu'on ne peut faire usage des panneaux de dévelopement pour ce noyau, comme on a fait pour la Vis St. Giles, parce que dans celle-là il ne s'agit que de quelques hélices distinctes & séparées les unes des autres. Ici ce sont celles qui se forment par les points du contour d'un lit circulaire, de sorte que l'on ne peut faire que quelques cerches de projection verticale, comme nous avons fait, lesquelles ne sont pas toujours immédiatement aplicables à la surface du noyau, mais seulement propres à diriger les saillies des Tambours par des perpendiculaires tirées sur le contour de la cerche.

CEPENDANT lorsque le corps hélicoïde est fermé dans son milieu; comme le sont ordinairement les colonnes torses, on peut faire des cerches aplicables dans le plan de l'axe vertical de la colonne, & cette précaution convient très sort pour une exacte exécution.

On voit en Alface beaucoup de ces fortes d'Escaliers à noyaux rampans dans les anciennes maisons des particuliers, au milieu desquels on fait pendre une corde pour s'y apuyer, parce que ce noyau est trop gros pour qu'on puisse l'empoigner, mais cette précaution qui est bonne devient inutile pour les gens un peu délicats sur la propreté, qui ont de la répugnance à porter la main sur une corde grasse & dégoutante.

#### COROLLAIRE

De-la on peut tirer la méthode de faire la colonne torse, qui n'est autre chose qu'un noyau rampant & tournant, dont les révolutions sont un peu plus serrées & fréquentes que dans les Limons d'escaliers qui ne sont guere plus d'une révolution & demie à chaque étage, an lieu que la colonne torse en fait au moins 6 ou 6 & demi dans la hauteur de 7 ou 8 des diametres de sa projection.

D'ou il suit que les révolutions des Vis d'escaliers étant sort écartées, le noyau devient une colonne sort peu torse.

Ce noyau differe aussi de la colonne torse, en ce que ses sections horisontales sont des cercles dont les projections se touchent, comme on voit les cerches Cg & CH se toucher en C, au lieu que ceux des projections des sections horisontales de la colonne torse se croisent le plus souvent des trois quarts de leur diametre.

Ainsi on peut considerer les noyaux rampans des Vis, à l'obliquité près, comme une pile de dames à jouer, tournant au tour d'une ligne à plomb; mais la même comparaison ne convient pas toujours & à toute sorte de colonne torse, parce que lorsque les révolutions sont inégales, leur diametre changeroit non seulement dans la projection mais aussi dans l'élevation.

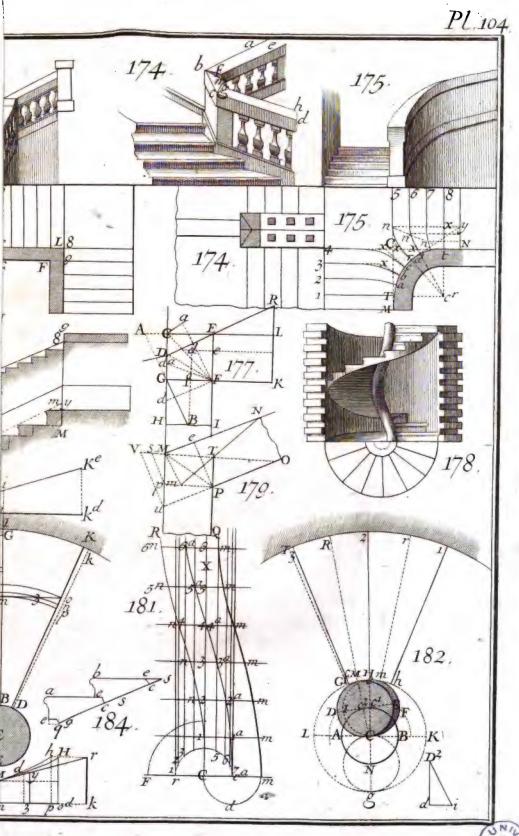
C'est pourquoi il faut les considerer comme une suite de boules, par exemple, des grains de chapelets ensilez dans un tirebourre, que l'on couvriroit ensuite d'une surface courbe tangente à ces boules, œ que l'on verra plus clairement lorsque nous parlerons des colonnes torses à révolutions inégales, dont nous donnerons un exemple singulier, plutôt pour la curiosité que pour en conseiller l'usage.

On peut encore considerer la colonne torse comme la trace du mouvement d'un cercle enfilé dans une hélice par son centre, suposant le plan de ce cercle toujours perpendiculaire aux parties infiniment petites de cette hélice, au lieu que nous l'avons suposé de niveau pour la génération de notre noyau de Vis tournant & rampant.

D'ou il suit que les sections horisontales de la colonne torse formée par cette génération, ne sont plus des cercles comme dans notre noyau tournant, mais des ovales plus on moins alongées, suivant l'obliquité de l'hélice à l'égard de l'horison.

C'est pourquoi lorsqu'on veut faire l'élevation d'une colonne torse, après





• .  après avoir tracé l'hélice centrale, il faut décrire plusieurs cercles égau x au long de cette hélice; les courbes tangentes menées par les extrémitez de leurs diametres donneront en projection verticale les contours de la colonne torse, comme l'on voit à la fig. 207.

### De la Vis à Pressoir.

Nous joignons ici le Trait de la Vis simple avec celui de la colonne torse, parce que c'est le même dans le fond, qui ne differe qu'en ce que les Pas de la Vis font des angles rentrans & saillans, dont les sections par l'axe sont rectilignes, & que les intervales des révolutions de la colonne torse coupée par son axe, sont des courbes ondées rentrantes & saillantes, dont les points d'infléxions sont rangez suivant une hélice, qui est la même que celle du sommet des angles de la Vis, soit dans le rentrant, soit dans le saillant,

A l'égard du plus ou moins de révolutions, ce n'est qu'une différence accidentelle qu'on ne doit pas compter,

### Pratique du Trait pour toutes sortes de Visi

On commencera par faire un corps cylindrique, s'il s'agit d'une Vis ou d'une colonne fans diminution, & pour une colonne torse, on sera un corps conoïde tel que les Architectes le demandent pour les colonnes unies diminuées depuis le tiers de leurs hauteurs, ou renssées dès le bas jusqu'au tiers, & diminuées au dessus, dont le diametre sera reglé par la proportion qu'il doit avoir avec la hauteur de la colonne, comme d'un septiéme ou d'un huitième de cette hauteur, & par la mesure que l'on veut donner à l'écartement de chaque révolution de la colonne à l'égard de l'axe droit qu'on supose dans son milieu.

Soit pour exemple, un cylindre a b IF fig. 184. † Pl. 105. dont le plan horisontal ou section perpendiculaire à l'axe x X est le cercle ALBK, dont le diametre est AB & le centre C, on divisera le rayon AC en trois ou en quatre parties, pour faire du centre C un cercle avec le rayon DC quart du rayon AB, ou de son tiers, suivant que l'on voudra que la colonne soit plus ou moins torse.

On divisera ces deux cercles concentriques en un certain nombre de parties à volonté, par exemple en huit par quatre diametre AB n n LK m m, & par les points A n L m B, &c. on menera sur la surface cylindrique autant de paralleles à son axe par le Prob. 31. du 2<sup>c</sup>. Liv. page Tom. III.

215. ensuite on divisera la hauteur AF en six ou six & demi, pou former autant de révolutions, & parce que le contour de la base a ét divisé en huit parties égales, on divisera aussi l'intervale a 1 en hui parties égales, & le tout par conséquent en 48, & commençant à l'axe sur la projection, & à une parallele sur le relief, on portera successivement sur chacune de ses paralleles à la circonférence du cylindre une de ces divisions de plus qu'à l'autre, par exemple, une sur la premiere, deux sur la seconde, trois sur la troisséme, ainsi de suite; & l'on aura une hélice qui sera six révolutions dans quarante-huit paties de hauteur, ou six & demi en 52.

On tracera par parties cette courbe avec une regle pliante de point en point sur la surface cylindrique; & dans la projection ventale ou prosil de l'épure, on tracera l'hélice, du milieu des points de la quelle, comme centres de chaque section circulaire, on tirera à droite & à gauche des lignes égales, qui représentent les demis diametres de ces sections, lesquelles donneront les points de la courbe extérient des deux côtez qu'on tracera à la main.

CETTE courbe du profil étant considerée comme le contour d'un section plane de la colonne torse coupée suivant son axe, servin à former une cerche pour la tailler dans la pierre ou dans le bois.

Si la colonne étoit sans diminution, la cerche d'une seule révolution suffiroit; mais si elle est diminuée ou renssée, cette cerche dont être taillée dans une planche de toute la hauteur de la colonne, parce que les contours de chaque révolution sont inégaux entre eux, les uns plus écartez de leur axe, & les autres moins; de sorte que le colone torse des Architectes n'est pas une surface hélicoïde proprement dite, qui est composée d'hélices, mais en Limace double, dont les révolutions depuis le tiers de la hauteur en haut & en bas se resterent de plus en plus, suivant une progression qui est celle des ordonnées à l'axe de la Conchoïde de Nicodeme, comme l'a trouvé M. Blondel, suivant laquelle on formera le corps conoïde, qui sert de préparation pour contourner & creuser les ondulations des révolutions de la colonne torse, comme on peut le voir dans les Livres d'Architecture, particulierement dans celui de Daviler.

L'Aplication du Trait sur le bois ou la pierre, dont on fait la colonne torse, ne consiste qu'à tracer des lignes qui ne sont pas paralleles à l'axe, puisqu'elle est diminuée depuis son tiers en haut, & souvent encore depuis son tiers en bas, si elle est renssée, mais qui sont dans une section par l'axe; de sorte qu'il faut que les diametres ou rayons qui aboutissent à ces lignes dans la base supérieure & dans l'inférieure,

foient dans un même plan, ce qui se fait, comme nous l'avons dit au Prob. L de ce Liv. en bornoyant avec deux regles qu'on place l'une à l'égard de l'autre de maniere qu'elles ne se croisent pas; après quoi avec une regle pliante, on trace des lignes courbes d'une base à l'autre, suivant lesquelles ayant fait le tracé du contour de l'hélice, comme nous l'avons dit, on creuse le bois ou la pierre, de maniere que la cerche du contour de la section par l'axe s'y puisse apliquer exactement, tenant toujours le plan de cette cerche dans une direction qui tend à l'axe, ce qui est facile à faire, puisqu'il n'y a qu'à poser sur les bases de dessous & de dessus de la colonne, des regles dégauchées passant par les centres de ces bases, & ajustant la planche dans laquelle on a coupé la courbe de la cerche suivant ces deux regles.

Par ce moyen on peut se dispenser de faire un modele en grand pour guider les Apareilleurs, comme le demande Daviler; car il leur est impossible de se tromper s'ils sont autant de cerches que de ces paralleles, c'est-à-dire des courbes à la surface du noyau qui est un sust en cylindroïde, lesquelles sont des sections par l'axe, ce qui n'est pas sort difficile ni sort embarassant, car si l'on en fait 8, ce sont 8 planches à contourner sur des prosiss différens.

Le feul cas où les modeles en grand sont nécessaires, c'est lorsque la matiere est précieuse comme du marbre, & que les creux de la colonne sont remplis d'ornemens comme de septs de vignes rampans avec leurs seuilles & fruits. L'exécution de ces sortes de colonnes est assez fréquente en France, mais encore beaucoup plus en Espagne & en Portugal, où l'on voit dans toutes les Eglises de ces colonnes ainsi ornées de vignes mélées souvent avec des épis de bled, pour servir de symboles de l'Eucharistie.

Quotou'on ne puisse trop décorer la maison du Seigneur, on peut dire que la simplicité des Eglises des premiers siécles, n'admettant point toutes ces choses qui amusent les yeux, étoit selon moi beaucoup plus majestueuse, & plus propre à inspirer le récueillement si nécessaire à la priere.

### Troisiéme Variation.

### De la Vis à jour, ou à Noyau vuide.

Lorsou'on veut suprimer le noyau d'un Escalier à Vis, il faut confiderer quelle est la grandeur de l'ouverture horisontale, qui doit rester à la place qu'il auroit occupé; & suivant la grandeur de cette ouver-O o ij ture, il faut operer différemment pour supléer à l'apui qu'il auron donné aux têtes des marches.

### Premiere Espece de Vis à jour.

Lorsque le vuide du Noyau est d'un petit diametre, comme depuis 4 jusqu'à 8 ou 10 pouces, on peut supléer à l'apui qu'il auroit donné aux têtes des marches par un petit élargissement de la tête qu'on orne d'une grosse moulure pratiquée dans la même pierre en faillie, comme elle est représentée à la sig. 187. en perspective; par ce moyen chaque marche est apuyée par les deux bouts, sçavoir à la queuë dans la muraille de la Tour où elle est engagée, & du côté du vuide sur la faillie de la moulure, qui forme un Limon, dont les parties adhérentes à la marche sont posées les unes sur les autres en Tas de chapt sans coupe, parce que l'hélice que forment ces moulures étant sont rapide, je veux dire, aprochant beaucoup de l'aplomb, ne sorment pas des angles trop aigus avec les lits horisontaux des têtes des marches, ce qui n'arrive pas de même lorsque le diametre du vuide est sont grand, parce qu'alors les hélices deviennent plus inclinées à l'hozison, avec lesquelles elles sont par conséquent des angles plus aigus.

Ainsi il faut considerer chaque marche comme composée de deux parties dans une seule piece de pierre, scavoir de la marche composée de Pas vertical, & de giron horisontal, qui doivent faire de continuels ressauts, & du Limon tournant qui ne doit point faire de ressaut, mais une suite continuée au travers du vuide triangulaire du ressaut que fait le giron d'une marche avec le pas, ou contre-marche de l'autre; sela suposé.

Pl. 105 Sorr (fig. 185.) le cercle ABN, la projection horifontale du vuide Fig. 185 que l'on veut laisser au milieu de l'Escalier à Vis à la place que devoit occuper le Noyau.

On fera le panneau de la marche avec les ornemens de mouliures, qui doivent composer le Limon, dans lesquelles il faut ménager un gros tore ou boudin rond, pour qu'on y puisse conler la main lossqu'on veut s'apuyer en montant ou en descendant, & pour dégager ce boudin il convient qu'il y ait à côté un grand Cavet qui marque le collet de la marche où doit se terminer la partie verticale du pas ou contre-marche, laquelle est aussi ornée d'un quart de rond sur son arête Jig. 187. qui vient sinir à ce Cavet, comme l'on peut voir à la figure 187. en perspective.

Le panneau étant fait comme il convient à la grandeur de la Cage

### DES VOUTES COMPOSEES CHAP. XI. 293

à au nombre des marches de chaque révolution, & la pierre étant augée de l'épaisseur qu'éxige la hauteur de chaque pas, on le posera ur le lit de dessus, c'est-à-dire sur le giron pour en tracer le contour omme en POED; on sera en même tems par un retour d'équerre sur e point E un repaire au lit de dessous, où il servira pour y poser le nanneau après qu'on aura renversé la pierre; on en usera de même u point O.

Dans cette seconde situation, on posera le panneau d'une maniere lifsérente de la premiere, en plaçant le point P sous le point O, c'esti-dire sur le repaire qu'on vient de faire par un retour d'équerre à ce
point, & le point D sous le point E, ou ce qui est la même chose
ur son repaire, & dans cette situation du panneau on tracera la tête
EF plus avancée que la premiere DE de l'intervale d'une marche à son
Collet, laquelle avance se prend dans l'espace triangulaire OFE que
orme le rétrécissement de la marche OE.

La pierre étant ainsi tracée, on abattra toute la partie comprise dans le triangle OH n, pour former à l'équerre sur le giron le pas de la marche, & sa moulure, laissant la partie EF saillante au de-là, dans laquelle jointe à la précedente DE, on creusera à l'équerre sur les lits la partie concave DEF par le moyen d'un cercle formé sur le demi cercle AEB.

Ensurre ayant rectifié l'arc de cercle EF, on le portera à part en ef, puis ayant fait e i perpendiculaire sur le point e, & égale à la hauteur donnée d'une marche, on tirera l'hypotenuse i f qui sera le dévelopement de l'hélice que sorme le Limon depuis le lit de dessus jusqu'au lit de dessous, ainsi on tracera ce triangle sur du carton pour être apliqué & plié dans le creux cylindrique de la tête, asin qu'on puisse tracer l'hélice qui s'y sorme au filet de la moulure, & par ce moyen les autres hélices des moulures paralleles au dessus & au dessous de celle-ci, ou plûtôt en avant & en arrière.

It est visible que cette construction changeroit un peu si la projection horisontale du vuide du noyau étoit Elliptique au lieu de la circulaire que nous avons suposé, en ce qu'il faudroit changer autant de sois la tête du panneau qu'il y auroit d'avances de Limon, au lien que dans le cas du vuide circulaire, il suffit de le renverser & de l'avancer; c'est un avertissement que le P. Deran & M. de la Ruë ont obmis.

In se présente une difficulté dans la suite de ces têtes lorsque l'on sait quelques paliers. La premiere est la difformité des jarrets qui s'y

font, parce que l'intervale horisontal d'un giron au suivant étant pes grand que les autres, le Limon qui passe d'une arête à l'autre n'el pas continué d'une maniere unisorme, mais devient beaucoup plus couché au palier selon le plus ou le moins de largeur de son giror.

D'ou il résulte un autre inconvénient, c'est que l'arête du lit inficieur devient trop aiguë, & par conséquent sujette à casser.

Pour remédier au jarret on se prépare de loin à le corriger; au lieu de n'avancer la tête qui fait saillie au devant de la contre-marche que de la largeur du Collet du giron, on la fait avancer un peu d'avantage, par exemple d'une sixiéme partie de plus, si l'on veut racheter l'excès du Collet du palier sur six marches, tenant toujours cette tête à la circonférence du cercle du vuide de la Vis, & pour cet effet on la guide par des divisions sur la queuë, qui correspondent à celles de la tête, pour avoir des rayons qui tendent exactement au centre. Il est cependant vrai que ces précautions ne sont que pallier & diminur un peu la difformité du jarret qu'on ne peut effacer totalement. D'oi il suit que si l'on aime la persection & l'unisormité, on ne doit pa faire de palier à ces sortes d'Escaliers.

## Remarques sur l'usage des Escaliers à Vis à jour, 6 des autres à Noyaux pleins.

Lorsou'on a peu d'espace pour pratiquer un Escalier, on doit préferer la Vis à jour à toutes les autres, parce que l'on gagne la plac qu'occuperoit un noyau, laquelle donne une grande aisance au passage des corps à la hauteur des coudes & des épaules; mais il ne convient pas que le diametre du vuide soit un peu grand, parce qu'il inspire de la frayeur de tomber au travers an cas que l'on vienne à faire un faux pas.

CE que j'ai vû de plus petit mais de plus parfait en ce geure d'ouvrage sont les petits Escaliers de marbre qui montent dans les piliers de la nef de St. Jean de Latran à Rome, qui ont pour Limons de moulures à peu près comme celles de ce profil, sur lesquelles ou coule la main pour s'apuyer.

Quorque dans les Noyaux rampans il n'y ait aucun vuide à plomb, on y est encore moins exempt de la frayeur d'y tomber qu'aux. Vis à jour, parce qu'il ne présente point de ces moulures pour apui, mais un corps rond & trop gros pour qu'on puisse l'empoigner, ainsi ils ont le désaut du noyau vuide sans en avoir l'agrément qui consiste à

DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. XI. 295 oir du haut en bas tout l'Escalier par le moyen de cette petite ouerture en forme de Puis.

### Seconde Espece de Vis à jour,

### Dù les sêtes des Marches forment un Limon propre à porter une rampe de fer.

Lorsque les Vis à jours sont ouvertes au milieu de plus de 9 à 10 souces de diametre de Noyau vuide, & que les marches sont plus ongues de 3 pieds, on ne peut se garantir de la peur & même du langer de tomber par cet intervale vuide sans une rampe de ser, qui ert d'apui & de garde-sou. Alors au lieu de faire le Limon en boulin rond, comme au Trait précedent, il faut le faire plat par dessus our y asser la rampe ou balustrade, & une tête à plomb assez paisse pour lui servir de base & de soutient au Collet des marches, qui en ont plus besoin qu'aux petites Vis à jours, parce que les hélies des Limons sont nécessairement plus couchées, dans le raport des listances des Limons à l'axe vertical de l'hélice, les hauteurs des marhes qui sont presque toujours les mêmes étant suposées égales dans une & dans l'autre grandeur de Vis à jour.

DE cette différence d'inclinaison des Limons, il suit aussi que les ngles de leurs sections horisontales, c'est-à-dire des lits avec le parenent rampant, deviennent aussi beaucoup plus aigus que dans les peites Vis, où le Limon est fort près de l'axe vertical suposé au milieu lu vuide; de sorte que ces angles n'auroient aucune sorce si on pooit les têtes des marches en tas de charge par lits de niveau.

Pour remédier à cette foiblesse d'arête, on est obligé de les tailler n coupe perpendiculaire à la face supérieure du Limon, ce qui en forsifie encore la construction, en ce que cette portion de coupe empêne la tête de la marche de se dégager en glissant sur le devant ou sur e derrière de son lit.

Aux deux différences de construction dont nous venons de parler, in en peut ajoûter une troisième, qui consiste, en ce que dans les peites Vis à jours on donne peu de recouvrement aux girons des marthes, parce qu'on laisse paroitre les ressauts qui se sont d'une marche à autre au parement inférieur qu'on apelle la Coquille. Mais dans les granles Vis à jours ornées de balustrades, il convient de faire en sorte que la urface de la Coquille soit sans ressauts, comme aux deux Escaliers de a Chapelle de Versailles, ce qui occasionne un grand recouvrement

sur les girons, qui s'élargit depuis le Collet à la queue en raison à leur distance du milieu du vuide, comme on va le montrex dans le Trait.

Soir (fig. 188.) le demi cercle AFB, la projection horifontale du vuide de la Vis, dont la circonference a été divilée en un cartain nombre de parties égales pour regler la largeur des marches, à commencer où l'on juge à propos, par exemple ici aux points 1, 2, 3, 4, 5, 6, par lesquels on tirera du centre C les lignes 3 Z, 4 Z, 5 Z, 6 r, &c. jusqu'au mur de la Cage qu'on peut suposer de telle figure qu'on voudra, ronde, quarrée, ou à pans; nous n'en mettons it qu'une partie pour marquer seulement leurs directions, qu'il est aisé de prolonger dans le rond ou dans le quarré, &c.

On déterminera ensuite l'épaisseur qu'on veut donner au Limon, comme 6 D, pour en marquer le côté intérieur par un arc de cercle DL 12 concentrique au cercle AFB, lesquels arcs comprendront à partie supérieure, sur laquelle doit se poser la balustrade ou garde sou; mais comme il convient de faire la partie inférieure de ce Limon plus large pour lui donner plus de folidité, on en déterminera la largem par un arc concentrique plus éloigné du centre C, comme d x. TV, sur lequel on reglera le reconvrement d'une marche sur l'autre tel qu'on le jugera convenable, observant qu'il contribuera d'autant plus à la solidité de l'Escalier qu'il sera grand, parce qu'il élargira la queuë de la marche qui porte le mur, & la largeur du Limon à sa tête.

Suposant le reconvrement déterminé environ de la moitié du giron 1°2 au point  $\infty$ , on tirera du centre C la droite  $R \infty g$ , qui sera le bord supérieur du derriere de ce recouvrement.

It s'agit à present de saire le panneau de la tête du Limon, qui comprend deux girons, & le recouvrement d'une marche sur l'autre, c'est-à-dire les arcs FR & F 4 qu'on supose ici égaux, prenant le point F pour le milieu.

Avant pris à volonté le point H sur la ligne CF, on lui tirera une perpendiculaire indésinie GHI, & ayant porté de H en O la hauteur d'une marche, on lui menera une parallele PM par le point O, ensuite on dévelopera l'arc FR sur la droite HG qu'on lui sera égale, & qu'on portera aussi de O en M; de même l'arc F5 de H en I & de O en P; le Rhomboïde GPMI sera le dévelopement de la surface concave de la tête de la marche qui porte son Limon depuis l'arête du pas insérieur 5 3º jusqu'à celle du pas supérieur 6 d r. Mais parce que l'on veut, pour augmenter la solidité & la beauté, que ce Limon excede

DES VOUTES COMPOSEES. CHAR. XI. 297
cede les mêtes des marches, & falle un focle dessus & un ressocie des.

fous, on y ajoûte une longueur de coupe perpendiculaire au Limon en IK pour le dessus, & en GS pour le dessous, par l'extrémité de laquelle longueur on mene des paralleles KN, SQ, qui donnent pour l'un & l'autre les rectangles MK QG.

In faut observer que parce que le Ressole SGPQ déborde le dessous de la surface des marches qui fait la Coquille, d'une certaine quantité prise à volonté comme T, moitié de T, on menera par le point : la ligne : z parallele à z, qui marquera la largeur de la coupe qu'on doit saire au derrière de la marche pour abattre l'arête trop aigue que sormeroit la rencontre de la Coquille & du lit de dessus de la marche.

On en usera de même pour le ressaut que sait la Coquille avec le sit de la marche suivante, qu'on a marqué ici en  $q^r$   $p^r$  sur un profil de marche renversée en  $e \times h$  o p q e, qui est mis là sans autre besoin que celui de marquer la destination des lignes de l'épure,

Par un autre profil redressé à la queue de la marche en a b c d e f a, on voit le raport & l'usage des lignes de la projection que l'on peut comparer aux profils des figures de tête 192, & de queue 191. de deux marches posées l'une sur l'autre,

It faut encore remarquer qu'on a fait toutes les lignes des arêtes de coupe paralleles entre elles, pour ne pas les faire gauches; par exemple on a fait la ligne f T parallele à  $R \times$ , &  $t \ge p$  parallele à xg; quoique fuivant les bonnes regles elles dûssent être tirées toutes les deux, comme des rayons du centre C, parce que les intervales  $to \times \& fR$  étant inégaux, & fervant de base à des hauteurs égales à G r de l'élevation de la coupe de la tête, la surface qui passeroit par ces lignes seroit gauche hélicoïde, & non pas plane, par les raisons qui ont été données au commencement du second tome pag. 37.

Le En seroit de même de la petite coupe x , qui s'élargiroit du côté Tom. III. P p

de la queue, comme on voit en 11 g, & ainsi des autres KL, 11 qu & pp'; rien n'empêche cependant qu'on ne les puisse faire ganches les joins en seront plus réguliers, l'exécution en sera seulement un peu moins aisée, au reste on doit regler les bonnes coupes sur les joins de tête les plus aparens.

### Aplication du Trait sur la Pierre.

Avant que de regler l'épaisseur de la pierre qui doit fervir de marche, il faut considerer que puisqu'on veut que la tête qui porte le Limon soit d'une même piece que le reste, on sera obligé de la faire plus épaisse qu'il ne seroit nécessaire si la tête étoit d'une piece séparée, parce que les parties du Limon IK, SG, QP, MN, qui sont en coupe, excedent les lits de dessus & de dessous de la marche, ce qui oblige l'Apareilleur à en faire de suposez pour préparation, qui sont élevez au dessus des vrais lits de la hauteur K e pour le lit de dessus, & 7 Q pour celui de dessous qu'il faudra abattre dans l'exécution, à ces petites parties de coupe près, c'est-à-dire en ne conservant seukment que le petit prisme triangulaire, dont le prosil est le triangle IK e au lit de dessus (sig. 188. & 192.) & le triangle d QP au lit de dessous.

On commencera donc par faire un panneau d'un lit de toute la marche qui comprenne la tête L ni n F f T t z avec la queue qu'on n'a par marqué ici & le retour ZL, & ayant tracé le contour de ce panneau fur les lits de dessus & de dessous en retour d'équerre, on abattra quarrément toute la pierre qui excede le Trait, & l'on apliquera dans le parement creux de la tête du Limon, le panneau SG IK NM PO, tracé sur du carton pour l'apliquer à cette surface concave evlindrique en pesant dessus pour le faire joindre dans le creux; dans cet état on en tracera le contour, suivant lequel on abattra la pierre quarrément, tenant toujours une des branches de l'équerre parallele au Trait du milieu HO, & l'autre suivant le biveau mixte de la coupe 3'4'7.

On pourroit pour plus de sûreté saire un panneau de l'intérieur du Limon en dévelopant l'arc k' n' pour en saire la base d'un triangle rectangle, qui auroit pour hauteur celle de la marche, plus celle de la coupe prise en K e; l'hypotenuse de ce triangle sait de carton apliqué & plié dans la surface cylindrique du Limon intérieur, formeroit l'hélice de son arête. Les sigures 189. 190. 191. & 192. serviront de suplément à ce qui manque à cette explication.

LA fig. 189. fait voir la tête d'une marche par dehors avec la partie

du Limon qu'elle porte, en perspective, avec les petites coupes IK, SG au lit de dessus, & QP, MN au lit de dessous.

La fig. 190. marquée des mêmes lettres, montre la même tête de marche, vue par dedans aussi en perspective.

LA fig. 191. montre par un profil de quelle manière les marches se recouvrent vers la queuë, où l'on a distingué par une hachure la partie de la pierre qui doit être enlevée après la première ébauche des deux lits de préparation, & par une ponctuation le profil de ce qui reste en œuvre.

La fig. 192, montre par un profil le recouvrement d'une marche fur l'autre au Collet, qui est beaucoup plus petite qu'à la queuë, & la saillie triangulaire KLN du Limon au devant de l'angle rentrant des marches, laquelle est marquée par une hachure croisée, cette partie a aussi été représentée à la fig. 190. Les parties en parallelogrames IN & GQ représentent le socle & le ressocle, qui débordent le desfus des arêtes des marches, & le dessous du parement insérieur de la Coquille.

### Observation sur le Trait de M. de la Ruë.

JE crois devoir faire remarquer ici une erreur du Trait de M. de la Ruë, laquelle peut ne pas être de grande conséquence, lorsque les marches sont en grand nombre à chaque révolution de la Vis, & que l'espace du vuide du milieu est d'un grand diametre, mais qu'il est encore meilleur de ne pas faire.

Cer Auteur trace le panneau de tête de la marche qui porte Limon par une projection verticale : or il est évident que le panneau fléxible formé sur une telle épure sera trop court étant apliqué dans la surface concave cylindrique du vuide du noyau, suivant le raport de la corde f n à l'arc f f n, qui est considerable dans cet exemple.

SECONDEMENT il est clair que la projection qui se fait d'une surface plane sur un arc, ou d'un arc sur une surface plane, ne donne pas sur cette surface des parties proportionnelles aux divisions de l'arc, puisque les parties de cet arc sont toutes inégalement inclinées à celles de la surface ou de la ligne droite qui lui sert de base, par conséquent les unes se racourciront plus, & les autres moins par la projection; il est, par exemple, visible que l'arc S & se racourcira plus que son égal 6 s, qui est presque parallele à GL

P p ij

Ensus si l'on supose le creux cylindrique vertical s F n compé pu un plan incliné à l'horison comme KN, qui soit perpendiculaire au plan vertical passant par AB, la section de ce plan sera une Ellipse, & par la nature de la Vis la courbe de l'arête du Limon doit être une hélice; par conséquent la pratique du Trait de cet Anteur est sausse points.

QUANT à la justesse de celui que je viens de donner, elle est claire par la seule construction, & par l'exposition de ce que l'on doit faire, par laquelle nous avons commencé à rendre raison des dévelopemens des lits horisontaux circulaires, des petits lits en coupe & des hélices des arêtes du Limon; il ne paroit pas nécessaire d'y ajoûter d'autre démonsstration.

### Troisiéme Espece de Vis à jour,

Où les Limons sont détachez des marches, & s'étendent sur plusieurs têtes.

En termes de l'Art-

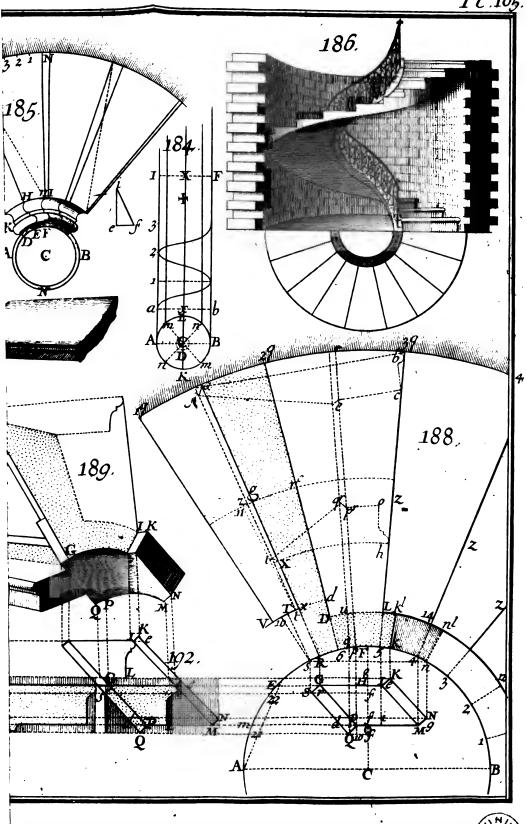
### DE LA COURBE RAMPANTE

PREMIEREMENT.

De la circulaire d'une seule piece à l'usage de la Charpenterie & Ménniserie.

Dans le Trait précedent chaque tête de marche portoit son Limon d'une même piece; dans celui-ci le Limon est un ouvrage à part, dans lequel on fait des entailles, ou si c'est en Charpente, des mortoiles, pour y loger plusieurs têtes des Collets des marches tournantes, c'est-à-dire qu'il s'agit ici de faire, d'une grande piece, les parties du Limon qu'on faisoit de plusieurs assises de peu de hauteur égale à celles des marches ausquelles elles étoient adhérentes, ce qui donne occasion à un cliangement de construction.

FL. 106. Sorr (fig. 193.) la portion de couronne de cercle AGED 4 B le Fig. 193. plan horisontal d'un mur déchifre de Vis à jour, portant de fond comme en a b m DE de la fig. 194. ou la projection horisontale d'un Li-Fig. 194. mon soutenu en l'air en saillie, comme le convexe AB de la fig. 195. Qui est un quartier de Vis suspendu; ou enfin la projection d'un Limon concave comme A' B' d e de la fig. 193.



• . • · . 1.

#### DESVOUTES COMPOSEES CHAP. XI.

PAR tous les points A, B, C, D, E du diametre AE, on lui éleera des perpendiculaires indéfinies, comme Al, CM, EL, &c. puis n divifera le demi cercle B 4 D en autant de parties égales qu'il y aura e marches dans cette partie d'Escaliers.

Nous fuposerons dans cet exemple qu'il y en a sept, sçavoir six collets de marches entiers entre les points 1 & 7, & deux moitiez le Collets entre les points B 1 & D 7, suposant leurs autres moitiez lans une rampe droite, ou en continuation de révolution dans un nutre demi cercle.

Par tous les points des divisions des marches 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, on tirera du centre C des lignes 1 1\*, 2 2\*, 7 7\*, 6 6\*, &c. qui couperont le côté convexe du Limon AGE aux points 7\* 6\*, &c. par toutes les extrémitez de ces lignes 1 1\*, 2 2\*, &c. on menera des verticales paralleles à la ligne AL.

On prendra ensuite une base d'élevation sur une ligne  $A^2$  O, parallele à la ligne AE à telle distance qu'on voudra de cette ligne, laquelle ligne  $A^2$  O coupera toutes les perpendiculaires provenant des points A, C, E, aux points  $o^2$ ,  $o^2$ ,  $o^3$   $m^4$  &c.

On portera au dessus du point o' successivement les hauteurs données des marches aux points 2, 3, 4, 5, 6, 7, & les demies hauteurs des demis Collets B 1, D 7, l'une en dessous de o' en 2, l'autre en dessus de la plus haute de 7 en E2; & par tous ces points O, 1, 2, 3, &c. on tirera autant de paralleles à la ligne AE, qui couperont les verticales élevées sut tous les points A 1×2, &c. qui sont au contour convexe AGB en des points y, y², y³, y⁴, &c. par lesquels on tracera à la main la ligne A² ý m y E², qui représentera en projection verticale l'hélice qui se forme à l'arête convexe du dessous du Limon, qui passe par les angles de dessous de chaque marche du côté de la Vis.

Ces deux courbes étant tracées, on prendra la hauteur que l'on ven donner au Limon, qui doit exceder celle des marches par dessus à par dessons d'une certaine quantité qui est arbitraire, comme de tros ou quatre pouces par plusieurs raisons. 1°. Parce que ce Limon sen d'Eschisse pour y loger les têtes des Collets des marches. 2°. Pour lui donner plus de solidité. 3°. Pour déborder les ressauteurs que le angles des marches sont de l'une à l'autre; l'une de ces hauteurs en dessus s'apelle le Socle du Limon, l'autre en dessons le Ressocle.

La hauteur verticale du Limon étant déterminée, par exemple se a, on la portera sur toutes les verticales au dessus des points y de suite, pour avoir la courbe d'arête convexe sur les marches a Me, & de même sur tous les points 2 pour avoir la courbe concave vers le vuide b Md, laquelle croisera la précedente en M, comme celle de desson m.

Les quatre courbes des arêtes du Limon étant tracées, comme on les voit dans la figure, on leur menera des tangentes, à vûē sendement en dessus & en dessous, par exemple en dessus par l'angle d qui est le plus avancé, & à peu près vers T où la courbe s'éleve le plus; on tirera la ligne L1, à laquelle on menera par le point B<sup>2</sup> une parallèle i l au dessous.

Par ce moyen toute la projection verticale du Limon se trouver comprise dans le Rhumboïde IL l i, qui montre quelle doit être l'épaisseur & la longueur de la pierre ou de la piece de bois qu'on doit tailler pour en faire le Limon, comme il est représenté à la fig. 196 par les mêmes lettres IL l i.

PRESENTEMENT il faut tracer les courbes  $b^2 g d & I 4' L$ , qui sont les sections planes du creux cylindrique du noyau vuide B 4 D, & du rond ou convexe du côté des marches AGE, lesquelles courbes, qui sont des Ellipses, comprennent un espace I 4' L d g b², dont il saut lever un panneau.

It sera facile de tracer chacune de ces demies Eslipses par le Prob. VII. du 2°. Liv. pag. 135. ou par le Prob. IX. pag. 145 du même Livre tôme I. parce que les grands axes IL de la convexe, & 1° de la concave sont donnez, & la moitié de leurs petits axes C° 4°. & C° g sont auls donnez au plan vertical en CG & C4; ainsi on pourra tracer ces demies Ellipses par un mouvement continu ou par plusieurs points, comme on a coutume de saire les cerches ralongées.

Nous avons suposé que le Limon faisoit une demie révolution BAD

3Ó3

la fig. 193. mais s'il en faisoit moins, comme par exemple moins Pt. 107'un quart en A n B (fig. 198.) la construction seroit encore la mè. Fig. 198ne. Ayant tiré du centre C de l'arc A n B les lignes CD, CE, CN,
l s'agira de changer les arcs de cercles A n B & DNE en arcs d'Elipses de même prosondeur, & sur des cordes données, qui seront
celles que la hauteur des marches comprises dans l'intervale DNE
lonneront; par exemple, dans cette figure ces cordes seront les lignes
le rampe a b², d E², qui se croisent en M, avec lesquelles on sera
les cerches ralongées par le Corol. III. du Prob. IX. du 2°. Liv. pag.
147. mais comme nous devons parler plus au long de cette construcnion, lorsque nous traiterons des Limons tournans & rampans saits de
plusieurs pieces, nous passons à la pratique de la taille du cas dont
il s'agit à la fig. 193.

# Aplication du Trait sur la pierre ou sur le bois.

Pour trouver la longueur de la pierre ou de la piece de bois qu'on pigdoit employer à faire le Limon d'une piece, on tirera par le point L
qui est le plus éloigné, une perpendiculaire L p sur la ligne i l prolongée en p; la distance i p sera la longueur qu'il convient de donner à
la pierre ou à la piece de bois, quoique dans la rigueur elle puisse être
plus courte de l'intervale e f par le haut bout, & i q par le bas;
mais alors la courbe convexe ne seroit pas toute tracée sur les lits de
la pierre où le panneau doit être apliqué, sçavoir à droite vers L au
lit de dessus, & à gauche vers i au lit incliné de dessous; c'est pourquoi il convient pour la commodité & l'exactitude de l'exécution que
la pierre soit un peu plus longue qu'il ne saut absolument.

L'epasseur de la pierre ou du bois sera donnée par la ligne L p, & sa largeur par la ligne CG du plan horisontal; ainsi avec ces trois dimentions on formera en pierre ou en bois selon la matiere dont on doit saire l'Escalier le Parallelepipede P r de la sig. 196. laquelle n'est pas rélative de grandeur à la sig. 193. saute de place.

On prendra ensuite la longueur L d de la fig. 193. qu'on portera en L d de la fig. 196. puis ouvrant la fausse équerre sur l'angle obtus L d D, on portera cet angle sur la pierre en L d V de la fig. 106. pour y tracer la ligne d V, qui doit être en œuvre à plomb comme d D de la fig. 193. on prendra ensuite l'intervale d  $b^2$  qu'on portera en d b sur l'arête IL de le fig. 196. pour tracer par ce point b une ligne b u parallele à d V. Les quatre points b, d, V & u serviront à poser le panneau I g L d d d d fur les paremens de dessus de la piece de bois, comme il est représenté à la fig. 196.

Par la même maniere, on abattra la pierre qui excede le contour convexe IGL, pour former le parement rond du côté des marches, dans lequel on doit loger par des entailles les têtes de leurs Collets.

Voilla déja deux furfaces verticales du Limon formées, desquelles il faudra rétrancher les parties qui excedent trop le dessus & le dessous des marches, dont les angles s'élevent les uns au dessus des autres suivant les courbes en hélices, ausquelles les arêtes du socle & du ressocle du Limon doivent être paralleles,

It faut donc tracer ces courbes sur les surfaces cylindriques concaves & convexes chacune en deux endroits parallelement entre elles, i'une en dessus pour l'arête du socle, l'autre en dessous pour l'arête du ressocle qui forme avec sa compagne le platsond, ou plûtôt une portion de coquille égale à la surface de l'épaisseur supérieure, ce que l'on peut faire de trois manieres différentes.

La premiere par le moyen des panneaux fléxibles, qui soient les dévelopemens des portions de surfaces cylindriques, dont l'une est concave, & l'autre convexe, suivant ce qui a été enseigné au Trait de la Vis St. Giles pag. 419. & fig. 230. du tome précedent, ce que nous repeterons en deux mots pour n'y pas renvoyer le Lecteur.

On fera, par exemple, pour le creux du Limon un triangle rectangle, qui aura, r°. pour base horisontale l'arc B 4 D dévelopé, c'està-dire rectifié en ligne droite, 2°, pour hauteur à plomb la ligne rd de la fig. 293. qui est celle du point d, sur une ligne de niveau br; l'hypotenuse de ce triangle rectangle achevera le panneau qu'on tracera sur du carton.

Si l'on aplique le côté dr sur l'arête d V de la sig. 196. & qu'on apuye sur le carton pour le faire plier, & joindre exactement dans la surface concave b SV le côté du panneau qui en est l'hypotenuse, marquera exactement le contour de l'hélice concave qui est marquée en projection verticale à la sig. 193. en b M d.

Il fera facile de tracer l'hélice parallele en dessis ou en dessous en faisant le panneau en lozange, c'est-à-dire en parallelograme obliquangle,

# DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. XI.

juangle, qui aura pour grands côtez l'hypotenuse trouvée, & pour es deux petits côtez la hauteur verticale du Limon 4 A2.

PAR la même méthode, on fera le panneau fléxible pour tracer l'héice convexe qui est du côté des marches, en rectifiant l'arc AGE du lan horisontal pour faire la base du triangle rectangle, & se servant le la même hauteur d r qu'on a pris pour l'hélice concave, parce lu'elle est égale à R pour la convexe, on a représenté deux pareils anneaux à la fig. 199. qui ne sont pas rélatifs à la fig. 193. mais sui suffisent pour l'intelligence de ce qu'on vient de dire.

LA seconde maniere de tracer les hélices des arêtes supérieures & inérieures des Limons sur leurs surfaces concaves & convexes est un peu moins simple, c'est de tracer dans la surface concave & sur la iurface convexe cylindrique autant de lignes paralleles à l'axe, ou ce qui est la même chose aux arêtes d V, b B2 de la fig. 196. qu'on élere de perpendiculaires à l'épure de la fig. 193. sur le plan horisonal, c'est-à-dire dans cet exemple, six en dedans, & autant en dehors, uivant les distances prises quarrément égales à celles du plan horisonal B 1, 1'2, 2'3, &c. pour le creux, & A 1", 1" 2", 2" 3", &c. pour le rond convexe du côté des marches. Ensuite on prendra sucressivement toutes les hauteurs de ces lignes sur la base horisontale A2 ), si le Limon porte de fond comme à la sig. 194. mais s'il est en 'air comme à la fig. 193. on ne peut prendre ces hauteurs pour les porter dans la pierre ébauchée à la fig. 196. parce qu'elle est vuide u dessous de l'arête B2 V; alors il faut prendre la dissérence de chacune de ces hauteurs, & la porter successivement au dessus de la ligne de niveau que donnoit la hauteur précedente, comme 40, 50, 60, fur lesquelles on porterales differences des hauteurs om, 025, e26, &c. de la fig. 193. qui donneront les points s, 5, 6, d, &c. par lesquels on tracera à la main ou avec une régle pliante l'hélice concave, que l'on cherche, & sa parallele au dessous, de même la convexe & sa parallele en dessous pour le plat-fond du limon.

La troisime méthode, qui est celle dont se sert M. de la Ruë, est encore plus composée, ordinairement peu correcte dans l'exécution, & demande une autre épure que celle de la sig. 193. c'est de saire deux cerches ralongées sur les lignes droites a e & b d, qu'on n'y a pas tracé pour éviter la consusion, mais qu'il est aisé de saire; car si le Limon sait une demie révolution complete, ce sont deux demies Ellipses à décrire sur des axes donnez; sçavoir, pour la concave le grand axe b d, & le demi petit axe C 4 du plan horisontal, & pour la convexe on a le grand axe a e, & pour moitié du petit axe la ligne CG du plan

horisontal; & si le Limon ne sait pas une demie révolution complete comme à la sig. 198. on pourra former ces cerches sur des cordes données en « e, d b, & avec les sléches données au plan horisontal m n, MN, on changera les segmens des cercles donnez en segmens d'Éllipses par le Corol. III. du Prob. IX. du 2°. Liv. pag. 147.

CETTE maniere ne convient pas à de grandes portions de Limon, qui sont beaucoup convexes, parce que l'on n'a que deux points donnez aux extrémitez des cerches, pour regler leur position, ce qui n'est pas suffisant, parce que pour peu qu'elles soient inclinées au plan vertical passant par ces deux points elles donneront un faux contour, ce qui ne peut pas arriver en se servant d'un panneau pour sormer les surfaces cylindriques concaves & convexes, pour lesquelles on a besoin de panneaux ou de cerches.

L'usage de ces cerches est de les poser sur les extrémitez des lignes droites données, qui en sont les cordes, & de faire des plumées crensées en rigole concave vers le vuide, & en rigole convexe du côté des marches; ensuite on abat la pierre entre les deux plumées, à la regle posée de l'une à l'autre sur des parties correspondantes, & l'on formera ainsi le creux & le rond des paremens qui doivent être à plomb.

S'IL ne s'agit que d'une portion peu concave ou convexe, on pourra tracer les hélices des arêtes sur ces surfaces, sans autre instrument ni préparation de Trait, qu'avec une regle pliante qu'on posera sur les deux extrémitez de l'arête, & qu'on sera joindre à la surface courbe: la trace sormée le long de la regle ainsi pliée, donnera une hélice à chaque position; celles qui seront tracées sur la même surface par des situations de regles paralleles, seront semblables; mais pour peu qu'elles soient plus ou moins inclinées, elles ne les seront plus.

Lonsone les joins du Limon sont à plomb, comme on a contume de les faire en Charpente, on a à chaque parement creux deux hélices semblables & égales à tracer à l'intervale de la hauteur du Limon; mais lorsque les Limons sont faits de plusieurs pieces, dont les lits sont en coupe, on a des hélices semblables à faire, mais non pas égales, parce que celles du dessous du Limon sont plus courtes que celles du dessous du dessous du Limon sont plus courtes que celles du dessous des dessous de la courte de l

SUPOSANT enfin que les hélices des arêtes soient tracées sur les paremens courbes cylindriques, concaves & convexes, par une des trois manieres que nous venons de donner, il ne s'agit plus que d'abatre la pierre à la regle de l'une à l'autre du dedans au dehors, observant

de tenir la regle dirigée à l'axe du cylindre, comme nous l'avons dit au commencement du second tome; mais comme cet axe est imaginaire, parce qu'il est dans le vuide du noyau, il faut chercher quelque moyen qui puisse la guider dans cette position; on le peut à peu près, en la tenant à vûe quarrément aux surfaces courbes, c'est-à-dire perpendiculairement à la tangente; mais pour être plus sâr, il faut diviser les hélices compagnes en parties égales entre elles dans chacune, & poser la regle sur les parties correspondantes, comme du tiers de la convexe au tiers de la concave, du quart au quart, &c ce qui fera que la regle se trouvera de niveau sur l'ouvrage posé en place.

Par ce moyen, on formera exactement une espece de surface que j'apellerai Plano-hélicoide, parce qu'elle est composée d'une infinité d'hélices différentes, qui font cependant leurs révolutions en même tems au tour de l'axe du cylindre, duquel elles sont toutes équidistantes, & de plus qu'elle est croisée par une infinité de lignes droites dirigées à cet axe commun, en quoi je la distingue de la Cylindrico-hélicoide, dont nous avons parlé en traitant de la Vis St. Giles, & des Noyaux & Moulures tournantes & rampantes des Escaliers précedens.

## Quatriéme Espece de Vis à jour.

# Lorsque le vuide est sur une base horisontale Elliptique.

Nous avons démontré au Théor. IV. du 1° Liv. que la section oblique d'un cylindre creux d'égale épaisseur, étoit une couronne Elliptique, comprise par deux Ellipses semblables, mais qui n'étoient pas équidistantes, ce que l'on vient de voir sensiblement en jettant les yeux sur la section I g L de la fig. 193.

D'ou par l'inverse l'on doit tirer la conséquence, que si le vuide du noyau est Elliptique, l'épaisseur du Limon devroit être inégale horisontalement, si le côté des marches étoit tracé par une Ellipse semblable à celle du vuide, parce que les distances des Ellipses Asymptotiques ne sont égales que sur des diametres égaux, elles sont inégales d'un diametre à l'autre qui ne lui est pas égal.

#### La démonstration en est très simple.

Soient (fig. 199) les lignes ac, bc, les moitiez de deux grands axes donnez, & ce, cd, les moitiez de deux petits axes conjuguez aux grands des deux Ellipses semblables concentriques, qu'on apelle Asymptotiques, on aura par la suposition, & par la définition des Q q ij

Asymptotiques ac. bc::ec.dc, & en divisant ac—bc=ab.ec—dc=ed::ac.ec::bc.de; or ac moitié du grand axe est plus grand que ec, donc ab est plus grand que ed; ce qu'il falloit démenter.

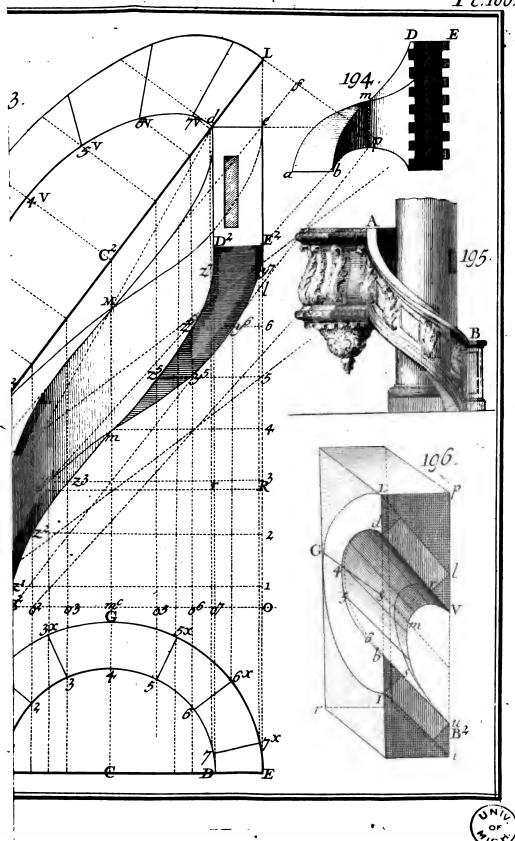
It en est de même des autres diametres conjuguez, qui ne sont paségaux, donc les Ellipses Asymptotiques ne peuvent avoir leurs circonférences équidistantes, car si ab est égal à ed, ac sera égal à ce & bc = dc, alors les courbes sont des cercles & non des Ellipses.

D'ou il suit que si la circonférence du vuide du noyau est Elliptique, l'arête du Limon, qu'on veut faire d'égale épaisseur ne peut être une Ellipse, mais une Epicycloïde, qu'il faut décrire, comme nous l'avons dit au 2°. Liv. pag. 141. en prenant au contour de l'Ellipse donnée plusieurs points à volonté, pour servir de centres à autant d'arcs que l'on sera avec la mesure de l'épaisseur du Limon, donnée pour rayon; la ligne courbe tangente à tous ces petits arcs sera l'Epicycloïde demandée, laquelle n'étant pas semblable à l'Ellipse donnée, sera nécessairement des jarrets aux extrémitez du grand axe, comme le montre la sig. 117. du 2°. Liv. & ce jarret sera d'autant plus sensible & choquant, que l'épaisseur du Limon sera grande à l'égard des diametres de l'Ellipse donnée, parce que les rayons des petits arcs de cercles qui sorment l'Epicycloïde, se croisent vers le grand axe, où ils sont un angle rentrant.

La seconde raison de l'impossibilité de saire un Limon d'égale épaisseur, lorsqu'une de ses arêtes est Elliptique, même par imitation, comme lorsque l'espace Elliptique est changée en Ovale par un assemblage d'arcs de cercles, est démontrée au 2° tome à la pag. 390. & à la sig. 205, où l'on sait voir que les arcs concentriques sont impossibles, lorsque la distance de l'arc intérieur à l'extérieur est plus grande que celle du centre qui a été pris pour soyer sur le grand axe : car alors la sigure inscrite n'ayant plus quatre centres comme la grande ovale, & les suivantes jusqu'au soyer, elle n'est plus une ovale, mais une sigure de suscaux comprise par deux arcs de cercles égaux, qui se croisent sur le grand axe, ce que le Graveur a mal exprimé à la sig. 205. où il a cru, malgré le modèle de mon dessein, qu'il devoit arondir les pointes F & f; c'est une saute à corriger à la planche 59.

Les irrégularitez sont donc inévitables aux Limons qu'on veut faire d'égale épaisseur sur un contour Elliptique ou Ovale, à l'une de ses arêtes du dedans ou du dehors.

Ainsi il n'est pas étonnant que Maître Blanchard se soit aperçu de



• •  lelque jarret vers les extrémitez des grands axes de la courbe ramnte sur une ovale; cette observation sait voir qu'il travaille avec soin. qu'il a du gout dans ce qu'il fait, puisqu'il a découvert sans le seurs de la Géometrie, une impersection peu sensible, qui avoit échaaux Artistes qui l'ont précedé; mais le reméde qu'il a voulu aporr fait voir qu'il auroit eu besoin de cette science, & son stile, qu'il oit besoin d'un peu d'étude pour écrire.

" J'ai remarqué (dit-il, chap. 15.) dans le Traité de la courbe rampante de quelques Auteurs, qui disent qu'on peut saire toutes sortes de plans tant réguliers qu'irréguliers; ils enseignent par leurs principes que les lignes des courbes ou Echiffres qui croisent, doivent partir du dedans de l'extrémité de la courbe rampante; mais ayant fait la preuve de leur opération, j'ai remarqué (sur plusieurs plans irréguliers tel qu'est celui-ci \*, qui est demi-ovale, ) qu'ils se \* La figure font trempez, & que la courbe se trouve estropiée dans son flanc: 197 est le il faut que les sussités lignes soient prolongées plus que de l'extrémité même plan du dedans & du dehors; ce qui cause cette difficulté, sont les têtes réduit en de l'ovale, qui sont plus concaves que les flancs; ceux qui en feront petit. en grand ou petit, traceront leurs marches sur la courbe débillardée seulement, ils en verront la verité, & l'expérience la leur sera mieux voir que la plume ne le peut expliquer, ni le Trait le faire connoitre.

CE discours est d'un Ouvrier sans théorie, qui ne conçoit d'autre 10ven de s'instruire que celui de la pratique, ignorant que la plume tout au contraire de ce qu'il dit) peut mieux exprimer les défauts que expérience, parce que les raisonnemens Géometriques vont à un point e délicatesse, où le dessein le plus parfait ne peut atteindre ; c'est par e raisonnement que nous condamnons la correction qu'il veut faire au éfaut qu'il a remarqué; car quoiqu'elle soit si mal énoncée, & si peu lative à sa figure, qu'elle est à moitié indevinable, il y établit une regle e hanteur constante pour des cas variables de hauteur & de contour 'hélice, " comme il est d'usage, dit-il, pag. 47. au verso, que l'on ne donne que six pouces de hauteur de chaque marche; à la premiere, yous n'en donnerez que quatre & demi; qu'elle soit plus haute ou plus basse, vous suivrez toujours la même proportion. Par cet exposé on eut juger de la justesse desa correction, mais suivons notre examen.

C'est le propre des hélices mal décrites de faire des jarrets ; or celes qui sont tracées sur des plans ovales par des points provenans des ivisions égales des girons & des hauteurs des marches, sont mal détites, donc elles doivent faire des jarrets.

PREMIEREMENT il est clair par ce que nous avons dit ci-devant, que la projections des arêtes des Limons ovales d'égale épailleur n'étant pasdes figures semblables ni semblablement divisées, ne produisent pas des hélices semblables; ainsi faisant l'hélice de l'arête du côté des marches rélitivement à leurs girons & hauteurs, celle du côté du vuide, faite par le même raport, aura des parties diféremment inclinées à l'horison, je veux dire, d'une manière qui ne sera pas uniforme, comme on le démontrera ci-après.

Blanchard semble avoir senti cette dissérence, lorsqu'il a dit, pag. 52. & 54. qu'il ne falloit pas s'arrêter aux hauteurs précises des marches.

Comme la courbe du côté du vuide de la Vis à jour est la plus aparente, il semble qu'on doit en faire l'hélice primitive & la plus réguliere, parce que la secondaire, qui est sa compagne du côté des marches, sera toujours moins réguliere dans les Limons sur base ovale d'égale épaisseur.

Pour le prouver nous suposerons, si l'on veut, que la projection de la Vis est une ovale plus correctement tracée que celle de la planche 20°. du livre du Sr. Blanchard, qui est composée d'arcs de cercles qui font des jarrets à leur jonction, sur laquelle cependant réduire en petite, & marquée des mêmes lettres, nous allons faire notre rafonnement.

Premierement, si l'on fait l'hélice primitive à l'arête du Limon de côté des marches, il est clair par la nature de l'Ellipse qui en est la projection, ou de l'ovale qui est l'imitation de l'Ellipse, que les largeurs des girons étant égales au Collet contre le Limon courbe, les cordes de ces divisions égales n'auront pas, comme dans le cercle, même raport à leurs arcs, mais que ces arcs seront d'autant plus grands à l'égard de leurs cordes, qu'ils aprocheront du grand axe, & d'autant plus petits qu'ils aprocheront du petit axe.

OR faisant les girons des marches, suivant l'usage ordinaire, d'égale largeur & hauteur, les arcs d'hélice, qui répondent à des divisions égales de leur base auprès du grand axe, auront une égale hauteur à parcourir en rampe, que ceux qui seront près du petit axe, quoiqu'ils soient plus grands en contour, donc l'hélice sera plus couchee vers le grand que vers le petit axe, ce qui est contraire à la correction de Maître Blanchard, & qui est cependant évident & sans réplique.

\* SECONDEMENT, si l'on fait les divisions des girons de marches égales sur une ovale moyenne prise au milieu de leur longueur, comme il

le pratique à la fig. 22. & que l'on tire ces marches d'un seul & même centre à la projection. Il est clair que si l'on prend ce point au centre D de l'Ellipse, le désaut de la division augmentera au collet ou à la queue des marches, ou elles seront inégales; & si l'on prend ce point en F dans le petit axe prolongé, comme il sait à la fig. 120. hors du centre de l'ovale, & qu'il divise en parties égales un contour de la base du Limon en dedans ou en dehors; celui de l'ovale qui répond à l'autre arête sera divisé en parties d'autant plus inégales que ce point F sera près ou loin du grand axe, & cependant ces arcs inégaux seront les bases des hauteurs des marches égales; donc l'inclinaison de l'hélice changera à chaque marche, & par conséquent la progression de son élevation en rampe, n'étant pas unisorme, elle sera des jarrets, ce qu'il falloit secondement démontrer.

Ainsi suposant l'hélice primitive prise à une des arêtes du Limon, par exemple au dedans sans jarret, sa compagne à l'arête extérieure en sera nécessairement si le Limon est d'égale épaisseur.

ET suposant la base de deux Ellipses semblables, il est encore vrai que les divisions des arêtes des marches prolongées ne pourroient couper ces deux courbes en parties proportionnelles tant qu'elles seront droites; une telle division ne peut se faire que par une ligne courbe, comme nous l'avons fait voir au 2°. tome, en parlant des Voutes en Sphéroïdes pag. 392. Nous allons rendre plus sensible ce que nous venons d'avancer par la sig. 197. qui est celle de Maître Blanchard Fig. 197. reduite en petit.

Sort la ligne ND, la moitié du grand axe de la projection en ovale de la courbe rampante, DM celle du petit axe, soit le centre des marches, F celui de l'arc YM sur le petit axe, C celui de l'arc NY sur le grand axe, & de son concentrique H q.

In est dejà évident que la premiere marche tirée du centre E par le point H retranche du contour de l'ovale extérieure l'arc N 13; par conséquent que l'arc d'ovale 13 M n'est plus semblable à l'arc HI intérieur, puisque celui-ci est un quart complet, & que l'autre est tronqué de sa partie 13 N, donc l'hélice extérieure de l'arête de la courbe rampante ne sera plus compagne de celle du dedans, puisqu'elle parcourt une moindre partie du contour de sa base que l'intérieure, ainsi dans son espèce elle sera plus roide.

CE n'est pas encore là toute la différence de ces hélices entre elles, car non seulement leurs mouvemens d'élevation sont inégaux de l'une

à l'autre, mais encore dans chacune en particulier, de sorte qu'eles font encore des jarrets respectivement.

Suposant le point Y à la jonction des deux arcs de cercles tracez de différens centres pour former l'evale, sçavoir NY du centre C, & MY du centre F; il est clair que la ligne YE, qui sera la direction d'une des marches, ou de son arête, ou de son milieu, ou de tiers de son giron, &c. ne passera par aucun de ces centres, ou tout au plus ne pourra passer que par un des deux, puisque les trois points F, E, C, ne sont pas en ligne droite; par conséquent elle ne peut passer par les jonctions des deux arcs Y & q, qui doit étre sinivant la bonne construction dans la ligne FY, qui passe par le centre C, donc la ligne EY ne peut diviser proportionnellement les contours des ovales extérieures & intérieures.

Car si la ligne de direction de la marche passe par le point I l'arc extérieur, elle passera par un point y à l'intérieur en dessi à point q de la jonction, donc l'arc H y est d'un plus grand nombre de dégrez que l'extérieur NY, lequel est dejà tronqué par la direction E 13 de la premiere marche de la partie. N 13, par conséquen l'arc Y 2 13 est considerablement plus petit en nombre de dégre que l'arc y RH, mais les hélices ausquelles ils servent de base doives s'élever à même hauteur depuis leur départ H 13 qui est de niveze, jusqu'à leur arrivée à la hauteur donnée y Y, qui est aussi égale en l'ac, donc l'hélice extérieure sera considerablement plus inclinée que l'intérieure sur H y, ce que nous avons dejà prouvé ci-devant.

Mais on va voir que le contraire de ces différences d'inclinaises arrivera depuis les points y & Y vers le petit axe DM; car puisser les arcs NM & HI sont semblables en ce qu'ils sont chacun un quat d'ovale, & que l'arc y H est plus grand que l'arc YN, l'arc MY sen plus grand que l'arc I y, & cependant les hélices qui les ont pour bases s'élevent à même hauteur l'une & l'autre, depuis la ligne Y y, qui est essent de niveau à la ligne MI, laquelle est aussi de niveau à une hauteur donnée d'une marche & un tiers, par exemple de huit pouces, donc la partie d'hélice extérieure YM sera plus inclinée que celle de l'intérieure y I, quoique son autre partie Y 13 sit plus roide que l'intérieure y H; par conséquent ces deux hélices ne s'élevent pas d'un mouvement uniforme, donc chacune d'elles sait un jarret respectivement en différent sens à la jonction des arcs de cercle de leur base suivant la ligne Y y, ce qu'il fallois en second lieu démontre.

Donc si l'intérieure est réguliere, l'extérieure fait nécessairement des jarrets, & au contraire.

#### DE'S VOUTES COMPOSÉ ES CHAP. XI.

De cette connoissance des hélices sur une base ovale, on conclura sacilement que Maître Blanchard, n'ayant pas connu d'où venoient les jarrets, n'a på y aporter un bon remede; on peut même dire que es irrégularitez, ou dans les girons des marches, ou dans les arêtes le la courbe rampante du Limon, sont inévitables.

- CAR 1°. si l'on veut que l'hélice primitive en dedans soit réguliere, 'extérieure ne le sera pas, ou la surface supérieure du Limon, que j'apelle Plano-hélicoïde, ne sera pas régulière à son tour, parce qu'elle
  le sera pas comprise entre deux hélices compagnes; si l'on prend l'héice extérieure primitive régulière, il en sera de même à l'égard de
  'intérieure secondaire.
- 2°. Si l'on veut que les girons des marches au collet ou à la queuë, elon que le Limon est concave ou convexe, soient parsaitement gaux à la jonction de la courbe rampante, les jarrets de cette course sont inévitables au dedans & au dehors, comme on vient de le lémontrer.
- a°. Si l'on fait la courbe de l'hélice réguliere, & qu'on veuille qu'ille passe par les arêtes des marches, ou parallelement à ces arêtes, il aut que les girons soient inégaux au collet, ou à la queuë si le limon rest, ou ce qui est tout-à-fait impraticable que leurs hauteurs soient négales, c'est cependant l'expédient que prend Maître Blanchard pour aire sa correction du jarret, lorsqu'il dit qu'il ne saut donner que quatre ouces & demi de hauteur à la premiere marche, quoique les autres en ayent ix, & qu'il faut diviser le reste en parties égales, ce qui ne peut en ucune façon ôter le jarret, comme nous venons de le démontrer. Il audroit diminuer sur les hauteurs de suite proportionnellement, ou largir & resserrer les girons, comme le demanderoit l'hélice de la ourbe rampante débillardée, & faite sur une hauteur totale donnée our un certain nombre de marches, faisant l'arête de l'hélice primive du côté le plus aparent, lequel est quelquesois le convexe comne aux rampes des chaires de Prédicateurs fig. 195. & au quartier de 'is suspendu, & le concave dans les Escaliers de Vis à jour, sans s'emarrasser du parallelisme de cette hélice avec les arêtes des marches, si n les veut absolument égales à la queue ou au collet, ou leur donnant n peu plus & moins de largeur, si l'on veut conserver ce parallelisme e l'arête de la courbe avec celles des angles des marches.

QUANT à cette correction, soit des hauteurs, soit des largeurs des irons, il est évident qu'elle dépend de l'inégalité des axes des ovales ui rendent les hélices plus ou moins rampantes vers le grand & vers petit axe, à quoi Maître Blanchard n'a en aucun égard.

Tom. III. Rr

De ce que nous venons de dire des inégalitez des hélices aux artes extérieures & intérieures des Limons en courbes rampantes, il est aisé de conclure que plus les intervales de ces hélices seront grands, plus aussi les jarrets de la secondaire seront sensibles, si elle est formée sur le même Trait provenant des marches égales tracées d'un même centre E; de sorte que si ces intervales devenoient très grands, comme dans ces Vis vûës des deux côtez, à doubles Limons aparens vers le creux & vers le rond, comme on en voit souvent à des perrons; les jarrets deviendroient extrémement sensibles, si on pouvoit les voir tous les deux ensemble; mais alors chacun des Limons doit être sait à part rélativement à la partie des marches qu'il termine au collet on à la queuë.

# Seconde construction de la Courbe rampante, lorsqu'elle est faite de pierre de plusieurs pieces.

La différence qu'il y a dans la construction des Courbes rampantes de bois avec celles de pierre de plusieurs pieces, consiste en ce que pour le bois on fait les joins en lit à plomb, pour assembler les pieces suivant le fil du bois à tenons & à mortoises, ou à clef, & que pour la pierre il faut faire ces joins en coupe inclinée à l'horison, à per près perpendiculairement à la direction rampante du Limon, asin que les pieces puissent s'apuyer les unes sur les autres, ce qui occasionne une dissérence de construction.

Sort (fig. 198.) une portion de couronne de cercle DNEB » A; la projection horisontale du Limon tournant & rampant, que nous apellons simplement avec les Ouvriers, Courbe rampante, laquelle projection est comprise par deux arcs de cercles semblables A n B, DN E, dont le centre commun est en C, & qui ont pour cordes les lignes AB, DE, qui sont traversées à leur milieu par une verticale CM prolongée indéfiniment, laquelle est par conséquent perpendiculaire à ces cordes.

On menera des paralleles à cette verticale par les points A, B, D E, pour fervir à former l'élevation de la courbe rampante, & on les traversera par une ligne horisontale OR, placée à volonté, pour lui servir de base.

Par un point a pris à volonté sur la verticale A a, on menera a d parallele à OR, qui donnera le point d sur la verticale D d; puis ayant prolongé l'horisontale d a en Or, où elle conpera la verticale E e, on portera au dessus du point O: la hauteur de toutes les mas-

#### DES VOUTES COMPOSE'ES CHAP. XI.

thes, & parties de marches comprises entre les points A & B, qui est a même que celle qui est comprise entre les points D & E, qui sera rexemple, la hauteur O'  $E^2$ ; & parce que les points B & E sont de riveau, on tirera par le point  $E^2$  l'horisontale  $E^2$   $b^2$ , qui coupera la rerticale B  $b^2$  au point  $b^2$ , par lequel, & par le point d, on menera inclinée d  $b^2$ ; & si l'arc AB ou DE est un peu grand, on prendra un point e un peu plus haut que d, pour tirer e T.

On tirera aussi par les points  $d \& E^2$  la ligne d E, & par les points  $\& b^2$  la ligne  $a b^2$ , qui croisera la verticale du milieu CM au point V; ces lignes sont les projections verticales des cordes AB & DE du plan horisontal, ralongées par la rampe, & ainsi croisées pour que eurs extrémitez d & a,  $b^2 \& E^2$  soient à même hauteur.

PRESENTEMENT il faut déterminer la position des joins de lit en coupe sur un plan vertical passant per la corde AB du parement creux le la portion de tour, dont l'arc A n B est la projection, ce que l'on ceut faire en deux manières.

Premierement si l'on veut se contenter pour abreger l'opération l'une coupe à peu près perpendiculaire, il suffira de tirer au point a me perpendiculaire a P à la ligne a  $b^2$ , sur laquelle ayant pris à voonté un point P, qui détermine la largeur a P de la courbe rampante, l'est-à-dire du Limon, on tirera par le point P une parallele à a  $b^2$  qui coupera la verticale B  $b^2$  au point b, d'où l'on tirera une autre perpendiculaire à la ligne a  $b^2$  qu'elle coupera au point K, le paralle-ograme a K b P sera le panneau de doële plate à faire au devant du parement creux & vertical du Limon.

Comme cette opération ne fait pas le joint de lit exactement à angle droit sur les arêtes courbes du Limon, parce qu'il faut qu'il soit in peu obtus dans la projection verticale pour être droit dans le creux, l'faut opérer sur le dévelopement de la surface concave du Limon lu côté du vuide, & sur celui de la surface convexe du côté des narches, ce qui rend l'opération plus longue & plus embarrassante ans beaucoup de nécessité, si l'arc A n B est d'un petit nombre de légrez, comme lorsqu'il est au dessous du quart de cercle; mais elle era convenable si l'arc, qu'une des pieces du Limon peut comprendre, itoit beaucoup plus grand; nous la mettons ici pour qu'on puisse pérer avec toute la précision possible, quand on le jugera à propos.

On rectifiera l'arc de cercle n A pour en porter la longueur sur la pase OR de l'élevation, depuis sou milieu m en a d'un côté, & en n de l'autre

PAR le point a on élevera la verticale a V, qui coupera l'horisontale a d en V, par où on tirera la droite VM, sur laquelle on fera un angle droit MV u; la ligne V u sera la position du joint de lit en coupe sur le dévelopement, sur laquelle on prendra la largeur V u que l'on veut donner au Limon dans son parement creux.

Par le point u, on menera une horisontale  $u \times perpendiculaire à l'axe <math>CM$ , qu'elle coupera en x, & prenant cette longueur  $u \times par$  parties, on la repliera sur l'arc n A de n en p, par où on menera une parallele à l'axe CM, qui coupera la ligne  $u \times en$  un point P, plus près de x que le point u, par lequel P on tirera au point a une ligne a P, qui sera la projection verticale du joint de lit en coupe que l'on cherche, ou plûtôt ce sera la corde de sa projection qui devroit être une ligne courbe un peu Elliptique.

On menera ensuite par le point u une parallele à la ligne VM, pour avoir l'arête inférieure du Limon; mais comme le point u est ici, & ordinairement très près du point P, nous n'avons pas jugé à propos, pour éviter la confusion, de multiplier les lignes qui peuvent se confondre; cette ligne coupera la verticale provenant du dévelopement en un point près de b, que je prends aussi pour b à l'intersection de la ligne verticale B  $b^2$ , & de l'inclinée P b.

On menera par le point b une parallele à la ligne a P, qui coupera a M prolongée en H, où le dévolepement ne peut donner aucune différence sensible, parce qu'il est trop près de l'axe CM; le parallelograme a H b P sera la projection verticale de l'intérieur creux de la piece de Limon en coupe.

Pour avoir la projection verticale de la partie convexe du côté des marches, il faudroit faire de même le dévelopement de la furface cylindrique, si l'on vouloit opérer avec une grande précision; c'est ainsi qu'en use M. de la Ruë, mais il en résulte un inconvénient qui doit faire rejetter son Trait, c'est qu'il rend la surface du lit gauche, au lieu qu'elle doit être plane, parce que les joins montans qu'on avoit sait paralleles entre eux au dévelopement, ne le sont plus dans le renvelopement à la projection verticale, d'où il suit que le lit est gauche.

It sussina pour la pratique de mener par le point m, où la ligne P b coupe celle du milieu MC, une parallele GL à la ligne d  $E_2$ , & par le point d, une parallele au joint a P, laquelle coupera GL au point G, duquel ayant tiré la ligne GP, on aura le trapeze a PG d, qui sera la projection verticale du lit inférieur de la piece de Limon qui fait la courbe rampante.

Pour la facilité de l'exécution, on prolongera le côté a P en F, où il coupera l'horisontale GF menée par le point G, & alors le panneau de lit se changera en un autre trapeze a FGD, dont on verra ci-après l'utilité.

La projection verticale du lit de dessus se tracera de la même maniere; par le point H, on menera l'horisontale HI parallele à OR, qui coupera la ligne de rampe convexe d E² au point I, par lequel on menera une parallele au joint HB, qui coupera GL au point L; le trapeze HIL b sera la projection verticale du lit supérieur, qu'on changera pour la commodité de l'exécution en un plus grand HILQ, en prolongeant H b jusqu'à l'horisontale LQ.

Par le moyen de ces projections verticales, on cherchera les projections horifontales. Premierement en menant G g parallele à CM, on aura le point g d'intersection avec l'arc DNE; & menant à la même une parallele F f, on aura par son intersection avec la corde AB un quatrième point f du trapeze D g f  $\Lambda$ , qui sera la projection horisontale du lit d GF a, & en même tems D g p A sera celle du vrai lit d GP a.

La projection du lit de dessus sera un peu dissérente; on menera par le point L la verticale L l, qui coupera l'arc DNE au point l, & par I la verticale I i, qui donnera sur le même arc le point i, on prolongera la corde AB vers q; la verticale abaissée du point Q donnera par son intersection le point q, & celle qui sera abaissée du point H sur l'arc A n B, donnera sur cet arc le point b; le pentagone mixte i l q B b sera la projection du lit de dessus; mais pour la commodité de l'exécution, il convient de prolonger le côté i b en K où il coupe la corde AB, & du point K, élever une verticale K k, qui coupera l'horisontale IH en k, ce qui change la projection verticale du lit de dessus HILQ en une plus grande k ILQ.

Les projections verticales & horisontales étant données, il sera aisé de former les panneaux de lit suivant nos regles générales expliquées au 3°. Liv. dans les Prob. X & XI, nous prendrons la méthode du XI qui employe les diagonales.

Par exemple, pour le lit de dessus, ayant tiré à la projection horisontale la diagonale /K, & à la verticale la diagonale &L, on en cherchera la valeur, parce que l'une & l'autre sont racourcies par la projection.

Pour cet effet, on prolongera l'horisontale LQ jusqu'à ce qu'elle 🚓

rencontre en S la verticale & K, sur laquelle elle donnera la hauteur k S du point k sur le point L; on portera ensuite la longueur de la diagonale K / de la projection horisontale en S +; puis ayant pris la longueur ! k, on la portera en une figure à part, comme à celle cot-Fig. 200. tée 200. pour servir de base à un triangle K b l, qu'on formera avec le côté k b pris à la projection verticale, & la valeur du côté b l qu'il faut trouver en portant la projection horisontale sur la ligne LS de W en 6; la distance 6 b sera la valeur que l'on cherche, avec laquelle. comme rayon, & du point b de la fig. 200. pour centre, on fera un arc, qui coupera celui qui a été fait avec & b de la projection verticale au point b de la fig. 200. ensuite sur la même base K 1, on sera un second triangle KI l avec la ligne KI prise à la projection horisontale en K i, & la valeur de la corde il, qu'on trouvera en portant cette corde du point A en x qui est un peu au delà de L; la distance x I sera cette valeur avec laquelle pour rayon, & du point l de la fig. 200. pour centre, on fera un arc qui coupera au point I, celui qui aura été fait avec le rayon Ki, & du point K de la fig. 200. pour centre, le trapezoide K b 1 I sera le panneau ébauché du lit de dessus que l'on cherche, lequel est un peu plus grand qu'il ne faut d'un triangle mixte K b b, c'est pourquoi on portera la longueur K b du plan horisontal en K b de la fig. 200. & l'on tirera la corde b b.

In reste présentement à tracer les côtez courbes de ce panneau be b & I e L, qui sont des arcs d'Ellipse, lesquels sont ordinairement si peu courbes, qu'il suffit d'en avoir les points de leur milieu pour les tracer avec une regle pliante.

CES points de milieu seront faciles à trouver en divisant les cordes de la projection horisontale i l & h B en deux également aux points 9 & 8, sur lesquels on élevera les perpendiculaires e 9, n 8, qui seront les stéches de ces arcs qu'on transportera à la fig. 200. aux endroits marquez des mêmes lettres e 9, n 8, & le panneau du lit de dessus sera achevé.

On tracera de même celui de dessous, tel qu'on le voit à la fig. 201. par le moyen de la valeur de la diagonale Df, qu'on trouvera en portant sa longueur sur l'horisontal r F de l'élevation en r z; la distance z d sera la valeur qu'on cherche, laquelle étant transportée à la fig. 201. en d servira de base commune aux deux triangles d Gf, & d a f qui servent à donner les points des angles du panneau; du point d pour centre, & de l'intervale DA pris à la projection pour rayon, on décrira un arc vers a à la fig. 201. & du point f pour centre, & de l'intervale F f pour rayon pris à l'élevation, on décrira un autre

arc, qui coupera le précedent en a de la fig. 201. ensuite du même point f pour centre, & de l'intervale f g pris à la projection horisontale, on décrira un arc vers G de la fig. 201. & du point d pour centre, & de l'intervale de la valeur de d G pour rayon, on en décrira un autre qui donnera le point G; cette valeur se trouvera en portant la corde D g de la projection horisontale en r a sur l'horisontale r G prolongé, l'intervale d a sera la valeur demandée.

It reste présentement à tracer les panneaux de sections cylindriques inclinées, qui sont nécessaires pour sormer les portions de tour creuse du côté du vuide, & de tour ronde du côté des marches, qui sont les paremens verticaux du Limon, c'est-à-dire qu'il saut faire des courbes ralongées de la même maniere que nous l'avons dit pour la courbe rampante d'une piece pag. 302. la seule dissérence qu'il y a, c'est que les joins de lit n'étant pas à plomb, les panneaux du dessus & du dessons ne sont pas les mêmes; dans cet exemple le panneau du dessus est la portion de couronne d'Ellipse d' I' H' a', & pour celui de dessous, c'est la portion de couronne g' l' b² p', qui sera portion de la même Ellipse si le vuide est circulaire, mais celle-ci sera une portion de couronne d'Ellipse différente de celle du panneau précedent, en ce qu'elle sera plus ou moins concave selon qu'elle s'aprochera ou s'éloignera du grand axe.

La terminaison de ces deux panneaux de section oblique suivant la ligne d e, ou si l'on veut t T prise à volonté, est donnée par la prolongation des verticales jusqu'à cette ligne de p P en  $P^*$ , où faisant en retour d'équerre  $P^*$  p' égale à z p de la projection, on aura le point p qu'on cherche, ainsi du point H', r, d', l', l' en dehors.

La maniere de tracer ces arcs d'Ellipses ralongez des arcs de cercles dont on a la projection horisontale, a été donnée en plusieurs endroits

de cet ouvrage, & en dernier lieu en parlant des joins de tête de à porte en Tour ronde ou creuse.

M. de la Rue au lieu des panneaux que j'employe pour la formation des surfaces cylindriques concaves & convexes, se sent des concessos sur les cordes rampantes a b², d E², mais cette méditame paroit plus embarrassante, & même moins conrecte dans l'ecuation, parce que pour saire usage de ces cerches, il saut prendre puis de ne les pas incliner plus ou moins qu'il ne saut à l'égard du til vertical auquel elles doivent être perpendiculaires, ce qui elt dans d'observer, & qui peut occasionner de sausses plumées dans leur un tour.

Nous ne parlons point ici de panneaux de dévelopement pourtre cer les hélices sur les surfaces courbes des paremens verticaux; comme les pieces de Limon de pierre sont rarement bien longnes, engri supléer aux panneaux fléxibles par l'aplication d'une regle pliante aput sur les deux extrémitez données aux angles de la pierre du côte couvexe & du côté concave.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

Avant dressé un parement pour servir d'une espece de doèle plus au devant de la surface concave du Limon, qui est en situation viticale, on y apliquera un panneau à cinq côtez pris à l'épute limit sigure  $a^r \int b^n F a a^r$ , dont le côté  $a^r a$  est à plomb; ce qu'il saut de server pour bien saire l'excavation du parement creux.

On abattra la pierre suivant cette ligne a a avec le biveau sormé su l'angle DAB de la projection horisontale, tenant ses deux branches d'équerre à la verticale a a; puis on sera couler le biveau dans la mème situation toujours parallelement à lui-même le long du côté a s, abattant la pierre suivant cette ligne, à laquelle les branches du biveau, seront obliques; mais il sera facile de les tenir dans cette sicuation en observant que l'une soit parallele à l'arête d a, & l'autre à une ligne a mi, qu'on peut tracer sur le panneau perpendiculairement à l'aplomb a d'a.

Ou plus simplement, ayant tiré une ligne da d'équerre sur a la & sur le second parement qu'on vient de faire, on prendra dans cette ligne un point d à distance prise à volonté, & par les trois points donnez d, a, F, on sera passer une surface plane suivant le Prob. L du 2°. tome.

On abattra ensuite à l'équerre toute la pierre qui excede les lignes x > 0, &  $b^n > 0$ , tant en dessus qu'en dessous, pour y former deux paremens, sur lesquels on apliquera les panneaux de la section oblique, scavoir, premierement sur le parement supérieur, le panneau mixte  $a^n > 0$ ,  $a^n >$ 

On apliquera ensuite sur les lits en coupe de dessus & dessous, les panneaux qu'on a tracé aux figures 200. & 201. dans la situation où ils doivent être, posant la ligne droite k q de la fig. 200. sur le côté k b de la fig. 198. dans cette situation on repairera le point b de la fig. 200. sur le lit rampant supérieur, & l'off tracera le contour du côté courbe l e l; on posera de même le passeau de la fig. 201. sur le lit en coupe de dessous, plaçant la ligne a f sur le côté a f de la fig. 198. & tracant le contour courbe d e G.

On aura donc ainsi les quatre côtez de la surface cylindrique convexe, suivant lesquels il saut abattre la pierre pour la former à la regle, dont il saut observer exactement la bonne position en situation de suposition verticale, ce que l'on sera facilement par le moyen d'une seconde regle posée sur l'arête a' a, à laquelle la regle qui sert à sormer la surface cylindrique, doit toujours être parallele; c'est pourquoi il saudra borneyer celle qui est mouvante par la sixe sur a' a, pendant qu'on la sera couler en l'apuyant sur les lignes courbes, le long desquels elle doit être apliquée; & la surface convexe cylindrique, qui est celle du côté des marches dans les Vis à jours dans une Tour, sera exactement formée.

It faut former de même la surface concave, dont les quatre angles sont donnez par les panneaux de lit, desquels angles il n'y en a que deux dans la surface plane du premier parement qui a servi de doële plate diagonalement oposez; les deux autres sont repairez en dedans de ce parement sur les lits, l'un au lit de dessus en b de la sig. 200. l'autre au lit de dessous en Y, & dans les sections planes rampantes, ils sont renvoyez l'un en arrière suivant la ligne p, F au lit de dessous, suivant l'arête inférieure du lit marquée au panneau p f de la sig. 201. l'autre en H f f au lit de dessus, suivant l'arête inférieure de ce lit au long de son arête, avec la section plane inclinée marquée f f au panneau de la sig. 200.

Tom. IIL

Sur les points donnez dans chacune des sections planes inclinées, on posera les extrémitez de la cerche ou du panneau concave a p H' pour celle de dessus, & l'arc p' H' b<sup>2</sup> pour la section inclinée du lit de dessous.

Ces arcs étant tracez suivant le contour des panneaux, on aura les quatre côtez de la portion cylindrique concave qui reste à faire, laquelle sera creusée à la regle, comme il a été dit pour la convexe, en la faisant couler sur ces arcs, destinez pour lui servir d'apui, parallelement à la ligne verticale donnée sur le panneau vertical e a

It ne reste plus à present qu'à former les deux surfaces du dessus du dessus du dessus du Limon que nous avons apellé plano-hélicoïdes, dont les arêtes sont des hésices qu'on pourra tracer avec un pannean siéxible, comme nous l'avons dit pour les Limons en courbe rampante d'une piece, ou simplement avec une regle pliante posée sur les angles des panneaux de lit correspondans dans chaque surface, sçavoir depuis le supérieur convexe à l'insérieur convexe de la même section du dessus au dessus, du dessous au dessus, & de même à la surface creuse, ce qui donnera quatre hélices, deux rondes & deux creuses, suivant lesquelles on abattra la pierre à la regle, qui doit être tenue toujours horisontale en s'élevant en tournant, & toujours dirigée à l'axe du cylindre, comme il a été dit au commencement du second tome page 37 & 38.

## Explication Démonstrative.

Pursour nous suposons que la courbe rampante a pour projection horisontale un cercle en dedans & en dehors, il est visible qu'elle doit être à la surface d'un cylindre, qui a pour base ce cercle, & parce que le Limon est d'une égale épaisseur, il sera terminé par deux surfaces cylindriques, l'une concave, l'autre convexe; la concave est du côté du vuide dans les Vis à jours, & du côté du plein dans les Escaliers tournans à vuide au tour d'un noyau plein, comme sont souvent ceux des chaires de Prédicateur.

On pourroit donc ébaucher la pierre en portion de cylindre Droit sur la base, & y tracer les hélices des arêtes du Limon par le moyen de leur dévelopement tracé sur du carton ou des lames de plomb, pour être apliqué dans la surface creuse ou sur la surface ronde; mais comme il y auroit trop de perte de pierre en retranchant les deux triangles solides cylindriques tournez en sens contraire, l'un en dessus du Limon à droite, par exemple, l'autre en dessous à gauche; nous

4

avons feulement formé la tranche cylindrique, qui comprend les hélices des arètes les plus éloignées en dessus & en dessous, laquelle tranche est comprise par deux portions de couronnes d'Ellipses semblables, mais qui ne sont pas équidistantes, comme il est démontré au Théor. IV. pag. 31. du r'' tome; cependant elles produisent des hélices équidistantes, parce que les sections rampantes cylindriques sont obliques à la surface du cylindre, & les rayons des hélices lui sont toujours perpendiculaires.

IL n'est pas nécessaire de démontrer ici la justesse de l'opération, par laquelle nous avons trouvé les sections planes rampantes du cylindre sur lequel est formé le Limon ou Courbe rampante, parce qu'il est visible qu'elle est la même que celle du Prob IX. du 2° Liv. tome I. pag. 145. qui enseigne la maniere de trouver les sections obliques d'un cylindre, d'autant plus que nous l'avons déja mis en œuvre, & démontré au second tome en parlant de la Vis St. Giles ronde, tome 2°. depuis la pag. 419. jusqu'à la pag. 424. & démontré à la pag. 429.

QUANT à la formation des surfaces gauches plano-hélicoïdes, il est clair qu'elle est conforme à ce qui a été enseigné de leurs générations au Corol. L. pag. 38. du 2°. tome.

## REMARQUE.

IL faut remarquer que dans la construction de cette hélice nous n'avons aucun égard aux marches de l'Escalier de la Vis à jour, par les raisons que nous avons dit touchant les Vis de base Elliptique, où les cordes égales prises pour les largeurs des girons soûtiennent des arcs inégaux; d'ailleurs cette courbe peut être indépendante de toute marche, comme peut être le couronnement ou l'apui d'une terrasse rampante, ou celui d'une fenêtre en rampe dans une Tour, qui sont des courbes rampantes de même espece que celles des Limons des Vis à jours.

Si l'on entre dans le détail de la construction d'un Limon, qui doit faire une espece de socle parallele à la tangente des arêtes des marches, il y a plusieurs petites observations à faire, par exemple, que si le vuide de la Vis, c'est-à-dire le mur d'échissire, a pour base un demi cercle, qui se joint à deux branches de rampes droites paralleles entre elles, il ne faut pas commencer la division des marches à son diametre perpendiculaire à la direction de ces rampes, ou si on l'y commence, il faut alonger le Limon, parce que dans la rampe descendante, il faut qu'il avance en descendant de la hauteur de la

Ssii

marche pour gagner le niveau de la suivante; & dans la rampe montante, il faut qu'il s'éleve aussi d'une partie que donne la hauteur de ce socle sur la tangente de l'arête des marches.

SECONDEMENT, que cette partie de Limon, qui excede la marche, doit être seulement observée dans les Limons, dont les joins de tête sont à plomb, comme en Charpente où on les sait ainsi pour ne pas couper le fil du bois, & dans les Limons où ces joins sont en lits, non pas à plomb, mais sort inclinez, comme sont ceux du quartier de Vis suspendu, dont nous parlerons ci-après.

A l'égard des lits en joins de tête des Limons, qui sont perpendiculaires aux arêtes tournantes, ou pour mieux dire à leur dévelopement, comme sont ceux de la fig. 198. dont nous venons de donner le Trait, il n'est pas nécessaire de pourvoir à ces excès de longueur sur les marches; ce sont de ces petites choses dont il suffit que l'Apareilleur soit averti pour prendre ses précautions dans la destination de sa pierre, ou le Charpentier dans la coupe de son bois, parce que l'habitude que l'un a du Trait, l'autre de l'assemblage hui sait d'abord concevoir ce qu'il doit saire, lorsqu'il est prévenu de ces petites remarques.

#### COROLLAIRE

# Du Quartier de Vis suspendu.

Si l'on faisoit une portion de Limon ou Courbe rampante d'une seule piece, qui sut assez engagée par ses extrémitez du haut & du bas dans un mur concave, ou plutôt en angle rentrant, cet ouvrage s'apelleroit Quartier de Vis suspendu, sans égard au nombre de degrez du cercle, qui en seroit la projection horisontale.

Mais il est visible que si le contour de cette projection étoit un demi cercle, il faudroit qu'un tel Limon sût bien sortement retenn par ses extrémitez pour soûtenir un si grand porte-à-saux; de sorte que pour donner à cet ouvrage quelque solidité, il ne convient pas qu'il soit plus grand que le quart du cercle dans sa projection, d'où vient le nom de quartier de Vis; encore saut-il que les sommiers qui sont les premiers & derniers Voussoirs ayent de longues queuës bien engagées dans les murs.

In est aussi visible que ce quartier ne peut être sait de pieces, dont la direction des lits & de leurs joints horisontaux concourent à l'axe de la Vis, comme dans la courbe rampante dont nous venons de par-

ler, parce que les Voussoirs étant plus étroits par dedans que par dehors, ils pousseroient au vuide & ne pourroient subsister; c'est pourquoi il faut changer la direction horisontale des lits en les saisant paralleles entre eux, & à la perpendiculaire sur le milieu de la corde de l'arc de la projection horisontale du gaartier, asin de déterminer leur poussée suivant la direction de cette corde, qui a des apuis à ses deux extrémitez dans les murs qui concourent en angle Droit ou à peu près, ou aux piédroits d'une Tour creuse, car on ne peut solidement établir un quartier suspendu sur une ligne droite.

It faut donc donner aux lits une direction semblable à celle qu'on donne aux Voussoirs d'une porte en Tour ronde, & c'est en quoi consiste toute la différence du Limon en courbe rampante pour les Vis à jours, avec le quartier de Vis suspendu, suposant qu'il s'agisse de faire l'un & l'autre en pierre; car s'il s'agit de Charpenterie ou de Menuiserie comme aux chaires de Prédicateurs, qui sont des quartiers de Vis suspendus, le Trait peut changer suivant la nature de l'assemblage convenable au fil du bois, & à l'espece du bois qui peut être affermi par les têtes des marches, ou par d'autres moyens dont il n'est pas ici question, comme des barres de fer, sur lesquels on ne doit jamais compter dans l'apareil; cela suposé, il sera facile de faire le quartier de Vis suspendu par les mêmes moyens qu'on a fait la courbe rampante de plusieurs pieces, en changeant seulement la direction des lits en coupe; mais pour ne pas embrouiller le Trait de trop de lignes, nous allons en mettre un à part avec une petite difsérence pour la disposition des cerches ralongées suivant l'idée du P. Deran, corrigée de l'erreur qu'il fait, & après lui M. de la Rue, en les traçant en arcs de cercles au lieu d'arcs d'Ellipses.

Soit (fig. 202.) le quart de cercle ACB, qui comprend un quar-fig. 202 tier d'Escalier tournant CDE, dont les queues des marches doivent être portées & soûtenues en l'air par le Limon DABE, qui est une courbe rampante de la même espece que les précedentes, mais dont les pieces on clavaux sont disposées différemment.

On fera l'élevation, c'est-à-dire la projection verticale de ce Quartier, comme au Trait précedent, suposant qu'il comprenne quatre marches marquées au plan horisontal 1, 2, 3 E, on portera sur la ligne de base A B la hauteur de ces quatre marches de E en E², & l'on tirera les lignes D E² & A B², qui seront les cordes des sections planes qui coupent la surface creuse D 2 E, & la ronde ANB obliquement; de sorte que les arcs qu'elles soustendent sont des arcs d'Ellipses qu'il sera facile de décrire par plusieurs points, comme

nous l'avons déja dit plusieurs fois, pour changer un arc de cercle, qui est la base d'un cylindre, en arc d'Ellipse qui soit la section de sa surfact coupée par un plan, dont l'inclinaison à l'axe du cylindre est donnée; il ne s'agit que de diviser la corde de rampante proportionnellement à la corde DE de niveau par le moyen des verticales \* r, \* m M, \* r, & de porter sur ces divisions d'abscisses, les ordonnées \* 1, \* m 2, \* 3, quarrément sur les divisions correspondantes r 1, M 2, r 3, pour avoir les points d 1, 2, 3, 2, 3, e.

On tracera de la même maniere la courbe extérieure ANB sur la corde donnée a b rampante correspondante à la corde AB de niveau, & l'on aura les cerches ralongées nécessaires pour former les paremens creux & ronds, c'est-à-dire concave du côté de l'Escalier, & convexe dans le parement extérieur, ce qui est le contraire des Vis à jours, dont nous avons parlé ci-devant.

IL faut présentement donner une coupe convenable aux lits de clavaux, de maniere qu'ils concourent tous à un même point de la ligne du milieu Mm; ce point ou centre de coupe peut être pris volonté, cependant il faut observer qu'il ne soit ni trop loin, ni trop près, parce que s'il est pris sort près des clavaux, il rendra les attes des coupes sort aiguës vers e, & s'il est pris trop loin la partie suf penduë en aura moins de sorce.

Suposant ce point en m, on menera par les points G & e les lignes e m, G m, qui feront les coupes du sommier supérieur en e m, & de l'inférieur en G m.

Entre ces deux joins de lit, on fera la division de la quantité de clavaux qu'on se propose de faire, par exemple ici seulement de trois. M. de la Ruë prend pour termes de cette division l'intervale IK de l'intersection des coupes avec la projection verticale D. E. de la corde rampante de la partie creuse au bas des clavaux; mais le P. Deran faisant aparamment attention que si l'on prend les termes des divisions au haut qui au bas du sommier, & qu'on en divise l'intervale en parties égales, l'arête oposée est divisée par cette opération en parties inégales, ne fait sa division ni au haut ni au bas, mais sur une ligne H b moyenne entre les hauteurs des arêtes du dedans & du dehors c'est-à-dire du creux & du rond, en partageant e f en H, & G D, en b, ce qui me paroit plus convenable que la manière de M. de la Ruë, qui n'a pas senti, ou fait cas de cette raison.

On divisera donc l'intervale L l en trois également aux points 5, 6, par où on tirera du centre de division m les coupes m 13, m 2°,

 $m 3^{\circ}$ , qui couperont les cordes rampantes en des points marquez au dessus  $x^{1}$ ,  $x^{2}$ ,  $x^{3}$ , & au dessous  $y^{1}$ ,  $y^{2}$ ,  $y^{3}$ , &  $z_{1}$ ,  $z^{2}$ ,  $z^{3}$ .

PRESENTEMENT on doit considerer ces lignes  $x^1 z^1$ ,  $x^2 z^2 &c.$  comme les projections verticales des surfaces planes des lits des clavaux, qui sont perpendiculaires au plan vertical, passant par la corde de la projection DE ou AB, ce qui revient au même, & la projection horisontale de ces mêmes lits sera le quadriligne mixte  $X^1 Z^2 X^2 Z^1$ , dont on prolongera les côtez droits en P & k pour l'apliquer à la corde DE, alors cette projection sera  $X^1 Z^2 P k$ 

Ces deux projections étant données, il sera facile de tracer les panneaux du lit de chaque Voussoir, prenant, par exemple, celui du lit de dessous du premier clavau, qui est celui du lit de dessus du sommier; on portera donc la ligne GK de l'élevation de la fig. 202. en g k de la fig. 203. avec ses divisions V, q, par lesquelles on lui menera des perpendiculaires indéfinies, dont on prendra les longueurs au plan horisontal; ainsi on portera la longueur PX de la fig. 202-en g X, p o en r O, s t en q t, k Z' en K, & l'on aura la courbe XO t 2 pour le côté convexe, qu'on tracera par ces quatre points avec une regle pliante.

Ensuite pour le côté concave, on prendra P x qu'on portera de g en x, p y de r en y, t u de q en V, & k z de la fig. 202. en k z de la fig. 203. puis on tirera les lignes à peu près droites de y en X, & de z en t, & une courbe par les quatre points x y V z, le quadriligne mixte y X t z fera le panneau que l'on cherche.

On tracera de même les panneaux des coupes tirées par les points 1° 2° 3°, en quoi l'on voit la conformité de ce Trait avec le précedent.

IL faut observer que quoique nous ayons tiré des lignes droites de g en X, & de 2º en s, ces lignes considerées dans la rigueur doivent être courbes, parce que ce sont des sections d'une surface plano-hélicoïde par des directions qui ne tendent pas à l'axe vertical de l'hélice, mais elles sont si peu courbes que ce seroit s'amuser à la bagatelle que d'en vouloir chercher la courbure par plusieurs points, ce qui n'est pas difficile, mais qui rendroit l'opération inutilement plus longue & plus composée; aussi le P. Deran & M. de la Rue ont-ils pris toutes ces lignes pour des droites, ne s'étant aperçsi d'aucume courbure dans l'exécution, quoiqu'il s'en trouve en esset dans le raisonnement, parce que par la génération des surfaces mixtilimes hélicoïdes, dont nous avons parlé au commencement du second tome pag, 37. il est clair qu'il n'y a de lignes droites que dans les sections par l'axe de l'hélice.

Pour ne pas faire les panneaux plus larges qu'il n'est nécessaire, il n'y a qu'à retrancher la partie x d par une parallele à g k menée en x d, & de même au lit de dessus une partie égale à celle qui a été retranchée au lit de dessous, qui est le plus près du parement de suposition verticale pour l'aplication du Trait.

# Aplication du Trait sur la Pierre.

Ayant dressé un parement pour servir en quelque saçon de doèle plate, c'est-à-dire de surface plane verticale, par exemple, pour un premier clavau, on y apliquera le panneau du trapezos G I. 1° K pris à l'élevation de tout l'espace qu'occupe ce clavau; puis on abattra la pierre à l'équerre sur les deux côtez des joins montans pour sormer deux nouveaux paremens, sur lesquels on apliquera les panneaux de lit, posant la ligne g k de la sig. 203. ou sa parallele x s sur l'arête du lit & du premier parement, & traçant le reste du contour sur lequel on repairera les points or or pour tracer par ces deux points la ligne insensiblement courbe concave or or.

On en fera de même au lit de dessus, puis avec une cerche sormée sur l'arc concave d 2" e, on fera une plumée au premier parement, observant de poser les parties de cette cerche immédiatement sur celles de l'arête rampante à laquelle chacune convient suivant les aplombs pris dans l'épure, c'est-à-dire, par exemple, que le point N soit précisement à l'équerre sur le point 1", parce que cette cerche étant Elliptique, ce point N ne doit être ni plus haut ni plus bas sans donner un faux contour, en ce que l'Ellipse devient plus creuse vers les bouts que vers le milieu, je veux dire du côté des extrémitez des grands axes, ce qui est évident.

Par le moyen de ces plumées, & d'une ligne aplomb repairée de l'arête du dessus à celle du dessous, par exemple, l'aplomb 1° L, on creusera la surface verticale concave cylindrique à la regle tenuê toujours parallelement à elle-même, & à la premiere ligne, dont on a déterminé les extrémitez suivant la verticale 1° L.

On formera de même la surface convexe du dehors, puis posant une regle pliante sur les angles du panneau de lit du dedans au dedans aux arêtes du dessus & du dessous, on tracera dans le creux les deux courbes des hélices que doivent former ces arêtes, & on ache-

vera,

F. 9 11 . • . 1 • 

vera, comme il a été dit au Trait précedent, pour former les paremens gauches supérieurs & inférieurs des Limons ou courbes rampantes.

Quatriéme Espece de Vis.

Lorsque la base est une Spirale. Es l'Hélice en Limace.

En termes de l'Art.

Des Volutes, Colimaçons, & Colonnes torfes.

Toures les Hélices, dont nous avons parlé jusqu'ici, font leurs révolutions sur des surfaces cylindriques de base circulaire ou Elliptique; celles dont il s'agit présentement sont leurs révolutions sur des surfaces coniques sphéroïdes ou cylindroïdes de bases en spirale, telles sont les Volutes en situation quelconque. Nous nous attachons ici particulierement à celles que les ouvriers apellent Colimaçons d'Echisfires, que l'on exécute ordinairement au bas des Escaliers, tant pour en orner l'entrée que pour sormer une espece de colonne qui affermit les rampes de ser, dont on sorme les apuis dressez sur le Limon.

Ayant choisi & tracé l'espece de spirale dont on veut saire la base du Colimaçon, comme par exemple à la sig. 207. la spirale circulaire 2,4 C, on lui tracera une compagne équidistante à la distance qu'on voudra, suivant l'épaisseur que l'on donne au Limon, & l'on en sera l'élevation suivant les regles ordinaires expliquées au 2°. Liv. pag. 267. & au 3°. pag. 205. en élevant des perpendiculaires sur la base, qu'on terminera suivant telle progression qu'on jugera à propos, observant d'accorder autant qu'il sera possible sans jarrets la pente du Limon droit avec la naissance de celle du Colsmaçon, & de cette jonction on viendra en baissant toujours moins jusqu'à l'œil du Colimaçon, afin qu'il ne s'ensonce pas en sinissant tout d'un coup dans un trou.

La serie que l'on doit observer dans cette diminution ou augmentation de hauteur des perpendiculaires élevées sur la base est assez arbitraire, & au choix de l'Architecte qui doit se regler sur le nombre des révolutions de la spirale de son plan horisontal : nous proposerons ici la maniere la plus simple, & qui est d'un bel effet.

Soit (fig. 207.) la spirale double ou volute a H 5 C 2 b, le plan sig. 207. horisontal du Colimaçon, on divisera le cercle de révolution GHEF en autant de parties égales qu'on voudra, par exemple en six, par less Tom. III.

quelles on tirera du centre C des rayons prolongez, qui conperont la spirale convexe aux points 1, 2, 3, 4, 5, &c. par lesquels on tirera, par le Prob. XXIX. du 2°. Liv. pag. 199. des perpendiculaires à la spirale 1 1', 2 2', 3 3', &c. qui donneront les directions des conpes des joins, si l'on sait le Colimaçon de plusieurs pieces, mais qui serviront particulierement à former l'élevation de la partie concave preportionnellement à la surface convexe.

On fera ensuite l'élevation du Colimaçon en prenant une ligne de base BA, ou celle d'un petit socle au dessus OR, à laquelle on menera des perpendiculaires indésinies venant des points repairez au plan horisontal, comme b F, g G', 7 K, 4 4', &c. sur lesquelles on portera les différentes hauteurs que doivent avoir les points du contour des arêtes du Colimaçon, suivant la progression de l'inclinaison qu'on se propose de donner au Limon tournant & rampant.

CETTE progression de pente est arbitraire, on peut la varier d'une infinité de façons en faisant plonger la volute dans son eil, ou en relevant l'œil au bas de la Volute; nous proposerons ici une maniere qui me paroit une des plus convenables.

Suposant, par exemple, que le Colimaçon termine trois marches, Fig. 205. comme on l'a représenté en perspective à la fig. 205. on prendra la 206. somme de la hauteur de ces trois marches que je supose égale à FO de la fig. 206. pour en faire le rayon d'un quart de cercle CD 10, qu'on tracera à part (fig. 209.) qu'on inscrira dans un quarré DC 10 P, dont on divisera le côté P 10 en dix parties égales, sur lesquelles on élevera des paralleles à DP, qui conperont le quart de cercle aux points 1<sup>6</sup>, 2<sup>6</sup>, 3<sup>6</sup>, &c. les lignes 1<sup>6</sup> 1, 2<sup>6</sup> 2, 3<sup>6</sup> 3, &c. seront les hauteurs décroissantes du Colimaçon.

Pour raporter ces hauteurs à l'élevation 206. il faut diviser le contour de la spirale de la base 207, en dix parties non pas égales entre elles, mais inégales suivant la progression de la spirale qui se resserte à mesure qu'elle aproche de son centre, ce qu'il est sacile de faire en divisant le contour de son cercle de révolution GHEF en parties égales, comme ici en six, dont les diametres prolongez donneront les points 1, 2, 3, 4, 5, &c. au contour extérieur de la spirale.

A l'égard des divisions du contour intérieur g h 10, elles seront données par les perpendiculaires menées à la spirale extérieure, comme 1 1', 2 2', 3 3', &c. lesquelles pourront être tracées à vûe d'œil, ou plus exactement par le Prob. XXIX. du 2°. Livre pag. 199. ces perpendiculaires donner ont les points 1', 2', 3;, &c.

On tirera donc par tous les points de la spirale 1, 2, 3, 4, &c. 1', 2', 3', &c. des perpendiculaires à la ligne OR, sur lesquelles on portera les hauteurs correspondantes de la sig. 209. sçavoir, la hauteur 1' 1 en 1' 1" de la sig. 206. la hauteur 2' 2 de la sig. 209. en 2' 2" de la sig. 206. ainsi du reste, & par tous les points trouvez tant au contour extérieur F 1" 2" 4', &c. on tracera à la main une courbe telle qu'on la voit ponctuée depuis F en b", parce qu'elle est censée derrière l'objet aparent, & continuée par une ligne suivie depuis h" e jusqu'en K.

On trouvera de même la courbe de l'arête intérieure G' $b^x$  N n, & l'on aura la projection verticale du Colimaçon, de laquelle on pout faire usage pour ébaucher la pierre.

Mais pour tracer ces arêtes avec plus de précision & de commodité, il convient de faire le dévelopement des deux surfaces extérieure & intérieure du Colimaçon.

On rectifiera le contour de la base extérieure à H 4.7 10, qu'on portera par petites parties de suite sur une horisontale O 10 de la sig. 209. saisant la longueur O 1ª égale à l'arc à 1 de la sig. 207. 1ª 2ª égale à l'arc 1°2 de la spirale 207. 2ª 3ª égale à l'arc 2°3, &c. & par tous les points 1ª, 2ª, 3ª, &c. ayant élevé des verticales indésinies, on les terminera par des horisontales menées par les points 1½, 2½, 3³, &c. qui donneront par leurs intersections avec ces verticales les points 1², 2², 3², 4², &c. la courbe menée par tous ces points à la main ou avec une regle pliante sera celle du dévelopement de l'arête extérieure du Limon tournant au Colimaçon.

De la même maniere, ayant dévelopé le contour intérieur de la spirale g h 10 du point O au point N à la sig. 209. avec ses divisions 1<sup>i</sup>, 2<sup>i</sup>, 3<sup>i</sup>, &c. on aura pour dévelopement de l'arête intérieure la courbe D 1<sup>n</sup> 2<sup>n</sup> 3<sup>n</sup> n, dont tous les points 1<sup>n</sup> 2<sup>n</sup>, &c. sont sur les mêmes horisontales que les points 1<sup>d</sup> 2<sup>d</sup> du contour extérieur, asin que cette courbe soit toujours équidistante horisontalement de sa compagne, quoiqu'elle soit si différente dans le dévelopment.

Czs dévelopemens serviront à saire des panneaux sléxibles sur du carton, du ser blanc, ou des lames de plomb, qu'on apliquera sur les surfaces cylindroïdes, qui auront pour base les spirales de la sig. \$07.

In est visible que cette progression de lignes croissantes ou décroissantes tirées du cercle suivant une progression de sinus verses se 16, T t ij

\$\int\_3\$ 10, peuvent être changées en un autre de sinus droits \$\int\_2\$ 26, \$\int\_3\$ 36, &cc. ce qui auroit donné une courbe d'inclination différente au Limos du Colimaçon.

IL est encore visible que si au sieu du quart de cercse D 10, on avoit pris un quart d'Ellipse sur le grand ou sur le petit axe, on auroit eu encore une courbe d'inclination dissérente, & que si l'on vou-loit faire ressort l'œil de la volute, au lieu d'un quart de cercse on auroit du prendre un plus grand arc, qui auroit rémonté au dessis de la ligne PX, qui est le socle où nous voulons que se termine la volute.

Une des principales attentions que l'on doit avoir dans le choix de la courbe d'inclinaison du Limon du Colimaçon, est de faire en sorte que le Limon droit qui termine les marches supérieures ne false pas de jarret avec le Limon tournant du Colimaçon à la ligne horisontale de leur jonction, c'est pourquoi il faut faire le profis du Limon droit à la premiere marche au dessus du Colimaçon, par exemple en **a**b fig. 208, à l'égard d'une horifontale DC; puis ayant porté la longueur b 1 du plan horisontal rectifiée en O 1 de la fig. 209. on élevera la verticale 1º 14, qu'on terminera par l'horisontale 1º 14, & Pon tirera la ligne D 14 dont on comparera l'inclinaifon-avec celle du profil du Limon droit ab de la fig. 208. si ses lignes sont paralleles, c'est une marque que le Limon droit & sa continuation au Colimacon en tournant ne feront pas de jarret, si au contraire le profil du Limon droit étoit plus couché, comme en « d de la fig. 208. il faudroit lui tirer une parallele par le point D, qui couperoit l'horisontale. menée par le point 2<sup>t</sup> au point 2<sup>t</sup>, ce qui marque que le changement d'inclinaison du Limon ne doit commencer qu'au point 2 du Colimaçon à la fig. 207. dont la ligne O 2º de la fig. 209. est le dévelopement.

Aplication du Trait sur la pierre.

Avant dressé un parement pour servir de lit horisontal, on y apliquera le panneau de la partie du Colimaçon que la grandeur & hauteur de la pierre peut comprendre, par exemple 2 H 4.72, dont on tracera le contour, & les repaires des divisions 2, 3, 4, 5, 6, &c. puis on abattra la pierre, suivant ce contour, à l'équerre au lit de dessous, & on vuidera de même, autant qu'il sera possible, l'intervale qui reste entre les circonvolutions pour en former un cylindroïde semblable à un rouleau de carton de l'épassseur du Limon.

CE corps étant ainfi formé, on élevera des perpendiculaires sur le

lit de dessous par les points repairez à son contour 2, 3, 4, &c. qu'on fera égales à celles qui correspondent à ces nombres dans le quart de cercle de la fig. 209. & par les points de leurs hauteurs, on tracera avec la main ou avec une baguette ronde, droite & sléxible le contour de l'arête extérieure, l'intérieure se tracera de même; puis avec la regle posée de niveau sur les points correspondans de la surface concave à la surface convexe, on abattra la pierre, comme il a étédit pour la courbe rampante sur une base Elliptique, c'est-à-dire en tenant toujours la regle quarrément sur la tangente de la surface, avec cette dissérence qu'au Limon Elliptique la regle doit être dirigée au centre sur les axes de l'Ellipse, & qu'ici elle ne doit jamais être dirigée au centre de la spirale, mais toujours un peu à côté, comme on le voit à la fig. 207. par les directions 1 11, 2 24, 3 3, mais elle doit toujours être tenuë de niveau.

Au lieu de se donner la peine de tracer les courbes par des points sur les deux surfaces concaves & convexes de l'ébauche du Colimaçon, on peut tout d'un coup en tracer les arêtes par le moyen d'un panneaux stéxible tracé & contourné sur l'épure du dévelopement de la sig. 209: seavoir D o 10 X pour le parement convexe extérieur, & D o N 2 4" D pour le parement creux, dans lequel en apliquera le panneau de carton ou de lame de plomb qu'on sera plier, en sorte qu'il joigne exactement à la surface concave, & que son côté droit ON soit posé sur l'arête du lit de dessous; dans cette situation, on tracera nettement l'arête du Limon, on en usera de même pour le côté convexe.

## Seconde Espece de Limaces Cylindroïdes.

#### En termes de l'Art.

## Des Colonnes Torses quelconques

VIGNOLE, à ce que dit Daviler, est le premier qui ait donné des regles pour tracer les Colonnes torses, & tous les Architectes ont suivi son Trait, cependant on peut dire qu'il ne vaut rien, si l'on a intention de faire un corps régulier dans son espece, parce qu'il lui a donné sans s'en apercevoir des épaisseurs inégales à chaque circonvolution, comme nous le démontrerons ci-après.

CETTE espece de Colonne est un composé de trois hélices; sçavoir-1° d'une demie circonvolution en Limace, qui s'ouvre depuis le milieu de la base jusqu'à la douzième partie de la hauteur; 2° d'une hélice cylindrique en continuation qui comprend cinq circonvolutions égales, & enfin d'une seconde Limace égale à la premiere, mais tournée en sens contraire, qui va en se fermant depuis la onziéme partie de la colonne jusqu'à son sommet où elle se termine à l'axe droit que les Architectes apellent Cathete.

Nous avons dit que la seconde hélice étoit cylindrique, parce que Vignole ne donne aucun rensement à la Colonne torse dans sa sormation.

Pour donner au Trait de la Colonne torse, toute le généralité des variations dont elle est susceptible, nous la formerons de deux Limaces inégales tournées en continuation en sens contraire, dont les intervales des circonvolutions seront inégaux contre l'usage ordinaire, assu que le Lecteur se rende maître de cette petite matiere.

Apre's quoi nous examinerons la Colonne torse de Viguole, qui est la seule usitée depuis long-tems.

la plus grande amplitude que l'on veut donner à l'axe-tortueux hélicoïde de la Colonne, qui doit être composé d'une double Limace, dont la premiere s'éleve du milieu de sa base en s'ouvrant jusqu'à une certaine hauteur, & la seconde reprend en continuation à cette hauteur & remonte au sommet où elle vient en se resserrant pour sinir au milieu du couronnement au même axe droit ou Cathete, au bas duquel la premiere Limace avoit pris son origine.

D'ou il suit que si l'intervale du diametre AB est plus grand que les deux demies épaisseurs du corps cylindroïde plié en colonne torse; il restera au milieu un vuide comme dans les Vis à jours, avec cette différence, qu'il ne sera pas cylindrique, ni continué du haut en bas, mais en sorme de suseau comme HLK 1, qui se serme en H & en K, & dont la partie la plus renssée n'est pas au milieu, dans la suposition que les Limaces soient d'inégale hauteur.

Comme ces deux Limaces doivent se joindre par continuation, elles doivent avoir pour amplitude commune le diametre AB, & comme l'on veut qu'elles fassent chacune un même nombre de circonvolutions sur des hauteurs inégales, il faut déterminer les inégalitez croissantes ou décroissantes de leurs intervales, ce que l'on peut saire de différentes manieres & suivant différens raports: nous nous arrêterons à la plus commode, qui est celle du raport des tangentes.

Sur la base de la colonne le prolongée, on prendra un point R.

à distance arbitraire de la Cathete 60° Q, par exemple, de deux sois la longueur du diametre AB plus ou moins selon la hauteur de la colonne, & le plus ou moins d'inégalité que l'on voudra donner aux circonvolutions, car il est clair qu'elles seront d'autant moins différentes que le point R sera loin, & au contraire d'autant plus inégales qu'il sera près.

De ce point R pour centre, & d'un rayon pris à volonté, on décrira un arc de cercle Q 60, qui sera déterminé au point 60 par la ligne R 60° tirée au sommet de la Cathete; on divisera cet arc en tel nombre de parties que l'on voudra, qui sont ici soixante, lesquelles ne sont pas des dégrez, en commençant par le diviser en 6, & chaque sixième en dix.

Par toutes ces divisions 10, 20, 30, &c. & par le point R, on tireta des lignes droites qui couperont la Cathete 60° Q en soixante parties inégales, par chacune desquelles on tirera des horisontales indéfinies paralleles à la base a b, & perpendiculaires à la Cathete que l'on cottera des mêmes nombres des divisions primitives comme 10°, 20°, 30°, &c.

L faut présentement saire les projections des Limaces supérieures & inférieures de la Colonne, qui doivent être la même tournée en sens contraire, parce que l'inférieure s'élargit en montant, & la supérieure se retrecit.

Ces projections doivent être des spirales qu'on peut décrire, comme la spirale d'Archimede, dont nous avons parlé au 2°. Liv. page 165. du tome L Mais comme deux spirales de cette nature tournées en sens contraire, quoique sur un même centre, ne se touchent pas, mais se croisent en angle saillant à leur intersection, on peut se relacher de la régularité de la description de cette courbe, & se contenter d'une imitation imparsaite par des arcs de cercles, asim que la jonction des Limaces insérieure & supérieure se fasse sarret, ou du moins si l'on se sert de la spirale d'Archimede retournée, il faut essacer l'angle de la projection par un arc de cercle tangent à l'une & à l'autre: nous opérerons avec peu de délicatesse pour plus de facilité.

Soit le rayon C 30 divisé en deux également au point 6, on décrira sur C 6 comme diametre, le demi cercle C 36; puis ayant divisé l'intervale 6 18, qui est le reste du diametre de la projection, en deux également, on décrira le demi cercle 6 10 18, qui touchera le précedent au point 6, & le démi cercle de projection 18 A 30 au

point 18; la spirale C 6 18 A 30<sup>6</sup> sera la projection de l'axe tortueux de la Limace inférieure, qui s'étend jusqu'au point de hauteur 30<sup>1</sup> au dessus de Q.

La même spirale sera repetée au sommet de la Colonne en sens contraire, c'est-à-dire la partie de la droite posée à la gauche pour servir de projection d'une maniere renversée du haut en bas à l'axe de la Limace supérieure qui se renserme en montant.

IL faut présentement raporter les parties de ces spirales de projection aux divisions de l'axe droit ou Cathete, par lesquelles on a mené des horisontales indéfinies; c'est pourquoi il faut que le contour de la spirale soit divisé en un même nombre de parties inégales que l'axe l'a été par les secantes provenant du point R; ainsi puisque nous avons divisé cet axe en 60 parties, il faut aussi que la spirale soit divisée en 60. parties aussi inégales, la progression de cette inégalité devroit être la même que celle des tangentes, si la chose valoit la peine d'être saite avec grande précision; mais dans une chose de peu d'usage nous nous contenterons des à-peu-près saits à vûe d'œil.

Premierement, puisque les tangentes, depuis la base jusqu'à la division 10x, se surpassent d'un excès à peu près egal, on pourra diviser également le petit demi-cercle C 36 en six parties égales, & le second demi-cercle 6 10, 18 en douze parties; ensuite le troisséme demi-cercle 18, A 30 en douze autres, non pas égales, mais un peu élargies à mesure qu'on s'éloigne du centre C, se réglant à vûe sur le raport des intervales de l'axe 10x, 20x, 30x, &c. On en sera de même à la spirale supérieure en sens contraire, c'est-à-dire, en s'élargissant vers le centre.

Si l'on vouloit operer avec plus de précision, il faudroit rectifier le contour de la spirale, & le diviser proportionellement aux parties de l'axe, ausquelles elle répond, ce qui est fort aisé; observant, par exemple, que cette spirale coupe trois sois le diametre 30, 18; kavoir, au point 6, au point 18, & au point 30. Ainsi puisque la hauteur totale Q 30 est divisée en 30. parties, chaque demie révolution complette en doit contenir 12, lesquelles sont ensemble 24 parties, à quoi ajoûtant le quart de révolution, qui doit en contenir six, on aura trente parties en circonference de spirale, comme on en a trente en hauteur donnée sur la base pour la premiere Limace, qui monte en s'ouvrant.

Par la même raison la supérieure, qui monte en se resserrant, doit

être divisé en même nombre de parties, parce que toute la hauteur a été divisée arbitrairement en soixante.

PRESENTEMENT, puisque les parties de la spirale sont rélatives à celles des hauteurs des lignes horisontales, menées par les divisions de l'axe droit, il est clair qu'en menant des paralleles à cet axe par les divisions de la spirale, correspondantes à celles de la hauteur, on aura par l'intersection de ces lignes les points de projection verticale de l'axe courbe de la Colonne torse; ainsi la verticale menée par le point 10 de la spirale, coupant l'horisontale menée par le point 10 de l'axe, donnera le point y de l'axe courbe; l'intersection de la verticale 20 a avec l'horisontale 20 menée par le point 20 de l'axe droit, donnera le point 2 de la projection verticale de l'axe courbe de la Colonne torse, ainsi des autres.

De même la verticale abaissée de la spirale supérieure par le point 35 de sa division, qui est faite en continuation de celle de la spirale de la base, donnera par son intersection avec l'horisontale 35° Y, le point Y de l'axe courbe en projection verticale, celle qui vient de la division 50, coupant l'horisontale 50° X, donnera le point X de même axe, ainsi du reste.

La projection verticale de l'axe étant tracée par plusieurs points, comme on la voit à la fig. 211. on la repétera à part, comme à la fig. 210. puis avec le rayon donné DA pour la demie épaisseur de la Colonne, & d'autant de points que l'on voudra prendre sur l'axe courbe, comme en  $\epsilon$ ,  $\epsilon$ ,  $\epsilon$  près & à volonté, on décrira des cercles, ausquels on menera une courbe à la main, qui les touche sans les couper, tant d'un côté que de l'autre, & l'on aura l'élevation de la Colonne.

Presentement si l'on veut faire une Colonne torse réguliere un peur renssée vers le tiers de sa hauteur, il est visible qu'au lieu des intervales inégaux des circonvolutions, on doit diviser la Cathete en autant de parties égales qu'on veut de circonvolutions, ainsi l'opération devient plus simple, parce qu'on doit suprimer celle qui dépend du secteur de cercle Q 30 R: au reste on sera l'élevation de l'axe courbe de la même manière, & les contours de la Colonne, comme nous venons de le dire, & non pas suivant le Trait de Vignole que voici: il divise le cercle de la base de la Colonne en huit parties égales, & la hauteur en quarante huit, par chacune desquelles il mene des paralleles à la base comme Ep, eq, CP, qui lui servent à trouver l'axe courbe de la Colonne de la même manière que nous avons sait ci-devant, que nous suposons ici la courbe Panm c S; puis ayant détertom. IIL

STEREOTOMIB LIV. IV. PART. H.

miné son épaisseur, il en porte la moitié de part & d'autre, de l'autre courbe, comme en m E & m p, n e & n q, o E & o Q, &c. puis par les points trouvez E, e, E; p, q, Q, il trace les contours de la Colonne, qui sont parsaitement semblables à celui de l'axe courbe, ce qui ne convient pas à l'unisormité de l'épaisseur de la Colonne, comme on va le voir.

# Démonstration de l'irrégularité de l'ancien Trait de la Colonne torse de Vignole.

In est sans doute de la régularité de la Colonne torse qu'elle soit faite d'un corps rond d'épaisseur uniforme dans toutes ses parties; or la Colonne tracée suivant la construction de Vignole, change contnuellement d'épaisseur d'une circonvolution à l'autre, donc elle n'est pas réguliere ni formée par un corps exactement rond dans toutes ses sections perpendiculaires aux tangentes de l'axe courbe.

Pour prouver la mineure, soit une portion d'axe courbe K a b c d'confiderée comme composée d'une infinité de petites lignes droites différemment inclinées à l'horison, comme le sont en effet toutes les petites cordes d'une hélice projettée sur un plan vertical, ainsi la partie a b peut être considerée comme verticale, la partie b c comme inclinée à l'horison, par exemple, de 30 dégrez, & la partie c d de 60 plus ou moins.

Cela suposé, il est clair que la véritable épaisseur de la Cosonne à la partie de l'axe a b verticale, sera l'épaisseur horisontale e m, & mp, & sur l'inclinée b c; l'épaisseur doit être prise sur l'inclinée FG perpendiculaire à b c, & égale à e p; mais par la construction de Vignole cette épaisseur est prise en E b & b P parallelement à e p, donc le point E est au dedans de l'épaisseur unisonne de la Colonne de la quantité FE: or suposant l'angle E b c de 30 dégrez, la longueur E i ne sera que la moitié de E b, laquelle hypotenuse E b est égale par la suposition à F i, donc dans ce cas la Colonne se trouve rétrecie en EP d'une moitié de l'épaisseur qu'en lui a donnée en e p; par conséquent si le corps de la Colonne est rond, c'est-à-dire si la section en e p est circulaire, la section en E p sera ovale, & si la section en e p n'est pas circulaire, la Colonne ne sera pas exactement ronde, ce qu'il fallois démontrer.

It est donc visible à la seule inspection de la fig. 213. que l'ancien Trait qui donne le contour . E e d'un côté & p P p de l'autre, s'écarte

#### DES VOUTES COMPOSEES CHAP, XI

339

confiderablement des vrais contours e F x e, & p y G, qui font la Colonne torse d'épaisseur uniforme.

D'ou il suit que les courbes hélicoides, cylindriques ou en Limace des côtez oposez de la projection verticale de la Colonne ne doivent pas être semblables à la courbe de son axe, contre la pratique du Trait de Vignole, ce que nous avons déja démontré ailleurs en d'autres occasions, lorsque nous avons parlé de la Vis St. Giles ronde, où nous avons montré que les hélices compagnes, quoiqu'équidistantes entre elles, ne sont pas pour cela semblables, parce que celle qui aproche de l'axe droit vertical est plus roide que celle qui s'en éloigne davantage, laquelle est plus couchée, ainsi de suite.

D'ou il suit encore que l'axe courbe ne partage pas en deux également toutes les sections horisontales de la Colonne, car suposant, ce qui est possible, les points n & b de la sig. 213. réunis en un seul, il est clair que F n est plus grand que E b, qui est par la construction égale à n o, donc F n est plus grande que n o, par conséquent le Trait de Vignole, qui porte des parties égales de part & d'autre du point de l'axe n, ne peut donner qu'un saux contour, ce qu'il falloit démontrer.

Donc pour corriger le Trait de Vignole, l'axe courbe étant tracé,' il faut en venir au notre, en traçant une grande quantité de cercles ou d'arcs à droite & à gauche de cet axe, pour mener par leurs extrémitez une courbe tangente, qui est un Epicycloide différente de chaque côté.

On pourroit aussi ce me semble faire encore une petite résorme au Trait de Vignole, qui seroit de faire les deux Limaces du bas & du haut un peu plus hautes, en leur faisant faire une circonvolution complete au lieu d'une moitié à chacune; ma raison est qu'étant ainsi plus alongées, elles se joindroient plus insensiblement à l'hélice cylindrique qui fait le corps de la Colonne.

Enrin si l'on veut lui donner du renssement, il en saut venir à notre premier Trait, sans cependant rehausser ni rebaisser les intervales des circonvolutions que d'une quantité peu sensible à la vûë, ce que l'on peut saire en éloignant beaucoup le point R de l'axe droit Q 60...

## Aplication du Trait sur la Pierre ou sur le Bois.

Si la Colonne torse est cylindrique, comme celle de Vignole, on commencera par former un rouleau du diametre & de la longueur de la Colonne, ou de la hauteur que la pierre pourra porter si elle est V v ii

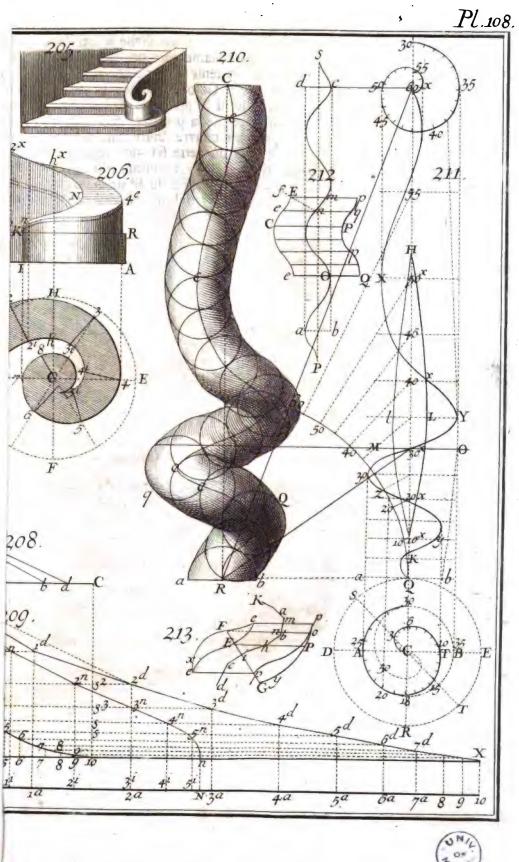
faite de tambours, & ayant divisé le cercle de la base en huit parties égales par quatre diametres, on mettra une regle sur un des diametres où on la sera tenir par quelqu'un, puis on en posera une autre à l'autre bout de la Colonne sur le centre de la base oposée, qui sera celle du sommet si la premiere est le lit de dessous, qu'on dégauchira en la borneyant par la premiere regle, la faisant tourner sur le centre, en sorte que l'une couvre l'autre sans la croiser, à la vût on marquera les deux points où cette seconde regle coupe la circonsérence du lit supérieur, & on la divisera comme celle du lit de dessous en huit parties, par lesquelles & par celles du lit de dessous, on tirera des lignes droites sur la surface du rouleau cylindrique, lesquelles seront des paralleles à l'axe droit ou Cathete.

On divisera chacune de ces lignes en 48 parties égales, & l'on menera de l'une à l'autre, en montant d'une partie, la ligne courbe, qui marquera la partie la plus saillante de chaque circonvolution de l'hélice.

Ensuite pour la creuser, on levera deux cerches oposées sur l'élevation que l'on a fait de la Colonne torse, avec lesquelles on creusera des plumées qui donneront le contour ondé vertical des côtez oposez, ayant soin de tenir le plan, j'entends la surface plane, de ces cerches par leur milieu dirigées à l'axe droit de la Colonne, sans quoi elles donneront de fausses plumées; les milieux de ces mêmes cerches un peu remontées ou rebaissées suivant les points donnez à la surface du rouleau, serviront à faire d'autres plumées sur les huit paralleles à l'axe droit, & par ce moyen on abattra la pierre de plumée en plumée aissez près pour ne pas se tromper.

QUAND je dis que les milieux de ces cerches serviront, étant posées un peu plus haut ou plus bas, pour faire de nouvelles plumées, j'entends seulement parler de la partie cylindrique, qui est comprise entre les deux demies circonvolutions qui sont en Limace, l'une à la base, l'autre au sommet, parce que les contours de ces deux extrémitez sont différens de ceux du sust cylindrique entre elles.

PRESENTEMENT, si au lieu de la Colonne torse ordinaire, on en veut faire une à circonvolutions inégales & en Limaces, il faut commencer par faire un corps rond en suseau émoussé par les deux bouts, semblable au suseau du noyau vuide HLK!, ou pour en donner une idée plus nette, on fera une Colonne renssée, sur laquelle on tirera, comme à la précedente cylindrique, des lignes courbes qui ne serosit pas paralleles à l'axe droit, mais qui seront dans le même plan de la section par cet axe.



• • 

#### DES VOUTES COMPOSEES. CHAP. X L

On divisera ensuite ces lignes en parties inégales, telles que les donne l'épure de la fig. 211. que nous prenons pour exemple, & on tirera d'une division à l'autre en montant les lignes hélicoides des parties les plus saillantes de la Colonne.

On levera ensuite des cerches des contours oposez, suivant lesquelles on sera deux plumées; mais à cause de l'inégalité des circonvolutions, il faudra faire plusieurs élevations, par exemple, celle de la sig. 210. qui a été faite sur le diametre DE de la sig. 211. ne pourrasservir que pour cette position, il en saudra faire une autre sur le diametre QR qui sera disférente: ensuite une autre sur le diametre QR qui sera disférente: ensuite une autre sur le diametre f T, ainsi de suite autant qu'on le jugera à propos; pour faire de nouvelles plumées toujours dirigées à l'axe droit & de l'une à l'autre, on abattra la pierre ou le bois comme les plumées l'indiqueront, ce qui demande de l'adresse, & de l'attention pour bien évider la Colonne, sans jarrets.



### 

## CHAPITRE DOUZIEME

#### APENDICES CONCERNANT LE DISPOSITIP à la Construction des Vouses.

Les dispositions à la construction d'une Voute consistent en deux choses.

L'une à regler l'épaisseur des piédroits, qui est nécessaire pour leur donner une force capable de resister à sa Poussée, c'est-à-dire à l'effort qu'elle sait pour les écarter, & s'ouvrir.

L'AUTRE à regler la force des cintres de Charpente, qui doivent soûtenir les Voussoirs pendant qu'on la bâtit, jusqu'à ce que la clef y soit mise, afin qu'ils puissent en soûtenir toute la charge sans en être écrasez.

#### L

#### DE LA POUSSEE DES POUTES.

Quotour le détail de la construction des Voutes ne soit pas du sujet de cet ouvrage, les mesures que l'on doit prendre pour en établir solidement les suports, y paroissent tellement annexez, que les Auteurs qui ont traité de la coupe des pierres, ont cru devoir donner des regles pour déterminer l'épaisseur des Pièdroits, asin qu'ils ne soient pas renversez par l'effort qu'elles sont pour s'ouvrir; mais malheureusement ils n'en ont donné qu'une mauvaise, qui a sans doute eu beaucoup de part à ces sacheux accidens de chutes prématurées, qui ont couvert les Architectes qui s'étoient siez à cette regle, d'une honte qu'ils ne méritoient pas, car elle devoit leur servir d'excuse avant que de sçavans Mathématiciens en eussent démontré la fausseté, & donné de meilleures.

CETTE regle dont je parle est celle du P. Deran, que Blondel & le P. Dechalles, qui étoient cependant Mathématiciens, ont suivi sans examen, & en dernier lieu M. de la Ruë, qui a ignoré aparemment que M. de la Hire en avoit donné une autre démontrée 16. ans avant qu'il eût publié son Livre.

M. \* \* \* Inspecteur & Directeur des Ponts & Chaussées, qui a en

#### DE LA POUSSEE DES VOUTES CHAP. XII.

Connoissance de cette regle, l'a rejettée pour en chercher une meilleure, sans en comprendre ni la construction ni la démonstration, comme il le confesse ingenuement dans sa Dissertation sur les Piles des Ponts (pag. 4.) M. de la Hire, dit-il, ce Sçavant du siècle présend avoir démontré La Ponssée des Voutes.

A ce début on s'attend qu'il va découvrir quelque erreur; point, du tout, il y trouve seulement à rédire (pag. 6.) qu'il n'a pu l'entendre, & par conséquent que cette regle étant au dessus de la portée des Ouvriers, elle leur est inutile. Tant que nos pensées, ajoute-t'il, ne serond pas aistes à penétrer aux moins sçavans, elles ne seront pas instructives. Es par consequent devienment inutiles à la posserité: mais, avec sa permission, ne suffit-il pas que nous puissions en profiter par la médiation des plus scavans, qui nous expliquent ce que nous n'entendons pas. Les ouvrages d'Euclide, d'Apollonius, d'Archimede, &c. ont-ils été inutiles à la posterité, parce que les moins sçavans n'entendent pas le Grec, & qu'ils contiennent des choses difficiles à concevoir aux Ouvriers & à des plus sçavans ; ce n'est pas une raison pour autoriser les fausses regles qui peuvent être à leur portée, que de dire qu'ils ne sont pas en état d'entendre celles qui sont émanées du calcul Algebrique; il suffit que ceux qui président à la construction des Voutes. foient assez dociles pour demander l'explication de ce qu'ils n'enten-

Notre Auteur qui n'est pas un Artiste sans étude, & qui sçait que les Mathématiciens n'avancent rien sans preuve, auroit pû se faire expliquer ce que significient les expressions Algebriques de M. de la Hire, & il auroit vû que la hauteur des piédroits, l'épaisseur, & la charge de la Voute étoient nécessairement compliquées dans la recherche de Pessort de sa poussée, d'où il auroit conclu que la nouvelle regle qu'il avoit imaginé, n'entrant pour rien dans l'une ni dans l'autre de ces considerations, elle ne devoit pas être meilleure que celle du P. Deran qui a les mêmes désants, & que ce qu'il prenoit pour une démonstration de sa prétendue regle n'étoit qu'une pure illusion.

It pourra peut-être me dire que je demande plus de circonspection qu'il n'est nécessaire, puisque dans un extrait de l'assemblée de l'Academie de Montpellier de l'année 1732. on trouve une nouvelle regle pour déterminer l'épaisseur des piédroits des Voutes, dans laquelle il est expressément dit qu'en ne doit pas s'embarrasser de la hauteur qu'ils dai-went avoir.

CE seroit faire tort à cette illustre Academie, que de croire que ce discours y ait été inseré sans correctif.

Le sçavant Academicien qui donne cette regle s'est expliqué qu'il ne la donnoit pas pour Géometrique, mais seulement pour la commodité des Ouvriers, & qu'il ajoûtoit beaucoup à l'épaisseur nécessaire au seul équilibre, & parce que les différences des hauteurs ordinaires dans la pratique n'augmentent pas les épaisseurs au de-là de celle qu'il a jugé nécessaire, on peut par cette précaution se dispenser de faire attention à la hauteur des piédroits, mais non pas à l'épaisseur & à la charge de la Voute, à laquelle le P. Deran, ses sectateurs & M. Gautier n'ont eu aucun égard. On verra ci-après par un Probleme, que M. Danisy m'a fait l'honneur de m'envoyer, les dissérences d'augmentations d'épaisseur de piédroits que produisent leurs dissérences hauteurs, preuve qu'il ne compte pas ces dissérences pour rien.

# Des différentes Hypoteses qui ont servi à la recherche de la Poussée des Voutes.

I

Le premier Mathématicien qui ait travaillé à déterminer l'épaissem que les piédroits des Voutes doivent avoir pour résister à l'essont de leur Poussée, a été M. de la Hire de l'Academie des sciences, qui joignoit à une prosonde Théorie une grande connoissance des Arts, particuliérement de l'Architecture.

Ayant remarqué que la plûpart des Voutes, dont les piédroits avoient été trop foibles pour en foûtenir la Poussée, s'étoient fendue vers les milieux des Reins entre l'imposte & la clef, il a consideré la partie du sommet comprise entre ces deux sentes, comme un seul Voussoir en forme de coin, & les piédroits joins au quart de la Voute compris entre l'imposte & la fente de chaque côté, comme ne faisant qu'un seul corps avec cette partie; de sorte qu'il considere dans une Voute en Berceau circulaire trois solides dissérens, l'un au milieu qui est une moitié de la Voute, & les deux autres qui en sont des quans comme étant joins aux piédroits, & sur cette Hypotese il calcule l'effort que le coin du milieu sait pour écarter ses deux apuis lateraux.

#### ΙL

Quotour cette premiere Hypotese fournisse une solution très sûre pour la pratique, M. Couplet de la même Academie a jugé qu'on pouvoit trouver avec plus de précision l'effort de la Poussée des Voutes, en considerant en particulier chaque Voussoir, comme un coin qui faisoit effort pour écarter ses collateraux, & parce que ces coins peuvent

#### DE LA POUSSEE DES VOUTES, CHAP. XII.

peuvent être considerez comme des corps polis, ou comme grenus & raboteux, il a examiné le résultat de chacune de ses supositions, pour déterminer l'épaisseur des piédroits.

#### IIL

M. Danify de l'Academie de Montpellier, pour se délivrer de la necessité de toute hypotese, a consulté l'expérience en faisant faire des modeles de Voutes de différens cintres qu'il a chargé sur la clef, ou diminué la force des apuis de leurs piédroits au point où elles commencent à s'ouvrir pour voir ce qui arrivoit au moment de leur destruction, & en tirer des conséquences propres à déterminer l'épaisseur des piédroits, mais quoiqu'il ait donné une regle pour les Ouvriers, il n'a pas encore rendue publique celle qu'il a promise dans l'extrait de l'assemblée de l'Academie de Montpellier en 1732. Nous allons parler de chacune des solutions de ce Probleme.

#### PROBLEME L

L'épaissent d'une Voute cylindrique, sa charge, Es la hauteur de ses piédroits étant donnez, trouver l'épaisseur qu'ils doivent avoir pour en souvenir la Poussée.

CE Probleme peut être résolu de plusieurs manieres différentes, comme nous venons de le dire.

## Premiere Solution pour la premiere Hypotese d'un seul Coin, comprenant le quart de la Voute vers la cles.

En suivant la même Hypotese, on peut trouver l'épaisseur des piédroits demandée par deux manieres, ou par le calcul, ou par une Construction Géometrique.

QUANT à la premiere, je n'ai rien à ajoûter à celle qu'a donné M. Belidor dans le Livre intitulé la Science des Ingenieurs, où il a trouvé une équation, dont il a fait une aplication à la pratique par le calcul d'une maniere très claire & très aisée pour toutes les Voutes cylindriques simples, & pour les platebandes.

Pour la seconde voye, qui est celle de la construction sans calcul, avec la regle & le compas, qui est plus commode & plus à la portée des Ouvriers, nous donnerons celle de M. de la Hire, que M. Gantier a regardé (pag. 6.) comme inintelligible, & l'on verra qu'elle n'est pas d'une exécution plus difficile qu'un grand nombre des Traits de la Tom. III.

coupe des pierres qu'on trouve dans les Livres du P. Deran & de M de la Rue, dont les Apareilleurs sont usage tous les jours.

Pour donner un exemple intéressant sur ce sujet, & apuyer ce que nous avons à dire par l'expérience, je proposerai ici un magasin à poudre d'une grandeur un peu au dessus de l'ordinaire, & des mêmes mesures que celui qui sut exécuté en 1732. dans une Ville de la trontiere, lequel par la foiblesse de ses piédroits s'écroula avant que d'être totalement décintré.

Pt. 109. Sort (fig. 214) la figure AHED la moitié du profil d'un Bâtiment Fig. 214. vouté en Berceau, dont la moitié du cintre à la doële est le quart de cercle BM b, & dont l'extrados est un égout de comble en ligne droite HA, passant à la distance LM de la doële où est sa moindre épaisseur.

Soir aussi la hanteur donnée BP du point B de la naissance de la Voute, au dessus du rez-de-chaussée PE, il faut trouver une ligne BX, qui détermine l'épaisseur du piédroit XBP y de force suffisante pour contre-balancer l'effort de la Voute qui tend à écarter le point B quelle pousse pour s'ouvrir & tomber.

PAR le centre C du demi cintre BM b qu'on suposé ici circulaire, ayant élevé la verticale CH parallele au piédroit BP, on divisera l'arc B b en deux également en M, par où on menera une seconde verticale MV, & l'horisontale indéfinie NW, qui coupera CH en F. On tirera du centre C par M la ligne CL, qui coupera AH en L.

On mesurera ensuite la surface mixte quadrilatera LH b M comprise par l'arc M b de la doële, & les trois lignes droites LH, Hb, LM, en prenant tout le triangle LHC, dont on retranchera le secteur de cercle M b C, ce que l'on peut faire sans calcul avec la regle & le compas, comme nous allons l'enseigner pour la commodité des Ouvriers.

Ayant divisé la ligne LC en deux également en m, on menera par le point m la ligne m k parellele au côté LH, & par le point H une autre H k parallele à LC, qui coupera la précedente au point k; le rectangle L k sera égal au triangle rectangle CLH, dont il faut retrancher un secteur de cercle CM b.

On divisera l'arc M b en deux également au point 2, & l'on rectifiera l'arc b 2 qu'on portera en b d perpendiculairement sur CH, le rectangle C d sera égal au secteur CM b.

Il faut présentement retrancher ce rectangle C d du rectangle H m,

DE LA POUSSE'E DES VOUTES, CHAP, XII. 347 ce qui se fera en réduisant C d à même hauteur ou largeur que le parallelograme H m, (par la 44 du 1 Liv. d'Eucl.) sur BC prolongée,

parallelograme Hm, (par la 44 du 1<sup>4</sup> Liv, d'Eucl.) sur BC prolongée, on prendra Co égal à Cm, & l'on tirera par les points o & b la ligne ox, qui coupera id prolongée en x; on portera la longueur dx en Le sur LH, & l'on tirera ex parallele à Lm; le rectangle H s sera la valeur de la surface quadriligne mixte Lm b H que l'on cherche.

On prendra ensuite la racine quarrée de cette surface en portant le côté e t en e K; puis ayant divisé KH en deux également en c, du point c pour centre, c K ou c H pour rayon, on sera un arc qui coupera e t en y; la ligne e y sera la racine quarrée que l'on cherche,

PRESENTEMENT on portera cette racine quarrée du point M en g fur l'horisontale MF, & du même point M en G sur la verticale MV; par les points G & F, on menera GF, & par le point g la parallele g S, qui coupera MV en S.

On tirera ensuite par le point V, où la verticale MV-coupe la ligne horisontale du rez-de-chaussée, la ligne VF, & par le point S, on lui menera une parallele SY, qui coupera MF en Y.

Par le point C, on tirera CT perpendiculaire à VF, qui coupera FMN au point T; on prendra ensuite la moitié de MY qu'on portera de T en N, puis en retrogradant on portera la distance PV de N en  $\varkappa$ ; la longueur F  $\varkappa$  sera portée de l'autre côté en FW pour avoir le point W.

Du point M pour centre & pour rayon MY, on décrira le demi cercle Y qR, qui coupera MV en q & MN en R; du point W pour centre & de l'intervale WR pour rayon, on décrira l'arc RZ, qui coupera MV en Z; la longueur Z q est celle que l'on cherche pour déterminer l'épaisseur du piédroit en BX ou Py, parce que nous le supofons à plomb sans talud.

## Résultat suivant des mesures données.

Suposant des mesures à ce Bâtiment telles qu'elles sont marquées par l'échelle au dessous de la fig. 214. on trouvera que le rayon ou demi diametre BC de la Voute en Berceau étant donné de 30 pieds, la moindre épaisseur LM aux reins de 3 pieds, celle à la clef H b de 10, & la hauteur du piédroit de 13 pieds & demi; l'épaisseur cherchée pour ce même piédroit a été trouvée par la construction de 11 pieds.

Ххij

## Observation sur l'expérience.

L'Experience a fait voir qu'un Bâtiment construit sur les mesures du'on vient de détailler pour la hauteur des piédroits, la largeur du cintre, & la charge de son épaisseur aux différens endroits de la Voute, mais dont les piédroits n'avoient que 9 pieds d'épaisseur. n'a pu substisser, quoique apuyez par des contresorts de 4 pieds de queue, & de 6 pieds d'épaisseur espacez de trois en trois toises, parce que la Poussée de la Voute a fait écarter les piédroits à l'imposte en les couchant en talud, de forte que la Voute s'est aussi ouverte & enfoncée; il est certain que si ces piédroits avoient eu deux pieds d'épaisseur de plus, comme le demande l'opération fondée sur l'hypotese de M. de la Hire. l'accident ne seroit pas arrivé, parce que dans l'état où les choses étoient, il est visible que les puissances de la Poussée de la Voute & de la résistance des piédroits aprochoient déja beaucoup de l'équilibre, puisque les parties décintrées dans la plus grande longueur de la Voute, ont subsisté quelques heures avant que de s'écrouler, de sorte que deux pieds d'épaisseur de plus auroient infailliblement forțifié les piédroits au dela du nécessaire; cependant suivant ces mesures, ils n'auroient encore été que dans l'état d'équilibre, auquel il n'est pas de la prodence de l'Architecte de se fixer; il convient d'y ajoûter quelqu'épaisseur de plus, ou bien des contreforts.

On peut conclure de cette expérience que les regles du calcul & de l'opération, fondées sur l'hypotese de M. de la Hire, sont très sur res pour l'état d'équilibre entre la poussée de la Voute & la résistance des piédroits, & que si l'on y ajoûte quelque rensort, on se met hors de soupçon de fracture de la Voute.

Je ne dis rien de l'épaisseur de la maçonnerie qu'on peut épargner par le moyen des contresorts. M. Belidor en a donné le calcul; cette construction expose le bâtiment à des fractures, si leurs queues ne sont un peu épaisses & assisses sur un fond très solide, & bâties d'une pierre de taille qui soit d'assez bonne consistance, comme il l'a lui-même fort judiciensement observé, parce que ce sont des apuis où se fait tout l'effort de la Poussée, lesquels s'ensoncent d'autant plus facilement dans le sol, qu'ils sont étroits & avancez au-delà du mur.

#### DE LA POUSSE DES VOUTES CHAP. XII. 249

## De la Poussée des Voutes en Cintres Elliptiques.

#### PREMIEREMENT,

## Des surhaussez extradossez.

Dans l'exemple précedent, l'extrados étoit d'une nature différente de la doële, puisque la doële étoit circulaire, & l'extrados en ligne droite, ce qui formoit une épaisseur de Voute par-tout inégale; ici nous suposons, ce qui est de plus ordinaire dans les bâtimens, que l'extrados est un arc concentrique ou équidistant de la doële, & que cet arc est Elliptique d'une Ellipse, dont le grand demi axe est vertical. Pour ne pas multiplier les figures, nous prendrons pour moitié du prosil, celle de l'arc rampant de la fig. 217. que nous suposerons fig. 217. être telle en ARM b e sur la hauteur du piédroit donné AR.

Avant divisé la moitié R b en deux également en M, on menera par ce point une tangente M è à l'arc Elliptique, par le Prob. III. du z<sup>e</sup>. Liv. à laquelle on tirera une perpendiculaire MS<sup>\*</sup>, qui coupera la verticale du milieu b e au point S<sup>\*</sup>, duquel on fera usage comme du point C de la fig. 214.

Au reste l'opération sera en tout parsaitement égale, & même un peu plus simple à cause de l'unisormité de l'épaisseur de la Voute, par exemple, pour trouver la racine quarrée de la surface de la partie LM bH, on divisera l'épaisseur de la Voute LM en deux également en m, par où on menera l'arc m n équidistant de l'arc M b, & l'on portera cet arc moyen m n dans un endroit à part, comme à la sig. 215. où on l'étendra en ligne droite m b, à laquelle on ajoûtera la longueur bH, qui est l'épaisseur de la Voute de la sig. 217. pour saire sur la toute mH comme diametre, un demi cercle mXH, qui coupera bX perpendiculaire sur mH au point X; la ligne bX sera la racine quarrée de la surface du prosil d'une partie de la Voute LM bH, qu'on portera de M en g & de M en G, pour continuer l'opération de la même maniere que la sig. 214. laquelle donnera la longueur q 2 pour l'épaisseur du piédroit RX que l'on cherche.

#### SECONDEMENT,

## Pour les Voutes Elliptiques surbaissées.

Soit (fig. 219.) le cintre surbaissé ponctué IE d, & son extrados Fig. 219. iH 7. Ayant divisé l'arc IE en deux également en 2, on menera

par ce point 2 une tangente indéfinie (par le Prob. III. du 2<sup>e</sup>. Liv.) 2<sup>e</sup>3, à laquelle on tirera une perpendiculaire 2 S<sup>e</sup>, qui coupera la verticale du milieu de la clef E f<sup>e</sup> au point S<sup>e</sup> au dessous de la ligne des impostes I d, duquel point on se servira comme du point C de la sig. 214. pour tirer une ligne f<sup>e</sup> T à la ligne A e, qui coupera l'herisontale 2 T au point T, qui se trouve par cette construction beaucoup plus éloigné que le point Q provenu de la construction du plein cintre l b d de la même sigure, d'où résulte une plus grande épaisseur de piédroit, au contraire de l'exemple précedent du cintre surfamisé, où le point S<sup>e</sup> de la sig. 217. se trouve au dessus de la signe des maissances XRC, d'où résulte que la perpendiculaire tirée de ce point S<sup>e</sup> à la ligne FV, donne un point T de section avec l'horisontale MT beaucoup plus près de la ligne du milieu b e, que ne seroit celui qui proviendroit du plein ceintre, parce que le point G<sup>e</sup>, d'où partiroit la perpendiculaire sur VF, est au dessous du point S<sup>e</sup>.

On voit à la fig. 218. l'extraction de la racine quarrée de la for-face.

On a rassemblé à la sig. 219. les deux constructions du plein cintre & du surbaissé pour en faire la comparaison, où l'an voit que leurs différences proviennent des différentes inclinaisons des tangentes L 4 & 2.3, qui ont été menées sur les milieux des arcs I L b & 1 2 E, qui donnent les dissérentes hauteurs des points C & f.

Nous ne parlons pas ici des piédroits en talud, qui rendent l'opération beaucoup plus composée, parce qu'ils ne sont pas fort communs dans les bâtimens les plus usuels, comme les Magasins à poudre, &c. & que nous devons en parler sur une autre hypotese.

#### TROISIEMEMENT.

## Pour les Arcs rampans.

Si le cintre d'un Arc rampant est un composé de deux arcs de cerifig. 217. cles, comme à la fig. 217. l'arc R b qui est composé de l'arc RM i,
dont le centre est sur la ligne de l'imposte basse en C, & de l'arc i
b m N, dont le centre est en e sur la ligne de niveau à l'imposte supérieure c N, il faudra chercher l'épaisseur du piédroit, qui convient à
chaque partie de la Voute à droite & à gauche de la verticale HE
abaissée du sommet b de l'arc rampant. Ainsi on divisera le petit arc
supérieur b m N en deux également en m, par où on menera au centre c la ligne m c, qui coupera la verticale H e au point c; de même
on divisera l'arc composé RM i b en deux également en M, par où

Pon tirera le rayon MC, qui coupera la verticale H e au point S qui tiendra lieu du point C de la fig. 214.

On prendra aussi à part les moyennes proportionnelles entre les longueurs de l'arc de la moyenne épaisseur rectifié m K, & de l'épaisseur H k, comme on voit à la fig. 215. & entre l'arc moyen k n rectifié, & la même épaisseur H b, comme on voit à la fig. 216. pour avoir les racines quarrées b X, n x de la surface de chacune de ces moitiez de Voute, & en faire usage comme l'on a fait à la fig. 214. ce qui ne sousse difficulté.

Si l'arc rampant est une courbe simple de quelqu'une des sections coniques, ayant cherché le point de sommité b, qui sera celui de l'atouchement d'une horisontale parallele à RC, on divisera comme dans tous les cas, le milieu de chaque arc entre l'imposte, & ce point en deux également, & l'on tirera par ces points M & m des tangentes, ausquelles on sera des perpendiculaires qui donneront les points c & f, comme l'on a fait pour les autres cintres Elliptiques, & l'on continuera l'opération comme à la fig. 214.

## Comparaison & Remarque importante sur les regles des Auteurs qui ont traité de la Poussée des Voutes.

Si au lieu de la construction qui nous a donné les épaisseurs des piédroits, nous cherchions ces mêmes épaisseurs par les regles des Auteurs qui ont précedé M. de la Hire, nous trouverions qu'elles au-roient été beaucoup moindres, & quelquesois de près de moitié de ce qui est nécessaire, suivant le plus ou le moins d'épaisseur, & de charge de la Voute & de hauteur des piédroits.

Par exemple à la fig. 214. suivant la méthode du P. Deran, qu'ont suivi Blondel, Dechalles & la Ruë; ayant divisé l'arc B b en trois également au point 3, on doit tirer la droite 3 B 4, & faire B 4 égal à B 3 pour avoir le point 4, par lequel on tirera la verticale 4'5, laquelle selon eux détermineroit l'épaisseur du piédroit 5 B. Or il est visible que cette épaisseur étant moindre que XB d'une quantité considerable 5 X, qui est presque un tiers du tout XB, la Voute n'auroit pû subsisser étant déja moindre de la quantité 6'5 que l'épaisseur 6 B qui n'a pas sussi; d'où il suit que la Voute bâtie sur de telles mesures auroit écrasé les Ouvriers qui l'auroient décintré.

La regle de M. Gautier dans cette circonstance aproche de la bonne épaisseur par un pur hazard, car si l'on aplique cette même regle à la Voute de la fig. 217. on trouvera qu'elle se réduit à prendre pour l'épaisseur du piédroit la moitié de la corde N b, laquelle étant portée en NG, tombe en dedans du point x qui est celui de la bonne épaisseur, par conséquent qu'elle est trop soible en cette rencontre, & que la Voute culbutera en la déciptrant.

Au contraire elle sera plus forte au piédroit inférieur RX, ce qui fait voir qu'elle peut varier en trop ou en trop peu, suivant la charge de la Voute & la hauteur des piédroits.

It est étonnant qu'aucun de ces saiseurs de regle n'ait senti qu'il salloit plus d'effort pour soûtenir une grande charge qu'une petite, le diametre du cintre restant toujours le même, & qu'un piédroit sont élevé est plus sacile à renverser que celui qui est si court, qu'il n'est presque pas distingué de la naissance.

## Démonstration de la Construction.

La démonstration de la solution du Probleme se trouve dans les memoires de l'Academie des Sciences, où M. de la Hire, qui n'ayant à parler qu'à des Sçavans du premier ordre, n'est pas entré dans un détail tel qu'il convient à des gens d'une classe beaucoup insérieure, ainsi il est à propos de l'expliquer.

Sorr (fig. 219.) la portion de l'arc supérieur LMF=ff la portion de l'arc inférieur ILM=vv. LE=f CE=e; LA=g. IS=b. SA=e; TO=b & HS largeur du piédroit=g, & par conséquent TS= $\frac{1}{4}g$  dans la suposition que la hauteur du piédroit soit égale à LA, il trouve cette équation

If  $eg - \iint fy - \iint fa = \frac{1}{4} y y g f$ Et pesant  $\iint = fm$ , il la reduit à

& posant encore mf = ng, & multipliant par 2 il trouve, g y + 2ny = 2me - 2na, qui lui donne la construction que nous venons de décrire, dont la démonstration ne se présente pas assez facilement du premier abord pour qu'on l'aperçoive sans méditation, lorsqu'on n'est pas beaucoup versé dans le calcul, c'est pourquoi j'ai cru devoir y supléer en continuant la réduction de cette équation g = 2na, si l'on ajoûte à chaque terme nn, on aura g = 2na, g = 2na, si l'on ajoûte à chaque terme g = 2na, de tirant la racine quarrée l'on a g + na g = 2na, dans laquelle on a la construction qui donne g = 4na.

Pour

Pour découvrir les raisons pour lesquelles la grandeur 9.8 = y = H, il n'y a qu'à faire attention que les lignes de la construction donnent les Analogies suivantes.

A cause de EZ parallele à X4, on aura

$$LE(f)$$
.  $LX(V_{ff})$ :: $LZ(V_{ff})L_4(\frac{ff}{f}=f^m=m)$ 

à cause de AE parallele à 4 Y, on aura

1

1

i,

LA (g) L4 (m):: LE (f) LY 
$$\left(\frac{fm}{g} = \frac{ng}{g} = n\right)$$

& à cause des triangles semblables ALE, & QEC, on aura

LE(f)LA(g):: EC(6). EQ( $\frac{4}{7}$ ) le reste de la construction

est affez facile pour qu'on puisse la suivre sans autre explication.

#### PROBLEME IL

La bauteur des clavaux d'une plate-bande, & celle de leurs piédroits étans donnée, trouver, sans calcul, l'épaisseur des piédroits.

Sorr le rectangle ABEF, l'ouverture d'une baye fermée en platebande, dont la hauteur des clavaux est Ba, & celle des piédroits AB; il faut trouver la longueur d'une ligne Ax, qui détermine l'épaisseur des piédroits pour qu'ils soient d'une force capable de résister à l'effort que la plate-bande fait pour les écarter.

PAR la construction de l'épure ordinaire dans la coupe des pierres, on détermine l'inclinaison des lits des sommiers dans l'alignement BG du côté BC d'un triangle équilateral formé sur la plate-bande BE; en sorte que les trois lignes-BE, BC & EC soient égales entre elles, & que les coupes GB, EK tendent au point commun C.

CELA suposé, ayant divisé la ligne DH en deux également en Q, & ayant mené QO parallele à BD, on portera la longueur QO en DY; & sur HY pour diametre, ayant décrit le demi cercle Y mH qui coupera BD au point m, on portera D m en BM, & on tirera AM du bas du piédroit par le point M, où on lui sera MP perpendiculaire, qui coupera le piédroit AB prolongé en P.

Ensurre on portera la moitié de BD en DI, qui tombe ici tont près du point H; & sur CI comme diametre, ayant décrit le demi cercle C n I qui coupera BD en n, d'où l'on tirera la droite n C, à laquelle on sera m parallele, qui coupera CI au point m.

Tom. III.

On portera ensuite BP en DR pour tirer la ligne R x, sur laquelle ayant pris R d égal à RD ou BP, le reste x d sera la longueur de la ligne que l'on cherche, laquelle étant portée de B en X ou de A en x, donnera l'épaisseur du piédroit qui doit source l'effort de la moitié de la plate-bande, de même que l'autre EF la moitié DK.

Ou l'on dois encore remarque l'erreur de la méthode de M. Gantier, qui ne donne au piédroit que l'épaisseur Be, qu'il fait égale à BD monié de la plate-bande : cette méthode étoit tois facile pour se faire entendre aux Ouvriers, c'est dommage qu'elle les expose à l'affront de voir leur ouvrage tomber en levant les étançons.

#### Remarque sur l'utilité de la Théorie prouvée par des Faits.

Quotour la Théorie de la Poussée des Voutes soit beaucoup mêlée de causes Physiques, l'expérience confirme cependant la justelle de regles qu'on en a tiré, puisque les Voutes qui étoient apuyées sur des piédroits plus soibles que ceux qu'elles donnent, se sont écroulées; ainsi en suivant ces regles on ne court aucun risque de pareil accident, pourvû qu'on y ajoute encore un peu d'épaisseur, parce qu'elles ne donnent que celles qui est nécessaire pour mettre la sorce de la résistance des piédroits en équilibre avec celle de la Poussée de la Voute; or en cet état on s'expose de le voir rompu par le moindre accident; sur quoi je raporterai un fait qui prouve la nécessité de cette précaution.

J'ai fait faire dans un ouvrage détaché une petite Chapelle Elliptique pour le détachement des soidats de garde, laquelle est inscrite dans un octogone alongé, couverte d'une simple Voussure couronnée d'un platsond, & n'ayant donné d'épaisseur au mur que celle qui résulte du calcul de la premiere hypotese; jè la sit décintrer aussi-tôt qu'elle sut achevée sans lui donner le tems de saire corps, elle subsista sans aucune fracture; mais ayant eu trop de consiance à la belle saison, je ne me pressai pas de la faire couvrir, un orage avec une pluye abondante survint, laquelle remplissant d'eau les pores de la brique y ajouta une nouvelle charge qui rompit l'équilibre; il se sit quatre lézardes, une à chaque axe de l'Ellipse, qui n'ont pas eu d'autre suite depuis qu'elle a été couverte de son comble.

Sur quoi l'on doit faire trois réflexions utiles à la pratique; la premiere, que l'on doit augmenter la force des piédroits au dessus de l'état de l'équilibre avec la Poussée, comme je viens de le dire.

La seconde, qu'on ne doit saige les Voutes qu'à couvert de, peur que la pluye ne les charge plus qu'elles ne doivent être.

La troisième, qu'on ne doit pas compter sur l'expérience des gens sans Théorie, quelques versez qu'ils puissent être dans la pratique, pour donner les mesures des épaisseurs des piédroits des bâtimens voutez dont ils n'ont pas d'exemple à innitér precisément, car en cela un vieux praticien est toujours un vieux ignorant; n'est une connoissance du ressort de la Théorie, que la pratique me pout jassais leux donner; ils n'en peuvent tirer que des raissannement de comparaisons des ouvrages qu'ils voyent exécutez, dans lesquels ils sont sujets à se tromper pour peu que les cas varient; 46 ans de routine sans principe n'avoient pû instruire l'Architecte du magasia, dont on a parlé, du changement de mesure qui convenoit à sa grandeur & à sa charge, qui étoit un peu au dessus de l'ordinaire; il n'est pas le seul à qui pareille chose est arrivée par la même raison.

Ces évenemens ont fait injustement soupçonner d'honnêtes Gens de connivence sur la mauvaise construction, ou tout au moins de négligence à veiller à la solidité, & quoique l'examen de la qualité des materiaux les en ait justifié, le Public & bien des gens de consideration, qui ne sçavoient pas qu'il fallût être Mathématicien pour donner de justes mesures des piédroits des Voutes, ont bien eu de la peine à revenir de ce saux jugement, & l'ont au moins rejetté sur la mauvaise qualité du sol de la sondation; mais les gens éclairez ont bien reconnu par l'inexécution des regles sondées sur la Méchanique, que celui qui avoit dirigé le bâtiment en question n'avoit peché que par un désaut de Théorie; suite naturelle & légitime du peu de cas qu'il a toujours affecté d'en saire, sperait ignarus qued nequit assequi.

Cz sont là, ce me semble, des argumens sans replique contre ceux qui méprisent la Théorie, & qui osent sans rougir avancer, comme Cartaud dans son septiéme préjugé, que les Mathématiques n'ont point contribué au progrès des Arts. En sçavoit-on autant avant l'année 1712? & faute de cette découverte combien d'autres Voutes sont tombées en pure perte pour ceux qui les ont élevé ou fait élever : je sçai de mon tems que cet accident est arrivé à trois magasins à poudre, à un grand Edifice élevé & vouté à trois étages pour la Chancelerie de Wirsbourg après avoir été achevé totalement; cependant ceux qui s'en sont mêlez étoient versez dans la pratique de l'Architecture; que répondre à cela? il sant donc avoüer que la Théorie en ces cas, est plus utile que la pratique dénuée des principes de Géométrie & de Méchanique.

Y y ij

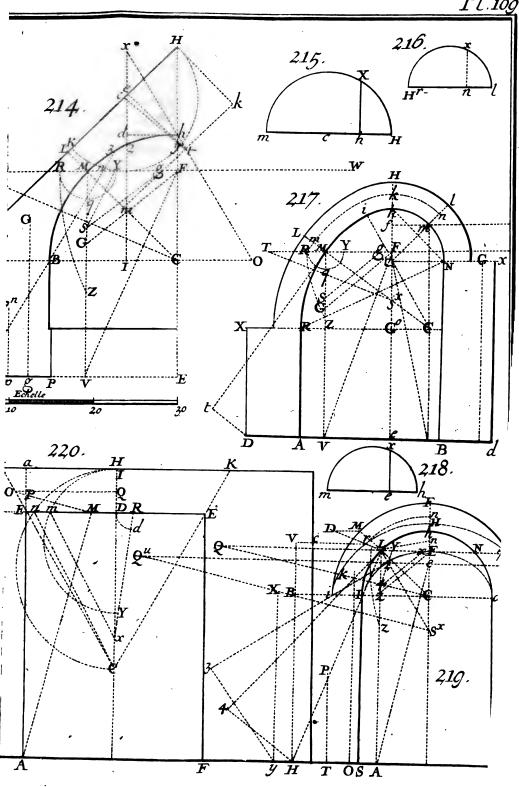
CE sont encore des raisons pathétiques pour authoriser la préférence que l'on doit donner dans le choix des directions aux Ingenieurs qui possedent la Théorie des Arts, sur ceux qui n'ont uniquement que des services de guerres, parce qu'il s'y agit du bon employ des dépenses du Roi, & non pas des sonctions militaires. On doit sans doute récompenser les bons Officiers qui ont utilement exposez leur vie, par des graces & des honneurs, & les préserer à ceux qui ont moins de services, lorsqu'ils sont aussi propres à la construction qu'à la guerre, mais s'ils ne sont recommandables que par cette derniere partie sans genie & sans aucune science, comme il s'en trouve, il est évident qu'ils n'ont que la moindre partie des qualitez nécessaires à un Directeur, & qu'il importe au bien du service qu'on leur présere ceux qui en ont d'essentielles à la construction. Si l'on avoit toujours sait cette attention, le Roi auroit épargné bien des sommes mal employées.

## Seconde Hypotese

## Pour la recherche de la Poussée des Voutes.

Dans la précedente Hypotese, on a consideré la Voute en Berceau comme un massif de maçonnerie qui avoit fait corps, mais que la poussée avoit fait fendre le long des Reins à la hauteur de 45 dégrez; ici nous la considererons comme un assemblage de Voussoirs polis fans liaison, qui se poussent mutuellement les uns les autres, en agisfant par leur pélanteur suivant les différentes inclinaisons de leurs lits. C'est ainsi que M. Couplet les avoit consideré dans son mémoire inseré dans ceux de l'Academie des Sciences de l'année 1729. sur laquelle hypotese il a établi plusieurs Théoremes & Problemes curieux & utiles pour la poussée des Voutes; mais comme le calcul en est long & fort composé, j'ai cru que je rendrois service au Public si je lui procurois une folution plus fimple & plus propre à la pratique : dans cette idée considerons avec raison M. Bernoulli comme un des Géometres de l'Europe le plus capable de la trouver ; je l'ai prié d'y donner quelques heures de son tems qu'il a bien voulu m'accorder, quoiqu'il fut incommodé, en quoi il m'a donné une marque d'amitié dont je suis très reconnoissant.

Mais comme cette solution supose une connoissance de sa Regle d'Energie par les vitesses virtuelles, il a eu la bonté de me faire part d'une Lettre qu'il écrivit à M. Varignon en 1715, touchant cette regle, dont je vais faire un extrait avant que d'entrer en matiere; il commence par établir ce principe, que Dans chaque équilibre il y a une égalité d'énergie de Jorces absolués par les vitesses virtuelles.



• A STATE OF THE STA • . DE LA POUSSEE DES VOUTES. CHAP. XII.

Pour concevoir ce principe, & en faire usage dans la statique, il faut se représenter plusieurs forces différentes, qui agissent suivant différentes tendances ou directions pour tenir en équilibre un point, une ligne, une surface & un corps ; si l'on imprime à tout le systeme de ces forces un petit mouvement, soit parallele à soi-même suivant une direction quelconque, soit autour d'un point fixe quelconque, il sera facile de comprendre que par ce mouvement chacune de ces forces avancera ou reculera dans sa direction, à moins que quelqu'une ou plusieurs des forces n'ayent leurs tendances perpendiculaires à la direction du petit mouvement, auquel cas cette force on ces forces n'avancent ni ne reculent de rien, car ces avancemens ou reculemens que M. Bernoulli apelle vitesses virtuelles, ne sont autre chose que ce dont chaque ligne de tendance augmente ou diminue par le petit mouvement, & ces augmentations ou diminutions se trouvent par le moyen d'une perpendiculaire que l'on doit tirer à l'extrémité de la ligne de tendance de quelque force, pour retrancher de la même ligne de tendance mise dans la situation voisine par le petit mouvement, une partie qui sera la mesure de la vitesse virtuelle de cette force.

Sorr par exemple P, un point quelconque dans le systeme des forces PL. 110. qui se soutiennent en équilibre, F une de ces forces qui pousse ou Fig. 221. qui tire le point P, suivant la direction FP ou PF; P p une petite ligne droite que décrit le point P par un petit mouvement, par lequel la tendance FP prend la situation fp, qui sera ou exactement parallele à FP, si le petit mouvement du système se fait en toutes ses parties parallelement à une droite donnée de position, où else fera avec FP, étant prolongée, un angle infiniment petit, si le petit mouvement du systeme se fait autour d'un point fixe ; si l'on tire donc P c perpendiculaire sur fp, on aura cp pour la vitesse virtuelle de la force F, en forte que F x cp fait ce que M. Bernoulli apelle l'Energie.

IL faut remarquer que c > est ou affirmatif ou négatif par raport aux autres; il est affirmatif si le point P est poussé par la force F, & que l'angle FP p soit obtus; il est négatif si l'angle FP p est aigu: mais au contraire si le point p est tiré, cp sera négatif lorsque l'angle FP p est obtus, & affirmatif lorsqu'il est aigu: tout cela étant bien entendu, M. Bernoulli forme cette proposition générale.

#### LEMME

En tout équilibre les forces quelconques en quelque maniere qu'elles soient appliquees, & Juivant quelque direction qu'elles agissent les unes sur les autres, on médiatement ou immédiatement, la somme des énergies affirmatives sera égale à la somme des énergies négatives prises affirmativement.

Crrra proposition sournit une regle admirable pour déterminer fans aucune peine, le rapost des forces absolués dans les équilibres, & des forces mouvantes dans les machines.

L'Agracation en oft intéressants dans l'examen des sorces du levier de la poulie des poids suspendes sur des plans inclinez ou tirez par plusieurs cordes; mais comme ces choses ne sont pas de notre sujet, il suffit de nous arrêter à ce qui est négessaire pour venir à la solution du Probleme de la Poussée des Voutese pour laquelle je dois seulement faire préceder le suivant.

#### PROBLEMEIIL

Un poid sphérique comme une boule B étant soutenu par deux plans AC, DC, trouver l'impression que chacun reçoit de la pésanteur de la boule.

Fig. 222. IMAGINONS que toute la machine ou le système BACD fasse un petit mouvement suivant la direction d'un plan AC, pour prendre la simution b a c d.

Si l'on tire C n verticale, c n horisontale & C s perpendiculaire sir c d, la vitesse virtuelle du point B sera exprimée par C n, parce que la boule B étant parvenuë en b, on aura B b ou A a = C c, & par conséquent la verticale C n-marque de combien est descendu le poid B sur sa tendance naturelle, & la vitesse virtuelle de la résistance que sait le plan CD en soutenant la boule B, est exprimée par C c on D f, parce que c'est dans cette direction qu se fait cette résistance, & que c'est de la quantité de la même D f que recule le plan CD dans le tems que la boule B descend en B.

Si l'un des plans comme CD étoit vertical, pour trouver l'impression qu'il soussire, il n'y auroit qu'à dire, comme le sinus de l'angle des deux plans est au sinus de son complément, ainsi le poid absolu de la boule est à l'impression cherchée.

Si l'on vouloit déterminer immédiatement la proportion des deux impressions que reçoivent les deux plans sans en chercher le raport

qu'elles ont avec le poid absolu de la bonle, il n'y appoit qu'à faire mouvoir le système BACD saivant la direction horisontale, jalons on verra que le chemin que fait le plan AC en avançant perpendiculairement, est au chemin que fait en même tems le plan DC en reculant perpendiculairement, comme le sinus de l'inclination du plan AC est au sinus de l'inclination du plan DC.

D'ou il suit immédiatement que les déux impressons saftes sur les deux plans sont en raison récipréque des sinus de leurs inclinations.

## Seconde Solution du premier Probleme.

Si l'on suposoit la Voute toute d'une piece, les parties seroient sans doute en équilibre, & il n'y auroit point d'autre poussée que celle que la Voute causeroit sur les piédroits en saisant effort pour les renver-ser, suposé que les lits des conssinets sussent obliques à l'horison, & s'ils étoient horisontaux il n'y auroit point de poussée du tout : mais comme les Voutes sont composées de Voussoirs détachez, les Voussoirs n'ont pas une direction commune verticale pour desondre, chacun en a une particuliere & oblique.

On doit considerer ces Voussoirs comme des coins extrémement polis, qui sont empêchez de glisser le long des plans des lits entre lesquels ils se trouvent par la pression mutuelle qu'ils exercent les uns sur les autres, & qui doit par-tout être la même, comme nous vérrons dans la suite.

EXAMINONS présentement la Voute ABCDEFG soutenue par les piédroits 185. JT composée de Voussoirs en source de coins attouquéez, desquels chacun, comme par exemple EFPO, étant empéché par se voisins de descendre verticalement, conserve pourtant un éssont oblique pour descendre le long de ses joins EO, FP, & pour reponsser par conséquent ses deux voisins DEON, FGJP en sens contraire, & il descendroit effectivement si ces deux mêmes Voussoirs voisins ne le repoussoient aussi en contre-sens avec un pareil effort, en tachant de glisser le long de leurs joins, car on fait abstraction du mortier & des inégalitez ou des engrainemens des joins; & en effet pourquoi feroit-on attention à ces engrainemens puisque pouvant être plus ou moins considerables, leur effet pour empêcher le Voussoir de glisser, n'est point ni ne sçauroit être déterminé. D'ailleurs le plus sur est toujours de construire les Voutes de telles manières, qu'elles se soutiennent indépendamment du ciment & de ces engrainemens, quand mê-

Fig. 223.

me les Voussoirs ne seroient que des boules parfaitement rondes, qui par conséquent ne se touchassent qu'en un seul point.

Des-lors donc que l'effort d'un Voussoir, pour glisser en bas sinvant la direction de ses joins, surpasse l'effort que ses voisins exercent pour le repousser en sens contraire, il n'y aura plus d'équilibre, k Voussoir glissera effectivement, en faisant monter les plus foibles voisins, & puis les autres glisseront, & toute la Voute croulera & tombera en ruine sans que les piedroits quelques forts qu'ils soient puissent l'en empêcher, parce que la poussée de toute la Voute n'est pas execée sur les piédroits seuls.

Pour donc que les piédroits souffrent la poussée de toute la Voute, afin de pouvoir calculer la force de cette poussée, & lui en oposet une égale ou plus grande, en donnant aux piédroits la largeur requisse, il faut absolument que les Voussoirs de la Voute soient en équilibre, c'est-à-dire que les efforts avec lesquels les Voussoirs tendent à glisser le long de leurs joins, soient contrebalancez mutuellement les uns par les autres : or cela se peut toujours effectuer, car puisque et effort dépend en partie de la direction plus ou moins verticale des joins, & en partie de la masse ou du poid des Voussoirs, & que ce poid peut être augmenté ou diminué à volonté, on n'a qu'à donner aux poids des Voussoirs la juste proportion que demande l'obliquité de leurs joins, pour qu'ils demeurent tous dans un équilibre parsait.

CALCULONS donc d'abord généralement l'effort d'un Voussoir, on d'un coin, ou bien d'un poid quelconque qui se trouve entre deux plans inclinez, & qui tend à glisser le long de ces plans, car il faut considerer les joins ou lits comme si ce devoit être des plans immobiles; d'où nous déterminerons ensuite aisément en quelle mison des obliquitez de ces plans, le poid de chaque Voussoir doit être, pour que tous les Voussoirs se soutiennent dans un mutuel équilibre entre eux.

Fig. 224. Sort P le corps représentant un Voussoir, & qu'il se trouve entre les plans AC, BC, qui représenteront les joins prolongez des Voussoirs.

SOIENT de plus le finus de l'angle ACB = m, le finus de l'angle ACD, (c'est-à-dire de l'inclinaison du plan supérieur à l'horisontale CD) = r; le finus de l'angle BCD (ou de l'inclinaison du plan insérieur à l'horisontale CD) = f; le poid du corps P = p.

D'ABORD il est visible que le poid P serré entre les deux plans AC, RC,

DE LA POUSSE E DES VOUTES CHAP XII.

BC, cherche à les écarter en pressant chacun perpendiculairement à la direction; sçavoir le supérieur AC de bas en haut, & l'inférieur BC de haut en bas; ainsi nous aurons en vertus du principe de M. Bernoulli, expliqué dans sa lettre à M. Varignon, la pression du poid sur le plan supérieur  $=\frac{f p}{m}$  car en concevant que le point P ait glissé tant soit peu sur le plan inférieur consideré comme immobile, en sorte que le point C soit venu en V, & le plan AC reculé parallelement en AV, la petite ligne CI perpendiculaire sur a V marquera la vitesse virtuelle de la pression sur le plan supérieur, & CG marquera la vitesse virtuelle du poid, suivant sa direction naturelle qui est la verticale; par conséquent CI est à CG (ou en prenant CV pour le sinus total, le linus de l'angle des plans est au sinus de l'inclinaison du plan inférieur, c'est-à-dire)  $m \cdot f : p \cdot \frac{p}{m}$  qui sera = à la pression que le poid exerce sur le plan supérieur; pareillement nous trouverens la pression du poid sur le plan inférieur = !" en suposant que le plan AC est immobile, & que l'autre BC recule un peu dans la situation parallele bK, & tirant ensuite la verticale CF sur l'horisontale KE, & la perpendiculaire CH fur b K.

Considerons maintenant trois plans AD, BD, CD, renfermant Fig. 225. deux poids ou Voussoirs P 7, & voyons quelle raison ces poids doivent avoir avec l'inclinaison des plans pour demeurer en équilibre.

Soient nommez le sinus de l'angle ADB que fait le plan supérieur avec plui du milieu = m; le finus de l'angle BDC que fait le plan du milieu avec l'inférieur = n, le finus de l'angle ADE (DE étant suposée horisontale) = r, le sinus de l'angle BDE = f, le sinus de l'angle CDE = t; le poid du corps supérieur = p, le poid du corps inférieur  $= \pi$ .

La pression exercée par le poid supérieur p sur le plan du milieu BD, sera ainsi que nous venons de voir \*\* & la pression exercée par le poid inférieur  $\pi$  fur le même plan BD de bas en haut  $=\frac{\pi^2}{4}$ : or il faut que les pressions contraires exercées de part & d'autre sur le plan du milieu BD, soient égales entre elles, c'est-à-dire que  $\frac{rp}{m} \Rightarrow \frac{r\pi}{m}$ ; d'où l'on tire cette analogie qui exprime le raport des poids  $p \cdot \pi :: m \cdot n \cdot r :: m \cdot s \cdot n \cdot r \cdot s :: \frac{m}{r \cdot s} \cdot \frac{n}{r \cdot s}$ , d'où l'on voit qu'il faut que les poids des Voussoirs soient entre eux directement comme les sinus des Tom. IIL

angles des plans qui les renferment, & réciproquement comme les rectangles des sinus de l'inclinaison de ces plans ou des joins.

Fig. 225. Si les poids p,  $\pi$ , &c. font conçûs infiniment petits de même que les angles ADB, BDC, &c. il est clair que les trois angles confécutifs ADE, BDE, CDE finis ne differeront entre eux que d'une quantité infiniment petite, & que par conséquent le sinus r de celui du milieu BDE comparé à CDE, doit être compté égal au sinus de celui-ci; mais que le même angle du milieu BDE comparé à ADE, donnera le sinus de celui-là égal au sinus de celui-ci, c'est-à-dire que  $\frac{m}{r_s}$  passe pour  $\frac{m}{r_s}$ , &  $\frac{n}{r_s}$  pour  $\frac{n}{r_s}$ .

Donc en ce cas les poids des Voussoirs seront simplement entre eux en raison directe des sinus de l'angle de leurs joins, & en raison doublée inverse des sinus de l'inclinaison de ces mêmes joins.

Or cela même est aussi une proprieté essentielle de la Chainette on de la courbure d'une chaine parsaitement sléxible suspendue par les deux bouts, ce qui fait voir que si l'on vouloit construire une Vous composée de boules infiniment petites & parsaitement polies, qui se soutinssent d'elles-mêmes en équilibre, il faudroit que la courbe qui passeroit par les centres de toutes ces boules eût la figure d'une chainette renversée.

Les poids des Voussoirs ayant donc entre eux le raport que nous venons de trouver, la Voute sera le même esset que si elle n'étoix que d'une piece; il n'y aura plus d'autre poussée à considerer que celle qui s'exerce sur les piédroits, & de la même maniere que nous avons déterminé ci-detsus, la force de la pression que chaque Voussoir exerce sur le suivant dans la direction perpendiculaire au joint qui est entre deux; nous déterminerons aussi la force de la pression de toute la Voute sur chacun des piédroits dans la direction perpendiculaire au premier joint: nous n'avons pour cela qu'à considerer toute la Voute comme un seul Voussoir, ou bien ce qui revient au même, nous n'avons qu'à chercher la force de la pression du conssinet (en concevant le reste de la Voute comme immobile, ce qu'il est permis de faire, puisque tout est en équilibre, & par conséquent comme immobile) sur le piédroit consideré comme un Voussoir suivant.

Fig. 226. Sort donc la Voute rampante ABCDE, (je la supose rampante pour plus de généralité) sur les piédroits ADGF. ECTH; le poid de tous les Vonssoirs ensemble = P; le sinus de l'angle AKC que les deux joins extrémes AD, CE prolongez sont entre eux = m; le sinus de l'angle que le joint AD sait avec l'horisontale = s, & le sinus

#### DE LA POUSSE'E DES VOUTES CHAP. XII.

de l'angle que le joint CE fait avec l'horisontale = r: nous aurons en vertu de ce que nous avons dit ci-dessus  $\frac{rP}{m}$  pour la force de la pression de la Voute sur le piédroit ADGF, suivant la perpendiculaire au joint AD; mais cette pression n'est pas toute employée à faire effort pour renverser ou pour faire tourner le piédroit au tour du point F consideré comme le point d'apui, parce qu'elle n'est pas perpendiculaire, mais oblique à la ligne AF. Pour connoître donc le moment de cette force pour renverser le piédroit, il faut concevoir toute la force  $\frac{rP}{m}$  comme apliquée au point L (où je-supose être le centre de gravité de la base du joint dont la section est la ligne AD) & agissant suivant la direction LO perpendiculaire à AD, tirant ensuite FO normale à LO. Cette FO représentera le bras du levier coudé OF u dont F est le point d'apui, & l'autre bras F u sous-centrique du piédroit.

It faut donc suivant les premiers élemens de Méchanique multiplier la longueur du bras FO par la force  $\frac{r}{m}$  apliquée au point L, & dirigée au point O; ce produit sera le moment cherché.

MAINTENANT pour que le piédroit ne soit pas renversé en effet, il faut que le moment de la résistance, c'est-à-dire en nommant le poid du piédroit  $= \pi$ , multiplié par la souscentrique F  $\mu$ , soit égal ou plus grand que  $\frac{r}{m}$  multiplié par la sous-centrique OF: je raisonne de la même maniere à l'égard de l'autre piédroit.

D'ou il suit que si la base FG du piédroit est assez large pour que le point O se consonde avec le point F, ou qu'il vienne de l'autre côté de ce point, la poussée sera nulle ou même négative, & que dans ce cas-là le piédroit soûtiendroit la Voute quand même il n'auroit aucune pésanteur.

On a suposé ici que le point d'apui étoit donné, parce qu'on peut PL. 109. le trouver par un Probleme Algébrique, qui est simple pour ceux qui Fig. 214. sont versez dant ce calcul, & que nous joindrons ci-après à la suite d'une seconde solution sur le même principe: mais auparavant nous croyons devoir saire une aplication de la précedente à la recherche de l'épaisseur des piédroits du magasin proposé ci-devant à la fig. 214.

Suposant les joins extrémes suivant la première hypotese à 45 dégrez de hauteur, le profil de la partie de Voute comprise entre ces deux joins, donne pour la surface mixte 296 pieds quarrez, & lui donnant un pied d'épaisseur on aura P = 296 pieds cubes.

Z z ij

Le sinus de l'angle que font entre eux ces joins extrémes apellé m, fera le sinus total ainsi m = 100000.

Le sinus de chacun des joins extrémes avec l'horison apellé f ou r, fera de 45 dégrez, ainsi f = 70710. donc  $\frac{fP}{m} = \frac{210715}{100000} = 210 \frac{715}{100000}$  négligeant la fraction,  $\frac{fP}{m} = 210 \times FO = 9$ , donnera pour la presson ou poussée de la Voute 1890.

Considerant le piédroit comme composé de la partie de la Voute comprise depuis l'imposte jusqu'au joint de 45 dégrez, & du piédroit proprement dit, il faut compter le profil de cette partie qui donne 147. pds cub.

Le profil du piédroit au dessous de 14 pieds de haut, multiplié par la largeur de sa base 12, donne

total du piédroit 315.

LAQUELLE somme est égale à celle de la poussée trouvée ci-dessis, par conséquent il y auroit eu équilibre entre cette poussée & la résistance du piédroit dans l'hypotese que les Voussoirs sont des corps infiniment polis, si l'on avoit donné 12 pieds d'épaisseur à la base des piédroits, ce qui paroit très consorme à l'expérience.

Je ne propose pas d'ajoûter ici quelqu'épaisseur de plus aux piédroits, quoiqu'ils ne soient que dans un état d'équilibre. 1°. Parce que les Voussoirs n'étant pas des corps polis, comme on les a suposé pour le raisonnement, le frotement de leurs lits doit empêcher une partie de leur effort pour glisser les uns sur les autres.

Secondement, parce que nous n'avons pris le centre de gravité du piédroit qu'au milieu de la partie comprise au dessus de la fondation jusqu'à l'imposte: or cette partie ne comprend pas tout le piédroit, puisque celle de la Voute depuis l'imposte jusqu'au lit du joint extréme, lui doit être ajoûtée suivant notre hypotese, & comme celle-ci a son centre de gravité en G, qui répond au point g de la base sur lequel tombe la verticale venant du point G, elle pese sur un bras de levier D g souscentrique plus long que le premier D p, par conséquent elle rompt l'équilibre en faveur du piédroit qu'elle fortisse, d'où il suit que la Voute n'aura plus assez de force pour l'écarter, donc elle sub-sistera ainsi qu'on se le propose.

# DE LA POUSSE'E DES VOUTES, CHAP. XII. Troisiéme Solution.

# Autre maniere tirée du même Principe.

Si l'on fait un Berceau circulaire, on sçait que les directions de tous les lits tendent au même centre par lequel passe l'axe du cylindre, & si le berceau n'est pas circulaire mais Elliptique, on dirige encore tous les plans des lits à l'axe du cylindre comme nous l'avons dit au tome précedent, en parlant des berceaux biais de face en plein ceintre qui ont pour arc-Droit un cintre surhaussé, au centre duquel tous les lits s'entrecoupent, & enfin de quelque courbe que soit le cintre d'un berceau, il est clair qu'on pout toujours diriger les lits à un axe, & par conséquent suposer les joins de tête convergens à un même point placé un peu au dessous des deux joins extrémes qui sont au dessus du Coussinet, en sorte que ces joins prolongez fassent entre eux un angle qui sera plus ou moins ouvert felon que les joins extrémes seront plus ou moins élevez au dessus du centre.

On divisera cet angle en autant de parties égales qu'on voudra avoir de Voussoirs sur les conssinets, & alors tous les joins sont déterminez.

Soit maintenant (fig. 227.) l'arc ADF, qui passe par les centres de gravité de tous les Voussoirs; confiderons deux de ces Voussoirs Fig. 227. contigus FH, HD, dont les charges soient m & n, & que leurs joins prolongez aboutissent au centre C, suivant le rayon HC, ainsi que tous les autres joins suivant FC, DC, &c. de sorte que les angles F CH, HCD, &c. soient tous égaux, & chacun de leur simus = r, soit le point A le centre de gravité de la clef posée à plomb ou verticalement au dessus du centre C du cercle ADF, tirons l'horisontale CG & les perpendiculaires FG, DE que je nomme p, q, elles seront le finus des angles FCG, DCE, en prenant l'unité pour le rayon AC.

On a vû par le Lemme de l'article précedent que la pression du Voussoir m sur le joint HC, est à celle du Voussoir n sur le même joint, comme mp est à nq, car  $\frac{mp}{r}$  &  $\frac{nq}{r}$  sont les pressions elles mêmes; or ces deux pressions oposées doivent être égales à cause de leur équilibre, donc m p = n q & partant  $m \cdot n = q \cdot p = \frac{1}{p} \cdot \frac{1}{q}$  (en prolongeant CF, CH, CD jusqu'à la tangente AT)  $\frac{CT}{CA} = \frac{CR}{CA} :: CT$ . CR, mais parce que l'angle TCR est coupé également par la ligne Cu, on aura (en vertu d'un théoreme démontré en plusieurs Liv esparticulierement dans la Méchanique de M. de la Hire à la prop. 125.)

CT. CR:: Tn. nR; donc m. n:: Tn. nR, c'est-à-dire que les charges des Voussoirs m, n, &c. sont par-tout proportionnelles aux différences des tangentes des arcs AF, AH, AD, &c. ainsi, par exemple, si chacun des angles FCH, HCD, &c. est de ro dégrez, & que la charge ou le poid du plus haut des Voussoirs SL, nommé la clef, soit de so livres, on trouvera le poid de tel autre Voussoir que l'on voudra, par exemple, celui de FH qui sait le cinquième après la clef SL.

Les arcs SF, SH, SD, seront de 50, 40, 30 dégrez, & les arca AF, AH, AD, de 55, 45, 35 dégrez.

It faut donc faire cette Analogie, comme SL le double de la tangente de l'arc AS ou de 5 dégrez, est à 100, ou à la dissérence des tangentes de 55 & de 45 dégrez; ainsi le poid de la cles ou de 50 liv. à un quatriéme nombre, qui donnera en livres le poid du cinquiéme Voussoir après la cles.

Si l'on supose maintenant que le Voussoir FH est celui qui est contigu au piédroit, & que l'on veuille trouver la pression avec laquelle il le pousse suivant la tangente en F, qui est donnée de position, il n'y a qu'à tirer la perpendiculaire HN que je nomme f, & qui sera ici le sinus de 45 dégrez, on aura la pression sur FG, & sur le piédroit  $=\frac{mf}{r}$ , c'est-à-dire  $r \cdot f :: m$ . à la pression, ou ici comme le sinus de 10 dégrez est au sinus de 45, ainsi le poid trouvé de m est la pression cherchée; ce qu'il falloit trouver.

## Construction du Cintre en Courbe de Chainette, pour trouver la Poussée d'une Voute formée sur cette Courbe.

On vient de voir dans le discours précedent, que si l'on vouloit composer une Voute de Voussoirs égaux, même parsaitement polis, il faudroit que la courbure du cintre sur lequel on les arangeroit, sût celle de la Chainette renversée, asin qu'ils se soutinssent en équilibre; auquel cas la Voute subsisteroit, quand même les Voussoirs seroient sans conpe, & ne se toucheroient qu'en un point comme des boules.

Une proprieté si singuliere & si avantageuse de cette Courbe merite bien qu'on en donne la construction, & le moyen de trouver la direction des coupes qui conviennent aux divisions de ce cintre en Voussoirs. Lorsou'on a une chaine bien faite, ou une corde d'égale épaisseur se également fléxible, rien n'est plus aisé que de tracer la courbe en question; car les points de suspension, qui seront ceux des impostes se de la Voute, se le sommet S pour le milieu de la cles étant donné, il n'y a qu'à les placer dans leur distance sur un mur à plomb, se y suspendre une chaine qu'on tendra ou qu'on lâchera jusqu'à ce que son milieu s'aplique au point S renversé autant au dessous des points A & B qu'il doit être au dessus en Voute, se suivre avec un crayon le contour de la courbure de la chaine qu'il ne s'agit plus que de renverser.

Mais suposant qu'on n'ait pas à sa disposition une chaine de longueur convenable, ni une corde des conditions requises pour se plier également, il est bon de sçavoir comment on pourroit trouver autant de points que l'on voudra de cette courbe.

Soir donnée (fig. 230.) la ligne des impostes on naissances de la Voute AB, & le milieu de sa clef en S.

AYANT divisé cette ligne AB en deux également en m, on y élevera la verticale indéfinie mP, qui passera par le point S, par où on menera SD parallele à BA.

On portera la longueur m B de m en C, d'où, comme centre avec C m pour rayon, on décrira un arc qui coupera DS au point E; la ligne SE fera le *Parametre* de la courbe qu'on portera en SP.

PAR le point P on menera HI parallele à AB, & l'on tirera par les points A & B des paralleles indéfinies à la verticale Pm, qui couperont HI aux points H & L

Du point P pour centre, & P m pour rayon, on décrira un arc qui coupera l'horisontale DS au point D, d'où l'on portera l'intervale DS sur DP en D f, qui donnera leur dissérence f P, qu'on portera sur IB en IL.

Par le moyen des deux lignes données IL & PS, on décrira la Courbe Logarithmique LOS g R, qui servira à trouver autant de points que l'on voudra de la courbe de la chainette, comme on le dira ciaprès.

Pour décrire cette Logarithmique, on cherchera une moyenne proportionnelle entre les lignes données IL & PS qu'on placera en KO fur le mileu K de la diffance PI. On cherchera ensuite une troisséme proportionnelle Gg aux lignes KO & PS, qu'on placera en G, faisant PG égal à PK. On continuen de même en cherchant des moyennes & des troissémes proportionnelles aux lignes trouvées, & l'on aura autant de points que l'on voudra de la courbe Logarithmique LOS gR, laquelle étant tracée, il n'est rien de si aisé que de trouver aussi autant de points que l'on voudra de la chainette.

On ajoûtera, par exemple, les lignes KO & Gg qui sont équidifiantes du parametre PS, & l'on prendra la moitié de leur somme qu'on portera sur les mêmes lignes en K x & G y; les points x & y seront ceux que l'on cherche à la circonférence de la chainette.

De même pour trouver les points A & B, s'ils n'étoient pas donnez, on ajoûteroit HR & IL, & l'on porteroit la moitié de leur fomme sur les mêmes lignes prolongées, s'il le saut, en HA & IB, ainsi de tous les autres points qu'on peut chercher entre A & y & S & y, ou entre B & x & S & x; & par tous les points trouvez on tracera à la main ou avec une regle pliante la courbe  $A y S \times B$ , qui est celle de la chainette que l'on cherche.

PRESENTEMENT il faut trouver la maniere de tracer les coupes des joins de lit des Voussoirs de la Voute formée sur le cintre de la chainette.

CE moyen se réduit, comme nous l'avons dit au 2° Livre, à en trouver les tangentes aux points des divisions des joins, parce qu'ils leur doivent être perpendiculaires; par ce moyen on trouvera les joins extrémes nécessaires pour le calcul de la Poussée de la Voute.

Par un point donné à la circonférence de la chainette, lui mener une tangente.

Si l'on supose que la courbe de la chainette a été décrite méchaniquement, & qu'on veuille lui mener une tangente par un point donné, par exemple B, pour avoir la coupe du joint extréme, il faudroit prendre la moitié  $S \times B$  de la chaine qui auroit servi à décrire cette courbe, & l'étendre en ligne droite sur la ligne SD du point S en D où tombera le bout; puis ayant tiré la droite m D, on fera l'angle m DP égal à l'angle P m D, qui donnera le côté DP, lequel forme avec la ligne DS l'angle PDS; si l'on fait sur la ligne m B l'angle m BT égal à l'angle PDS, la ligne BT sera la tangente que l'on cherche.

Si la chainette a été décrite géometriquement, comme nous l'avons enseigné, on aura son parametre SP, auquel, étant prolongé, on menera par le point donné B une perpendiculaire B m, qui donnera

#### DE LA POUSSEE DES VOURES, CHAP. KIL

be point m: si de l'intervale P m pour rayon on décrit un arc m D, il coupera la ligne SD, perpendiculaire au même parametre, au point D, & l'on achevera, comme on vient de le dire, en faisant l'angle m BT égal à l'angle PDS; la ligne BT sera la tangente demandée.

In ne reste plus qu'à lui mener une perpendiculaire QZ par le point B donné, laquelle donnera la coupe QZ du joint de tête des Vous-foirs qui le termineront à ce point, & si c'est le lit de dessous du premier, QZ sera ce point extréme dont il faut avoir la position pour chercher la poussée de la Voute, & l'épaisseur de ses piedroies, comme il a été dit aux solutions & constructions précedentes.

#### PROBLEME IV.

La direction de la Poussée d'une Vonte, sa pression on poussée, es la bautent du piédroit étant donnez, trouver son épaisseur.

Soit (fig. 228.) ADGFC le piédroit, la tangente LT perpendicu- rig. 228.

Jaire au milieu du premier joint AD = b

La verticale LK abaissée du milieu du joint AD = c

La distance horisontale TK = c

DJ = KG = d

on trouvera KG par cette Analogie LT. (b) LK (a):: LD (qui est connuë, parce que c'est la demie épaisseur de la Voute). JD = K

G = 
Soit aussi FG = c

FO perpendiculaire fur LT = yFK fera = x - d. cela suposé, on aura - LT (b). LK (a):: AF (c+d-x). FO  $(y) = \frac{ac+d-ax}{b}$ .

OR nommant, comme ci-devant, la poussée P, & la pésanteur du piédroit p, on doit avoir par le Probleme précedent P  $y = \frac{1}{3} p x$ , c'est-à-dire  $\frac{a_0 + a_0 - a_0}{b} P = \frac{1}{3} x p$ , d'où l'on tire  $x = \frac{2a_0 + 2a_0}{3a_0 p + bp} P$ , ce qu'il falloit trouver.

Dans cette équation il se trouve une quantité p qui n'est pas directement connue, mais qui peut l'être, parce qu'elle est une fonction de x, c'est-a-dire que sa valeur sera exprimée en x, & en quantitez purement connues, car le poid du piédroit dépend de la pesanteur spéciment. III.

fique de la matiere dont il est construit, & de ses trois dimentions; or trois de ces choses sont données, & la quatriéme est notre x, qui est la largeur du piédroit; l'équation ne renserme donc que des x, & des quantitez connues, elle devient seulement quarrée, ce qui n'empêche pas qu'on n'en puisse tirer la valeur de x, ce que l'on va montrer par un exemple.

Sorr la hauteur du piédroit, & la partie de Voute au dessis jusqu'au milieu du joint extréme (a) = 16 pieds, b = 20, c = 12, d = 1 pied. Soit la force de la poussée P représentée par un poid de 288000 liv. Suposons qu'un piédroit de pareille matiere que le notre, par exemple, de marbre, & qui ait la même hauteur &- la même épaisseur, mais qui n'ait qu'un pied de largeur, pese 3200 liv. le nous en pesera 3200 s, c'est-à-dire que p sera = 3200 x liv.

Substituant toutes ces valeurs dans notre équation, elle se changera en celle-ci  $x = \frac{384 + 62}{9216000 + 649000} \times 288000 = \frac{572}{144 + x}$ , par conséquent x = x + 144 = 572, & x = -72 + 84 = 12, c'est-à-dire que dans notre suposition le piédroit devra être large de 12 pieds.

# Autre Solution du même Probleme.

Le défaut d'explication de ce qu'on avoit avancé dans l'extrait de l'Assemblée de l'Academie de Montpellier de 1732. qu'il ne falleit par s'embarrasser de la bauteur des piédroits pour trouver leur épaisser par la reste de M. Danisy, m'ayant donné occasion d'en marquer ma surprise; le seçavant Academicien m'a fait l'honneur de m'écrire dans quel sens il l'avoit entendu, & pour me faire voir qu'il étoit en quelque saçon sondé à négliger les différences d'épaisseurs qui résultoient des différences de hauteurs, il m'a fait connostre que par l'augmentation de celle qu'il donnoit à son piédroit, il comprenoit celles que le calcul pouvoit donner, & asin de m'en convaincre, il m'a envoyé le Probleme suivant, dont il ne sera pas saché que je sasse part au Public. Je crois même en cela lui rendre un service pour détourner la mauvaise idée que cette circonstance pourroit donner de sa regle de pratique.

que cette circonitance pourroit donner de la tegle de pratique.

Fig. 243. Sort (fig. 243.) la hauteur du piédroit DF

Soit la valeur de la poussée

Sa direction PF

ED épaisseur du piédroit

EP ligne de direction de la puissance comprise entre l'extrémité F du piédroit, & la rencontre de la base

DE LA POUSSE'E DES VOUTES, CHAP. XIL 371

ED prolongée vers P

Soit DP

donc PE = b - 2x, & à cause des triangles - semblables PGE, PFD,
on aura PF, FD:: PE, EG, c'est-à-dire a. c:: b - 2x. EG ==

La pesanteur du piédroit étant représentée par le rectangle EF, cette pésanteur égalera 2 x c, & la moitié EH de la base sera x.

MAINTENANT dans l'état d'équilibre, on aura cette équation 2xxc=

donc  $z = V_{\frac{P^{1}+P^{2}}{24}}^{\frac{1}{24}} - \frac{1}{24} = EH$  moîtié de l'épaisseur ED.

Si l'on double les côtez du triangle PFD, la hauteur c deviendra double; si on triple les côtez du même triangle, la hauteur c deviendra triple, &c. à l'infini, ou la hauteur c deviendra infinie de même que les autres côtez; donc dans la formule  $n = \sqrt{\frac{p_b}{2a} + \frac{p_p}{4aa}} - \frac{p}{2a}$  à la place de a & de b, on pourra substituer 2a, 2b; 3a, 3b, &c.  $\infty$  a,  $\infty$  b, donc à une hauteur infinie la formule sera  $x = \sqrt{\frac{p_b}{2\infty}} + \frac{p_p}{4\infty} - \frac{p}{4\infty}$  & l'infiniment petit du premier ordre  $\frac{p}{2\infty}$ , & l'infiniment petit du second ordre  $\frac{p_p}{4\infty}$ , on aura  $x = \sqrt{\frac{p_b}{2a}}$ 

Ex apliquant des nombres à ces deux formules si  $P = 100 \cdot c = 16$  pieds, b = 12, a = 20, on aura par la formule dans l'état d'équilibre, une base e D de 7 pieds.

Mais si la direction de la poussée avoit toujours été 100, & que la hauteur e eût été suposée infinie, on auroit trouvé pour la valeur de la base 10 pieds 10 pouces; ainsi avec une augmentation de 3 pieds 10 pouces; on est assuré que quelque grande que sût la hauteur du piédroit, il ne seroit point renversé par la poussée.

Si la base ED avoit été donnée, & qu'elle sût  $2\sqrt{\frac{r_b}{2a}}$ , & qu'on eut cherché la hauteur du piédroit, on auroit trouvé pour la valeur de la hauteur donc  $\epsilon = \frac{\bullet}{2\sqrt{\frac{r_b}{r_b}}}$  d'où  $\epsilon = \frac{\bullet}{2\sqrt{\frac{r_b}{r_b}}}$ 

A aa i

Si l'on cherche le raport entre l'épaisseur ED, qui convient à une hauteur infinie, & l'épaisseur » D qui convient à une hauteur déterminée DF, on trouvera que ED. » D : EK . EJ partie de la hauteur comprise entre le point d'apui E du piédroit élevé à l'infini, & la section en J de la direction FP de la puissance P.

D'ou il suit que connoissant l'épaisseur du piédroit suposé être élevé à une hauteur infinie, on trouvera aisément toutes les épaisseurs qui conviennent à des hauteurs déterminées dans l'état d'équilibre en cette manière.

Decrivez une parabole «  $\mu$  B  $\ell$  E, dont l'axe soit la signe PE, & le sommet soit E; soit pris ensuite l'ordonnée J »  $\Longrightarrow$  DE; du point K extrémité de la hanteur EK déterminée, soit menée la ligne J K du point J, où la direction de la poussée rencontre la ligne EK; soit mené J  $\xi$  parallele à J K; & du point  $\xi$ , menant l'ordonnée  $\xi \beta$ , on sera D e  $\Longrightarrow$   $\xi$   $\beta$ , & pour lors D e sera l'épaisseur qu'il falloit donner  $\xi$  au piédroit dans l'état d'équilibre, & toutes les ordonnées qui seront  $\xi$  comprises entre  $\xi$  &  $\xi$ , seront les épaisseurs qui conviendront depuis la hauteur EK jusqu'à la hauteur infinie;  $\xi$  & toutes les ordonnées  $\xi$   $\xi$   $\xi$   $\xi$   $\xi$  menant l'ordonnées qui seront depuis la hauteur EK jusqu'à la hauteur infinie;  $\xi$  & toutes les ordonnées  $\xi$   $\xi$   $\xi$   $\xi$   $\xi$  hauteur moindre que EK.

# Troisiéme Hypotese.

Que les Voussoirs sont des coins greines qui ne peuvent glisser les uns sai le autres, mais qui tendent seulement à rouler.

L'Hypotese que les Voussoirs sont des corps polis, n'étant pas exactement vraye, M. Couplet qui avoit examiné ce qui devoit arriver suivant cette suposition dans son premier memoire, en établit une autre dans le second de l'année 1730, que les surfaces des Voussoirs sont tellement grenues & raboteuses, qu'elles ne peuvent glisser les unes sur les autres, mais seulement rouler au tour de leur apui, ce qui n'est pas non plus conforme à la réalité, car elles peuvent aussi glisser; mais on ne peut se passer de quelque suposition pour établir un rai-

<sup>\*</sup> Puisqu'il est constant que le raport de EK à EJ varie suivant les différentes hauteurs, & que la parabele qui exprime ce raport devient infinie, lossqu'on supose la hauteur du piédroit telle : il n'est pas clair ni facile à connoître pourquoi M. Danify en a fixé les limites entre & & ., pour toutes les épaisseurs qui conviennent depuis EK jusqu'à celles qui seront infinies, étant certain que suposant la poussée de la Vouts constants, l'intersection EJ qui donne sa direction, varie & augmente toujous.

DE LA POUSSEE DES VOUTES CHAR XIL sommement, il faut qu'il y ait quelque chose de connu ou de donné pour en tirer des conséquences.

Suposant donc que les Voussoirs supérieur font seulement effort. pour renverser les inférieurs, & pousser les piedroits en dehors : M. Couplet résout deux Problemes, l'un touchant la poussée horisontale d'une Voute donnée, l'autre touchant la direction de l'effort total des Voussoirs à un point de la base de chaque piédroit.

Comme ces deux Problemes servent à trouver l'épaisseur nécessaire aux piédroits pour résister à la poussée des Voutes, je crois devoir en faire mention, & pour ne pas copier le mémoire de M. Couplet qui est un pen long, & dont l'aplication à l'usage est assez difficile par le calcul des chiffres qui résulte de celui du calcul Algebrique, à cause qu'il est chargé d'une grande quantité de signes radicaux, qui laissent ordinairement beaucoup de restes & de fractions, lorsqu'on en exprime la valeur en chiffres: j'en donnerai la construction par le seul moyen de la regle & du compas, qui est à la portée de tout le monde, & exempte de tous ces embatras de calcul.

# Quatriéme Solution. PROBLEME V.

Délevrainer la Pousse hurisontale d'unes Vouse 5 safets l'intrades & l'extrades sont circulaires & concentriques, sans calcul, avec la regle & le compas...

Dans la fuposition que les Voussoirs sont trop grenus pour glisser les uns fur les autres.

Sort (fig. 429.) la portion de Couronne de cercle BA 1 nMN, le Pr. 110. profil d'une Voute en Berceau en plein ceintre, dont le centre est Fig. 229, en C, par ou foit élevée la verticale CA par le milieu de la clef, soient les lignes tirées de ce même centre NB & nb, les coupes des cousfinets, & l'horisontale N n menée par les points de ces coupes à la doële, qui coupera la verticale CA au point O.

PAR le pointS, milieu de l'épaisseur de la Voute à la clef, on tracera un arc SX concentrique à celui de la doële, qui coupera le joint de lit NB au point X.

Par le point M, milieu de la clef à la doële, on menera l'horifontale M u, qu'on fera égale à l'arc SX reclifié, & l'on tirera O u; par le même point S, on tirera l'horisontale indéfinie SZ.

#### 

Soir le centre de gravité de la demie Voute AMNB en P, on manera par ce point la verticale LR, qui coupera l'horisontale SZ au point L, par lequel on menera au point X la ligne LX: la même verticale LR coupera Morisontale menée par le point X au point R

On portera donc RX de O en L par où on tirera de parallele à M ...

- 2°. On prendra l'épaisseur AM de la Voute, avec laquelle pour rayon, & du point B pour centre, on décrira un arc qui coupera l'arc XS au point i par où on tirera i C, & par le point X, on menera une parallele à Bi, qui coupera i C au point y.
- 3°. On portera sur la base horisontale E e la longueur de l'arc MN rectissé de Y en k, & l'on tirera k X; ensuite on portera la ligne X 9 de Y en d, & l'on tirera d 2 parallele à k X, qui coupera XY en 2; la ligne & Y sera une 4° proportionnelle à la hauteur du piedroit, à l'arc MN & à la ligne Y d.
- Fig. 233- 4°. On portera dans une figure à part la ligne ZY en 1, & l'épaifeur de la Voute AM en m, & l'on décrira le demi cercle, dans le quel on aura la moyenne proportionnelle.
  - 5°. On trouvera de même une moyenne proportionnelle q entre la ligne dt, & le double de l'épaisseur m.
  - On fera dans une figure suffi à part un triangle rectangle, dont un des côtez fera la ligne q, & l'autre la ligne z; on tirera l'hypotenuse fur laquelle on fera un second triangle rectangle, qui aura pour côté la ligne trouvée l; l'hypotenuse z sera l'épaisseur du piédion que l'on cherche.
  - 6. ENFIN on tirera la racine de la somme des quariez le, se, qe, en faisant deux triangles rectangles, comme Pon voit à la sig. 135 de laquelle, en otant la ligne le, on aura l'épaisseur du piédroit qu'il Palloit trouver.

# Démonstration.

dont je cherche une expression abregée pour la construire; pour cet effet soit fait r.  $\frac{r+m}{2}$ :  $\frac{r^2}{2dr-d^2}$ .  $\frac{r^2}{2r+m} \times \frac{r^2}{2dr-d^2}$ , c'est-à-dire NC. CX:: NO. QX, parce que NO est moyen proportionnel entre le rayon prolongée plus OC, & la siéche MO, c'est-à-dire entre 2r+d & d; ainsi Q  $\frac{2r+m}{2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2}$ , & si de QX on retranche RiQ = P  $\frac{r^2}{2dr-d^2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2}$  on aura  $\frac{r^2}{2dr-d^2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2}$  waleur par  $\frac{r^2}{dr}$  on aura  $\frac{r^2}{dr} \times \frac{r^2}{2dr-d^2} \times \frac{r^2}{2dr-d^2}$  qui est la poussée horisontale cherchée.

It faut donc exprimer  $\frac{ant}{d}$ , pour cela il faut faire le triangle MO u, dans lequel MO = d, M u = a l'arc AN = a. On portera de O en d la grandeur RX = b, & par le point d on tirera d: parallele a M u; la ligne d: fera =  $\frac{a}{d}$  car MO. M u:: pO ou RX. p:

d. a::b .  $\frac{a}{4}$  que je nomme s; sette valeur de  $S \times m$  fuffit pour la construction du Probleme suivant.

# PROBLEME VL

Dans l'hypotese des Voussoirs grenus, trouver sans calcul la base EF du piédrois selle que l'effort composé de la pésanteur de la Vouse, de la Poussée borisontale, es de la pésanteur du même piédroit, sois dirigée vers san point quelconque, donné H de ladite base EF.

M. Couplet régarde le trapeze BIFN comme un parallelograme, dont la hauteur est GV moyenne entre BI & NF, non seulement pour abreger le calcul, mais encore pour d'autres raisons.

Soit donc la hauteur moyenne VG du piédroit	=1
la base IF du trapeze	=-q
le trapeze étant regardé comme parallelograme, sera	-= p q
foit la base entiere EF du piédroit	=x
la base EI de son talud sera	=x-q

Si l'on fait la hauteur BI = VG = p, on aura la surface du talud

### STEREOTOMIE EN P. TAKE TO

BIE \_\_\_\_\_\_\_ de deux furfaces, celle du parallelograme, & celle du talud, exprimeront la pésanteur du piédroit.

Maintenant, soit le point d'apui H placé de maniere que l'on an EF. EH :: f. g. l'on aura : EH == (comme la pélanteur du parallelograme est réduie à son centre de gravité ou son milieu K; elle est apliquée au bras du levier HG =  $x - \frac{4}{3} - \frac{8x}{6}$ , ainsi  $p \neq x = -\frac{4}{3}$ -2 - 3 fera l'énergie de cette partie du piédroit, de même si l'on multiplie la pésanteur  $\frac{px-pq}{2}$  par son bras de levier HZ = EZ - EH =  $\frac{2^{2k-2q}}{2}$  -  $\frac{2^{k}}{r}$ , le produit sera l'énergie de l'autre partie ; & si l'on ajoûte ensemble l'énergie de l'une & l'autre partie, leur somme abregée & réduite 2 px 2 + 2 pq 2 - pq 2 - pq 2 pq 2 prédont f entier sur le point d'apui H. 🚤

L'Energie de l'effort vertical de la Voute est égale au produit de la pésanteur de la Voute par son bras de levier HY = HF - YF. mais HF = EF - EH =  $x - \frac{g^2}{f}$ , & l'on peut pour abreger faire YF =  $\frac{m}{2}$ , donc le levier HY =  $x - \frac{g^2}{f} - \frac{m}{2}$ , & la pélanteur de la Voute  $=\frac{24mr+4m^2}{2}$ , pour en abreger l'expression, on peut faire  $r \cdot r + \frac{n}{2}$  $: m \cdot \frac{2^{\frac{m}{2}} + m^2}{2!}$  que je nomme  $\epsilon$ , par conséquent  $a \in \frac{2^{\frac{m}{2}} + m^2}{2!}$  lequel multiplié par  $x = \frac{gx}{j} = \frac{m}{2}$ , donne  $a \in x = \frac{a \cdot gx}{j} = \frac{a \cdot gx}{2}$  pour l'énergie de l'effort vertical.

. Si l'on multiplie l'effort horifontal de la Voute que nous avons trouvé dans le Probleme précedent = m s par son bras de levier p, mps exprimera l'énergie de l'effort horisontal, & comme l'effort vertical sert à affermir le piédroit, & que l'effort horisontal tend à le renverser. Si l'on retranche l'énergie de l'effort vertical de la Voute, de celle de son effort horisontal, le reste sera la veritable énergie que la Voute employe pour renverser le piédroit sur son point d'apui H', & ce reste  $mps = acx + \frac{lacx}{f} + \frac{lacx}{2}$ , qui doit être égale à l'énergie du piédroit sur ce point d'apui pour faire équilibre, on a donc cette équation  $\frac{2px^{2} + 2rgx - pq^{2}}{6} = \frac{pqgx - pgx^{2}}{2f} = mps - ach + \frac{argx}{f} + \frac{1}{3}$ 

dans

DE LA POUSSEE DES VOUTES. CHAP. XII. 377 dans laquelle si l'on substituoit à la place de s & de a leur valeur, on auroit la même équation que celle de M. Couplet, qui ne paroit pas si commode à construire que celle-ci.

Prenant donc l'équation  $2px^2 + 2pqx - pq^2 - \frac{pqx^2 + pqx^2}{2f}$   $= mps - acx + \frac{acgx}{f} + \frac{acm}{2}$ , multipliant l'un & l'autre membre par 6f, elle devient  $2fpx^2 + 2fpqx - fpq^2 - 3pqgx - 3pgx^2 = 6fmps - 6acfx + 6acgx + \frac{3afcm}{2}$  suposant g = 0, & alore le point d'apui est à l'extrémité E; elle se reduit à  $2px^2 + 2pqx - pq^2 = 6mps - 6acx + 3acm$  Ordonnant l'équation on a

$$2 ? x^4 + 2 p q x - p q^2 + 6 a c x - 6 m p s = 0$$

Divisant par 2 p elle est

$$x^{2} + q \propto -\frac{1^{2}}{2} + \frac{3ac\pi}{p} - \frac{3ac\pi}{2p} = 0$$

Faisant  $\frac{c}{3}$  p c = a,  $\frac{34c}{l} = l$  (fig. 235.) elle devient  $x^2 + qx - \frac{q^2}{2}$ 

$$+1x - 3ms = 0$$
, ce qui donne en faifant  $q + l = 0$ 

$$x^{2} + nx - \frac{9^{2}}{2} = 0$$

$$-3 ms$$

$$-3 lm$$

Ajoutant de part & d'autre le quarré de la moitié du coefficient du fecond terme, & transposant

fecond terme, & transposant  $\kappa^2 + n x + \frac{n^2}{4} = \frac{n^2}{4} + \frac{9^2}{2} + 3 m s + \frac{3 lm}{2}$ extrayant la racine quarrée de part & d'autre

$$n + n = \sqrt{n^2 + q^2 + 3mz + 3/m}$$
, & enfin

$$H = \frac{\sqrt{n^2 + q^2 + 3m^2}}{\sqrt{q^2 + q^2}} + \frac{3 \ln m - n}{2}$$
Tom. III.

Вы

Dont la construction se fait eu cherchant entre 3 m & s, une moyenne proportionnelle AC (fig. 232.) une autre moyenne proportionnelle AB entre 3 m & \frac{1}{2} (même figure.)

Si l'on porte la ligne AB de A en D, la ligne CD fera =  $V_{\frac{3n+\frac{1}{2}}{2}}$  ensuite si l'on éleve de D en H, la perpendiculaire DH =  $V_{\frac{1}{2}}$ , on tirera CH qui sera =  $V_{\frac{3}{2}+\frac{3n}{2}+\frac{3}{2}}$ , on tirera de plus sur le point H la perpendiculaire HI =  $\frac{n}{4}$  =  $\frac{1}{4}$ , la ligne CI sera égale à  $V_{\frac{n^2}{4}+\frac{q^2}{2}+\frac{3n}{2}+\frac{3}{2}+\frac{3}{2}}$ , si l'on rétranche IH de CI, le reste CK sera = x que l'on cherche.

Pour suivre le Probleme, & diriger l'effort composé dé la Voir Fig. 229. vers le point H de la base, reprenons l'équation  $2 \int p x^2 + 2 \int p qx - \int p q^2 - 3pq x - 3pg x^2 = b \int mps - bacf x + bacg x + 3acf m; ordonnant l'équation par raport à <math>2 \int p x^2$ , parce que p suppose  $f \triangleright g$ , par exemple.

Mettant à la place de f & g leur valeur, elle devient

$$3 p x^2 + 3 p q x - 3 p q^2 + 12 acx - 18 mps = 0$$

Divisant par 3 p, elle est

$$4^{2} + q \approx -q^{2}$$

$$+ 4^{acn} - 6ms = 0$$

$$- 3^{acm}$$

qui ne differe que très peu de la précedente, & dont la confirmion est presque la même; c'est pourquoi il suffit d'en indiquer la maniere faisant donc  $p \cdot a :: c \cdot \frac{ac}{r} = l$ 

DE LA POUSSE'R DES! VOUTES CHÁP. XII.

on aura  $x^2 + q n - q^2$  + 4 l n - 6 m s = 0 - 3 l mfaisant encore q + 4 l = n, elle se réduit à  $x^2 + n x - q^2$  - 6 m s = 0 3 l majoûtant de part & d'autre  $\frac{n^2}{4}$ , & transposant  $x^2 + n x + \frac{n^2}{4} = q^2 + 6 m s + 3 l m + \frac{n^2}{4}$ 

tirant la racine quarrée  $x + \frac{n}{2} = \sqrt{g^2 + 6m + 3/m + n^2}$ 

transposant:  $x = \sqrt{\frac{q^2 - 6m^2 + 3lm + a^2}{4}} - \frac{n}{2}$ .

Pour exprimer cette racine, il faut chercher une moyenne proportionnelle entre 6m & s, une autre entre 3m & l, & tirer la racine de la fomme de ces quarrez en retranchant  $\frac{n}{2}$ , le reste sera la valeur de x que l'on cherche.

Si l'on vouloit conferver les grandeurs f & g données, il faudroit fuivre la même voye, ce qui est très facile.

Enrin si l'on vouloit que le piédroit sût sans talud, & que l'essort de la Voute sût dirigé vers l'extrémité E, alors la pésanteur du piédroit exprimée par son prosil, c'est-à-dire par la surface de sa coupe, seroit le trapeze E 7 NF égale à sa hauteur, multipliée par sa base  $= p \times$ , & l'énergie du piédroit, pour résister à l'essort de la Voute, seroit  $p \times$  multipliée par la moitié de la base  $EF = \frac{1}{2} p \times^2$ .

L'Energie de l'effort horifontal feroit toujours = mps; Pénergie de l'effort vertical égale au produit de la péfanteur de la Voute par fon bras de levier, qui feroit alors EF — YF =  $x - \frac{m}{2}$  feroit =  $a c x - \frac{a c m}{2}$  & l'équation feroit  $\frac{1}{2} p x^2 = mps - a c x + \frac{a c m}{2}$ , multipliant l'un & l'autre membre par 2, & divifant par p, elle devient  $x^2 = 2 ms - \frac{2acx}{p} + \frac{acm}{p}$  & l'ordonnant elle est  $x^2 + \frac{2acx}{p} = 2ms + \frac{acm}{p}$  faisant  $p \cdot a : : 6$   $\frac{ac}{p}$  que je nomme l, elle fe réduit à  $x_2 + 2lx = 2ms + lm$  ajoûtant  $l^2$  de part & d'autre on a  $f_2 + 2lx + l^2 = l^2 + 2ms + lm$ , dont la racine est B bb ij

 $n+1=V_{1^{2}+2m_{1}+1m_{1}}$ , & enfor

 $\kappa = V_{l^2 + 2m \, l} + lm - l$ 

CETTE formule donne la construction décrite ci-devant-

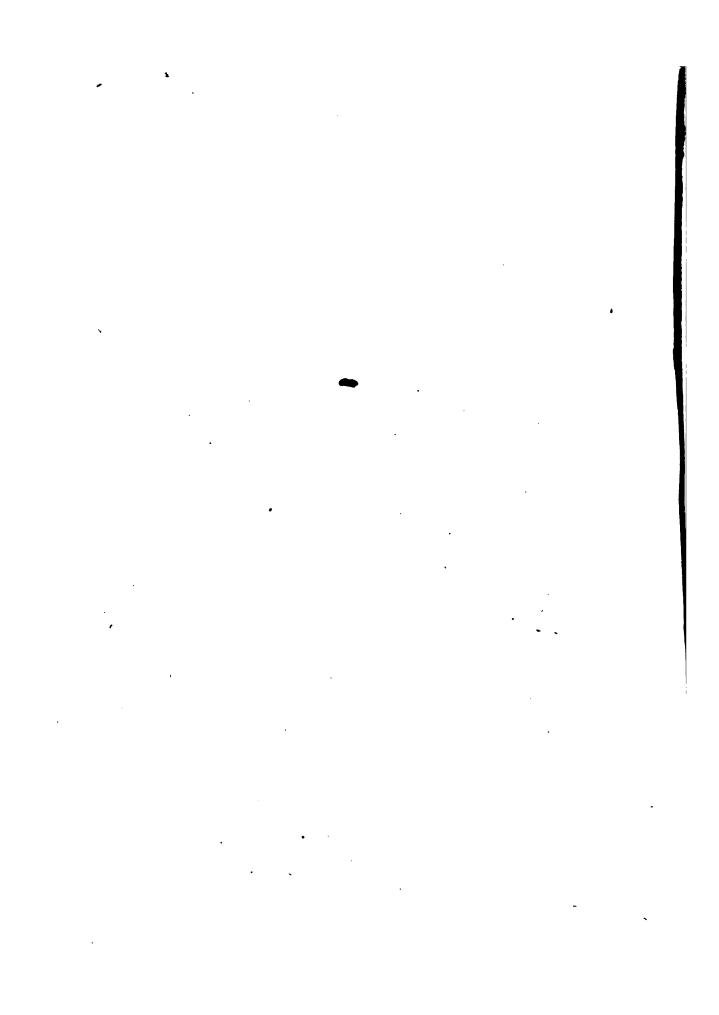
#### RECHERCHES

Pour une nouvelle Solution sans aucune Hypotese, mais seulement par des confiquences tirées de l'expérience des fractures de Voutes composées de Voussins assemblez sans aucune liaison que celle de leur coupe, posées sur des piédious trop soibles.

On a dit ci-devant que l'expérience des fractures des Voutes de maçonnerie de moilons ou de briques qui ont fait corps, nous faifoit voir qu'elles se fendoient ordinairement vers le milieu des Reins, sorsque les piédroits étoient trop soibles; il n'en est pas de même des Voutes de pierres de taille, dont les Voussoirs sont sans liaison. M. Danisy a fait sur cela plusieurs expériences avec des modeles de petites Voutes, pour connoître où se sont les ouvertures des fractions des Voutes au moment de seur destruction, sorsque les piédroits cedent à l'effort de seur Poussée par trop de soiblesse, ou sorsqu'étant de force suffisante pour y résister, on charge la Voute de quelque nouveau poid, qui en augmente la poussée au point de renverser les piédroits: comme ces expériences sont curieuses, & qu'elles peuvent être utiles pour la recherche de la solution du Probleme dont il est question, je vais les raporter telles qu'elles sont dans l'Extrait de l'Assemblée publique de l'Academie de Montpellier en 1732.

1°. It faire une petite Voute de plâtre en plein ceintre composité. 235. fée de sept Voussoirs, telle qu'elle est représentée à la fig. 235. dont la base des piédroits LM, l m n'étoit guére plus grande que celle qu'ils auroient dû avoir dans l'état d'équilibre; ayant chargé la cles d'un petit poid, la Voute se fendoit aux deux joins GI, g i vers l'intrados, & aux joins EF, ef des premiers Voussoirs de la retombée, tandis que les deux autres Voussoirs BC & b c étoient serrez les uns contre les autres, comme s'ils n'avoient été que d'une seule piece de même que les piédroiss H, b aves les retombées A, a.

De cette expérience, il a tiré le moyen de trouver la quantité de Voussoirs qui demeurent comme colez ensemble, en menant du sommet du joint de la clef G ou g, une tangente à l'arc de la doële GF, ou g f, tous les Voussoirs qu'elle traverse ne se séparent point au moment des fractures.



#### DE LA POUSSE'E DES VOUTES. CHAP. XII. 38Y La raison en est sans doute qu'il n'y a point d'interruption de vui-

La raison en est sans doute qu'il n'y a point d'interruption de vuide entre le point d'apui supérieur G, & l'inférieur F.

C'est ainsi que M. Couplet a démontré au mémoire de 1730. dont on a parlé ci-devant; qu'en suposant que les Voussoirs ne puissent point glisser les uns contre les autres, la Voute ne cassera point si la corde AB de la moitié de l'extrados ne coupe point l'intrados, mais qu'elle se trouve dans l'épaisseur de la Voute, comme à la fig. 241. Fig.

Fig. 241.

La raison est que la charge du sommet A, telle qu'elle puisse être, communiquera directement sans interruption au coussinet B, suivant la ligne droite AFB qui se trouve dans l'épaisseur de la Voute.

Mais s'il y a de l'interruption dans la direction, comme si l'arc de doele passoit en D, il est clair que la charge A poussant en AD, & la résistance du piédroit en BD, l'angle ADB peut s'ouvrir, par conféquent il peut s'y faire une fraction.

La même raison prouve qu'il ne pourra s'en faire entre les points A & D, B & D, parce que la communication de la charge au point de résistance est directe; de sorte que les Voussoirs qui sont entre deux ne doivent pas se séparer.

D'ou je tire une conséquence que le point d'apui L du piédroit pig. 239, étant donné, on peut déterminer quelle est la quantité de Voussoirs des premieres rétombées qui demeureront collées au piédroit au moment de la fraction, car si l'on tire du point L une tangente à l'arc de la doële, si elle le touche en F, il ne se fera point de fraction dans l'intervale LF, par conséquent le Voussoir A, & plusieurs autres s'il y en a, resteront colez au piédroit H.

La feconde expérience de M. Danify, qui est du nombre de celles qu'il fit voir à l'Assemblée publique en 1732. se fit sur cinq petits mou deles d'Arceaux, dont l'un étoit en plein ceintre composé de quinze Voussoirs, tel qu'on l'a représenté à moitié à la fig. 236. l'ayant chargé sur la clef, il s'ouvrit comme le précedent aux deux côtez de cette clef en dedans & en dehors des joins du dessus du 2° 3° & 4° Voussoirs; de sorte qu'il se faisoit trois ouvertures aux Reins au lieu d'une seule qu'on voyoit dans l'arceau précedent, ce qui rend la recherche de la poussée plus difficile, parce qu'elle est composée du plus de parties, dans lesquelles on ne trouve plus les points d'apuis à la doële & à l'extrados, mais seulement du seul côté de la doële où les leviers tirez de l'an à l'autre étant multipliez, se consondroient avec l'arc de cercle, ce qui peut mener un serutateur sort loin.

Le second modele qu'il montra à l'Assemblée étoit de 16 Voussons surmonté & sans cles ; c'est-à-dire dont le sommet étoit traversé par un joint, en sorte que les Voussoirs étoient en nombre pair de 8 de chaque côté. Cet arceau s'ouvrit en dedans en une seule sente au milieu, & en trois autres à chaque côté de suite en dehors des Reins, de même que le précedent ; la premiere de ces sentes étoit au lit de dessus du second Voussoir, de sorte qu'il en restoit deux colez au piédroit comme à l'arceau précedent en plein ceintre de 15 Voussoir.

Le troisième modele d'arceau étoit surbaissé composé de 13 Vousfoirs; il s'ouvrit comme le premier & le second aux deux joints de la clef, & en deux sentes à chaques Reins, l'un au lit de dessus, l'autre au lit de dessous du 3<sup>e</sup> Voussoir, & il en restoit deux de chaque côté collez au piédroit comme dans les deux arceaux précedens.

Ex pour montrer que les Voutes ne se fendoient pas constamment aux mêmes endroits, mais selon qu'elles étoient plus ou moins chargées d'un côté que de l'autre; il sit voir un quatriéme modele, qui se étoit un arc rampant de 18 Voussoirs; celui-ci s'ouvrit à l'extrados aux lits de dessus & de dessous du 3° Voussoir de la naissance inférieure, & à l'intrados entre le 7° & 8° Voussoir, & ensin à l'extrados du lit de dessus du 4° Voussoir de la naissance supérieure, lesquels quatre Voussoirs, étant plus minces que ceux de la naissance inférieure, n'occupoient à la doële qu'un intervale à peu près égal à celui des deux de l'autre imposte.

Le cinquième & dernier modele que M. Danisy fit voit, étoit une Fig. 240, plate-bande de 9 clavaux, qui ne s'ouvrit qu'aux deux joints de la clef en dessous comme à toutes les Voutes qui n'étoient pas ramparres, & en dehors entre le sommier & le premier clavau.

M. Danify fit ensuite voir par une expérience que plus la clef est large moins la poussée de la Voute est grande : car si l'on substitué à trois ou à plusieurs Voussoirs une seule clef qui occupe tout l'intervale qu'ils remplissoient, & qui soit égale à leur somme, on verra que la Voute qui n'auroit pû se soûtenir après avoir un peu diminué de la force des piédroits, se soûtiendra cependant encore lorsqu'on y aura mis cette clef, quoiqu'elle soit aussi pésante que l'étoient les Voussoirs, non dans l'état d'équilibre, mais lorsqu'ils surpassoient la résistance des piédroits.

D'ou l'on tire naturellement une conséquence que nous avons établie ci-devant pour une chose constante, que si la Voute étoit toute d'une pièce, la poussée déviendroit nulle.

#### DE LA POUSSE'E DES VOUTES CHAP. XII.

Apres avoir fait des expériences sur les fractions des Voutes, M. Danisy en sit sur celles de leurs piédroits, lorsqu'ils étoient trop soibles pour résister à la poussée des Voussoirs; il produisit un modele de Voute dont les piédroits étoient de plusieurs pieces, par le moyen duquel il sit voir que lorsque les piédroits sont soibles & fort hauts, ils ne se séparent pas toujours au rez-de-chaussée, mais qu'ils se sendent entre le rez-de-chaussez & l'imposte; d'où il conclut que si les piédroits doivent se sendre vers le milieu, il faut que le contre-sort dont on le sortisse soit élevé au dessus de ce point, la chose est claire, mais il n'est pas si aisé qu'il est dit dans l'extrait dont je parle de déterminer precisément cet endroit, du moins je n'en sens pas la facilité, parce que l'Auteur nous a caché les moyens de l'apercevoir.

JE crois au contraire qu'elle n'est facile à déterminer que lorsque la hauteur du contre-sort est donnée, parce que son sommet sert d'apui à la partie supérieure du piédroit, au moment que la poussée de la Voute commence à le saire surplomber du côté du contre-sort, en le faisant taluder en dedans; alors la partie rompuë comprise entre l'imposte & la fracture du piédroit, peut être considerée comme un levier qui s'apuie sur le sommet du contre-sort, lequel levier étant poussé par le bout de l'imposte en dehors, est repoussé par l'autre bout en sens contraire au dedans des piédroits.

De toutes ces expériences M. Danify a tiré une regle pour déterminer l'épaisseur nécessaire à la base des piédroits qui sont à plomb par dedans & par dehors, pour qu'ils ne soient pas renversez par l'effort de la poussée de la Voute, dans la quelle regle il n'a aucun égard à la hauteur des piédroits, parce qu'il les fortisse plus qu'il n'est nécessaire, crainte que quelque accident ne renverse ceux qui seroient saits suivant la rigueur du calcul, aussi ne la donne-t'il pas pour être dans la rigueur Geometrique, mais seulement parce qu'elle lui semble commode dans la pratique pour les Ouvriers, en ce qu'elle ne demande d'autre connoissance que les regles ordinaires da l'Arithmétique, l'extraction de la racine quarrée & le toise.

Apres ce préliminaire on ne doit pas être surpris qu'il ait dit qu'en suivant sa regle il ne faut pas s'embarrasser de la bauteur que les piédroits doivens avoir. Le Probleme dont il m'a fait part, & que j'ai donné ci-devant, prouve évidemment qu'il n'est pas du sentiment que la hauteur d'un piédroit n'instuë en rien sur l'épaisseur qu'il doit avoir pour résister à une poussée constante, il s'explique même clairement sur cette regle dans la lettre qu'il m'a fait l'honneur de m'écrire.

" J'y ai pris (dit-il) certaines licences qui pourroient vous faire juger que je me suis trop écarté de la rigueur Géometrique, je dois vous avertir que j'ai cru devoir le faire ainsi en saveur des Ouvriers qui préserent des pratiques aisées, quoique moins Géometriques, aux méthodes plus exactes. C'est dans cette idée qu'il a aparemment suprimé l'effort vertical pour fortisser le piédroit au - delà du nécessaire, & qu'il consond dans l'usage, les inégalement sur-baissez, ou plus on moins sur-haussez sur un même diametre horisontal.

Si l'on est curieux de voir cette regle qui n'est susceptible d'aucune démonstration par toutes ces raisons, la voici tirée mot à mot de l'Extrait cité,

Fig. 235.

"ELLE consiste à mener en quelque part de la ligne oblique GF, une ligne à plomb GI, & une horisontale FI pour avoir le triangle FIG. On toisera ensuite la surface FE ef avec celle des murs qui sont bâtis sur cet arc FE ef; on en multipliera la moitié par la ligne horisontale FI; on divisera le produit par le double de l'obisque FG, & on tirera ensuite la racine quarrée du quotient.

Pour les plate-bandes, on prendra ce nombre la trois fois, pour les arcs surbaissez deux sois & demi, pour les arcs en plein cintre deux & un quart, & pour les surmontez deux sois, & ce sen l'épaisseur que M. Danisy estime qu'il faut donner aux piédroits des voutes pour une parsaite solidité, sans s'embarrasser de la hauteur que per ces piédroits doivent avoir,

En voici la construction avec la regle & le compas,

Fig. 242.

Apres avoir tracé sur un mur, ou en petit sur le papier, l'épure de l'arceau ABCDE, les Ouvriers diviseront cet arceau en deux également par la ligne KM à plomb, qu'ils prolongeront jusqu'en L, qui rencontre le plus haut GH du mur FGHI qui est soutenn par l'arceau de l'extrémité C de la clef à l'extrados, & du point d'atouchement N, ils meneront la ligne NO; ils feront PL parallele à NC, & par le point O abaisseront la perpendiculaire 00 fur l'oblique PL; il faudra ensuite porter la ligne OQ de A en R sur l'horisontal FI; il faudra encore porter de A en T la partie PS " moitié de PM, & par le point V milieu de RT, décrire avec une ouverture de compas égale à RV, le demi cercle RXT, par le point A mener la ligne à plomb AX, & ce sera cette longueur AX qu'on prendra trois sois pour les plate-bandes, deux sois & demi pour les arcs surbaissez, deux & un quart pour ceux à plein ceintre, & deux fois pour les Gothiques ou à tiers-point; it on porte cent valeur DE LA POUSSE'E DES VOUTES. CHAP. XII. 385 valeur de A en F. AF fera l'épaisseur qu'on peut donner au piédsoit, « quoiqu'on put absolument la donner moindre, c'est toujours hazarder, & il vaut beaucoup mieux les faire trop forts que trop foibles.

Quoique les expériences dont on vient de parler ne paroissent pas fussilantes pour fournir les moyens d'en tirer une regle générale pour la poussée des Voutes, voici ce qu'on pourroit tirer de celle de la fig. 235 où la Voute en plein ceintre ne s'est ouverte qu'aux deux côtez de la cles & aux deux reins, où l'en verra que l'équation qui en résulte est différente de celle qui semble avoir donné la construction de la regle de M. Danisy.

# PROBLEME VIL

Tronver l'épaisseur nècessaire aux piédroits d'une Voute, qui ne doit se fendre Fig. 335. qu'en quatre endroits, au moment de sa destruction, comme selle de la sig. 335. suivant l'expérience.

Soient nommées les données FI

GI

FG

la ligne LZ tirée perpendiculairement du point L fur FI prolongée

= FM

LM

suposons la pésanteur du piédroit exprimée par la surface du rectangle MZ

b x

Pour réduire les deux efforts N & I en un seul, il faut multiplier le poid de la moitié de la clef, & celui de la partie FEGI de la Voute, chacun par sa distance du point F, & diviser le produit par la somme de ces deux poids; le quotient donne le point C sur la ligne FG dans quelque endroit qu'il puisse être.

Soient nommez ces deux poids, qui seront justement la pésanteur de la moitié de l'arc FE e f = q, soit tiré du point C la ligne CQ parallele à GI.

IL n'est pas nécessaire dans la pratique de faire cette opération, comme on le verra dans la suite, mais il faut la suposer faite pour résoudre le Probleme par Analyse.

C c c

Le poid q multiplié par CF exprime l'effort de la pésanteur de le moitié de l'arc FE ef, suivant la direction oblique CF.

CET effort  $q \times CF$  se décompose en deux autres, dont l'un est honisontal suivant FQ, & l'autre vertical suivant CQ, parce que CF peut être regardée comme la diagonale d'un parallelograme, dont FQ & CQ seroient les côtez.

In se décompose de façon que l'effort total  $q \times CF$  au point F, don être égal à l'effort horisontal & à l'effort vertical pris ensemble, & réunis au même point F, & que ces trois efforts doivent être enmeux comme les lignes CF, FQ, CQ.

CES deux conditions sont remplies en exprimant l'effort total pa

 $q \times CF$ , l'horisontal par  $q \times \frac{FQ}{CF}$ , le vertical par  $q \times \frac{CQ}{CF}$ , où l'on voi que ces trois efforts conservent le raport demandé, & que l'effort total est égal aux deux autres, à cause du triangle rectangle CQF qui donne  $\overline{CF} = \overline{FQ} + \overline{CQ}$ .

Mais les triangles semblables FQC, FIG, donneront CF, FQ, CQ = GF, FI, IG, mettant donc à la place de CF, FQ, CQ, leur proportionnelles GF, FI, IG; les expressions précedentes deviendront

 $q \times GF \cdot q \times \frac{Fi}{GF} \cdot q \times \frac{Gi}{GF}$ , dans lesquelles les mêmes rélations sont observées.

A present si l'on considere que l'effort horisontal, agissant contre le levier LF au point F pour le faire tourner sur le point L du côté de Z, est apliqué au bras du levier LZ, son énergie sera

$$q \times \frac{\Pi}{GP} \times LZ = q \times \frac{A^2}{4} \times b = \frac{A^2}{4}$$

Cette énergie tend à renverser le piédroit.

L'Errout vertical au contraire tend à affermir le piédroit, & agiffant en F pour faire tourner le levier LF sur le point L du côté de M, il est apliqué au bras du levier LM; son énergie sera donc

$$q \times \frac{G^2}{G^2} \times LM = q \times \frac{L^2}{d} \times x = \frac{L^2}{d} q x$$

La différence de l'effort horisontal, qui renverse le piédroit à l'effort vertical qui l'assure, est donc precisément la sorce restante pour agu

DE LA POUSSEE DES VOUTES CHAP XII. 387

-contre le piédroit; cette force est 4 4 4 4.

Le piédroit pour lui résister opose son effort, & cet effort est égal au produit de son poid par la perpendiculaire abaissée du point L sur la direction du centre de gravité, il est donc  $b \times \frac{1}{2}$  LM  $= \frac{1}{2}$   $b \times 2$ .

Pour entretenir l'équilibre, l'effort du piédroit doit être égal à celui qui lui est contraire, d'où résulte cette équation  $\frac{1}{4}b x^2 = \frac{a^2 g b}{4} \cdot \frac{b^2 q x}{4}$ .

Multipliant l'un & l'autre membre par 2, & transposant pour l'ordonner, elle devient  $b x^2 + \frac{2b^2}{4} q x = \frac{2a^2qb}{4}$ .

ner, elle devient  $b x^2 + \frac{2b^2}{d} q x = \frac{2a^2qb}{d}$ .

Divifant par b, elle est  $x^2 + \frac{2b^2}{db} q x = \frac{2a^2qb}{d}$ .

Ajoûtant de part & d'autre l'équerre de la moitié du coefficient du fecond terme, elle se change en  $x^2 + \frac{26^2 qx}{4b} + \frac{6^4 q^2}{4^2 a^2} = \frac{6^4 q^2}{4^2 a^2} + \frac{24^2 q}{4}$ 

dont la racine est  $x + \frac{b^2}{4b}q = \sqrt{\frac{b^2}{4^2b^2}q^3 + \frac{2\sigma^2q}{4}}$ 

CETTE formule enseigne qu'il faut prendre la surface de l'arc FE e f, multiplier sa moitié par la quatriéme proportionnelle à FG & à GI, diviser ce second produit par le quarré de la hauteur du piédroit, ajoûter ce quotient au produit formé suivant la premiere regle, & tirer la racine quarrée de cette somme.

Er enfin retrancher de cette racine le produit de la surface de la moitié de l'arc FE e f, par la quatriéme proportionnelle à FG & à GI divisé par la hauteur du piédroit.

Ce qui reste est l'épaisseur qu'il faut donner aux piédroits d'une Voute à plein ceintre, dont les Voussoirs sont en nombre impair.

Si l'on fait attention à la conduite que l'on a tenue pour résoudre ce Probleme, on remarquera aisément que l'on a décomposé l'effort total de la Voute sur le point où se fait l'ouverture aux Reins en deux autres, dont l'un est horisontal & l'autre vertical; que l'horisontal se fait suivant FI, ligne comprise entre le point de rupture & la verticale abaissée de l'extrémité de la clef; que le vertical se fait suivant GI, ligne verticale abaissée de l'extrémité de la clef jusqu'à la rencontre de l'horisontale; que ces deux efforts sont comme les deux lignes FI, GI, & ensin que l'effort horisontal tend à renverser le piédroit, & le vertical à l'affermir.

#### COROLLAIRE L

D'ou il suit que plus la clef est large, moins la ponssée de la Voute est grande, parce que dans ce cas la ligne FI diminue plus à proportion que la ligne GI, c'est-à-dire que l'effort horisontal devient moindre à proportion que le vertical.

#### COROLLAFRE IL

2°. Que la pélanteur de la Voute, la clef, la distance & la hauteur des piédroits restant les mêmes, l'effort horisontal ne change plus, qu'il n'y a que le vertical qui varie selon que la Voute dissere plus on moins de celle en plein-ceintre, c'est-à-dire selon que l'arc est sur haissé ou sur-haussé; que dans les surbaissez l'effort vertical qui agt pour le piédroit étant moindre, les piédroits demandent plus d'épaisseur, & au contraire les sur-hausséz en demandent moins.

Le défaut d'explication de l'énoncé de la regle de M. Danify, ayant donné occasion de chercher la route qu'il avoit pû tenir pour vent à sa construction, on a trouvé qu'on ne le pouvoit que par un sau raisonnement, qui donnoit  $LM = q \times \frac{FI}{2FG}$ , dont la racine quanté qui est  $LM = \sqrt{q \times \frac{FI}{2FG}}$ , donne precisement cette construction; mas on a vû ci-devant qu'on ne doit pas penser que ce soit par inadvertence, mais parce qu'il a suprimé l'effort vertical du piédroit, pour qu'il en résultat une plus grande épaisseur.

### DE LA POUSSEE DES VOUTES COMPOSEES,

## & de plusieurs simples, qu'on peut considerer comme composen

Les Auteurs qui ont travaillé à résoudre le Probleme de la Pousse des Voutes, n'ont fait attention qu'à celles des Berceaux & des Platebandes, c'est-à-dire aux cylindriques & aux planes, sans faire aucunt mention de celles des autres especes dont les surfaces intérieures sont de différentes figures simples, comme les surfaces intérieures sont de différentes figures simples, comme les surfaces qui sont composées de plusieurs portions des corps simples, rassemblées sous différent angles, & suivant différentes directions, ce qui méritoit cependant d'être mis en question, parce que les Berceaux simples ne sont pas les Voutes les plus usitées dans les bâtimens civils.

Je vais tacher de supléer à cette omission autant qu'il est nécessaire

SN/L of 1/CV

. • . . . . . .

#### DE LA POUSSE'E DES VOUTES, CHAP. XII-

pour la pratique, en raportant toutes sortes de Voutes aux cylindriques par des conséquences tirées de la spéculation & de l'expérience.

Quoiqu'il soit du bon ordre d'aller du simple au composé, j'examinerai les Voutes composées avant les simples, parce que je dois considerer les simples comme composées de petites parties cylindriques, semblables à celles des Voutes d'arêtes & en Arc de Cloitre.

# De la Poussée des Voutes d'Arêtes.

Une Voute d'Arête (comme nous l'avons dit au commencement de ce 3° tome) est un composé de deux surfaces de demi-cylindres APBD, dont le ceintre est AbP & ADBP, dont le ceintre est PHI, qui se croisent sur une même hauteur d'Imposte & de Clef, ce qui sorme quatre portions de cylindres séparées par les arêtes de leurs intersections, & l'on sous divise encore chacune de ces portions en deux parties égales qu'on apelle Pandantis; nons apellons Travée cet assemblage de huit pandantis, dont les deux contigus en retour sont un quart de travée.

Si l'on considere chacun de ces pandantis à part comme un triangle cylindrique dont l'axe est horisontal, & qui est apuyé sur une de ses pointes posée sur un pilier que nous apellons piédroit; il est clair que l'effort de sa pésanteur qui pousse le piédroit, se fera suivant l'arc Fig. 244 Elliptique, qui seroit la section de ce triangle cylindrique par son centre de gravité; ainsi considerant cette surface courbe dans sa projection m PC, ou MPC, on divisera le côté droit & horisontal m C ou MC en deux également en n, la poussée du pandantis sur le piédroit b P ax se fera suivant cette direction n P.

D'ou il suit que pour trouver la direction de la poussée commune aux deux pandantifs joins ensemble & apuyez sur le point commun P, il faut prolonger les directions n P en q & NP en r, chercher l'épaisseur du piédroit qui convient au ceintre & à la charge de l'arc Elliptique sur n P & NP, & porter cette épaisseur en q & en r; ensuite par ces points q & r mener des paralleles aux directions pour former le parallelograme P r q; la ligne P q sera la valeur de la poussée du quart de travée de la Voute d'arête suivant cette hypotese.

Mais fi l'on fait attention que les lits des Vonssoirs sont paralleles aux axes de chacune des portions de cylindre qui sont les pandantiss, on reconnoitra que la direction de leur poussée sera déterminée par les perpendiculaires aux plans des lits, ce qui en diminue l'effort, par-

ce que l'angle du concours des deux puissances m PM est moins aigne que celui des deux précedentes n PN, suivant les proprietez des monvemens composez, démontrées dans les traitez de Méchanique; ainsi nous abandonnons cette premiere hypotese pour considerer les pandantifs comme une suite d'arcs circulaires ou Elliptiques paralleles entre eux, qui vont toujours en diminuant, & qui tendent à se redresser suivant une direction qui est dans un plan perpendiculaire à l'axe; en effet une Voute d'arête, dont l'apareil seroit par joins de tête de suite en déliaison, quoiqu'un peu moins solide, n'en subsisteroit pas moins, pourvû que les ensourchemens sussent faits en bonne coupe sur leurs lies

Soit (fig. 244.) APBD, la projection horisontale d'une Voute d'arête composée de deux Berceaux inégaux qui se croisent, lesquels forment quatre Lunettes, dont les oposées au sommet ACP, DCB sont égales, & celles qui sont de suite ACP, PCB inégales, l'une étroite & sur haussée suivant le profil AbP, & l'autre large & surbaissée PHB.

On cherchera par les Problemes précedens l'épaisseur du piédroit qui convient à chacun de ces Berceaux, s'il n'y a point de biais, on portera la ligne trouvée pour cette épaisseur sur la prolongation des côtez, & s'il y a du biais, on la portera sur la prolongation de l'arc-Droit, par exemple la mesure de l'épaisseur P a sur AP prolongé en a pour la poussée de l'arc doubleau A b P, & l'épaisseur P b sur BP prolongé en P b pour la poussée de l'arc doubleau BHP; ensuite par les points a & b, on menera des paralleles aux côtez oposez, lesquelles se croisseront en x, le rectangle P b x a sera la surface de la base du piédroit, ou pilier necessaire pour résister à la poussée du quart de la Voute d'arête APBD, que j'apelle un quart de travée, parce qu'elle est composée de deux pandantiss, qui sont deux triangles cylindriques, dont les projections sont les triangles rectilignes m PC, MPC.

Si l'on fait attention que tout l'effort de la poussée se fait sur le point P, on reconnoitra premierement qu'il est chargé de toute la pésanteur des deux pandantifs qui le pressent verticalement, & tendent à écraser la matiere dont le piédroit est construit.

SECONDEMENT que l'effort horisontal de la poussée se fait suivant la diagonale P x.

D'ou il suit que les prisses triangulaires du piédroit, qui ont pour base les triangles P b x & P a x, ne lui sont nécessaires que pour empêcher que l'angle P ne soit écrasé, & pour contenir la charge dans sa direction verticale, asin que le piédroit ne s'incline pas vers a ni

#### DE LA POUSSEE DES VOUTES, CHAP. XII.

vers b; de sorte que suposant deux barres de ser de sorce suffisante. l'une posée verticalement pour soûtenir le fardeau, l'autre en situation inclinée suivant la tangente du joint extrême pour résister à la poussée de l'arête, dont la projection est CP; il n'en faudroit pas davan-tage pour soutenir ce quart de travée, si le fond étoit impénetrable, & l'équilibre parfait, c'est une spéculation dont l'exécution est impossible, mais qui n'est pas inutile pour donner une juste idée du sujet.

#### SECOND CAS.

# Lorsqu'il y a deux travées de Voute de suite sur le même alignement.

Soient deux quarts de travées APCM, BPCD (fig. 225.) c'est-àdire quatre pandantifs, dont les projections sont les triangles APM, MPC; CPD, & DPB; il est clair par la construction précedente que les diagonales P d, P m des deux parallelogrames PQ m a & PQ d b, exprimeront les épaisseurs nécessaires pour contenir la poussée de chacun des quarts de travée, & qu'ainsi un pilier triangulaire P d m seroit suffisant pour contenir la poussée des deux quarts de travée; mais comme toute leur charge porteroit sur le point P, l'angle de ce piédroit seroit écrasé par cette charge, ou s'enfonceroit dans le sol pour peu qu'il ne fût pas suffisamment solide; c'est pourquoi il convient d'ajoûter au prisme triangulaire P d m les deux triangles a P m & b P d pour le fortifier, & le rendre propre à soutenir le poid de la Voute. Je dis seulement pour ce sujet. & non pour n'être pas jetté à droit ou à gauche comme au cas précedent, parce qu'ici les deux arcs de formerests sur AP & BP, étant diametralement oposez, demeureront en équilibre si leurs diametres & leurs charges sont égales, & si elles sont inégales, la poussée qui se fera d'un côté plus que de l'autre sera la différence des deux efforts, ainsi en ce cas il faut indispensablement quelqu'épaisseur de piédroit en P, mais dans la pratique il convient toujours qu'il y en ait quand même les formerests seroient égaux, parce que toute la charge tombant sur un angle P, il seroit difficile qu'il fût de pierre d'une assez forte consistance, ou sur un fond assez dur pour qu'elle ne fût pas écrasée par la charge, ou qu'elle ne s'ensoncat un peu dans le sol de la fondation, auquel cas se moindre mouvement romproit tout l'équilibre.

# REMARQUE.

Fig. 245.

Par cette raison les Architectes divisent ordinairement les travées & 250.

des Voutes d'arêtes par un ornement en faillie qu'ils apellent Are Dubleau e f g i, parce qu'il double cette partie de Voute, lequel accocupe en largeur celle d'un pilastre d e f K, ou d'une perche qui la sert de base, qui fait par conséquent un pan k e f l au lieu de l'angle d P m.

Cer Arc doubleau dans l'Architecture moderne est une Arcade colindrique, c'est-à-dire une portion de berceau simple qu'on orne de panneaux ravallez, dans lesquels on place à propos des ornemens de sculpture, comme des rosons, des bas reliefs &c.

Dans l'Architecture Gothique l'arc doubleau est comme les aune nervures d'Augives, Tiercerons, Liernes &c. une partie fort saillant profilée en moulures de doucines oposées avec des quarts de rondes baguettes &c. mais beaucoup moins large que dans l'Architecture moderne, parce que sa base n'est posée que sur une perche, & mème souvent elle porte à faux sur un Cul-de-lampe.

#### TROISIE ME CAS.

# Lorsqu'il y a trois travées de suite en retour d'un angle Droit.

Dans une grande partie de nos Eglises qui sont voutées en Voutes d'arête sur un Plan en Croix latine, il se trouve à la croisée des Bra avec la nef une suite de trois travées en retour, qui sont apuyées à moitié sur des piliers angulaires; celle du milieu est exactement quarrée lorsque les bras sont de même largeur que la nef; mais lorsqu'ils sont plus étroits, elle devient barlongue, comme sont ordinairement les autres travées, un peu plus ou moins, selon qu'elle diffère des autres en largeur, c'est-à-dire selon que les Bras sont plus étroits que la Nes.

ORDINAIREMENT les travées extrêmes des deux côtez de la Croisée sont égales, parce qu'on fait les bras égaux en largeur à la nef; mais comme ils peuvent ne pas l'être, nous choisirons ce cas pour rendre la construction plus générale.

Avant trouvé par la construction du cas précedent la diagonale Px, qui exprime le résultat de la poussée des deux travées de suite FA. AB, on cherchera par le premier cas la poussée de la travée GB qui sera Py; puis par les points y & x, on menera des paralleles aux côtez oposées qui se croiseront en z; la diagonale PZ exprimera la poussée des trois travées réunies à une seule direction.

#### DE LA POUSSEE DES VOUTES CHAR XIL

On tirera ensuite du point Z des perpendiculaires Z i, Z k aux côtez PF, PG; le quarré Pf z G sera la surface de la base du piliez que l'on cherche.

# REMARQUE.

Quorqu'il y ait des exemples de cette construction, ils sont cependant assez rares; on coupe ordinairement par un petit pan an l'angle a P n d'encognure, pour donner plus de force à la naissance de la travée du milieu, comme on voit à la fig. † à côté de 246.

Les bons Architectes ne voutent guére le milieu de la croisée en Voute d'arête, mais plûtôt en cu-de-four, parce que si le cintre primitif de la nef est circulaire, les arêtes de la croisée deviennent fort surbaissées, & rendent cette partie de Voute trop soible, laquelle étant ordinairement plus chargée de Charpente que les autres, a au contraire besoin de plus de force.

It est aisé de voir que lorsque les travées extrémes sont inégales les côtez i P & k P du pilier deviennent inégaux, & que si les trois travées étoient égales entre elles, il n'y auroit que celle du milieu qui agiroit pour renverser le pilier, parce que les deux extrémes étant exactement oposées l'une à l'autre, le contrebalanceroient & demeureroient en équilibre, si leurs épaisseurs & leur charge étoient parsaitement égales, & si elles sont inégales la poussée des extrémes se fera suivant une diagonale P u, qui ne sera plus dans la direction de l'arête DP, & qui sera d'autant plus ou moins grande que l'angle de leurs ogives ou arêtes EPC sera plus ou moins obtus.

#### QUATRIEME CAS.

# Lorsqu'il y a quatre Travées ou plus autour d'un pilier.

It est clair que lorsque les pandantiss d'une Voute d'arête sont égatex entre eux & diamétralement oposez, les essorts de leurs poussées se se détruisent mutuellement, & par conséquent qu'ils n'agissent plus sur le piédroit que par la charge de leur pésanteur qui fait essort pour l'écrasier; c'est dans ce cas où l'on reconnoit encore plus que dans les précedens la nécessité de séparer les travées par des arcs doubleaux, qui ayent une certaine largeur suffisante pour donner au pilier l'épaisseur qui lui est nécessaire pour soûtenir le poid de huit pandantiss dont il doit être chargé, co que l'on ne peut déterminer que par l'usage & Tom. III.

#### STERBOTOMIE LIV. IV. PART. IL

l'expérience de la pierre de taille qu'on y employe, qui est plus on moins force à la charge, c'est-à-dire qui pent ou ne peut pas être écra-sée, & par la connoissance que l'on doit avoir de la pésanteur absolute des huit parties de Voute que le pilier doit soûtenir, lesquelles peuvent être plus ou moins épaisses, & chargées de Charpente on d'autre chose; s'il se trouvoit de l'inégalité dans les pandantiss oposez, alors l'épaisseur du pilier seroit déterminée par la dissérence des deux lignes qui expriment la poussée horisontale qu'on peut trouver par les Problemes précedens.

On scait que pour trouver la pésanteur absolué de chaque pandants, & de tous ceux qui chargent un pilier, il saut en saire le toile à le multiplier par la pésanteur des materiaux, connué par l'expérieux & reduite en piéds cubes; mais la maniere de toiser ces pandants avec une certainé exactitude n'est connué que depuis peu; c'est à M. Senes de l'Academie des Sciences de Montpellier, Ingenieur en Ché du canal de Cette au Rhône, que nous la devons; on la trouvera dans les memoires de l'Academie des Sciences de Paris de l'année 1719. & 1721, avec ses démonstrations; on peut y avoir recours pour optrer avec une grande justesse.

Sr cependant l'on veut se contenter d'une opération moins parsaite, laquelle peut être suffisante pour le sujet dont il s'agit, il n'y a qu'a faire le dévelopement d'un pandantif consideré dans le milieu de son épaisseur de la même maniere que nous avons donné pour en faire les panneaux de doële, mesurer chacume de ses parties comme autant de trapezes, & la premiere à la naissance comme un triangle; ajoûter toutes ces surfaces ensemble & les multiplier par l'épaisseur commune.

Le produit multiplié par le nombre de livres que pele un pied cube, donnera la pélanteur abfolue de la Voute. Nous verrons ciaprès la maniere de trouver le poid d'un pied cube de chaque espece de materiaux, en cas qu'on ne le connoisse pas & qu'on n'ait pas des tables des poids sur lesquelles on puisse compter.

Fig. 244. Soit, par exemple, le pandantif m PC qu'on veut mesurer, on rectifiera la moitié du cintre du formerest P b, qu'on portera dévelopé sur PA prolongé en m p avec ses divisions 1, 2, 3, 4, étenduës aux points 1<sup>4</sup>, 2<sup>4</sup>, 3<sup>4</sup>, m, par lesquels on menera des parallèles indéfinies à la ligne de projection de la clef m C; puis par les points 1<sup>7</sup>, 2<sup>7</sup>, 3<sup>7</sup>, où la projection de l'arête coupe les lignes provenant des points 1<sup>8</sup>, 2, 3, 4, du formerest P b, ou par les points 1<sup>8</sup>, 2<sup>8</sup>, du

DE LA POUSSE E DES VOUTES. CHAP. XII. 397

rmer est suivant PH, on menera des paralleles à Pp, qui couperont

s perpendiculaires à la même ligne aux points 14, 24, 34, C, par

squels on tracera à la main la courbe pC, qui sera le dévelopement

e l'arête du pandantis.

Le triangle mixte pmC sera la surface de la doële du pandantif, si arc bP est pris à la doële, & celle du milieu de la Voute si cet arc st pris au milieu: ainsi multipliant cette surface par l'épaisseur de la loute, on aura le toisé de son cube, lequel multiplié par le nombre le livres de la pésanteur d'un pied cube de la pierre dont il est sait, lonnera la pésanteur absolué de la Voute.

In faut observer que cette operation donne un peu trop, parce que les naissances des pandantiss qui se pénétrent, retranchent la pointe de la naissance.

# REMARQUE.

On fait Usage de cette construction lorsque l'on est obligé de vouter sur des piliers. 1°. Les endroits où l'on ne peut trouver la hauteur qui seroit nécessaire pour ne faire qu'un cintre, qui comprenne toute la largeur du bâtiment.

2°. Lorsque les murs ne sont pas d'une épaisseur suffisante pour résister à la poussée d'une Voute d'un grand diametre, parce qu'on la diminue dans le raport des hauteurs & des diametres.

Enfin pour pouvoir faire des Voutes de peu dépaisseur, & de moins de surface, soit par raison de charge ou par raison de ménagement de dépense.

C'est par ces raisons que l'on a fait ainsi des bas côtez doubles dans une partie de nos anciennes Eglises, comme à Notre-Dame de Paris, &c. & les grandes Sales de la plûpart des Monasteres, & des anciens édifices.

# Explication Démonstrative.

On peut sans doute considerer un quart de travée de Voute d'arête mPMC, & chaque pandantif en particulier comme une suite de plusieurs tranches de Berceaux coupez verticalement par des plans perpendiculaires à leurs axes: or il est visible que chacune de ces tranches étant posée dans sa partie inférieure sur l'arcade que forment les Ddd i j

STEREOTOMIE LIV. IV. PART. IL.

396 Voussoirs d'enfourchement suivant l'arête où se fait la jonction de deux pandantifs contigus, fait effort par fa charge pour faire drefr cet arc d'Augive, & par conséquent pousse ainsi médiatement le ris droit pour le renverser.

IL est aussi visible que les arcades des arcs doubleaux poussent du cune immédiatement ce même piedroit en différentes directions, qui font ordinairement entre elles un angle droit, d'où il réfulte suiver les principes de la Méchanique des mouvemens compofez, que direction qui résultera de celle des deux puissances qui poussent, les la diagonale d'un rectangle, dont les longueurs des côtez seront ent elles comme ces puissances: or comme toutes les arcades des Voci foirs sont paralleles entre elles dans chaque pandantif, il résultera zei que le concours de leur direction se réduira à une troisséme, quisqu aussi dans le même plan que celle du concours des arcs doubleaux

Si l'on fait présentement attention que les poussées de toutes a arcades inégales sont rélatives à leurs retombées, qui sont les sinus que sinus verses de chacun de ces arcs, comme il a été démontré ci-devat on reconnoitra que les triangles restilignes mPC, MPC, qui sont la projections des deux pandantifs contigus, contiennent tous ces fins verses, par conséquent que les longueurs qui donnent l'épaisseur à piédroit pour chacune de ces arcades, formeront un triangle semble ble à celui de la projection horisontale; donc supposant les côtez P. & Pb trouvez suivant les Problèmes de la poussée des arcs doubleaux le parallelograme P bxa semblable à celui de la projection CmPM, sera la base du pilier qui doit soûtenir la poussée du quart de traver de Voute d'arête donné, ce qu'il falloit trouver.

# REMARQUE.

In faut remarquer que par cette composition & disposition de portions de Berceaux qui se croisent, il résulte une Voute dont la surface est moindre que celle du berceau simple, qui convriroit le même 14. 244 espace du rectangle DAPB; parce que chacun des pandantiss est moindre que la huitleme partie d'un tel berceau, quoiqu'il le paroisse ainsi dans sa projection.

> Pour en connoître la différence, il n'y a qu'à faire le dévelopement d'un de ces pandantifs, comme on vient de l'enseigner pour le pandantif P m C ou son égal A m C, où l'on voit que la courbe p 2 C, qui termine un des côtez de la surface dévelopée, est concave, & toute au dedans de la corde p C, par conséquent le triangle mixte

P m C est moindre que la moitié du parallelograme me, qui est le dévelopement de la projection m E, laquelle exprime le quart du berceau qui couvriroit l'espace horisontal APBD, donc la surface d'un pandantif d'une travée de Voute d'arête est moindre que la huitième partie du berceau, & par conséquent les huit pandantifs dont elle est composée sont ensemble une surface considerablement plus petite que celle d'un berceau de même, hauteur, qui seroit à la place d'une Voute d'arête, ce qu'il falloit prouver.

On va voir le contraire dans les Voutes en Arcs de Cloitre; cependant chacun des pandantifs pousse plus, c'est-à-dire sait plus d'essort pour renverser le piédroit que la portion de berceau en continuation PCM, qui seroit son complément, quoique plus grand en surface de près d'un tiers puisqu'il contient de plus deux sois le segment de dévelopement p IC; la raison est que les Voussoirs poussent d'autant plus qu'ils aprochent de la cles, & d'autant moins qu'ils aprochent de l'imposte; en esset on verra ci-après que jusqu'à la hauteur du quart de cercle P 1, ils ne poussent point du tout étant retenus par le seul frotement de leurs lits, ils se soûtiennent les uns sur les autres sans glisser jusqu'à 22. & même jusqu'à 25. dégrez; on rémarque aussi qu'au dessus jusqu'à 45. dégrez ils poussent fort peu, puisque ce n'est qu'à cette hauteur que les Voutes se fendent.

Ainsi (à la fig. 248.) si l'on mene par le point 2 du cintre b H, une parallele à l'imposte Ab, elle coupera la diagonale AC au point  $a^2$ , & le côté Ad au point x; si par le point  $a^2$  on tire  $a^2$   $q^2$  parallele au côté Ad, il est évident que le trapeze x  $a^2$  Cd est plus grand que le triangle  $a^2$   $p^2$  Cd de tout le parallelograme x  $a^2$   $q^3$  d, lequel étant consideré dans la projection d'un pandantif ACd, exprimera la différence en excès de la poussée du pandantif de la Voute d'arête sur le triangle cylindrique, qui seroit son complément pour achever le demi berceau qui couvriroit tout l'espace AbCd. Or ce complément du pandantif est justement le pan d'une Voute en Arc de Cloitre, qui couvriroit le même espace.

Secondement on a vû par le dévelopement du pandantif DAIS que fa surface est moindre que celle du dévelopement du pan de l'Arc de Cloitre de l'arc b AIS, cependant si le demi berceau étoit complet sur l'imposte A b, le parallelograme A x b seroit la base totale de son piédroit; or nous disons que la moitié A x b est celle de la portion d'arc de cloitre, qui est plus grande que la moitié de la doële, donc l'autre moitié A f x, qui est égale à la base A x b étant nécessaire pour soutenir la poussée d'une moindre partie de doële, il suit que cette

moindre partie qui est le pandantif, pousse plus en général que à pan de l'arc de cloitre, ce qui est exprimé à la fig. 214. par le rapor de  $P \times a P b$  ou a P a, & dans celle-ci de  $A \cdot a b \times a$  ou  $A \cdot f$ .

#### De la Poussée des Voutes en Arc de Cloitre.

Les Voutes en Arc de Cloitre peuvent être considerées comme les complémens des Voutes d'Arêtes, ainsi que nous venons de l'expl. Fig. 248. quer ; car suposant un demi berceau sur d b (fig. 248.) coupé diagonalement sur AC, & la naissance ou imposte du demi berceau sur Ab; le triangle AC d sera la projection d'un pandantis, & AC d sele d'un pan de Voute en Arc de Cloitre.

D'ou il suit que, puisque le pandantif est une portion de bereze moindre que la moitié du demi berceau sur db, comme on vient de le montrer, le pan de la Voute en arc de cloitre, qui en est le complément, sera plus grand que cette mostié, quoiqu'il paroisse égal dans la projection où le triangle A b C est égal au triangle A d C.

La raison de cette fausse aparence a été donnée au second Livre, lorsque nous avons parlé des effets de la projection, qui racourcit d'autant plus les objets qu'ils sont moins inclinez au plan de description; or il est clair par le profil b 1'2 H que la partie b 1 étant moins inclinée à la base b c de ce profil que la partie 3 H, qui lui est presque parallele, elle sera aussi plus racourcie par la projection; par conséquent la surface de la Voute sur A b C sera plus grande que son complément au demi cylindre sur AC d, qui a ses parties plus éloignées de l'imposte A b.

Cerre verité paroit évidemment dans le dévelopement du demi berceau tracé en ADSB, où le triangle mixte AISD est la surface dévelopée du pandantif, & l'autre AIS b celle du pan de l'arc de cloire.

De cette derniere consideration, il suit que quoique le pan d'un arc de cloitre soit plus grand que le pandantif de la Voute d'arête, qui est son complément, il poussera cependant beaucoup moins, parce que son centre de gravité sera plus près de l'imposte que celui du pandantif.

Au reste on ne peut comparer la poussée de ces deux Voutes, parce que l'une pousse sur une ligne & l'autre sur un point; le pandantif de la Voute d'arête sait tout son effort sur le point A pour renver-ser le piédroit, & le pan d'arc de cloitre le sait sur toute la ligne A b

Qu'il pousse en forte que son mouvement virtuel décrit une surface triangulaire A b x.

En effet c'est ici tout le contraire du pandantif, il pousse tout au point A, & le pan d'arc de cloitre n'y pousse point encore, c'est de ce point qu'il commence à pousser de plus en plus vers b, dans le raport des longueurs des retombées de chaque rang vertical de ses Voussoirs, compris entre l'imposte A b & l'arc de section Elliptique AL b sur AC.

D'ou il suit que le plan d'arc de cloître sur A b C n'a besoin que de la moitié de la surface de la base du piédroit, qui seroit nécessaire pour résister à la poussée du demi berceau sur C d A b, dont le piédroit devroit être le parallelograme A f x b, suposant l'épaisseur A f ou b x trouvée par les Problemes précedens.

Ainsi toute l'épaisseur A  $f \approx$  que l'on a coutume du donner au piédroit, c'est-à-dire à la base d'un mur de faces paralleles entre elles, laquelle est le parallelograme A  $f \approx b$ , est superfluë pour résister à la poussée de la Voute en arc de cloitre, de même que le triangle A  $g \approx$  moitié du parallelograme A  $g \approx$ , qui répond à l'autre pan A  $g \approx$  à plusforte raison le quarré restant à la jonction des deux murs en  $g \approx$  A  $g \approx$  qui est totalement inutile, parce que les deux pans d'arcs de cloitres n'ont aucune détermination de poussée de ce côté, lequel au contraire étoit le seul où pousséeient les Voutes d'arêtes, comme nous l'avons dit ci-devant.

CETTE partie superfluë de la jonction des deux murs diminuera à mesure que l'angle des murs sera plus ouvert, & augmentera d'autant plus qu'il sera plus aigu.

Ainsi suposant une Voute d'arête sur un Pentagone régulier DBG FE, comme par exemple une Guerite (fig. 249.) cette partie de Fig. 249 jonction des murs devient le trapezoïde I n F o, qui est plus petit, toutes choses égales, que le quarré g f de la fig. 248.

D'ou il suit que ne prenant pour la base des piédroits que les parties triangulaires, qui sont nécessaires pour résister à la poussée d'une Voute établie sur un polygone; le contour de ces piédroits sera d'un nombre de côtez doubles de celui sur lequel est établie la Voute en arc de cloitre, par exemple ici ce sera un décagone EAFMGLB &c. qui peut être ou ne pas être régulier, suivant que la poussée du milieur d'un pan AP aura été trouvée plus ou moins grande par les Problemes précedens, touchant celle des berceaux simples, dont le demi diametre de l'arc-Droit seroit RC.

D'ou il suit que les bases des piédroits à faces paralleles entre elles EF, KI; FG, IH d'un mur qui enveloperoit le polygone, seroient plus de moitié plus grandes qu'il ne saut de la quantité de tous les trapezoides, comme « F n I, &c. qui restent aux angles du polygone au-delà des triangles AF «, FM n, qui sont égaux à ceux des bases des piédroits ARF, MF m, nécessaire pour contenir la poussée de chaque pan d'arc-de-cloitre.

Presentement si l'on veut diminuer de moitié la plus grande épail seur  $b \times ($  sig. 248.) pour faire un mur à saces paralleles A b, NO, faisant  $b o = o \times$ , il est évident qu'on aura la même surface de base dans le parallelograme A o que dans le triangle  $A \times b$ , & que le triangle  $M \times O$  qu'on suprime, est remplacé par son égal NAM, qui ser la base d'un contre-sort en prisme triangulaire, lequel apuye le piédroit en coin tronqué AM o b, consideré comme un massif de maçonnerie qui peut être retenu par ce contre-sort, & si l'on y ajoûte k triangle à la diagonale k NA pour le fortisser, on peut compter que la force d'un tel piédroit seroit suffisante pour résister à la poussée de la Voute.

CEPENDANT quoique la base ajoûtée & MA soit plus grande que la retranchée M x o, il sera de la prudence d'épaissir le piédroit, qui sera fait en mur de faces parallales entre elles, un peu au-delà de la moitié b o de l'épaisseur primitive b x, lorsque le polygone sera d'un petit nombre de côtez comme de 4, & encore plus de 3 où l'angle AM & du contre-sort est trop aigu, de sorte qu'il est sort soible consideré comme une partie ajoûtée, quoiqu'il soit en esset une partie de mur continué.

Cer angle AM & s'ouvrira d'autant plus que le polygone vouté en arc-de-cloitre sera-d'un grand nombre de côtez, de sorte que la partie ajoûtée y deviendra suffisante pour remplacer la pointe du piédroit retranchée, considerant toûjours les piédroits & la Voute comme une masse de maçonnerie ou de pierres de taille bien liées entre elles qui ne sont qu'un corps, car si on les consideroit comme sans liaison laterale, ces contre-sorts ne pourroient jamais remplacer la sorce du levier venant de l'éloignement du point d'apui », qui seroit mécessaire pour résister à la poussée de l'arc du milien C b, consideré comme une arcade détachée, qui pourroit se séparer du reste du pan de l'arc de cloitre, parce que cet éloignement » donne la longueur des bras du levier nécessaire pour résister à l'essort de la poussée.

#### DE LA POUSSE E DES VOUTES CHAP. XIL

#### De la Poussée des Voutes Sphériques es Sphéroïdes.

Si un Polygone ou une portion ABP (fig. 252.) vouté en arc-de- Fig. 252. cloitre a un grand nombre de côtez de peu de largeur à la naissance. comme A 1, 1'2, 2'3, 3'4 &c. il est évident que la figure d'une telle Voute aprocheroit beaucoup de celle d'une sphérique, si l'arc-Droit étoit circulaire, ou d'une sphéroïde, si l'arc-Droit étoit Elliptique surhaussé ou surbaissé.

Que si le nombre des côtez étoit du double ou du triple plus grand, les côtez ou pans de la Voute deviendroient si petits qu'ils seroient sensiblement confondus avec le cercle dans lequel le polygone seroit inscrit, & la Voute aprocheroit d'autant plus de la sphérique, que ces mangs de Voussoirs se rétreciroient en aprochant de la clef, où il seroit impossible d'y apercevoir aucune différence, comme on peut juger par le dévelopement d'un pan tracé à la fig. \$13.

D'ou il suit qu'on peut considerer les Voutes sphériques & sphéroïdes, comme des composées de plusieurs pans d'arcs de cloitres.

Sulvant cette hypotese on réconnoîtra que ces sortes de Voutes poussent plus de la moitié moins que les Berceaux simples de même cintre, diametre & épaisseur ou charge, & par conséquent qu'en ne donnant à leurs piédroits que la moitié de celle des berceaux conditionnez de même, ils seront encore plus forts qu'il n'est nécessaire pour les mettre en équilibre avec la poussée.

Pour faire sentir la justesse de ce raisonnement, qui est fondé sur celui que nous venons de faire touchant la Voute sur pentagone de la fig. 259. nous avons tracé à la fig. 252. les bases triangulaires 1 q 2, 2 µ 3, 3 t 4, &c. qui repondent à chaque pan du polygone inscrit dans le cercle A 3 B, tels qu'ils devroient être à la rigueur : or si l'on veut faire un piédroit d'épaisseur uniforme, à moitié de la primitive A d, divisée en deux également en x par un arc de cercle concentrique x b X, il est clair que les triangles retranchez par cet arc comme fqg, i uk, Itr &c. sont plus petits en surface que ceux qu'on ajoûte entre les piédroits triangulaires en g 2 i, k 3 l, r 4 b &c. dans le raport du rayon Cg au rayon Cq, par conséquent ces piéces triangulaires qui sont autant de bases de contre-forts, sont aussi plus fortes qu'il n'est nécessaire pour buter les piédroits en coins tronquez 1 fg 2, 2 i k 3, 3 1 r 4 &c. & remplacent avec avantage les prismes triangulaires rétranchez en f q g, i u k &c. Tom. III.

#### De la Poussée des Voutes Annulaires.

Le même raisonnement qui nous a servi à raporter les Voutes sphériques & sphéroïdes aux arcs de cloitres, peut nous servir aussi raporter les Voutes Annulaires, partie aux arcs de cloitres, partie aux Voutes d'Arêtes; en effet si l'on supose, au lieu d'un Anneau circulaire ou Elliptique, un Anneau tournant autour d'un polygone d'un grand nombre de côtez extrémement petits; on reconnoitra que la partie concave sera une suite de pans d'arcs de cloitre tronquez à la cles, & que la partie convexe entre le noyau & la cles sera une suite de panaches de Voutes d'arêtes, qui s'élargissent depuis l'imposte de noyau jusqu'à la cles, autant que les pans oposez concaves se rette cissent depuis l'imposte du mur jusqu'à la cles.

Arnsi confiderant les joins montans dans un plan vertical dirigé a Fig. 251. centre du noyau, l'espace que deux de ces plans ensermeront ne sa pas un triangle cylindrique terminé à la cles comme dans les Vous sphériques, mais un trapeze cylindrique, par exemple a b N n, don le côté n N est plus petit que l'oposé a b dans le raport des distance CN, C a du centre du noyau à l'imposte concave & à l'imposte convexe.

Ce trapeze cylindrique doit être divisé en deux parties par rapon à la poussée de la Voute, l'une depuis l'imposte concave a b jusqu'à la cles LS, qui fait effort pour renverser le piédroit amb, l'autre depuis l'imposte convexe du noyau n N jusqu'à la même cles LS, lequel trapeze agit contre le noyau n NO.

Comme l'une de ces parties a b SL se retrécit en montant, il est clair qu'elle a moins de surface, & par conséquent moins de pesarteur qu'un berceau droit qui seroit établi sur l'imposte a b; par conséquent elle pousse moins qu'un tel berceau, dont la projection de la surface seroit le rectangle a b t q, laquelle est plus grande que le trapeze a L b S des deux triangles q a L, s b t.

Or comme les poussées des Voutes de même cintre & de même hauteur & épaisseur, sont rélatives à leurs projections horisontales, i suit que la poussée du demi berceau sera à la poussée du demi par annulaire à peu près comme le parallelograme q b au trapeze a LS b, & la ligne qui exprimera l'épaisseur du piédroit convenable au demi berceau sera à celle qui convient au pan annulaire, comme a b est à KF, menée par le milieu K du demi diametre a L parallelement à a b.

#### DE LA POUSSEE DES VOUTES. CHAP. XII.

D'ou il suit que pour trouver l'épaisseur du piédroit du mur concave, il saut faire cette analogie C a . a b :: CK . KF, c'est-à-dire comme la longueur du rayon du noyau, plus le diametre de l'arc-droit de la Voute annulaire, est à une petite distance prise à volonté à l'imposte concave, ainsi le rayon du noyau, plus les trois quarts du diametre de l'arc-Droit de la Voute, est à un quatriéme terme qui sera la corde KF, laquelle étant trouvée, on sera cette seconde analogie, comme a b est à a y, trouvé pour l'épaisseur du piédroit d'un demi berceau sur la même longueur d'imposte, ainsi KF sera à un quatriéme terme a x, qui sera l'épaisseur du piédroit concave de la Voute Annulaire.

J'AI dit que ce raport n'étoit qu'un à peu près, mais il faut remarquer que la différence qu'il peut y avoir tourne à l'avantage de la folidité du piédroit concave, parce que les parties triangulaires, qui sont l'excès du berceau droit sur l'annulaire, étant plus éloignées de l'imposte, poussent plus que leurs parties égales intérieures ar L, b \(\circ\), qui sont comprises dans le trapeze, comme nous l'avons dit en parlant des Voutes d'arêtes.

Par un semblable raisonnement on trouvera au contraire que la poussée de la partie convexe de la Voute sur son noyau sera plus grande que celle d'un demi berceau posé sur l'imposte n N, de la valeur de celle des deux triangles n LV & NS u, dont la projection n LSN de la demie Voute annulaire excede la cylindrique droite; ainsi ayant divisé le demi diametre de l'arc-Droit L n en deux également en G, & tiré G g parallele à n N, on aura la poussée du berceau à celle du pan annulaire, comme n N à G g.

In faut remarquer que cette augmentation de poussée est bien récompensée par la force de la figure du piédroit convexe qui se resserre par cette pression de la circonférence au centre, lorsque le noyau est d'un petit diametre, c'est pourquoi il est des cas où l'on ne doit y avoir aucun égard; mais si le noyau est vuide & d'un grand diametre, comme il arrive aux berceaux des bas côtez d'une Eglise, tournans au tour d'un Chevet qui a quelquesois 30 pieds de diametre; alors il est bon d'y faire attention, parce que la convexité du mur, qui sert de piédroit à la Voute annulaire, n'est pas assez considerable pour en augmenter la force, mais aussi alors la dissérence de la poussée diminué.

D'ou il suit que si le rayon du noyau est fort grand eu égard à celui du mur du piédroit concave, la Voute annulaire poussera à peu près autant que celle d'un berceau droit de même cintre, diametre E e e ij

& charge, parce que la Voute annulaire approchera d'autant plus de la cylindrique droite, qu'il y aura moins de différence entre le rayon du noyau & celui de la grande circonférence concave de l'anneau.

#### De la Poussée des Berceaux tournans es rampans.

Nous avons fait remarquer au second tome, que les Berceaux tournans & rampans ne distérent des Annulaires qu'en ce qu'ils s'élevent en tournant sur une hélice, dont le dévelopement, c'est-à-dire la rectification, est une ligne droite inclinée à l'horison; ainsi considerant les rayons du noyau de la Vis & du contour de la Tour ronde, dans laquelle le berceau sait sa circonvolution, comme très grand & per différent l'un de l'autre, on peut raporter la poussée d'un berceau tournant & rampant à celle d'un simple berceau droit en descente, biais par ses têtes de montée & de descente, faisant un angle avec un autre berceau qui lui est ajoûté, telle seroit en esset une Vis à petits pans sur sa projection horisontale.

D'ou il suit premierement que tout ce que nous venons de dire de la poussée des Voutes horisontales sur le noyau, convient aux Voutes en Vis.

SECONDEMENT qu'à celles-ci, il y a une poussée de plus à considerer, qui est celle d'un poid posé sur un plan incliné, parce que tous les lits des Voussoirs sont effectivement inclinez à l'horison suivant deux directions inégales, l'une qui tend à faire glisser le poid des Voussoirs, suivant une hélice qui est d'autant plus ou moins inclinée à l'horison, qu'elle aproche ou s'éloigne de l'axe vertical de la Vistotale, l'autre qui tend à la faire glisser de la circonsérence du cintre vertical du berceau tournant autour du noyau au centre de ce même cintre.

Ainsi la poussée de ces sortes de Voutes est composée de celle di berceau horisontal de même cintre, diametre & charge, & de celle d'un semblable berceau incliné à l'horison: or l'on sçait par les principes de la méchanique que la force d'un poid posé sur un plan incliné suposé posi, est à celle qu'il faut pour l'y soûtenir, comme la longueur du plan est à sa hauteur; mais comme les lits des pierres sont grenus & raboteux, il n'est nécessaire d'avoir égard à cetté inclinaison que lorsqu'elle est au dessus du quart de l'angle droit, parce qu'à l'inclinaison de 22 1, les lits ne glissent d'autant moins que les directions changeront continuellement autour de la Vis, & comme

DE LA POUSSEE DES VOUTES, CHAP. XII. 406

dans la pratique les hélices d'un escalier à Vis du côté concave de la Tour ne sont guére plus inclinez que suivant cet angle consideré dans les directions des tangentes des petites parties de l'hélice; il suit que dans la pratique il sussit d'y avoir un peu d'égard sans s'inquieter sur l'esset que l'inclinaison peut produire lorsque la base est bien apuyée; & pour sçavoir sur quoi on doit se regler, suposant qu'il n'y est pas de frottement, il n'y a qu'à se rapeller ce Théoreme de méchanique qui démontre, que si une puissance soutient un poid par le moyen d'une Vis, elle sera à ce poid comme la hauteur de la Vis est à l'hypotenuse du triangle de son dévelopement, c'est-à-dire que la pésanteur ou poussée de la Voute sur des impostes où elle pourroit glisser, exprimée par la surface de son prosil, sera à l'épaisseur ou surface du pied de la Vis, comme l'hypotenuse du triangle de dévelopement est à sa hauteur.

#### De la Pousée des Voutes Coniques.

On peut trouver quelque raport des Voutes Coniques aux Berceaux en suposant une Voute en Canoniere, dont le diametre du cintre de face seroit très petit en comparaison de la longueur de l'axe du cône; car si le concours des côtez du cône étoit infiniment loin de la face, la Voute ne seroit plus sensiblement différente d'un berceau.

Sans chercher des exemples de Voutes inusitées, on peut considerer la Voute de l'Escalier du Vatican, qui est peu resserée dans sa longueur comme un berceau ordinaire, & l'on auroit pû en chercher la poussée sur cette comparaison; le peu d'erreur qui en auroit résulté auroit été à l'avantage de la solidité des piédroits.

On pent encore trouver un raport des Voutes Coniques aux berceaux sous une autre consideration, en les comparant aux Arcs de ric. 254. Deut être considerée comme un composé de deux pans d'arc de cloitre ASN, BSN, dont le cintre de face est surmonté, non suivant un arc Elliptique, comme aux berceaux ordinaires, mais suivant un arc-Droit parabolique; l'angle rentrant de ces deux portions de berceaux qui seferoit au milieu, seroit en esset peu sensible vers la cles.

It y a cependant deux différences essentielles des Vontes coniques aux berceaux, l'une que les cintres paralleles entre eux & perpendiculaires à la naissance de l'imposte, sont des courbes semblables, mais d'inégale grandeur, qui vont toujours en diminuant depuis la face

#### STEREOTOMIE LIV. IV. PARTIE IL

jusqu'au fond de la trompe; au lieu qu'au berceau parabolique ce son des portions inégales d'une même courbe de cintre.

406

La seconde, que dans les Trompes les Joins de lits à la doële concourent tous au même point S du sommet, & que dans les portions d'arcs de cloitre, ils sont tous paralleles entre eux.

Ainsi les lits des Voussoirs des Voutes coniques ont une double inclination, l'une vers l'axe, comme les Voutes cylindriques, l'autre vers le sommet du cône, qui divise & diminuë un peu l'effort de la poussée, parce qu'elle diminuë la charge qui se jette en partie vers le sommet du cône plus ou moins, selon que les joins transversaux sou faits, ou dans les plans verticaux, ou par des surfaces coniques; alor il est évident que ces Voutes poussent moins que les pans des Voute en arc de cloitre.

Nous avons montré ci-devant que la poussée de ces pans n'étre que la moitié de celle d'un demi berceau complet, qui seroit élement la même imposte; par conséquent la poussée d'une demie Vous conique sur même imposte & de même cintre & épaisseur, poussen encore beaucoup moins qu'un pan d'arc de cloitre, qui convriroit k même espace.

Pour en venir à la pratique, nous chercherons premierement la Fig. 254 poussée d'une Trompe sur le coin (fig. 254) en considerant son cintre parabolique de face AFN, comme un cintre de berceau surhause, dont on trouvera l'épaisseur des piédroits par les Problemes précedent

PAR exemple, suivant la premiere hypothese d'un seul coin au sommet, on divisera l'arc A n au milieu en D, par où l'on menera une perpendiculaire à cet arc (par le Prob. XVI. du 2° Livre tome L pag. 194.) en cherchant le soyer f de la Parabole, comme à ceue proposition, ou bien au trait de la pag. 250. du tome 2°.

De ce point f par le point D, on tirera l'indéfinie f b, & par le même point D une perpendiculaire à l'axe AN de la parabole comme ki, puis on divisera l'angle i D b en deux également par une ligne IDG, qui coupera la verticale n N au point G, lequel tiendra lieu du point C des fig. 214 & 217. de la planche 109. pour trouver par son moyen la poussée horisontale, par exemple PA, qui détermine l'épaisseur du piédroit suivant la direction de la face de la Trompe.

AYANT trouvé le point P, on tirera au sommet S du cône la ligne PS, laquelle formera le triangle APS, qui est la surface de la base du DE LA POUSSE'E DES VOUTES CHAP XII. 407 piédroit indispensable, à laquelle cependant il faut ajoûter quelque peu d'épaisseur vers s, parce qu'on ne peut y faire dans la pratique un angle aigu qui ne pourroit subsister.

PRESENTEMENT, si au lieu d'une Trompe sur le coin, il s'agit d'une Trompe droite dont il faut trouver la surface des piédroits, on doit considerer que la poussée des Voutes, agissant toujours suivant des perpendiculaires aux lits & aux piédroits, & la face d'une Trompe droite étant oblique à ses piédroits, on ne peut opérer comme on vient de faire à la Trompe sur le coin, dont les faces leur étoient perpendiculaires; c'est pourquoi il saut faire la projection des joins de lit comme dans les Traits pour la coupe des Voussoirs, par exemple S p², S p³, S p⁴; puis du point C, on menera une perpendiculaire sur S p₄, qu'elle coupera en un point n₄, d'où l'on tirera une perpendiculaire sur S p³, qu'elle coupera en n³, &c.

Pour abreger & rendre l'opération plus simple, on peut du sommet S pour centre, & SC pour rayon, décrire un arc Ca, qui coupera le piédroit fA au point a, & sera la somme de toutes les petites perpendiculaires qu'on peut tirer à toutes les projections des joins de lit possibles.

On menera ensuite par les points a & C une ligne a q, qui coupera le côté oposé AB prolongé en q, qu'on divisera en deux également en m, par où on menera R u parallele à AB; la ligne a q sera le grand axe d'une Ellipse, dont la moyenne proportionnelle entre R m, & m u donnera l'autre demi axe, & la portion de cette Ellipse comprise entre l'imposte au point a, & la verticale élevée sur le milieu C sera le cintre dont il faut faire usage comme de celui d'un berceau, pour trouver l'épaisseur du piédroit a z, qui donnera le point z par un des Problemes précedens, duquel on tirera des lignes z S au sommet S, & z A à la face AB; le triangle A z S sera la surface de la base du piédroit que l'on cherche, à laquelle il saut ajoûter quelqu'épaisseur en S & en A, par la raison que nous avons donné cidessus en parlant du piédroit de la Trompe sur le coin.

#### REMARQUE.

Les bases des piédroits en triangle tombent plus souvent en pratique aux Trompes qu'aux autres Voutes, parce qu'elles servent souvent à occuper les espaces qui restent entre les figures curvilignes & rectilignes, ou entre des rectilignes de différentes directions, ce qui arrive quelquesois dans les dispositions des plans des Edisices.

STEREOTOMIE LIV. IV. PART IL.

408 d Apres avoir parlé des précautions nécellaires pour donner aux pie droies la force de résister à la poussée des Voutes, il ne nous reste plus pour achever cet ouvrage qu'à voir celles qui sont nécessaires pour que la charpente des cintres sur lesquels on les élève soit suffisante pour en soutenir la pésanteur pendant qu'on les construit jusqu'à ce que h thef y soit mise; pour les décharger de ce fardeau, test ce que nou allons examiner.

#### Second Apendice

#### De la force des ceintres de Charpente pour la conftruction des Voutes.

Nous devons à M. Couplet, de l'Academie des Sciences, la méthole de trouver la charge des Voutes sur leurs ceintres, & à M. Pitot celle de trouver la force de ces ceintres, suivant l'arrangement qu'on donne aux pieces de bois qui les composent. Je vais faire un Extrait de leur mémoires inserez dans ceux de l'Academie des années 1726. & 1729. que je vais réduire à trois Problemes.

#### PROBLEME L

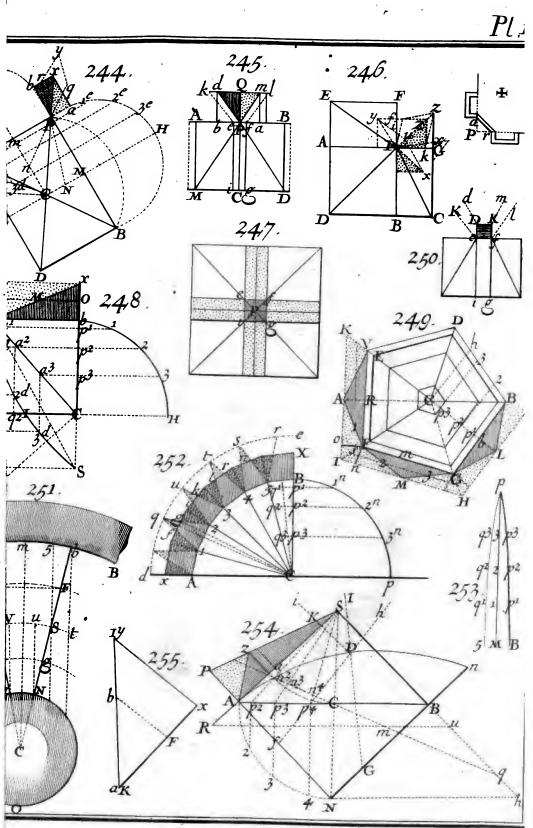
Tronver la péfanteur spécifique des matériaux des Voutes, sans être obligé du façonner quelque partie en cube.

Ayant pris au hazard un morceau de pierre ou de brique de figure quelconque de la même espece qu'on veut employer, on la pesen dans l'air, après quoi on la répelera dans l'eau en la plongeant dans un seau, & la tenant penduë à un des bras de la balance, on vera par le poid qu'on mettra dans l'autre bassin qui sera dehors combien elle pese moins dans l'eau que dans l'air, & l'on fera cette analogie.

Comme la différence des poids dans l'air & dans l'eau est à la pésanteur de la pierre; ainsi 72 liv. pésanteur d'un pied cube d'eau, est à la péfanteur d'un pied cube de pierre.

La Demonstration en est sensible.

La différence des poids, qui est la diminution de celui de la pierre pesée dans l'eau, est constamment égale au poid d'un même volume d'eau que celui de la pierre ; or il est évident que le poid d'un volume quelconque d'eau est au poid d'un même volume de pierre, comme la pésanteur d'un pied cube d'eau est à celle d'un pied cube de la même pierre; donc ces termes sont en proportion Géometrique.



The state of the s

**109** 

Pour rendre la chose plus sensible, on pout ajoûter ici un exemple; soit une pierre dont le pied cube pese 144 liv. ce qui est assez ordinaire, car la pierre legere de St. Leu pésant 115 liv. & celle de Liais 165, la pésanteur moyenne est 140. si l'on supose que le morçeau pris au hazard contient le volume d'un pied cube, il pésera en l'air 144 liv. & dans l'eau 72 liv. de moins, c'est-à-dire qu'il ne pésera que 72 liv. parce qu'il occupera un volume d'eau d'un pied cube qui pése 72 liv. Or il est évident que 72 liv. qui est la dissérence du poid de la pierre, est à 144 liv. pésanteur du volume du cube donné, comme 72 livres poid d'un pied cube d'eau, que la pierre occupe quand elle y est plongée, est à 144 liv. poid du cube de la pierre, ou si la pierre donnée n'est que d'un demi pied cube, elle ne pésera dans l'eau que 36 liv. or la diminution de 36 liv. est à la pésanteur de 72 liv. dans l'air, comme 72 liv. de poid du pied cube d'eau est à 144 liv, de poid du cube de la pierre, ce qu'on aperçoit clairement.

Cette maniere de chercher la pésanteur des materiaux est commode & très utile, car quoiqu'on ait des tables du poid de plusieurs sortes de matieres, on n'y en trouve pas de toutes especes; or l'on sçait que les pierres de presque toutes les carrierres sont inégalement pésantes, & qu'il y a une dissérence très considerable entre les plus legeres & les plus pésantes; car sans parler de la pierre ponce, qui n'est commune qu'en certains cantons d'Italie, où on l'employe à faire des Voutes, & d'un tuse extrémement poreux & leger, qu'on trouve dans les Alpes. & communément à Briançon; il y a 135 livres de différence par pied cube du marbre à la pierre de St. Leu, c'est-à-dire plus du double de la plus legere; de sorte qu'il saut augmenter aussi plus du double de la force des cintres destinez à former des Voutes des materiaux de cette espece.

CELA suposé, il sera facile de trouver quelle sera la pésanteur absolue d'une Voute qu'on se propose de faire, puisqu'il n'y a qu'à la toiser & la cuber suivant les regles de la Géometrie; mais parce que les cintres ne sont pas chargez de toute sa pésanteur, il saut chercher la diminution du poid qui est soûtenu par les piédroits.

#### PROBLEME. II.

La pésanteur absoluë d'une Voute en berceau en plein cintre & d'égal épaisseur étant donnée, trouver celle dont les cintres de charpente sont chargez av.mt que la clef y soit mise.

Soit (fig. 256.) le quart de cercle AGB la moitié de la Voute, Fig. 256. dont BD est l'épaisseur ; soit AC le rayon vertical passant par le milieu Tom. III.

de la clef, divisé en deux également en Figuen menera par ce point l'horisontale, FG kugui sompéra l'arcadit ampointage, par où & park centra Googleisess d'inclinée obtains le aton de con-

Je dis, 1. que la seule partie ACHE chargera les cintres, & que la partie BCDH ne les charge aucunement dans la suposition que le Voussoirs soient infiniment polis & sans liaison.

2°. Our cette partie ACHE no cliargera les chitres que d'envira les deux tiers de la pélanteur abboliment, ante the elle concerne.

La Démonfration de cette proposition dont la foidion est due à M. Couplet, consiste dans un calcul Algebrique trop long pour être se peté dans un petit ouvrage de pratique; les curieux pourront la voir dans les mémoires de l'Academie des Sciences de l'année 1729. mus nous contenterons d'en indiquer le fondement.

Suposant l'arc AGB divisé en Voussoirs B 1, 1'2, 2 G &c. on per imaginer qu'ils sont effort sur les cintres, ou comme des corps libre qui ne tendent en bas que par leur seule pésanteur, ou comme de corps chargez par le poid des Voussoirs supérieurs, qui ajoutent un nouvelle détermination à la pésanteur des Voussoirs inférieurs pour les saise remontes.

M. Couplet montre que la premiere hypotele est impossible, pare que les Voussoirs supérieurs AGHE sont effort pour faire remonterles inférieurs BDHG sur leurs joins, par la proprieté des efforts des pois tombans sur un plan incliné; sur ce principe il trouve que le tiers de la Voute au dessis des impostes BD ne charge en aucune façon les citres, parce que les deux tiers au dessis jusqu'à la cles sont effort pour écarter du cintre les premieres retombées.

SECONDEMENT il démontre que le restant du quart de cercle au dessus AGHE ne pese sur les cintres que suivant un raport qu'il détermine par cette analogie.

La pésanteur de tous les Voussoirs AGHE est à la somme des efforts qu'ils sont sur le cintre, comme l'arc AG est à deux sois son sinus FG moins l'arc AG (:: AG. 2 FG — AG).

D'ou l'on tire pour la pratique que les cintres ne sont chargez qu'environ des deux tiers du poid de la Voute au dessus des retombées du premier tiers qui ne les charge pas, c'est-à-dire qu'ils n'en soutennent que les quatre neuvièmes.

DE LIA POS SCEED DESIVOUTERS CHAP. XII.

'W

£.3

:[

1

-

T.

Ì

Ē

ŕ

Suposaur inparmenemple intermyon CA de 1600 parties i Parc AG fera d'environci par de la companion de la compa

Ainsi pour abreger dans la pratique, on cubera les deux tiers de la demie Voure pour en trouver la pelanteur luivant la qualité des materiaux dont elle est faite, en multipliant les pieds cubes par le poid donné par quelques tables, ou trouvé par le Probleme de ci-devant; on multipliera le produit par le double du finus de 60 dégrez, & de ce nouveau produit, on ôtera le premier de la pélanteur de l'arc AG, le reste sera la charge que les cintres doivent porter, & que l'on cherche.

IL reste à present à sçavoir faire usage de la connoissance de cette charge pour lui proportionner la grosseur & Parrangement des pieces de bois qui composent les cintres, afin qu'ils n'en soient pas écrasez avant que la clef de la Voute soit posée.

# Observations sur l'arrangement es la composition des cintres de Champante.

On trouve dans les Livres de Charpente & d'Architecture différens arrangemens des pieces de bois, qui composent les sermes des cintres suivant les différentes grandeurs de leurs parties; on en vost pour presque toutes les grandeurs de Voutes dans le Traité des Ponts & Chaussées de M. Gautier, où l'un peut puiser des idées des arrangemens des pieces qui les composent.

Nous ne nous proposons, ici que squelques observations générales pour le choix.

La premiere, c'est qu'il sant que leur sorce vienne de l'arrangement des pieces, & non pas de leur assemblage à tenons & mortoisses, par des liens & des croix de St. André &c. je veux dire que sans leurs secours, mais seulement par quelques legeres entailles d'embrevement pour apuys, & quelques moisses qui assemblent les pieces essentielles sans les affoiblir par des grandes entailles, une serme de cintre soit capable de subsister sous les sais dont elle doit être chargée entre les deux sermes collaterales.

Fffii

La seconde, que l'intervale de ces fermes floit en proportionné à la pésanteur de la Voute, suivant laquelle elles peuvent être espacés depuis trois jusqu'à six ou sept pieds de milieur elles sitté en l'intervale reglé que l'on doit calculer la sorce des cintres.

La troisième, que l'arrangement des pacces de bois tes composes les cintres aussi bien que leur groffeut, peut être différent suivant les largeurs & les épaisseurs des Voutes, loisque le d'aditiere de la Voute n'est que de deux ou trois toises, on peut se contenter de deux attalletiers, & de quelques potelets pour soûtenir les courbes posez perpendiculairement aux deux pieces droites; si le d'amétré de la Voute est plus grand jusqu'à 6 ou 7 toises, on peut y ajoutet un arbaleur au dessous de chaque côté, & assembler les quatre dans un poinçon.

Mais si la Voute est plus large que de 6 à 7 toises; il convient de diviser chaque serme de cintre en deux parties par un entrait placé à la hauteur de 45 dégrez comme en GI; premierement pour le soufier en cet endroit où l'effort de la charge agit le plus entre la dé & l'imposte; secondement pour n'être pas obligé d'employer des pieces de bois trop longues. & leur trouver des points d'apuis en quelques saçons communs à différentes directions, & ensin pour pouvoir lier la partie supérieure à l'insérieure par des moises qui embrassent soitement l'une & l'autre.

Nous choisissons ici un exemple de cintres moyens entre les plus grands & les plus petits, tel que le dome M. Pitot, parce que l'arrangement des pieces en est simple & excellent, ce qu'on peut voir à la sig. 258, pour le plein cintre, & 259, pour le surbaissé ; dans ce dernier on y voit les mêmes pieces qu'au premier, avec cette dissérence que les seconds arbaletiers KT & V ne pouvant se contrebuter au poincon, s'arcboutent mutuellement aux bouts d'une piece horisontale TV; alors ces arbaletiers perdent leur nom, ils s'apellent Décharges.

La partie supérieure d'une serme de cintre plein est donc composée de deux arbaletiers KS, EQ de chaque côté du poinçon auquel ils s'assemblent, & où ils sont contrebutez par les deux autres du côté oposé, & de deux courbes GH, HI, qui s'apuyent par le moyen des potelets posez quarrément sur les seconds arbaletiers.

CETTE partie supérieure du cintre doit porter celle de la Voute qui charge le plus, laquelle est celle que nous avons consideré dans la premiere hypotese comme un seul coin tronqué, qui s'étend en un quart de cercle depuis 45 dégrez de hauteur d'un côté jusqu'à l'autre,

DE LA POUSSELE DES VOUTES GHAP XII.

& comme le coin tend à écarter les parties inférieures, il décharge celles du cintre de charpente i spir doivent le ruir à les former jusqu'à la hanteur de langle de ma degrez, comme nous l'avons dit ci-devant

Transport of the control of the cont

It gonvient donc qu'elle soit composée d'autant de pieces de bois que la supérieure, lesquelles seur servent d'april & de base, & qui, par une position moins inclinée à l'horison, auront beaucoup plus de force que les supérieures correspondantes, quand même elles ne seient que de même grosseur. Cette différence d'inclination & seur position les sait apeller, comme dans la charpente des combles, des soit de force; ainsi à chaque arbaletier il saut une jambe de force pour de soûtenir; celle qui est la plus près de la circonsérence sert à soûtenir les courbes du cintre par le moyen des potelets posez quarrément, & allemblez à tenons & mortoiles, comme dans la partie supérieure au dessus de l'entrait, ce que la fig. 278, exprime sensiblements.

Les autres pieces qui embrassent les courbes, ille seconduc de premier entrait marquées me a se sont des moises qui sont composées de deux pieces, une devant, l'autre dérrière, échancrées pour serrer les jambes de sonces et les courbes, et joindre, par le moyen des boutons et des clavettes de ser- en 2 de mais mais que de moyen des bou-

De la force des pieces de boisquisée de la roune de la roune de De la force des pieces de boisquisée de la colonne de la roune de la roune

Une piece de bois mise de bont porte autant de poid qu'll en sant droit pour la rompre si elle étoit tirée suivant sa longueur, & Roma trouvé par des expériences qu'un brin de chêne d'une ligne en quarré peut soutenir so liv. avant que de se rompre, d'où il suit qu'il peut en porter autant étant posé de bout. Je ne trouve pas qu'on ait sait des expériences sur une certaine longueur, mais au contraire qu'on n'y a point d'égard dans le calcul; il me semble cependant qu'une piece de bois bien à plomb & bien longue ne doit pas soutenir le même poid qu'une autre de même grosseur. & en même position qui seroit très courte; ma raison est sondée sur la consiguration des sibres du bois, qui ne sont pas dirigez en lignes droites depuis le pied jusqu'au sommet, cependant comme l'on n'y a pas trouvé de dissérence

pour la force : & que par de mispes desenniles our peut contenir les pieces de bais dans lieux fintations neuticale ou inclinés p je dispole arec ceux qui out filia des deshacches pur la fiores de la litte des deshacches pur la fiores de la limitation par phaliteurs expériences : qui ou peut raprois aucun degard la lilla dangueum des pieces, mais soulement à deux grolleur plud en quour paoi si la faiffirat. Es meluer leur bas ; de pla la létimine en dignes quantées ou ...

Suivant cette hypptest, ayant mesuré la surface de la lactage de chaque piece de bois en lignes quarrées, on la problème per 50 liv. L'on aura la force absolué de chaque piece de bois suposée en similation verticale; mais passes qu'illes sont prosque sientes inclinées, on en cherchera la force rélativo pab ce principe de méchanique, par leque on réunit l'effort de deux puissances, qui tirent ou poussent suver différentes directions, en une seule qui est exprimée par la diagonse du parallelograme, sonné par les côtez qui expriment ces puissance de lours paralleles, se qui est cannu de démontré dans tous les traits de méchanique.

Fig. 257. Suposant, par exemple, deux arbaletiers AS, BS (fig. 257.) comme deux puissances qui poussent chacune en S avec des forces exprimées par les lignes DS, & S pour soûtenir le poid P; si l'on tire par les points D & d des paralleles aux directions de ces puissances, qui se couperont en Y, la diagonale SY sera l'expression de l'effort de ces deux puissances réunies au point S, pour soûtenir le poid P.

Cela suposé, il ne sera pas difficile de faire usage de ce principe pour trouver la sorce des cintres des figures 258. E 259. en formant une échelle, comme par exemple e c s divisée en un certain nombre de parties égales, qui exprimeront des quantitez de livres pésant, en quintaux ou miliers, suivant l'éxigence de l'opération d'une grande ou d'une moyenne pésanteur de Voute.

Soir (fig. 258.) la partie supérieure GHI du cintre dont il suit Fig. 258. chercher la sorce, on prolongera les directions des arbaletiers FQ, kq, qui sont inclinez entre eux jusqu'à ce qu'ils concourent en R, d'où l'on portera sur chacune de ces lignes le nombre des parties de l'échelle, qui expriment leurs forces trouvées, comme nous venous de le dire ci-dessus, par exemple la force de kq en Rt; & parce que les pieces de la courbe HI lui sont à peu près paralleles, on peut en ajoûter la force sur la même direction comme de z en T. On prendra de même celle de FQ en Rf; par les points T & f, on menera les lignes TV f V paralleles aux lignes R f & RT, lesquelles se rencontreront en V, & l'on tirera de R en V la diagonale RV.

On portera ensuite cetter diagonale de point, voù elle coupe la ligne du milieu CHI em nor disclamémendiagonale prolongée d'un coté, & sur son régaleo d'un de l'autrieu paris our acheverale parallelagrame en menant ny parallele sur Mouse Moysparallele à cup, la diagonale ry exprimera la soncenqui résultendello diendés atrois qui est parallele parallele à cup des des des trois autres des l'autres catés l'GH, l'é a EO procest, a dire des deux arbaletiers qui sont l'un sur l'autre de chaque côté, & de la courbe du chitte dui des poster les alles du plancher sur lequel on pose les Vousoirs.

Par la même munitere con trouveral la force qui resulte des quatre jambes de sorte de la partie inférieure au dessoume elles doivent l'être, on en prolongera la direction jusqu'à leur point de poncours en e, puis on portera la force de n F en e P, mesure prise sur l'échelle, & celle de o K en e p suivant la longueur trouvée pour en exprimer la sorce sur la même échelle, & parce que la jante BI ou courbe du cintre lui est à peu près parallele, on ajoûtera sa sorce en p m sur la même direction; ensuite par les points trouvez P & m, on menera PL parallele à m e, & m L parallele à P e pour avoir le parallelograme L m'e P, dont la diagonale L e exprimera la force réunie de ces trois pieces de bois.

Presentement pour avoir celle qui résulte des trois autres du côté oposé AG, OK, NE, on portera la diagonale Le en Sx sur la même direction prolongée, à commencer au point S où elle coupe la ligne verticale du milieu SC; puis faisant SX égale à Sx & également inclinée, on achevera le parallelograme SXYx, dont la diagonale SY exprimera la force qui résulte des six pieces de bois de la partie inférieure du cintre; sçavoir des quatre jambes de forces, & des deux jantes du cintre.

Presentement si l'on ajonte la diagonale de la partie supérieure au dessus de l'entrait avec celle de l'inférieure, on aura la sorce de toutes les pieces du cintre, qui servent à soûtenir la Voute, car on ne compte point les moises & les potelets, parce que ceux qui soûtiennent les parties des courbes s'apuyent sur les pieces droites au dessous, & que les moises ne servent qu'à entretenir l'assemblage des pieces principales sur lesquelles se repose toute la charge des Voussoirs avant que la cles y soit mise, où il saut observer que la partie insérieure outre la charge de ces Voussoirs, doit encore soûtenir celle de la charpente de la partie supérieure; à moins que par la commodité du lieu on ne puisse la rensorcer par des étançons qui portent sur le sol, comme l'on fait

- quelquefois par des pilots plantez dans la riviere lorsqu'il s'agit d'un pont.
- Fig. 259. Lorsque le cintre est surbaissé comme à la fig. 259. on operera précisement de la même maniere pour la partie inférieure, qui est au dessous de l'entrait, comme la figure le fait voir.

IL faudroit aussi opérer de même pour la supérieure, si les arbaletiers étoient inclinez entre eux; mais comme on ne peut les faire tous buter contre le poinçon, on fait buter les deux pieces supérieures, qu'on apelle décharges, contre les bouts d'une piece horisontale RV; de sorte que par cette disposition les principales pieces deviennent presque toutes trois paralleles; ainsi prenant le concours au point S, on posera de suite sur la direction Sf les trois mesures des forces de ces pieces, sçavoir celle de Sf en  $S_I$ , celle de VK en  $I^2$ , & celle de la courbe hi en 2x; puis tirant par x l'horisontale x X, qui coupera Sy en Z, on fera SX égale à Sx, & l'on achevera le paralle lograme SXyx, dont la diagonale Sy exprime la force absoluē que l'on cherche pour la partie supérieure de ce cintre.

L'Inferieure au dessous de l'entrait est la même qu'au plein cintre.

#### PROBLEME IIL

La pésanteur absoluë d'une Voute étant donnée, trouver la grosseur de chaque pieces de bois qui composent un ceintre suivant un arrangement donné.

Cette proposition est une inverse de la précedente; on prolongera les directions des pieces, qui concourent pour en former des paralle-logrames avec des valeurs de forces arbitraires, avec lesquelles on operera comme si elles n'étoient pas suposées, ensuite on sera cette analogie: comme la valeur rélative d'une diagonale est à la valeur de celle qu'on a donné à une des pieces, ainsi la pésanteur donnée que le cintre doit porter sera à la force que cette même piece de bois doit avoir, laquelle étant divisée par 50 liv, donnera le nombre des lignes quarrées que la base de la piece doit avoir,

La raison en est sensible en ce que la diagonale étant donnée, la valeur de chaque côté l'est aussi, & les figures de suposition & de réalité étant semblables, leurs côtez & leurs diagonales sont proportionnels.

IL est visible que les opérations de ces deux derniers Problemes, qui roulent sur des triangles où il y a des côtez & des angles connus, peuvent

DE LA POUSSEE DES VOUTES CHAP, XII. 417
Euvent être faites avec plus de précision par la trigonometrie; mais
Dimme il convient d'augmenter toujours quelque chose aux forces des
intres par précaution contre les défauts qui le houveilt dans les bois,
suffit de connoître à peu près le médessaire pour y éjouter ce que
i prudence exige pour plus de sûrette, particulité entent lorsqu'il y a
lu risque de la vie des Ouvriers, & de la perte des materiaux, comne dans les Ponts où il y a encore un augre inconvenient à crainire, qui est celui de combler ou embarrasser le courant de l'eau.

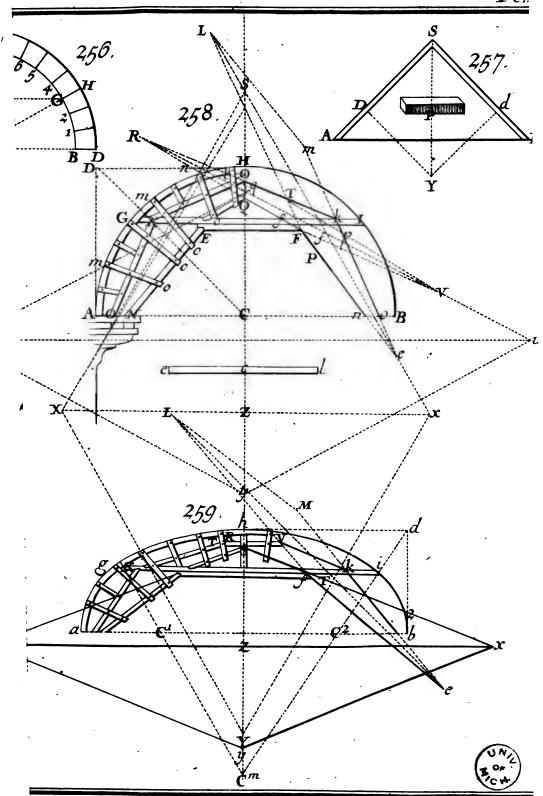
Lorsou'on a posé la cles d'une Voute, il est certain que les cintres lont déchargez virtuellement de seur sardéau, mais ils ne le sont pas encore actuellement, & même il n'est pas sur lorsque la Voute est d'un grand diametre, qu'est subsiste en la décintrant, si on n'a grand soin d'abaisser les cintres par tout également, parce que si l'afaissement se fait plûtôt d'un côté que de l'autre, la Courbe du contour de la doële se change; alors la direction des sits qui lui étoient perpendiculaires ne le sont plus; d'où il résulte qu'ils s'ouvrent en quelques endroits & se resserrent en d'autres, ce qui rompt l'équisibre, par un mouvement qui fait souvent ésondrer la Voute, comme on l'a vû arriver dans de grands ouvrages.

IL est donc de l'industrie de l'Architecte de faire en sorte, par le moyen des coins, des Vis, ou d'autres machines, d'abaisser peu à peu les Fermes des cintres & à différentes réprises, pour donner le tems à la maçonnerie de s'afaisser également jusqu'à ce qu'elle se détache entierement des Dosses, en sorte qu'on puisse les tirer sans démonter les Fermes, parce que si l'on s'apercevoit qu'elle continuât de s'afaisser en quelques endroits, & qu'elle menaçât ruine, on auroit encore les moyens de la démolir pour y aporter remede sans perte de materiaux; c'est le dernier Trait de prudence d'un bon Architecte, & le dernier Conseil de cet Ouvrage, qui a eu pour objet la régularité & la solidité des Voutes, afin qu'elles plaisent par la beauté de leur construction, & qu'elles durent long tems par le seul artifice de la coupe & de l'arrangement de leurs parties, sans le secours du mortier & du ciment.

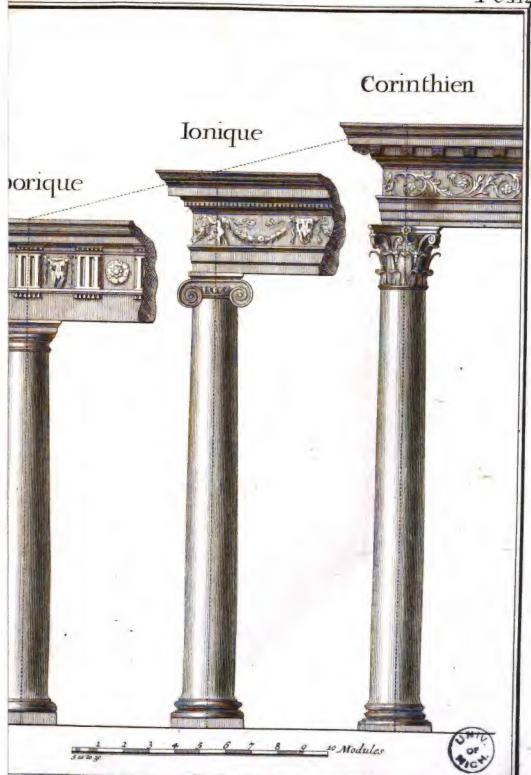
F 1 N.

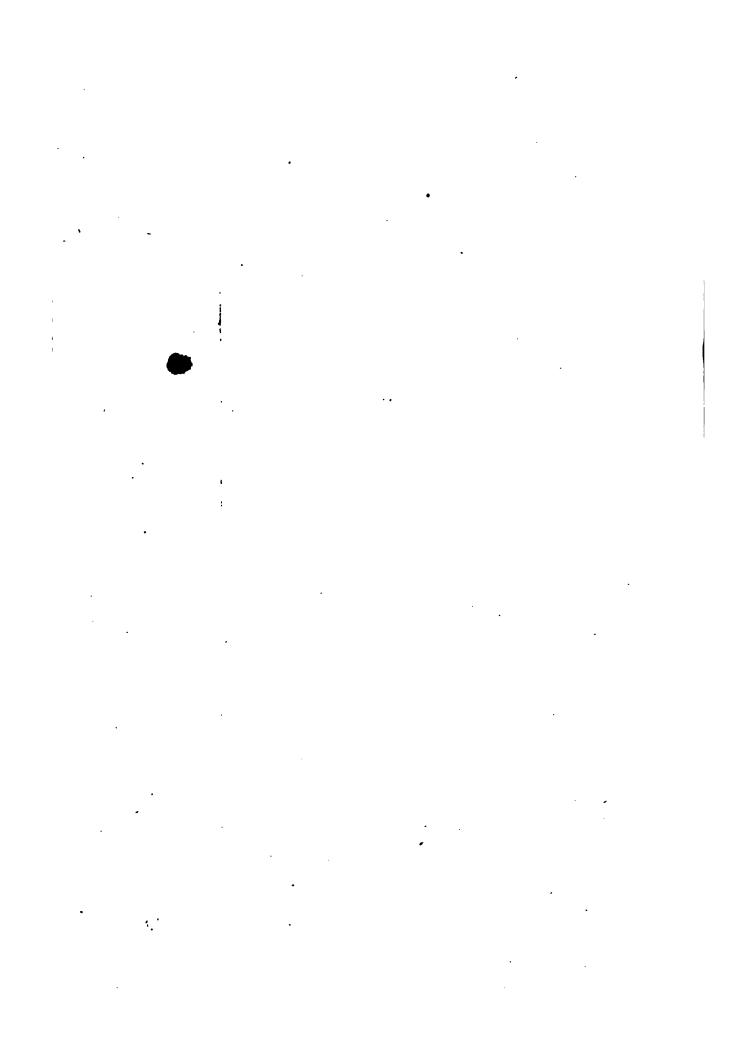
A STRASBOURG,
De l'Imprimerie de JEAN - FRANÇOIS LEROUX.

• . •



• . 



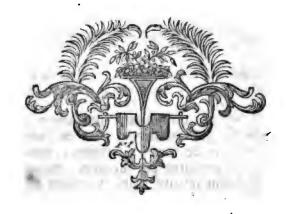


### DISSERTATION

SUR

# LES ORDRES D'ARCHITECTURE

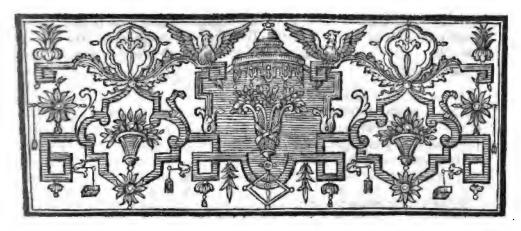
Par M. FREZIER, Chevalier de l'Ordre Militaire de Saint Louis, Ingenieur ordinaire du Roi en Chef à Landau.



#### A STRASBOURG,

Chez JEAN-DANIEL DOULSSEKER le Fils, Marchand Libraire à l'entrée de la Ruë dite Flader-Gass.

M. DCC. XXXVIII



## DISSERTATION SURCEGENRE DE DECORATIONS

QUON APELLE

#### LES ORDRES D'ARCHITECTURE

A connexité qui se trouve entre l'Art de la Coupe des pierres & celui de la Décoration de l'Architecture, pent donner place ici à quelques réflexions propres à établir des principes de discernement entre le bon & le mauvais usage que l'on fait dans les Bâtimens, de ce qu'on apelle les Ordres d'Architectures.

Vitreuve \* se plaignoit de son tems que la mode avoit tellement prévalu sur la raison à l'apui de l'ignorance & d'une lâche adulation, qu'on sermoit les yeux sur les extravagances qu'on introduisoit dans les Arts, & même que bien loin d'y trouver à redire, on les voyoit avec plaisir, tant on étoit peu éclairé & hors d'état de connoître en quoi consiste la vraye beauté des décorations. Notre siecle ne ressemble pas mal en cela au siecle dans lequel vivoit ce sameux Architecte; on peut bien, sans être trop rigide, en dire autant que lui, & avec plus de raison, puisque nos meilleurs Connoisseurs prennent le siecle d'Auguste, qu'il critiquoit, pour le modele de la persection de l'Ar-

Vitt, liv. 7. ch. 5. Ita novi mores coegerum ut inertia mali judices conniveant ad arthum virtuses.... hac falfa videntes homines non reprehendunt sed delectantur.... judiciis amemo insirmis obsentata mentes non valent probare quod potest esse autoritate & ratione descris.

[4] chitecture, sans examen raisonné, & de plus ils adoptent le gout me ticulier de quelques-uns de ces Architectes modernes, qui le sont les fcrupuleusement attaché à la bagatelle, qu'à remonter aux viai pa cipes de leur Art.

Nous croyons donc, suivant l'esprit de Vitruve, que l'on don ale. vir les ordres d'Architecture aux loix de la raison, & que su am cipe, on peut condamner tout ce qui n'y est pas consome, men l'antique, & parce que nous avons les préjugez qui sont en à firez. & la pluralité des voix à combatre, nous devons établir ces loix à montrer sur quoi \* sont fondées les raisons de la vraie beauté.

esse cum antoricase & Tasione deceris. Vitr.

L'IDE'E que nous avons de la beauté ou de la difformité est k pla souvent un effet de l'habitude que nous avons de voir certains du ses, ou de les entendre louer & aprouver de ce qu'elles sont les d'une façon plûtôt que d'une autre; mais la mode n'est pas touje une regle sûre pour juger du beau & du difforme, puisqu'elle a de vicissitudes qui changent souvent l'un pour l'autre. Cette regle me trouve que chez les esprits libres de préjugez, qui après avoir wis combiné plusieurs ouvrages de différents tems & chez différents a tions, font en état de discerper les beautez purement naturelles, qu se font sentir au travers des usages établis par la mode, à œux qui lui préferent la raison.

\* Namque . Il faudroit donc, pour venir à un examen des Ordres d'Archie. omnes homi-ture, trouver de ces sortes d'esprits, mais ils sont rares, même par mernon seinem les gens de la profession qui en paroissent les juges naturels, & la qued of bo peut avancer sans extravagance, qu'on ne doit pas toujours s'en un possibilità leurs décisions. \* Je puis apuyer cette opinion du jugement de l' probare Vitt. truve liv. 6. chap. II. mais en voici la preuve. liv. 6. c. 11.

Judiciis aure quod pouff soient.

La plûpart des Architectes ont sucé dès leur enfance, les princsem infirmis pes des Maîtres qu'on leur a donné, ou qu'ils ont adopté su la sossimilations de la leir autorité. mentes non réputation; ils regardent leurs preceptes comme des loix ausquells ralens proba- ils n'est pas permis de contrevenir, toutes vaines & pueriles qu'elles

sitate & resione deloris. Vitr. ibid.

Ils sont ensuite conduits dans leurs études par des vues d'intérêt; il s'agit pour leur fortune d'étudier le goût du siècle, de la maton dans laquelle ils vivent, & particulierement de ceux qui font la de penle des bâtimens, dont ils ambitionnent la conduite ou l'entre prise pour meriter la préserence sur les concurrens qui se présentent & comme les gens riches à qui ils ont à faire ne sont pas toujours les plus éclairez, on ne leur propose de projets que sur des models [5]

à la mode, dont ils ne connoissent ni le bon ni le mauvais, ou s'iss veulent de la nouveauté, on s'efforce d'en produire à quelque prix que ce soit : de-là viennent ces bizarres varietez pui s'érigent peu à peu en modes, & qu'on apelle dans le monde le bon ou le mauvais gour, selon qu'il aproche ou s'éloigne le plus de la nouveauté.

IL est aisé de prouver que la plûpart de ces prétenduës décorations n'ont point de beauté réelle, puisque nos modes ne sont ni constantes ni universelles; les Orientaux, les Occidentaux, les habitans du Septentrion & ceux du Midy ont leurs usages en fait de bâtimens, & des décorations à leur gré : sommes-nous les seuls peuples qui ayons en partage le meilleur goût & le bon fens? les gens qui n'ont pas voyagé sont quelquesois assez peu éclairez pour donner dans cette folle présomption ; mais pour les désabuser, il n'y a qu'à leur faire connoître que nous empruntons tous les jours des inventions des étrangers. Nous devons les plus beaux modeles d'Architecture, premierement aux Grecs, & ensuite aux Romains, qui les ont imité: si nous entrons dans le détail, nous trouverons que nous tenons des Italiens nos Salons, les couronnemens de balustrades en terrasses, qui sont d'un bel effet, & nos entre-soles; des Espagnols & des Portugais, nos fenêtres abaissées au dessous de l'apui, & nos balcons même jusqu'à leurs ferrures, & que nous copions dans nos décorations d'ornemens le goût Arabesque & le Chinois, au lieu du Romain que nous abandonnons.

Peut-on dire que les unes ou les autres de ces nations ayent toujours eu des regles constantes de beauté dans les décorations de leur Architecture, non certainement, puisqu'elles ont varié chez eux dans un assez petit intervale de tems.

Quelle différence des édifices des anciens Grecs & Egyptiens à ceux des Mahometans qui leur ont succedé dans le même pays? quelle différence de ceux des Maures à ceux des Espagnols nez comme eux en Espagne? ensin quelle différence des bâtimens Gothiques dont la France & les Pays-bas sont pleins, à ceux des François de nos jours? nos Ancêtres avoient-ils raison? l'avous-nous? c'est une question qu'il n'est pas plus facile de décider que celle qu'on pourroit agiter sur la différente façon de nos habits; on convient de la necessité de se couvrir, & de se mettre à l'abri des injures de l'air, mais non pas de la grace de l'ajustement; elle dépend tellement de l'habitude qu'on a de voir les objets sigurez d'une certaine saçon, que ce qui n'est pas conforme à la mode est insuportable & ridicule: or les loix de la mode ne sont pas bornées à la façon de nos habits, elles s'étendent sur tout, & les bâtimens n'y sont pas les moins assujettis. Sans

[6]

remonter bien avant dans les fiécles passez, examinons ceux que non tenons de nos Peres; de leur tems on affectoit de mettre les entrées au milieu des maisons, aujourd'hui on ne s'assujetit pas même d'y laisser un vuide, on n'a point de honte d'y placer un trumeau, comme on voit dans quelques - uns des plus modernes & des plus grands M. Blon-Hôtels de Paris.

del habile Architecte,

On faisoit de grandes cheminées & de petites portes, \*\*present on dont je fais fait de très grandes portes & de petites cheminées; on prenoit des cas, défaprouve cete jours d'en haut & d'une mediocre grandeur, aujourd'hui tout est ou-licence co- vert jusqu'à nos pieds; on affectoit de la simetrie dans les senétres, memoidans aujourd'hui sur une même face on seroit bien saché de les faire unifon Archite-formes, c'est une beauté d'en varier les sermetures; on faisoit les comderne 1011, 1 bles extrémement rapides d'une pente suivie, aujourd'hui extrémepre 37 cb 32 ment couchez, & de deux pentes différentes, l'une trop rapide, l'autre trop couchée,

> Tous ces changemens, dira-t'on, sont autorisez par la commodité; cette raison n'est pas incontestable. Quand les portes d'entrée étoient au milieu des maisons, on n'étoit pas obligé d'aller chercher un guide pour y entrer ; l'étranger se transportoit avec moins de circuit où il avoit à faire, & se plaçoit en un lieu d'où il apercevoit une agréable simetrie. Scamozzi disoit que la porte d'une maison étoit comme la bouche d'un animal, que la nature a mis au milieu de la face pour distribuer également la nourriture à droite & à gauche; il seroit sort étonné s'il voyoit aujourd'hui en France des visages qui n'ont point de bouche en face, mais par le côté; une pareille disposition n'est suportable que dans un bâtiment simple, où il est avantageux de ne pas en diviser les apartemens, ou dans celui d'un petit particulier qui manque de place; mais dans les grands Hôtels doubles, ces raisons ne subsistent plus ; l'entrée par le milieu ne cause aucune interruption dans ceux de Matignon & de Noirmoutier, qui sont du dessein de M. de Courtonne, Professeur de l'Academie d'Architecture, ni dans plusieurs autres édifices modernes à Paris.

> JE demande aussi si c'est une commodité d'introduire l'air froid dans une chambre par une ouverture de porte, qui seroit suffisante pout une entrée de grange, plûtôt que de la proportionner à notre taille & à nos besoins; d'ouvrir tellement les fenêtres qu'une chambre soit susceptible du chaud & du froid de chaque saison, & saire venir de nos pieds une lumiere qui ébloüit & fatigue la vûe plûtôt que de la recevoir moins rafante au plancher; car la nature a couvert nos yeux de paupieres de haut en bas, & non pas de bas en haut ; d'établir des logemens dans les toits, qui ne sont faits que pour couvrir nos

[7]

chambres; & détourner la pluye de sur nos têtes, & de les brises & percer de lucarnes & de pentes inégales, ou de les faire d'une pente unisorme & continuë, comme il convient à l'écoulement des caux, puisque toutes ces brisures & noues ouvrent une infinité de goutieres, lorsqu'on n'a pas soin d'y remedier par la dépense des tables de plomb ou d'autres métaux. Ce genre de bâtimens qui a tant fait d'honneur à François Mansart \* en France, n'a pas été adopté chez \* Ce n'est les nations qui ont le plus abondé en grands Architectes, comme en pas le der-Italie; d'où je conclus qu'il n'a rien de si excellent que quelques écri- nier qui s'a vains modernes ont voulu nous le persuader.

pelloit Jule:

Puisque la mode regne dans les parties essentielles des édifices, il n'est pas étonnant qu'elle change dans l'ordre de leurs décorations; sans parler des ornemens de sculpture, où l'on a passé de l'extrémité d'un relief trop massif à une confusion de legers contours Arabesques, & d'imaginations Chinoises de Dragons, d'aîles de chauves-souris, & d'autres pareilles grotesques; on a aussi passé pour la construction des bâtimens voutez de la legereté Gothique de peu de dépense, à une confommation superflue de materiaux, comme on voit dans les Eglises modernes; cependant depuis environ deux ceus ans qu'on a repris le goût de l'Architecture antique, en abandonnant totalement le Gothique, combien d'Architectes n'ont pas écrit pour tacher de fixer les ordres antiques à certaines mesures, chacun selon son goût qu'il a cru le meilleur; mais rien-ne prouve mieux la futilité des regles qu'ils ont voulu nous prescrire que leur discordance entre eux, & les solles varietez qu'ils ont répandu dans l'Architecture; on entasse sans nécessité plusieurs ordres les uns sur les autres, on en voit d'inégales hauteurs mêlez sur la même base, on tord les colonnes en hélices, on les interrompt par des bandes, on imagine des chapiteaux bizarres, on plie les parties des ordres qui sont infléxibles de leur nature, comme les architraves & les corniches, on confond celles qui doivent être distinctes, comme aux corniches architravées, on les coupe par des ouvertures on des ressauts, par des changemens d'inclinaisons, des enroulemens & des cartouches bizarres; en un mot la mode regne sur les ordres d'Architecture, & si l'on n'en a pas changé totalement l'ordonnance, on l'a tellement défigurée dans toute l'Europe qu'on peut dire que ce n'est plus qu'un canevas sur lequel les Architectes & les Dessinateurs particulierement des rétables de nos Eglises, brodent à leur fantaisse; on doit seulement en excepter un petit nombre des modernes de notre France, qui en ont usé plus sagement, en se conformant au goût de la celebre Academie d'Architecture de Paris.

Au milieu de cette varieté de goûts & d'opinions, ne sera-t'il pas

[8]

permis d'établir quelques principes, dont les hommes raisonnables puis sent convenir, & n'y auroit-il pas une Architecture naturelle indépendante du caprice des Dessinateurs? je vais exposer ce que j'en pense.

IL n'est personne qui n'ait remarqué que l'imitation d'une chose naturelle nous cause du plaisir, ce n'est que par l'imitation que la Peinture, la Sculpture, la Musique, & la Comedie nous plaisent & nous réjouissent, & lorsqu'elle est parsaite, l'objet copié d'après une belle nature nous cause plus de plaisir que l'original; la vûe d'un beau tableau ou d'une belle figure de marbre nous touche souvent plus que celle de l'homme auquel elle ressemble: or l'Architecture, comme \*liv. 1 c. 1. l'a fort bien dit Vitruve \*, n'est pas moins un art d'imitation que ceux que je viens de nommer; Maximé etiam in Architectura bac due insum quod significat & quod significatur.

S'IL est donc quelque regle universelle pour les ordres, elle ne peut être sondée que sur l'imitation de l'Architecture naturelle; c'est à la verité ramener ce grand Art dont on fait tant de bruit dans le monde, & auquel on prodigue souvent le nom de Science aux choses les plus simples; mais c'est le rapeller à son origine, témoin Vitruve, & après lui Palladio, Scamozzi & tous les plus sameux Architectes.

On pourra demander quelle est cette Architecture naturelle? saut-il remonter à la construction des maisons qu'ont bâti les premiers hommes? il n'en existe plus de monument, pas même dans les histoires; cependant on peut la croire telle que Vitruve l'expose dans son second Livre, où il remonte à un tel point de simplicité, qu'il pense-qu'ils firent des toits horisontaux avant que la pluye leur eût apris qu'il falloit leur donner de la pente, mais voici les raisons qui doivent établir son opinion.

L'Industrie naturelle aux hommes que je pourrois apeller l'instinc de se garantir des injures de l'air, puisqu'elle est commune à la plupart des animaux, a été la même de tout tems, suivant les besoiss particuliers aux climats qu'ils ont habité; ceux qui ont trouvé des grottes saites par la nature en ont prosité, & ceux qui ont trouvé des bois s'en sont servi pour se mettre à couvert de la pluye & du soleil, s'ils n'avoient pas eu assez de genie pour faire usage de la terre losque les bois seur ont manqué, les taupes leurs auroient montré à s'y loger, comme on sait encore aujourd'hui en certains cantons d'Itlande, & chez cette nation du Mississipi qu'on apelle les Chenands; telles étoient aussi à peu près les cabanes de ces anciens Phrygiens, dont parle Vitruve. Les hyrondelles leurs auroient apris à s'en faire des cloisons, & les castors à faire des Voutes; mais comme les bois sont la matiere

[9]

la plus commode à former une habitation propre à la fanté & agréable à la vûë, c'est de cette matiere que nous tenons l'origine de nos ordres, car l'arangement des pieces essentielles à leur construction est si naturel, qu'on n'a pas besoin d'étudier la charpente pour dresser une cabane de bois.

Examinons les premiers établissemens d'une colonie dans un pays de forêts inhabitées, comme étoient ceux de nos Isles de l'Amerique. on verra qu'on commence par planter des troncs d'arbres, sur lesquels on couche des pieces de bois horisontalement pour suporter un toit. & d'autres inclinées à l'horison & entre elles pour lui donner la pente nécessaire à l'égoût des eaux sur un tissu d'écorces d'arbres, de feuilles ou de branches, de roseaux ou d'autres choses, sous lesquelles on puisse se mettre à l'abri du soleil & de la pluye; s'il faut encore se garantir des vens & du froid, on remplit les intervales des troncs, qui servent de suports, avec des dosses de bois sendus, du clayonage, de muraille de terre ou de ce qu'on peut; les Germains nos Ancêtres ne bâtissoient point autrement, ils n'employoient (selon nos Historiens) ni pierre, ni chaux, ni ciment, mais du bois sans être dolé, comme on fait encore aujourd'hui en Boheme & en Moscovie, & comme faisoient plusieurs nations du tems de Vitruve; mais dès qu'il s'agit de faire durer les édifices, on y aporte d'autres précautions; on éleve les troncs d'arbres sur des pierres pour empêcher qu'ils ne pourrissent à fleur de terre; voilà l'origine des Dez & des Plinthes, comme le prouve l'étimologie du mot grec qui fignifie une brique : ensuite pour plus de propreté, on arondit les troncs d'arbres d'une forme régulière. telle qu'on fait les colonnes; mais afin que le rejaillissement de l'eau de pluye au dessus du plinthe, ne nuise point à la base de la colonne, on en abat l'arête en chanfrain ; peut-être qu'en quelques endroits on s'est avisé d'enveloper cette base de cordes, comme l'on fait aux Rouss setures des Mats des Vaisseaux, ou avec des cerceaux, & que cette invention a donné lieu à imaginer les Tores des bases des colonnes; cette conjecture est fondée sur la signification du mot latin spira, dont Vitruve se sert pour exprimer la base d'une colonne, parce qu'il signifie la révolution d'un cable. Cette étimologie me paroit plus naturelle que celle que nous donnent les Architectes, dont l'un va chercher, après Vitruve, la chaussure humaine, l'autre, comme Palladio. le renslement causé par l'afaissement, l'autre des matelats pour asseoir du bois ou de la pierre, comme Scamozzi trompé par le mot torus.

Pour donner quelque affiete aux sommiers qu'on couche horisontalement, on a soin de les équarrir, voilà nos Architraves, c'est-à-dire nos principales poutres, comme l'explique l'origine du mot partie grec-

que partie latine; nous les apollons en terme d'Architecture françoise poitrail On sommier.

On range ensuité sur les Architraves les poutrelles qui doivent porter le plancher, ou les tirans des fermes du comble, & parce qu'étant posées en travers, elles ne montrent au dehors que leurs bouts, les Architectes ont imité cette aparence par des quarrez longs en faillie, ou tout unis comme ceux de Vitruve; Palladio & Scamozzi mettent à l'ordre Toscan, ou ornez de la gravure de trois canaux angulaires, comme sont les Trigliphes de l'ordre Dorique, l'un & l'autre expriment des boûts de planches mises sur le parement du bois vu debout pour le conserver, d'où vient que Scamozzi les apelle pianuzzi, & Vitruve antepagmenta liv. 4. ch. 7. & quoique les gravures en changent le nom, elles représentent toujours la même chose un peu ornée.

Enrin on couche sur les poutrelles une sabliere pour servir d'apui aux chevrons qu'on avance en faillie pour écarter les eaux de la face de l'édifice; voilà le modele des Corniches, de leurs Modillous, Mutules & Denticules.

L'Arangement dont nous venons de parler, ne convient qu'aux deux côtez de l'édifice, où le toit fait égoût; il en est deux autres où il n'en fait point, qui font terminez en pointe plus ou moins aiguê felon l'inclination de chaque moitié du toit; c'étoit ordinairement dans une de ces dernières qu'étoit anciennement la principale entrée des Temples, comme il paroit par tous les monumens de l'antiquité, & même le plus souvent celle des maisons, comme on le voit encore en plusieurs Villes des Pays-bas, & à Paris sur le pont de Notre Dame, & parce que cette partie est la face ou le front du bâtiment, on a apellé cette élevation angulaire un Fronton.

Omnia mim

Ces origines ne sont pas un effet de mon imagination, les plus fasue de la verir meux Architectes en conviennent après Vitruve, qui dit que les anciens nature dedu- n'ont rien imaginé que d'après la nature, & n'ont reconnu de beauté Bis meribus constante que celle qui en tiroit son origine; c'est de cette Architeci soperum per ture simple & naturelle qu'ils ont fait le modele des décorations, fectiones... dont ils ont orné les édifices les plus somptueux.

ex eis ori inibus simerrias

Survons les principes qu'ils ont adopté, & nous trouverons qu'ils proportion s'en sont écartez en plusieurs rencontres sans y faire attention. Vitruve jusque generis qui avoit si bien reconnu que les corniches n'apartiennent qu'aux toits. ocussionare parle cependant d'entasser un ordre sur l'autre sans suprimer la corni-Vitr 1 4.ch conduite, c'est qu'il rend cette faute ridicule par le récit qu'il sait du [ I I: ]

jugement de Licinius sur un tableau d'Apaherius, dans lequel on voyoit un second ordre établi sur les corniches & frontons du premier; vous admirez ce tableau, disoit Licinius aux Alabandins, parce qu'il est bien peint, mais vous n'y apercevez pas une faute de bon sens; qui a jamais vie des mitisons & des colonnes posées sur les tuiles des combles, au lieu restrândomes qu'elles dorvent être sur des planchers? cependant malgré cette judicieuse supra regulaobservation de Licinius, nos Architectes élevent quelquesois deux & 19st habereaus trois rangs d'ordres les uns sur les autres, ausquels ils donnent pour columnas les base des corniches ornées de ces choses qui n'apartiennent qu'aux toits, fusigionne comme les Modillons, Denticules & Musiles de Lions: il est donc vrai explicationes, felon le jugement de ce Mathématicien, qu'ils manquent tout à fait pra consignade bon sens & d'esprit.

Mais qui ofera reprocher aujourd'hui cette faute aux plus fomp- vitr. 1 7. ch. tueux bâtimens de l'Europe? puisque l'abus a tellement prévalu contre les regles de la raison, que les yeux y sont accoutumez, & Propier hau
que les Architectes y souscrivent & l'aprouvent. Je n'entreprendrai vitations. pas ici de m'ériger en réformateur d'une mode si généralement reçue pientes sans en dépit du bon sens ; je demande seulement qu'on me produise judicara, quelque modele du contraire chez les Grecs, qui nous ont transmis par les Romains la plus belle Architecture; on ne voyoit qu'un seul ordre dans leurs édifices : je ne trouve d'exemple du contraire que dans le Temple de Minerve Elée en Arcadie, & dans celui de Jupiter Olimpien d'Athenes, où deux ordres formoiens autant de galeries dans l'intérieur du temple; mais les Historiens ne nous disent pas que la corniche du premier ordre fût entiere, & qu'elle eût des attributs des toits. Je sçai que si l'on descend aux Romains, on trouvera de ces modeles ridicules d'entassemens d'ordres; le plus fameux est le Septizonio, où l'on en voyoit sept les uns sur les autres, mais une telle autorité ne prévaut pas contre la raison de Licinius, qui est si plausible, qu'on ne peut la rejetter sans renoncer au sens commun; il n'est pas surprenant que quelques Architectes n'y ayent pas pris garde, puisque Vitrave a lui-même agi contre ses propres lumieres; la Ville de Tralles, éblouie par l'art du peintre Apaherius, ne s'aperçût du défaut qu'après que Licinius leur en eût fait sentir le ridicule, observation digne d'un Mathématicien qui ne donne pas facilement dans le faux.

Quelques-uns de nos Architectes de France ont profité de cette remarque, quoique le Peristile du Louvre répondit à la face intérieure d'un bâtiment, qui est un entassement de trois ordres; le nouvel Architecte a réduit la face extérieure à un seul, d'où il a tiré cet air de grandeur que tous les connoisseurs y admirent ; il sentoit bien que

non supra te.

[12] ces trois rangs de fuseaux guindez les uns sur les autres, quoique du dessein d'un homme qui s'étoit acquis de la réputation, n'étoient en effet qu'une Architecture d'écoller ; le logement d'un Roy doit poster un caractère d'unité & de distinction, qui marque que tout est poste lui essentiellement, & par accident pour ceiux qui composent sa Cour; l'Architecte de la façade de Versaisses du côté du jardin a pense de même, & s'est fait honneur d'une noble simplicité en ne mettant qu'. un ordre établi fur un grand foubassement, i & surmonté au dessus par une attique : je ne prétends pas condamner absolument l'ordonnance de deux ordres posez l'un sur l'autre, mais je crois qu'alors il sau su primer la corniche du premier, & la convertit en une espece deplin the un peu façonnée, ou du moins la mutiler de fa cimaise & de tous les ornemens qui ne sont que les attributs des toits; c'est ainsi que quelques bons Architectes penient, témoin la façade de l'Hôtel de Pequigny en Province, du dessein de M. Desgoz, Architecte du Roy, Contrôleur Général des Bâtimens: en effet outre la bienséance d'une fage imitation que nous mettrons, si l'on veut, à part, ne peuton pas demander quelles sont les fonctions des corniches, n'est-ce pa d'écarter les égoûts des toits de la face du bâtiment? or cette fonc tion est sans doute réservée à la partie la plus éminente de la face, les saillies inférieures ne peuvent que causer un réjaillissement d'eau nuisible aux murs; elles causent de plus une antre incommodité, cas qu'elles cachent la vûë de l'entrée des portes de la ruë, & des fenétres du premies étage, à ceux qui sont au second & au troisiéme.

Si nous devous nous en tenir à une fidele imitation de l'Archiecture naturelle, ne sera-t'il pas encore ridicule de partager en trois rangs d'ordres, comme en trois étages, la face extérieure d'un bâtiment qui est connu pour n'en contenir qu'un, telle est l'ordonnance de la façade de la plûpart de nos Eglises; c'est vouloir tromper les spectateurs, on leur faire entendre que la superimposition des ordres n'est qu'un placard sans suite qui ne signifie rien; en un mot c'est convenir que ce ne sont que des pierres entassées sans rime ni raison; qu'on amene un sauvage de bon sens, car il en est parmi eux plus qu'on ne pense et Europe, & qu'on le place devant le fameux portail de St. Gervais, il croira voir trois habitations les unes fur les autres, il en jugera de même, non seulement à cause de la division, mais aussi par l'idée de ce qui convient à la solidité d'un édifice, pour laquelle on ne doit pas faire de plusieurs morceaux de troncs d'arbres posez bout à bout, c qui ne devroit être que d'un feul; si enfin après lui avoir expliqué que les corniches représentent la faillie des toits, on le faisoit entrer dans nos Eglises modernes, que diroit-il, d'y en trouver & des plus all lantes il ne pourroit s'empêcher de rire de l'extravagante superfluité [ i3 ]

d'une telle saillie dans un lieu couvert d'une Voute recouverte d'un toit; toute mesestimée que soit l'Architecture Gothique, il lui donneroit sans doute la préserence, en ce qu'elle ne fait pas parade d'une imitation si mal placée, car il ne faut point d'étude pour penser qu'on doit avoir égard à l'usage des choses, & à la vraisemblance dans la disposition des ornemens; il s'apercevroit encore que cette saillie est nuisible, en ce qu'elle couvre une partie des vitraux dont elle cache la vûë, & interrompt le passage du jour qu'on en doit tirer; elles semblent même rétrecir les lieux, & leur donner un air disgratieux, comme l'a fort bien remarqué Palladio; c'est cependant ce qu'on voit luogo chiudans presque toutes les nouvelles Eglises, dont l'Italie fait parade com- so lo fanno me des merveilles de l'Art.

fgarbato liv.

O la belle chose! s'écrieront les partisans des corniches, de voir un ordre d'Architecture dépouillé de cet ornement, qui en est le principal? & pourquoi donc Vitruve n'en avoit-il pas mis à la Basilique de Fano? pourquoi n'y en avoit-il point au premier ordre des Sales Egyptiennes, & des Places publiques? pourquoi n'en voyoit-on point au Palais des Tuteles de Bordeaux?

Quelques-uns de ces Architectes qui se sont rendus sameux, ont bien senti la convenance de les suprimer dans plusieurs circonstances, tel est Vignole, qui au dedans de son Eglise de St. André de Pontemole, n'a mis qu'une Architrave sur le premier ordre: sans vouloir me mettre au rang des grands Architectes, j'ai pris la liberté de suprimer aussi la frise & la corniche du premier ordre de la Chapelle en rotonde, que j'ai fait depuis peu dans le milieu du nouvel Hôpital militaire de Landau, & j'ai eu le plaisir de voir des connoisseurs en aprouver le bon effet.

Si l'on veut le mettre pour un moment au dessus du préjugé que l'Architrave, la frise & la corniche sont trois choses inséparables, & confiderer qu'il nous vient plûtôt de l'habitude que du raisonnement, nous conviendrons que Vitruve avoit fort raison de ne mettre qu'une Architrave au dedans de la Basilique de Fano, puisque la corpiche est une de ces choses qui conviennent plûtôt au dehors qu'au dedans d'un édifice; d'ailleurs n'est-il pas vrai qu'une corniche d'imposte de peu de saillie en profil d'Architrave, nous contente la vue dans les retours des Arcades pour accorder la jonction de la surface plane des piédroits avec la naillance de la courbe de la partie voutée? or en quoi differe cette Arcade d'une Nef, qu'en ce qu'elle a beaucoup moins de profondeur? à cela près la chose est égale, donc on peut suprimer dans le grand sans aucune difformité, ce qu'on suprime ordinairement dans le petit

[ 14 ] Apre's avoir off attaquer quelques abus touchant la disposition de ordres & de leur corniche, pous pouvons hazarder quelques opinions touchant la nature, le nombre & les regles des Ordres, & ces my terieuses dimentions de leurs parties, sur lesquelles il s'est fait plus de Volumes que sur des matieres importantes aux besoins d'une Républi. que.

Du nombre des Ordres.

Les divisions qui se présentent à un bon esprit en fait d'établissement de principes. le réduisent toujours au plus petit nombre qu'il est post fible, & si nous voulons faire réflexion qu'on ne peut bâtir que de trois manieres, on très solidement, ou très legerement, ou d'un ma niere moyenne, qui participe de la solidité & de la legereté, on tal mettra que trois Ordres, aufquels on donnera tels noms que l'on von dra, il n'importe des noms, nons n'en voulons qu'aux choses; & pul que les Grecs se sont bornez à cette divisson, nous pourrons nous fervir des noms qu'ils leur ont donné, quoiqu'ils n'expriment pal construction à laquelle ils répondent, ainsi nous apellerons suivant le sage établi en Architecture.

L'Ordre folide le Dorique. L'Ordre moyen l'Ionique. L'Ordre délicat le Gorintbien.

Le Dorique en effet semble être la plus belle maniere de bâtir soidement, parce que les parties sont fortes sans être trop massives; c'el pour cela que les Anciens le comparoient à la taille d'un homme 10buste; on dit même qu'ils avoient tiré les proportions de ses color Les derice nes du corps humain \*, parce qu'ayant examiné le raport de l'allete columna viri- horisontale que la nature lui avoit donné à l'égard de sa hauteur, ils trouverent suivant Vitruve, que la longueur du pied en étoit la ini-& de-là ils conclurent que la colonne devoit avoir en la colonne devoit en la col teur fix fois la longueur du diametre de sa base; mais avec la permit sion de cet Architecte, il falloit que les hommes de ce tems-là eusent prafiare apie. le pied plus grand que ceux d'à present, car on remarque que la longueur du pied d'un homme bien fait n'est que la septiéme partie de sa hauteur, souvent moins, telle sut aussi selon les aparences l'observation des Grecs, & ensuite des Romains, qui ne s'en sont pas tent à cette proportion trop massive de l'Architecture naissante, car il lui ont toujours donné au moins sept diametres de hauteur, quelquesos sept & demi, & enfin jusqu'à huit.

Au langage de Palladio, il semble au contraire que cette proporțion

liv. 3 ch. 1.

[ 15 ]

a été tirée du raport de la hauteur de la tête à celle du corps, parce qu'il apelle les diametres Tae, c'est ainsi que les Peintres reglent les hauteurs des figures, cependant il est bien plus naturel que l'on ait comparé les bases aux pieds pour le raport de l'affrete de la colonne à sa hauteur, sans égard aux ornemens qui les élargissent : il est vrai que dans les monumens antiqués, on ne trouve pour toute base aux colonnes doriques qu'un reglet avec un congé qui fait un très petit empatement, & quelquesois on est surpris de n'y en point trouver, mais une terminailon sans grace, telle qu'est celle d'un arbre scié. Ce défaut déplait également à tous les Architectes de sou jours, on a would pour excuser les Anciens, dire après Vitrave, qu'ils avoient voulu représenter un homme nud, comme Hercule, cette conjectume paroit ridicule, ce seroit plûtôt un homme saus pieds.

On demandera peut-être s'il n'y a pas une maniere de bâtir encore plus solide que la Dorique; je répondrai qu'oui, mais elle est sans grace, il semble que celle-ci est la borne de la solidité agréable, & qu'au dessous de ses proportions l'Architecture seroit si massive & si pésante qu'elle ne plairoit non plus à la vûe qu'un homme d'une taille trop épaille par raport à sa hauteur.

Puisque nous confiderons cet Ordre comme uniquement destiné à la folidité, il semble que les ornemens ne lui conviennent guére, que les membres de ses chapiteaux, de son entablement & particulierement de sa corniche, ne doivent être ni petits, ni taillez de soulpture, & que les denticules que Vignole, après quelques Antiques, y a mis, font mal placées, non seulement parce que c'est un ornement trop délicat, mais encore parce qu'elles sont incompatibles avec les Mutu- Ego & siles, qui doivent y être aussi invariablement, que les trigliphes dans glipherum & la Phrise; la raison est que faisant paroitre le bout des poutrelles ex-Doricis speriprimé par les trigliphes, il convient qu'on fasse aussi paroitre le bout bur raiset es des Arbaletiers qui font repréfentez par les Mutules; or puisque selon imitation in-Vitruve les Denticules représentent les chevrons, elles devroient être venue est liv. au dessus du Larmier, au lieu qu'on les met ordinairement au dessous, 4, ch. 2. & en ce cas les chevrons seroient au dessous des Arbaletiers, dérangement ridicule dont Vitruve a repris les Architectes de son tems, faifant remarquer que les Grecs n'étoient jamais tombé dans ce défaut, ingracisope-ce qui condamne les corniches Doriques du Théatre de Marcellus, ribusnemofub & des Thermes de Diocletien, & au contraire fait sentir l'élegance de munule denicelle du monument d'Albano, décrit dans le parallele de M. de Cham-calos constibray. L'amphithéatre de Domitien nous présente un exemple de posipossime lubius tion immédiate des Mutules sur les trigliphes, comme si l'Architecte cansherios afa cût voulu faire connoître que l'un étoit inséparable de l'autre, & qu'il fore offe liv, ne devoit pas y rester de place pour les Denticules.

Apag's ce que nous venons de dire, il sera aisé de désigner l'ordre. Dorique, en disant qu'il est caracterisé par la grosseur de la colonne à l'égard de sa hauteur, la simplicité de sa base & de son chapitean, les Trigliphes de sa Phrise, les Mutules de sa corniche, le petit nous bre & la simplicité de ses moulures, en un mot par sa solidité.

De même qu'il y a des bornes à la solidité, il y en a austi à la délicatesse & à la legereté d'un édifice; car quand même il seroit soit de par la consistance de ses materiaux, & par l'artifice de leur liaison, lorsque l'idée que nous avons naturellement de la proportion qui dat être entre le suport & la charge, nous fait paroitre un suport mo foible on trop étroit, nous n'en pouvons aprouver la construction, notre esprit se révolte contre ce qui paroit hazardé, nous voulons nos seulement une solidité réelle, mais encore aparente, qui ne donne pa occasion au Spectateur de craindre que l'édifice culbute. Nous admirons un homme qui danse sur la corde, mais dans le fond on le condamne de s'exposer mal à propos, & on sent de la peine à le voir

Par cette raison qui est sondée dans la nature, jamais l'Architeure. Gothique n'a dû être comparable à l'Antique, en ce qu'elle est pleint de port-à-fanx sur des saillies de moulures de Culs-de-lampes, de Manussets & de Chimeres, qui servent de suports à des naissances de Nervers & de Voutes, & que celles qui portent de sond sont apuyées sur de Perches si menuës, & d'une hauteur si prodigiense qu'elles répugnent à l'Architecture naturelle, quoique par l'adresse de l'exécution, ces sortes d'ouvrages subsistent depuis plusieurs siecles.

A bien examiner le moindre raport que l'on peut donner au dimetre de la base d'une colonne à l'égard de sa hauteur, il semble que c'est celui d'un à dix ou à dix & demi; car si on le pousse plus loin comme d'un à onze, la colonne devient trop mince pour sa hauteur, comme on le voir à la Rotonde de St. Etienne auprès du Tibre à Rome; or puisque la Corinthienne a dix sois le diametre de sa base, on ne peut bâtir plus délicatement que suivant les mesures de cet ordre, qu'on ne peut élever sans retomber dans le désaut des pillers & des perches Gothiques, d'où je conclus que les deux extrémitez de l'at de bâtir sont l'Ordre Dorique, & le Corinthien.

Entre ces bornes du Massis & du Gresle, il y a sans doute phieurs manieres de proportions, qui participent plus de l'une & mois de l'autre extrémité, mais il n'y en a qu'une qui tienne le juste milieu c'est à celle-là que nous donnerons, si l'on veut, le nom d'Orde lanique.

Les Anciens qui avoient comparé l'Ordre Dorique à la force d'un homme, comparoient celui-ci à la taille d'une femme, & la délicatesse Corinthienne à celle d'une fille; ils les employoient aux temples de leurs Divinitez conformément à cette idée. Comme je ne vois pas plus raiso hagrande analogie d'un arbre à un homme, je ris de l'idée de Scamozzi, bita esse qui est obligé d'avoir recours aiux Géans pour sçavoir à qui il doit tium delicatemparer ce Dorique batard, qu'on a mis au rang des Ordres après torum de Vitruve sous le nom de Toscan.

Puisour nous reconnoissons l'Ionique pour un Ordre moyen, nous Mari, Herendéciderons sûrement des proportions de sa écolonie, qui doit être ades Derica meins haute que la Corinthienne, & plus haute que la Dorique, à severiorissruballégales; de sorte que le raport de son diametre à sa hauteur sera dura consticomme de un à neuf, tel est en esset celui des plus beaux monumens de l'Antique.

La même proportion doit être observée dans la hauteur de l'enta-Grintiogene blement qu'elle doit porter, & dans la qualité & le nombre des orne-repropurrane mens, dont il est décoré, qui doivent tenir un juste milieu entre la ritate sont richesse Corinthienne, & la simplicité Dorique.

Suivant ce système, on conviendra facilement des proportions des Baccho confparties essentielles de chaque Ordre, telles sont celles de la colonne suste luns je-& de l'entablement qu'elle porte; car le suport le plus fort doit por-nica, quod id ter une plus grosse charge, & le plus foible la plus legere; mais nous genns redes ne croyons pas devoir nous amuser à ces scrupuleuses précisions aul- id est mec nf. quelles les Architectes veulent nous affujettir; il faut laisser au bon goût quam gracilt & au bon sens le droit de grossir ou de diminuer les colonnes, suivant floridas; sous les circonstances ausquelles on doit avoir égard; telles sont, 1° celles fructura nes de leur éloignement les unes des autres, car les plus serrées paroissent Philand in plus grosses, selon la remarque de Vitruve, 2°. de la hauteur de leur Vitr. liv. 4. position au dessus du rez-de-chaussée, qui en racourcit la longueur suivant la perspective; 3° de l'exposition à claire voye ou sur un fond obscur, car le grand air le mange, disent les Architectes; 4°. de l'ornement des canelures, dont le grand nombre grossit le fust à la vue; toutes ces considerations doivent occasionner quelque changement d'épaissifissement ou de diminution des diametres par raport à la hauteur des colonnes, pourvû qu'il n'excéde pas un demi diametre de plus ou de moins sur toute la hauteur; cet avis est conforme à celui de Palladio, & des meilleurs Architectes qui veulent qu'on ait égard aux différentes circonstances des lieux; cependant nous ne rejettons point le détail des mesures des parties. Il est des proportions qu'on ne peut alterer confiderablement sans donner la mauvaise grace à ce genre de décorations,

Plan come

Deorum triplex ratio habita effet, fortium delicatorum &
mediorum
forribus us

Marti, Hercudi, Minerus
di, Minerus
a feveriorisfirua dura confistuta funs, delicatoribus us
Veneri, Proferpina, Plora,
repropuertenea ritatem operia
fila funt:
mediis us fumodiis us fumodiis us fumodiis us fumodiis us fumodiis us fumica, quod id
genus udes
temperata fina
id oft nec ustemperata fina
id oft nec ustemperata fina
id oft nec ustemperata fina
finam gracili
t floridag; fina
frudura nec
frudura nec

## Des proportions de chaque Ordre.

Pour établir une mesure propre à déterminer les proportions de Ordres, les Architectes ont pris, d'un consentement unanime, le de metre de la colonne à sa base, qu'ils ont divisé en plus ou moins de parties, selon qu'ils l'ont jugé à propos, pour avoir peu de fradion dans les hauteurs & faillies de leurs profils; les uns l'ont prisen enter. & l'ayant divisé en 60 parties, l'ont apellé le grand Module, les autres n'ont pris que la moitié de ce diametre, qu'ils ont nommé le Model. & quelques-uns n'en ont pris que le tiers sous le nom de petit maleir Il a plû à quelques-uns de diviser le Module différemment pour que Ordre, comme s'ils avoient voulu embarrasser cette frivole man, & rendre mysterieux un Art qui est presque tout arbitraire dans le petites sous-divisions; pour moi qui tache de le dépouiller de ce la air de conséquence, je pense qu'il n'y a point de nécessité de se du ger la memoire d'une multitude de différentes divisions, parce que peut établir des raports simples dans les parties essentielles, pessuit que les petites sont plûtôt une affaire de goût que de précision ou tante.

Je trouve en effet que le raport du diametre de la colonne pri la base à cause de la diminution qui est arbitraire, étant compres sa hauteur, peut être naturellement expliqué dans cette progressimple, pour tous les Ordres  $\frac{7}{8}$ ,  $\frac{7}{9}$ , & celui de l'entablement à hauteur de la colonne  $\frac{2}{8}$ ,  $\frac{2}{9}$ ,  $\frac{2}{10}$  conformément aux meilleurs monumes de l'Antique, & au goût des plus judicieux Architectes; ce que la peut réduire en table, comme ci-dessous.

	Dor	ique. Ionique.	. Corinthia.
Raport du diametre de la colonne à	onne	• •	110
la hauteur de tout l	ordre -	1 2 2	. 1
Raport de l'entablement à la		3 3	10
Exemples tire? de l'Antique	Théatre de Mar	cellus. Fortune verile.	Sertizone de fint

Où l'on voit que la hauteur de tout l'Ordre sans piédessaux n'est que l'addition des dénominateurs & des numerateurs du raport de l'emblement à la colonne.

QUANT aux subdivisions du diametre, on peut les rendre exactement propres à mesurer quelques profils déterminez, mais il seroit difficient d'en faire d'égales, qui puissent convenir à tous les profils sans fraction à moins que d'en multiplier infiniment le nombre; car la divisiona

[19]

co parties que ce celebre Chambray a suivi sur l'exemple de Palladio & de Scamozzi pour tous les ordres, n'a pû suffire pour trouver des raports rationnaux de tous les membres des morceaux antiques qu'il a mesuré; il y en a si peu qu'il est souvent obligé de doubler, tripler & même quadrupler cette division, parce qu'il faut quelquesois trouver des quarts de 60°; de sorte qu'au lieu de 60 parties, il faut diviser le diametre en 240, preuve évidente, que les anciens Architectes, que quelques écrivains ont voulu faire passer pour des Sçavans, qui ont attrapé l'Art de combiner les grandeurs des membres d'Architectures, pour y trouver un raport agréable à la vûe, n'avoient d'autres mesures que celles de leur goût particulier; car je suis sûr que si l'on en venoit à une plus grande précision, on trouveroit que ces parties que l'on a cru aliquotes, ne le sont point, quoiqu'on ait divisé le diametre de la colonne en 240 parties.

Ils faisoient aparemment de leur tems ce que font encore aujourd'hui les bons Architectes, ils exposent des profils & souvent des modeles en relief de grandeur naturelle, dans une situation semblable à celle qu'on doit donner à l'ouvrage en exécution, pour la hauteur & l'éloignement d'où ils doivent être aperçus, & alors ils diminuent ou grossissent les parties suivant le bon ou mauvais effet qu'ils croyent y remarquer.

RIEN ne prouve mieux le défaut de regle constante chez les Anciens, que leurs variations dans le raport des bases des colonnes à leur hauteur dans chaque ordre, & particulierement dans le Dorique, puisqu'ils ont commencé, suivant le témoignage de Vitruve, par l'établir d'un à six; ensuite ils l'ont élevé au septiéme, comme au Théatre de Marcellus, quelquesois au septiéme & demi, comme au Temple d'Albano, & ensin ils l'ont poussé jusqu'au huitiéme, comme aux Thermes de Diocletien, c'est-à-dire qu'ils ont tatonné jusqu'à ce qu'ils ayent vu qu'elle étoit assez exhaussée pour un ordre solide.

IL en a été aparemment de même des entablemens, ils n'ont pas toujours donné un quart de la hauteur de la colonne avec une exactitude scrupuleuse, puisque au Temple auprès d'Albano, ce raport est de 45 à 11, qui est incommensurable.

Ce que nous disons des mesures indécises dans l'Ordre Dorique, s'aplique auss à l'Ionique & au Corinthien, comme il est aisé de le prouver par les monumens de l'Antique, qui nous servent de modeles pour les proportions de ces Ordres.

On peut cependant tenir pour les proportions les plus parfaites,

celles que nous avons donné à la table précedente, qui sont les plus concordantes à la belle antiquité & à la raison, puisque les connoil seurs conviennent que la hauteur de l'entablement lonique est une moyenne proportionnelle entre le quart de Dorique & le cinquième du Corinthien, c'est-à-dire de 3 de la hauteur de la colonne, comme il est aux Thermes de Diocletien, & au Temple de la Fortune virile.

On ne trouve guére moins de varieté dans les proportions de la colonne Corinthienne, que dans le Dorique, puisque Vitruve lui donne la même hauteur qu'à l'Ionique, qui est de 9 diametres de son sulta la base, quoique la plupart des monumens antiques l'ayent détermine environ au décuple de ce diametre; cependant ce raport n'y est point encore exactement suivi, cela signifie que suivant la convenance & le goût de l'Architecte, ou la plus ou moins grande élevation, on por augmenter ou diminuer la proportion de la colonne, & son rapont Pentablement; quoique nous ayons opiné avec quelques bons Ardi. tectes pour le cinquiéme, nous ne prétendons pas qu'on ne puilles ajoûter un peu de hauteur, mais non pas jusqu'au quart, caralor or écrase cet Ordre qui doit avoir un air de legereté. Scamozzi y trouve non seulement un air de pésanteur, mais un ridicule dont il se moque, lorsque parlant des entablemens de Vignole & de Sansovino, il dit qu'ils ressemblent à des chapeaux à la Valonne, Payono capelle le Valona:

Apres avoir donné quelques bornes aux proportions essentielles à la belle ordonnance caracteristique de chaque Ordre pour leurs colonnes & leurs entablemens, on pourroit descendre aux sous-divisions de leurs parties. On convient assez du raport que doivent avoir les bases de les chapiteaux à la hauteur de la colonne, les bases se sont de la hauteur du Module, qui est le demi diametre de la colonne; les chapiteaux des deux premiers Ordres sont de même dimention, mas selui du Corinthien a le double.

De même l'entablement est divisé, à peu de chose près, dans tors les Ordres en trois parties égales e dont l'Architrave en occupe une, la Phrise une autre & la Corniche la troisséme. Nous lasseons aux Architectes la discussion de la différence qu'ils y veulent metre, nous en dirons notre avis pour chaque Ordre.

On a pû remarquer que nous suposons toujours les Ordres sans piédestaux, parce que nous ne comptons pas cette partie comme integrante, nous croyons même qu'on ne doit en tolerer l'usage que dans certaines circonstances, se lorsqu'ils sont de suite sans interruption.

### [21]

# Des Piédestaux.

Les piédestaux, suivant l'étimologie du mot tiré du Grec, sont ses pieds des colonnes inventez pour les exhausser sur un rez-de-chaussée plus élevé que celui du terrein sur lequel les colonades étoient établies, comme aux portiques des anciens Temples, où l'on montoit par de grands perrons; de sorte que ce n'étoit proprement qu'un soubassement que Vitruve apelle Stilohate.

L'Usage de les couper en Dez isolez est aparemment venu de ce que dans les soubassemens de quelques Antiques on les voit faire des resfauts en faillie fous chaque colonne, comme au théatre de Marcellus, au Colifé, autour de la cour du temple de Jupiter Stator, & au temple de Vesta à Nîmes, dessinez par Palladio; mais on n'y voyoit pas de ces piédestaux isolez, tels que les sont nos Architectes modernes; \* 16/14 miles le seul temple de Sciss en sournit un exemple, dont Palladio qui en columna in a fait la description, fut surprit, parce qu'il avoit remarqué dans tous ahiudineperles temples antiques que les colonnes s'élevoient toujours depuis le se refindinés pavé sans autre exhaussement que celui de leurs Plinthes, ce qu'il perdutta & trouvoit plus à son goût, tant parce que les piédestaux ne sont qu'em-magnificenbarrasser le passage, que parce que suivant le gout de Vitruve, les hautes siam impenses colonnes ont un air de grandeur & de magnificence \* que n'ont point sem operi adcelles qui sont montées sur des piédestaux comme sur des éthasses, augre videnqui les racourcissent & les diminuent considerablement.

Le second inconvenient de ces piédestaux est que les cornes de leurs perchelecocorniches s'écornent ordinairement si elles ne sont au dessus de la por-lone lequali tée de la main, & que dans les dehors elles causent un réjaillissement da terra code la pluye, qui est préjudiciable à la durée des bases des colonnes, minciano rendono ce que Palladio & Scamozzi ont voulu corriger par un talud, qui maggior confond le plinthe de la colonne avec la corniche du piédestal, d'où grandezza l'on peut conclure contre cet abus de l'Architecture moderne; c'est & magnissainsi qu'on peut le regarder, puisqu'il n'est pas sait mention de pié-cenza Pet, destaux isolez chez Vitruve; le fameux Chambray les a sans doute regardé de même, car il n'en a point fait le parallele comme des autres parties d'Architecture; ce qu'on en trouve dans la séconde édition n'est pas de lui.

Si cependant on exige de moi que je dise ce que je pense de leur proportion, j'adopterai celles de Palladio, & rejetterai totalement celles de Vignole, qui leur donne toujours pour hauteur le tiers de la colonne qu'ils portent.

5 ch. 1.

Si ancho

[:22]

La plûpart des soubassemens antiques n'en avoient que le quant, a raport de Palladio qui en avoit meluré un grand nombre; mais ce grand Architecte, entrainé par le goût de son siecle, nous propose dans ses desseins des piédestaux isolez & adossez contre des piédeoix tels que Vignole en produisoit de son tems, quoique dans les del seins qu'il a exécuté, il leur ait toujours donné une suite, soit en le liant par des continuations de leurs corniches sur des Balustrades, on en formant des Stilubates à la maniere des Anciens. Il faut avoûer que l'on ne peut regarder sans mépris ces piédestaux adosséz à des piédroir quelle suite? quel accord peut-on trouver dans cette ordonnance! n'est-ce pas un placage sans correspondance? on voit ordinairement au dessous de leur corniche une autre espece de soubaisement, ad est le socle & la base de l'Alette ou piédroit de l'arcade; de sont qu'on voit au même endroit un amas de bases inégales & de différends 🖪 veaux. On blamera peut-être ma hardiesse à trouver du ridicule dans les ouvrages des grands Architectes; mais les exemples de l'Antique, les inconveniens d'incommodité & de durée, & une aparence de gradeur & de folidité, doivent prévaloir sur l'aveugle déserence qu'on l pour les ouvrages de ceux qu'on confidere comme les maitres de lat En effet combien ne s'est-il pas glissé d'abus touchant les piédestant

Le premier a été d'en entasser plusieurs les uns sur les autres immédiatement ou sur de hauts socles, dont un troisième ensin pont le Plinthe de la colonne, comme on voit aux magnissques Autels de 3. Ignace, & de Louis de Gonzague à Rome au College Romain.

Le second abus est de faire des piédestaux cylindriques, comme on en voit au Palais Farneze, & dans les desseins du fameux from Pozzo, qui les accompagne d'une saillie d'entablement du même contours,

Le troisième pire que les précedens, est de les saire en confole, sur lesquelles les colonnes portent à faux, jien ai vû de grosse ains sont la charge avoit fait pancher & afaisser le piédeste devant, maigré les précautions: qu'on avoit pris pour l'empêchet; cette idée est repetée dans plus de dix planches des dessens de Pozzo.

## Des Bases

La nature nous fournit des modeles de bases élargies dans la plupart des corps qu'elle destine à être posez verticalement, de la Méchanique nous en montre la nécessité pour les mettre en état de saire une résistance capable de contrebalancer les efforts des vents qui pourroient les renverser; cependant nous voyons dans les monumens de 1'Architecture antique, qu'on ne mettoit point de base sous les colonnes de l'Ordre Dorique, on les faisoit poser a cru sur le pavé, quoique celles des autres Ordres en eussent d'affectées; cette disposition qui a paru sans raison & assez mal fondée, n'a été aprouvée ni suivie d'aucun des Architectes modernes, & pour ne pas paroitre abandonner cette Architecture qu'ils ont pris pour modele, ils y ont cherché quelques exemples de bases, ils en ont trouvé au colifée, & à un temple qui étoit auprès de St. Adrien; mais comme celle du colisée est trop bizarre, la plupart l'ont désaprouvée, '& ont conclu qu'il falloit donner au Dorique la base attique qui avoit été employée dans tous les ordres presqu'indifféremment. Vignole qui n'a pas été de cet avis, a voulu en faire un à sa fantaisse, qu'il a pris de la partie supérieure de certaines bases Corinthiennes, comme de celle de la Maison quarrée de Nîmes, ou du temple de Jupiter Stator; pour moi j'aimerois mieux la simple base Toscane sans l'addition d'une baguette posée immédiatement au dessus du Tore, laquelle est une désagréable répetition de la même moulure, où il n'y a d'autre varieté que celle de la groffeur.

S'IL faut des autoritez tirées de l'Antique pour apuyer mon avis, je n'ai qu'à citer la colonne Trajane, qui est constamment de l'ordre Dorique, puisqu'elle en a les proportions exactement, ayant pour hauteur huit sois le diametre de sa base; ceux qui la mette au rang de leur ordre Toscan, prennent pour pretexte cette base même qui n'est pas un caractere d'ordre, car il est sixé dans le raport du diametre de la base à sa hauteur; si l'on est pas content de cette autorité d'Antique, j'en puis trouver de plus anciennes dans les ruines de Perspolis, qui selon mon induction de ce que Chardin \* nous en dit, sont plus anciennes de près de 800 ans que l'ordre Dorique même, qui a bien pû en tirer son origine; car il est assez probable par le commerce établi entre les Grecs & les Perses, que les colonnes de ces ruines ont servi de modele à celles de cet ordre, puisque leurs canelures sont à vive-arête comme celles des monumens Doriques.

Or suivant les desseins que nous en donne Chardin, qui les avoit fait tracer sur les lieux par un dessinateur de profession qu'il avoit mené avec lui, le profil des bases de la plûpart de ces colonnes qui subsistent encore dans leur entier, est précisement celui des Toscanes, donc cette base est originairement celle de l'ordre Dorique, dans lequel les

<sup>\*</sup> Chardin prétend que le Temple de Persepolis apellé aujourd'hui Tebetminar (40 Colonnes) a été bâti 450 ans avant Moyse, qui vivoit 1571 ans avant Jesus-Christ, ce qui fait 2021 ans avant Jesus-Christ, l'Achare n'est connue que 1350 auparavant y ainsi ces colonnes sont plus anciennes que l'ordre Dorique de 771 ans.

[24]

Architectes Grecs l'ont mutilé de son tore, n'y faissant que le reglet avec le congé, & quelquesois totalement suprimée par un caprice désagréable, dont on ne peut deviner la raison.

Quant à la base de la colonne Ionique, le même Architecte nous donne encore un fort mauvais modèle de l'aveu de tous les connoisseurs, il est vrai qu'il l'a prise de Vitruve comme d'un bon Maître, mais les égards dûs à ce premier Auteur des regles d'Architecture n'ont antrainé ni Palladio ni Scamozzi, parce qu'on n'en trouve aucun exemple dans l'Antique, & que l'ordonnance en paroit contraire au bon sens, en ce qu'une base doit avoir un membre solide posé sur le Plinthe, puisque c'est un apui qui en est suposé détaché, & non pas continu au Plinthe comme le Cavet de cette base. Nous ne craignons point de nous déclarer contre Vitruve dans cette disposition, parce que nous avons d'autres preuves de son mauvais goût en fait de base, tel est le Plinthe rond qu'il met sous sa base Toscane, idée dont on ne voit point d'exécution dans l'Antiquité Romaine, mais seulement dans l'Architecture Gothique, où les Plinthes sont tantôt ronds tantôt à pan, & presque jamais quarrez.

La base de la colonne Ionique dans les meilleurs monumens de l'Antique, & celle que les plus judicieux des Architectes modernes lui donnent, est celle qu'on apelle Attique, qui consiste en deux Tores séparèz par un Cavet, lesquels compris le Plinthe, sont ensemble la hauteur d'un demi diametre de la colonne sous une autre espece de petite base qui est un congé, & son anneau posé sur le second tore.

La même base Attique augmentée entre les deux tores d'une Astragale, & d'un second Cavet avec deux reglets, devient la base Corinthienne sans augmenter la base totale d'un module; de sorte que le nombre des moulures étant augmenté dans un même intervale, la hauteur & la saillie de chacune en particulier sont diminuées, ainsi un Plinthe & un Tore à la base Dorique, doivent être beaucoup plus gros & plus haut que le Plinthe & le Tore du Corinthien, puisque dans ce premier ordre ils sont la valeur d'un demi diametre en hauteur, & qu'au second ils n'en sont qu'environ la moitié.

Dans plusieurs Antiques on voit l'Astragale entre les deux Cavets doublée & contigué, comme au Corinthien du Pantheon; mais l'exemple des Thermes de Diocletien, où elle est simple, paroit plus beau aux yeux des connoisseurs, qui trouvent avec raison du chetif dans la répetition; cependant c'est celle qui est la plus généralement adoptée par nos Architectes modernes. Vignole pour varier son ordre composite en a fait la base à simple Astragale, quoique dans l'arc de Titus qu'on

[25]

qu'on a pris pour modele de cet ordre prétendu, elle soit double comme la Corinthiene. Si cet Architecte avoit raisonné, il auroit dû au contraire prendre la simple pour son Corinthien, & la double pour son composite; puisqu'il veut que ce dernier rencherisse sur le premier.

Je n'entre pas dans la minutie du plus ou du moins de grosseur de chacun des membres des bases, il suffit d'en avoir vû, & d'avoir un peu de goût pour en sçavoir faire le profil.

On voit par le détail de toutes les bases usitées, quel raport elles peuvent avoir avec la chaussure humaine, dont on veut qu'elles tirent leur origine: Scamozzi, qui en a senti le ridicule, veut la tirer du mot latin Torus, qui signifie un lit, prétend qu'elles représentent des matelats, ou lits de plumes Picemacetti, comme si on s'étoit avisé dans les premiers tems Casseir mollement des bois posez de bout. Il ne sçavoit pas que Toros en grec, signifie un tour à tourner en rond; d'où vient la véritable origine de Tore; puisqu'on fait au tour, autant qu'on le peut, les bases, qui ne sont pas trop grosses pour y être appliquées; mais le mot de Spira décide la question, comme nous l'avons dit ailleurs.

## Des Fusts des Colonnes.

Les plus anciennes Colonnes de pierres, à ce que croît Scamozzi, qui en a cherché l'origine, sont celles du Labyrinte d'Egypte, qui n'avoient ni bases, ni chapiteaux, de sorte que ce n'étoit; suivant le langage des Architectes, qu'un Fust sustin, un baton.

La plûpart des Colonnes antiques diminuoient de grosseur dès le pied, à l'imitation des arbres qui sont plus épais par le bas que par le haut, c'est à dire, qu'elles étoient des cônes tronquez. Ensuite on s'est avisé de les faire Cylindriques, jusqu'au tiers de leur hauteur, d'où on a commencé une diminution du quart ou du sixième de sont cherché à rendre réguliere par des transpositions de différentes ordonnées du cercle apliquées à son axe, & répanduës suivant certaines divisions le long des deux des de la colonne, qu'ils diminuent, ce qui la rend bisarrement partie Cylindrique & partie Conoïde. Pour moi je me déclare partisan de cette diminution prise dès le bas, qui fait la colonne toute en conoïde tronqué, dont la ligne droite, tirée de la base, au sommet de la colonne, est la Corde d'un arc de section conique ou de Conchoïde.

VIGNOLE sans être Géometre, a trouvé une courbe, que Blondel a reconnu pour être la Conchoïde de Nicomede, sur quoi il a donné une

[ 26 ]

autre maniere pour y appliquer les courbes des Sections Coniques. & rendre le Contour de cette diminution, portion d'Ellipse de Parabole on d'Hyperbole, il n'y a qu'à choisir; & parce que cette Courbure se peut continuer agréablement audessous du tiers, c'est-à-dire, prendre naissance dès la base, on a diminué la colonne du tiers en bas & du tiers en haut, ce qui fait autiers une grosseur qu'on appelle Renflemens. Plusieurs Gens de bon goût l'ont désaprouvé; parce qu'ils ne le trouvent pas naturel; je pensois de même avant que d'avoir vû ces grands arbres de l'Amerique, qu'on appelle Palmistes; mais ils m'ont fait voir un modele si parsait des Colonnes renssées, qu'ils me l'ont rendu tolerable, pourvi qu'il soit peu sensible. En effet ils sont dans toute leur hauteur sans branches, & fans nœuds, aussi ronds dans leur contour & unis à leur surface, que le peuvent être desColonnes faites au tour; & ce qui est remarquable, ils sont tous renflez à commencer insensiblement dès le bas jusques ven le tiers & la moitié, & rediminuent de même, jusqu'au sommet où est le bouquet de palmes, qui les termine très-régulierement par un arangement merveilleux. Il n'est donc pas nécessaire d'avoir recours à la pitoyable raison de quelques Architectes, qui pour autoriser cette innovation dans l'Architecture en vont chercher un exemple dans le corps de l'homme, qu'ils croient plus large vers les hanches qu'ailleurs, ce qui n'est pas exactement vrai, si l'on fait attention aux épaules; mais quelle analogie y a-t-il de la figure d'un arbre à celle d'un homme? le bon sens est choqué de la substitution qu'on a voulu faire des figures humaines aux Colonnes, comme dans ce qu'on appelle l'Ordre Perfique & des Cariatides, où des hommes & des femmes servent de suports à des entablemens; l'homme n'est pas fait pour suporter un fardeau immuable; quoique Vitruve ait attribué cette faute de bon sens aux Anciens, il semble par quelques monumens, comme celui du Palais Farnese, que ces Esclaves ne servoient pas de suports aux Chapiteaux ni aux Architraves, mais qu'on les avoit enchaînez en Trophée dans des angles, à la place où doivent être des Colonnes; qu'au reste ils n'en faisoient pas les sonctions; puisque l'entablement portoit sur un massif \* Muffa- de maçonnerie; quoiqu'il en soit, il n'est permis qu'à des Dessinateurs Me sunt ele- de Tabernacles & de Retables, ou à des Architectes ignorans d'y emplogames ab ar- yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à desculpteurs d'or-

Ratin debent nemens chimériques propres à des jambages de cheminées, de renourepense justi-veller l'absurdité des ordres Persiques & des Cariatides ou des Thercan nist ar mes; car quand même \* l'exécution en seroit aussi belle que celle de nibus certas la Tribune de la Sale des Suisses du vieux Louvre à Paris, l'aplication habuerint ra. qu'on en fait à une ordonnance d'Architecture, considerée comme un siones fine of- corps de bâtiment, n'en est pas moins un témoignage du défaut de ju-

finsonibus gement de ceux qui ont inventé & de ceux qui ont imité ce genre Vitr. 1. 7. c. de suport, si disproportioné à sa charge.

(27)

Cerre invention de l'ordre des Cariatides a donné occasion à une imagination de colonnes courbes, coudées depuis le tiers en bas, à peu près comme le profil d'un homme assis, laquelle me paroît si extravagante, qu'elle ne mériteroit pas d'être résutée, si elle n'avoit été proposée par un Auteur, qui s'est rendu fameux en Italie & en Allemagne; c'est le Frere Pozzo, Jesuite, connu par plusieurs morceaux d'Architecture essective, & par d'autres de Peinture en perspective, & ensin par le livre in-solio qu'il a publié sur cette matiere, premierement à Rome, & qui aété ensuite traduit & gravé à Augsbourg en 1719. ce qui l'arépassdu entre les mains de la plûpart des Architectes, Peintres & Sculpteurs, parmi lesquels il s'en est trouvé, qui ont mis en œuvre cette bisarre idée, à laquelle ils ont déja fait passer les monts; car j'ai vû deux pilastres dans ce goût, executez en beau marbre sur l'Autel des Barnabites de Thonon en Chablais.

RIEN n'est plus contraire à la fin pour laquelle on dois faire des colonnes, que de les courber de façon qu'elles foient obligées d'être foutenues elles - mêmes; puisqu'elles ne sont faites que pour porter un Entablement; le Frere Pozzo. qui a bien senti cette absurdité, ne veut employer ses Colonnes assises (c'est ainsi qu'il les apelle) qu'à l'apui des pilastres à plomb, quòd pilis conjuncte sint, c'est - à - dire, qu'il les donne en place de consoles renversées; mais il s'en faut bien qu'elles en ayent la grace & la beauté. Les consoles renversées sont des massifs, où la volute ne sert que de terminaison, & celui qu'il faut mettre sous les colonnes assises n'y est point naturel, & ne peut sauver le porte-à-faux qu'en l'avançant à plomb autant que le dessus de la colonne, auquel cas il ne sert qu'à faire mieux apercevoir le ridicule de la courbure. \* C'est trop s'arrêter à résuter une méprisable nouveauté: comme l'inventeur exige qu'on fasse si bien qu'elle ne choque pas la vûe, je pense qu'il n'y a point de plus sûr moyen que de ne point présenter aux yeux des gens sensées des colonnes Assifes.

QUELQUES Architectes amateurs des fatras de sculpture ont voulu orner les susts des colonnes, qui ne sont guères susceptibles d'ornemens. Les Anciens les faisoient ordinairement unis, souvent aussi Canetez, ce qui est agréable à la vûë, aparenment, parce que c'est une imitatation de la gersure de certains arbres, dont l'écorce est comme senduë de haut en bas; mais parce qu'il y en a de gersez en écailles & d'autres en vis, ils ont imité quelquesois & l'un & l'autre, comme on voir

<sup>\*</sup> Jam verd peto [ dit Porzo, Partie 2. Hg. 75. & 76. ] cur aded necesse sit ipsas stantes ponere, nec possint sais superque singi suo munere etiam sedentes, quod si in hoc nihil indecerum est, non video quid absurdi sit in factendis columnis slexis, asque, ut ita dicam, sedentibus; aio tamen, licit earum aspellu oculus minime ossendaur, sintque serendo pondori, eo quod, pilis conjuncta sint, non tamen absuendum esse its alias ras transferendo.

rendre le Contour de cette diminution, portion d'Ellipse de Parabole on d'Hyperbole, il n'y a qu'à choisir; & parce que cette Courburese peur continuer agréablement audellous du tiers, c'est-à-dire, prendre milla. ce dès la base, on a diminué la colonne du tiers en bas & du tiers en haut, ce qui fait autiers une groffeur qu'on appelle Renflement. Plufieur Gens de bon goût l'ont désaprouvé; parce qu'ils ne le trouvent pas me turel; je pensois de même avant que d'avoir vû ces grandsarbigit l'Amerique, qu'on appelle Palmistes; mais ils m'ont fait voir un modele si parfait des Colonnes rensiées, qu'ils me l'ont rendu tolerable, pourri qu'il soit peu sensible. En effet ils sont dans toute leur hauteur sans bran. ches, & fans nœuds, austi ronds dans leur contour & unis à leur furfac, que le peuvent être des Colonnes faites au tour; & ce qui est remarquable ils sont tous renflez à commencer insensiblement dès le bas jusques ren le tiers & la moitié, & rediminuent de même, jusqu'au sommetoid le bouquet de palmes, qui les termine très-régulierement par un amgement merveilleux. Il n'est donc pas nécessaire d'avoir recours à la pitoyable raison de quelques Architectes, qui pour autoriser cette in novation dans l'Architecture en vont chercher un exemple dans k corps de l'homme, qu'ils croient plus large vers les hanches qu'aillem, ce qui n'est pas exactement vrai, si l'onfait attention aux épaules; mas

quelle analogie y a-t-il de la figure d'un arbre à celle d'un homme? le bon sens est choqué de la substitution qu'on a voulu faire des signes humaines aux Colonnes, comme dans ce qu'on appelle l'Ordre Passeu & des Cariatides, où des hommes & des femmes servent de suports des entablemens; l'homme n'est pas fait pour suporter un fardeau inmuable; quoique Vitruve ait attribué cette saute de bon sens aux diciens, il semble par quelques monumens, comme celui du Palais sur nese, que ces Esclaves ne servoient pas de suports aux Chapiteaux ni aux Architraves, mais qu'on les avoit enchaînez en Trophée dans des angles, à la place où doivent être des Colonnes; qu'au reste ils n'en

[ 26 ]

autre maniere pour y appliquer les courbes des Sections Conique, &

5.

(27)

Cerre iuvention de l'ordre des Cariatides a donné occasion à une imagination de colonnes courbes, coudées depuis le tiers en bas, à peu près comme le profil d'un homme assis, laquelle me paroît si extravagante, qu'elle ne mériteroit pas d'être résutée, si elle n'avoit été proposée par un Auteur, qui s'est rendu fameux en Italie & en Allemagne; c'est le Frere Pozzo, Jesuite, connu par plusieurs morceaux d'Architecture essective, & par d'autres de Peinture en perspective, & ensin par le livre in-solio qu'il a publié sur cette matiere, premierement à Rome, & qui a été ensuite traduit & gravé à Augsbourg en 1719. ce qui l'a répassidu entre les mains de la plûpart des Architectes, Peintres & Sculpteurs, parmi lesquels il s'en est trouvé, qui ont mis en œuvre cette bisarre idée, à laquelle ils ont déja fait passer les monts; car j'ai vû deux pilastres dans ce goût, executez en beau marbre sur l'Autel des Barnabites de Thonon en Chablais.

Rien n'est plus contraire à la fin pour laquelle on dois faire des colonnes, que de les courber de façon qu'elles soient obligées d'être soutenues elles - mêmes; puisqu'elles ne sont faites que pour porter un Entablement; le Frere Pozzo. qui a bien senti cette absurdité, ne veut employer ses Colonnes assises ( c'est ainsi qu'il les apelle ) qu'à l'apui des pilastres à plomb, quòd pilis conjuncte sint, c'est - à - dire, qu'il les donne en place de consoles renversées; mais il s'en faut bien qu'elles en ayent la grace & la beauté. Les consoles renversées sont des massifs, où la volute ne sert que de terminaison, & celui qu'il faut mettre sous les colonnes assises n'y est point naturel, & ne peut sauver le porte - à - faux qu'en l'avançant à plomb autant que le dessus de la colonne, auquel cas il ne sert qu'à faire mieux apercevoir le ridicule de la courbure. \* C'est trop s'arrêter à résuter une méprisable nouveauté: comme l'inventeur exige qu'on fasse si bien qu'elle ne choque pas la vûë, je pense qu'il n'y a point de plus sûr moyen que de ne point présenter aux yeux des gens sensées des colonnes Assiss.

QUELQUES Architectes amateurs des fatras de sculpture ont voulu orner les susts des colonnes, qui ne sont guères susceptibles d'ornemens. Les Anciens les faisoient ordinairement unis, souvent aussi Canetez, ce qui est agréable à la vûë, aparenment, parce que c'est une imitatation de la gersure de certains arbres, dont l'écorce est comme senduë de haut en bas; mais parce qu'il y en a de gersez en écailles & d'autres en vis, ils ont imité quelquesois & l'un & l'autre, comme on voit

<sup>\*</sup> Jam verd peto [ dit Porzo, Partie 2. Fig. 75. & 76. ] cur aded necesses sits stantes ponere, nec possive latis superque singi suo munere etiam sedentes, quod si in hoc nihit indecorum est, non video quid absurdi si in faciendis columnis slexis, asque, ut ita dicam, sodentibus; ais tamen, ticis earum aspectu oculus minime ossendatur, sintque serendo ponderi, eo quod, pilis conjuncta sint, non tamen abusendum este in alias ras transferendo.

[ 26 ] autre maniere pour y appliquer les courbes des Sections Conigne, & rendre le Contour de cette diminution, portion d'Ellipse de Parabole on d'Hyperbole, il n'y a qu'à choisir; & parce que cette Courbure le per continuer agréablement audessous du tiers, c'est-à-dire, prendre millan ce dès la base, on a diminué la colonne du tiers en bas & du tiers en haut, ce qui fait autiers une grosseur qu'on appelle Renslement. Plusieur Gens de bon goût l'ont désaprouvé; parce qu'ils ne le trouvent par ne turel; je pensois de même avant que d'avoir vû ces grandsarbres à l'Amerique, qu'on appelle Palmistes; mais ils m'ont fait voir un modele si parfait des Colonnes rensiées, qu'ils me l'ont rendu tolerable, pourni qu'il foit peu sensible. En effet ils sont dans toute leur hauteur sans branches, & fans nœuds, aussi ronds dans leur contour & unis à leur surfaction. que le peuvent être des Colonnes faites au tour; & ce qui est remarquable ils font tous renflez à commencer insensiblement dès le bas jusques ren le tiers & la moitié, & rediminuent de même, jusqu'au sommetoud le bouquet de palmes, qui les termine très-régulierement par un am gement merveilleux. Il n'est donc pas nécessaire d'avoir recours il pitoyable raison de quelques Architectes, qui pour autorier cema novation dans l'Architecture en vont chercher un exemple dans le corps de l'homme, qu'ils croient plus large vers les hanches qu'allem ce qui n'est pas exactement vrai, si l'onfait attention aux épaule; mis quelle analogie y a-t-il de la figure d'un arbre à celle d'un homm? le bon sens est choqué de la substitution qu'on a voulu faire des figure humaines aux Colonnes, comme dans ce qu'on appelle l'Ordre l'aler & des Cariatides, où des hommes & des femmes servent de suporti des entablemens; l'homme n'est pas fait pour suporter un fardeau inmuable; quoique Vitruve ait attribué cette faute de bon sens aux la ciens, il semble par quelques monumens, comme celui du Palais fainese, que ces Esclaves ne servoient pas de suports aux Chapiteaux n aux Architraves, mais qu'on les avoit enchaînez en Trophée dans de angles, à la place où doivent être des Colonnes; qu'au reste ils ma faisoient pas les fonctions; puisque l'entablement portoit sur un muit \* Nuffa de maçonnerie; quoiqu'il en foit, il n'est permis qu'à des Dellinators Tabernacles & de Retables, ou à des Architectes ignorans d'y emple games ab ar- yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à de culpteurs d'or-

Ma sum ele. de Tabernacles & de Retables, ou à des Architectes ignorans d'y emplogantes ab arve, ideo de bis par yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à des Culpteurs d'ure, ideo de bis par yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à des culpteurs d'ure, ideo de bis par yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à des culpteurs d'ure, ideo de bis par yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à des culpteurs d'urepense judi- veller l'absurdité des ordres Persiques & des Cariatides ou des Thecari nife armes; car quand même \* l'exécution en seroit aussi belle que celle de
numentationibus certas
habuerim raqu'on en fait à une ordonnance d'Architecture, considerée comme u
tiones sons of par ofcorps de bâtiment, n'en est pas moins un témoignage du désaut de juserplicatas.
Vitr. 1, 7, 6, de suport, si disproportioné à sa charge.

Cerre iuvention de l'ordre des Cariatides a donné occasion à une imagination de colonnes courbes, coudées depuis le tiers en bas, à peu près comme le profil d'un homme assis, laquelle me paroît si extravagante, qu'elle ne mériteroit pas d'être résutée, si elle n'avoit été proposée par un Auteur, qui s'est rendu fameux en Italie & en Allemagne; c'est le Frere Pozzo, Jesuite, connu par plusieurs morceaux d'Architecture essective, & par d'autres de Peinture en perspective, & ensin par le livre in-solio qu'il a publié sur cette matiere, premierement à Rome, & qui a été ensuite traduit & gravé à Augsbourg en 1719. ce qui l'a répassidu entre les mains de la plûpart des Architectes, Peintres & Sculpteurs, parmi lesquels il s'en est trouvé, qui ont mis en œuvre cette bisarre idée, à laquelle ils ont déja fait passer les monts; car j'ai vû deux pilastres dans ce goût, executez en beau marbre sur l'Autel des Barnabites de Thonon en Chablais.

Rien n'est plus contraire à la fin pour laquelle on dois faire des colonnes, que de les courber de façon qu'elles foient obligées d'être foutenues elles - mêmes; puisqu'elles ne sont saites que pour porter un Entablement; le Frere Pozzo. qui a bien senti cette absurdité, ne veut employer ses Colonnes assisses ( c'est ainsi qu'il les apelle ) qu'à l'apui des pilastres à plomb, quòd pilis conjuncte sint, c'est - à - dire, qu'il les donne en place de consoles renversées; mais il s'en faut bien qu'elles en ayent la grace & la beauté. Les consoles renversées sont des massifs, où la volute ne sert que de terminaison, & celui qu'il faut mettre sous les colonnes assises n'y est point naturel, & ne peut sauver le porte - à - faux qu'en l'avançant à plomb autant que le dessus de la colonne, auquel cas il ne sert qu'à faire mieux apercevoir le ridicule de la courbure. \* C'est trop s'arrêter à résuter une méprisable nouveauté: comme l'inventeur exige qu'on fasse si bien qu'elle ne choque pas la vûë, je pense qu'il n'y a point de plus sûr moyen que de ne point présenter aux yeux des gens sensées des colonnes Assifes.

QUELQUES Architectes amateurs des fatras de sculpture ont voulu orner les susts des colonnes, qui ne sont guères susceptibles d'ornemens. Les Anciens les faisoient ordinairement unis, souvent aussi Canetez, ce qui est agréable à la vûë, aparenment, parce que c'est une imitatation de la gersure de certains arbres, dont l'écorce est comme senduë de haut en bas; mais parce qu'il y en a de gersez en écailles & d'autres en vis, ils ont imité quelquesois & l'un & l'autre, comme on voit

<sup>\*</sup> Jam verè peto [ dit Porzo, Partie 2. Fig. 75. & 76. ] cur adeò necesse si iplas stanses ponere, nec possins latis superque siugi suo munere etiam sedentes, quod si in hoc nihil indecorum est, non video quid absurdi si in faciendis columnis slexis, asque, ut ita dicam, sedentibus; aio tamen, ticis earum aspectu oculus minimò ossendatur, sintque serendo pondori, eo quod, pilis consunsta sint, non tamen abusendum esse in alias res transferendo.

[ 26 ]

autre maniere pour y appliquer les courbes des Sections Conique, & rendre le Contour de cette diminution, portion d'Ellipse de Parabole on d'Hyperbole, il n'y a qu'à choisir; & parce que cette Courbure se peur continuer agréablement audessous du tiers, c'est-à-dire, prendre maillen ce dès la base, on a diminué la colonne du tiers en bas & du tiers en haut, ce qui fait autiers une groffeur qu'on appelle Renflement. Plusieur Gens de bon goût l'ont désaprouvé; parce qu'ils ne le trouvent DES IL turel; je pensois de même avant que d'avoir vû ces grandsarbres de l'Amerique, qu'on appelle Palmistes; mais ils m'ont fait voir un modifi si parfait des Colonnes rensiées, qu'ils me l'ont rendu tolerable, pourri qu'il soit peu sensible. En effet ils sont dans toute leur hauteur sans bratches, & fans nœuds, austi ronds dans leur contour & unis à leur surface. que le peuvent être des Colonnes faites au tour; & ce qui est remarquable ils font tous renflez à commencer insensiblement dès le bas jusques ren le tiers & la moitié, & rediminuent de même, jusqu'au sommetoire le bouquet de palmes, qui les termine très-régulierement par un am gement merveilleux. Il n'est donc pas nécessaire d'avoir recours il pitoyable raison de quelques Architectes, qui pour autoriser cette novation dans l'Architecture en vont chercher un exemple dans le corps de l'homme, qu'ils croient plus large vers les hanches qu'allem ce qui n'est pas exactement vrai, si l'on fait attention aux épaules; mis quelle analogie y a-t-il de la figure d'un arbre à celle d'un homme! le bon sens est choqué de la substitution qu'on a voulu faire des sans humaines aux Colonnes, comme dans ce qu'on appelle l'Ordre Paper & des Cariatides, où des hommes & des femmes servent de suporti des entablemens; l'homme n'est pas fait pour suporter un fardeaum muable; quoique Vitruve ait attribué cette faute de bon sens aux de ciens, il femble par quelques monumens, comme celui du Palais funese, que ces Esclaves ne servoient pas de suports aux Chapiteaux ni aux Architraves, mais qu'on les avoit enchaînez en Trophée dans des angles, à la place où doivent être des Colonnes; qu'au reste ils n'en faisoient pas les fonctions; puisque l'entablement portoit sur un minima de la communication de la communi \* 2006 fa. de maçonnerie; quoiqu'il en soit, il n'est permis qu'à des Dessinators Ma June etc. de Tabernacles & de Retables, ou à des Architectes ignorans d'y emple

gantes ab ar- yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à de culpteurs d'orflatim debent nemens chimériques propres à des jambages de cheminées, de renotrepense justi- veller l'absurdité des ordres Persiques & des Cariatides ou des There air niss ar mes; car quand même \* l'exécution en seroit aussi belle que celle de enmentation la Tribune de la Sale des Suisses du vieux Louvre à Paris, l'aplication habuerim ra. qu'on en fait à une ordonnance d'Architecture, considerée comme u siones sinc of-corps de bâtiment, n'en est pas moins un témoignage du défaut de je finfemibus gement de ceux qui ont inventé & de ceux qui ont imité ce gent

Vitr. 1, 7, e, de suport, si disproportioné à sa charge.

(27)

Cerre invention de l'ordre des Cariatides a donné occasion à une imagination de colonnes courbes, coudées depuis le tiers en bas, à peu près comme le profil d'un homme assis, laquelle me paroît si extravagante, qu'elle ne mériteroit pas d'être résutée, si elle n'avoit été proposée par un Auteur, qui s'est rendu fameux en Italie & en Allemagne; c'est le Frere Pozzo, Jesuite, connu par plusieurs morceaux d'Architecture essective, & par d'autres de Peinture en perspective, & ensin par le livre in-solio qu'il a publié sur cette matiere, premierement à Rome, & qui aété ensuite traduit & gravé à Augsbourg en 1719. ce qui l'arépassdu entre les mains de la plûpart des Architectes, Peintres & Sculpteurs, parmi lesquels il s'en est trouvé, qui ont mis en œuvre cette bisarre idée, à laquelle ils ont déja fait passer les monts; car j'ai vû deux pilastres dans ce goût, executez en beau marbre sur l'Autel des Barnabites de Thonon en Chablais.

RIEN n'est plus contraire à la fin pour laquelle on dois faire des colonnes, que de les courber de façon qu'elles foient obligées d'être foutenues elles - mêmes; puisqu'elles ne sont saites que pour porter un Entablement; le Frere Pozzo, qui a bien senti cette absurdité, ne veut employer ses Colonnes assisses ( c'est ainsi qu'il les apelle ) qu'à l'apui des pilastres à plomb, quòd pilis conjuncta sint, c'est - à - dire, qu'il les donne en place de consoles renversées; mais il s'en faut bien qu'elles en ayent la grace & la beauté. Les consoles renversées sont des massifs, où la volute ne sert que de terminaison, & celui qu'il faut mettre sous les colonnes assises n'y est point naturel, & ne peut sauver le porte - à - faux qu'en l'avançant à plomb autant que le dessus de la colonne, auquel cas il ne sert qu'à faire mieux apercevoir le ridicule de la courbure. \* C'est trop s'arrêter à résuter une méprisable nouveauté: comme l'inventeur exige qu'on fasse si bien qu'elle ne choque pas la vûë, je pense qu'il n'y a point de plus sûr moyen que de ne point présenter aux yeux des gens sensées des colonnes Assifes.

Quelques Architectes amateurs des fatras de sculpture ont voulu orner les susts des colonnes, qui ne sont guères susceptibles d'ornemens. Les Anciens les faisoient ordinairement unis, souvent aussi Canetez, ce qui est agréable à la vue, aparenment, parce que c'est une imitatation de la gersure de certains arbres, dont l'écorce est comme sendue de haut en bas; mais parce qu'il y en a de gersez en écailles & d'autres en vis, ils ont imité quelquesois & l'un & l'autre, comme on voit

<sup>\*</sup> Jam verò peto [ dit Porzo, Partie 2. Fig. 75. & 76. ] cur adeò necesse si iplas stantes ponere, nec possimi sais superque siugi suo munere citam sedentes, quod si in boc nibil indocorum est, non vidoo quid absurdi si in factendis columnis slexis, asque, ut ita dicam, sedentibus; aio tamen, ticis earum aspectu oculus minime ossendatur, sintque serendo penderi, eo quod, pilis conjuntia sint, non tamen abusendum esse in alias res transferendo.

[ 28 ]

au Temple près de Trevi, raporté par Palladio, les premieres nécailes font les plus rares; mais les secondes en vis ne le sont pas; j'en ai vi à un morceau de colonne dans les ruines de la ville des Curiosolites, au Village de Corseul en Bretagne près de Dinan, de très-bien exécutes, qui avoient pour base celle qu'on apelle l'Assique.

\* CE genre de Canelures prouve, que les Architectes de ces tems ne pensoient point à l'imitation des plis des habits des semmes d'où Vinn-ve veut tirer l'origine de cet ornement.

On attribué, avec quelque vrai-semblance, aux Canelures en vis, Pidée d'invention des colonnes torses, lesquelles, quoique décnées par les gens de bon goût, ont conservé des partisans, particulierement en Espagne, où elles ont fait fortune plus qu'ailleurs; presque tom les Retables & les Fabernacles en sont décorez; on a beau dire, que cette figure en Hélice, & si peu propre à suporter un sardem que les plantes, qui sont ainsi tournées, comme les Convolvules d'Entrope & les Cianes d'Amérique, ne peuvent se soutenir d'elles-mèmes; qu'elles ne s'élevent qu'à la faveur des arbres, sur lesquels elles rampent, & que cette sigure répugne à l'idée de solidité qu'on cherche dans un suport, la raison ne peut détruire la mode, il n'y a point de Superieur ou Superieure de Religieux, ni de Curé de Village, qui ne présere une colonne torse à toute autre, pour composer un Rende ou un Tabernacle.

On voit dans les desseins du Frere Pozzo des colonnes mixtes, qui sont cylindriques jusqu'au tiers & torses au dessus; j'ai remarqué que cet te partie torse les faisoit paroître trop courtes.

L'AUTRE espece d'ornement qu'on a imaginé pour les susts des colonnes, est de les charger de bandes de sculpture faillantes, comme on en voit à S. Etienne du Mont à Paris, au Palais des Tuilleries & ailleux, cette interruption des susts leur donne un air massif, plus propre une Forteresse ou à une Prison, qu'à décorer la face d'une Egite ou d'un Palais de Prince. Il faut renvoyer ce genre d'invention au décorations des Operas, comme au Palais de Pluton dans Alceste.

On peut voir dans le premier Tome de l'Histoire de l'A...demie des Inscriptions, an extrait du mémoire que j'envoyai en 1709. à Monsseur le Pelletier de Souzy, note Directeur Général, touchant les restes de l'Ancienne Ville des Curiosolites, que je découvris au Village de Courseul, où il faut remarquer, que lorsque l'Historien dir, Que M. Le Pelletier y envoya un Ingenieur de S. Malo, sans me nommer, il faut entendre que j'etois alors en résidence à S. Malo, & non pas natif de cette Ville. Il faut aussi remarquer, que lorsqu'il est dit au 4. Tome dans l'éloge de M. le Pelletier, que mon raport a été inser sel qu'il ésois, il faut entendre, en Substance; car il étoit plus étendu, & accompagne d'un Plan & des Figures.

[ 29 ]

Nous concluons donc que les Fusts des colonnes doivent être unis ont taillez d'un certain nombre de Canelures verticales, comme de 24. our 30. les colonnes des ruines de Persepolis, dont j'ai parlé ci-devant, en ont 40. mais il y a encore du choix dans leur façon, la meilleure est en bottes, Vitruve & ses Sectateurs en veulent d'Angulaires aux. Colonnes Doriques; quoique les vives arêtes, qui en résultent en diminuent la durée, & qu'elles soient peu conformes à la nature; en effet les Architectes prévoyans qu'ils ne pouvoient leur donner une sorte suffissante pour résister aux moindres chocs, ont imaginé de les remplir jusqu'au tiers de la hauteur de la colonne, par une saçon de ropéeau qui en remplit le canal, & empêche les écornures des Canelures, ils les apellent Rudenture du Latin Rudens, qui signifie chez Plaute une Cable, ce qui n'a pas grand sondement dans la vrai-semblance; puisqu'une Cable ne peut avoir aucune sonction dans ces canaux; mais ce n'est pas le seul endroit où les origines sont mal prouvées.

Nous n'avons rien à dire des Fusts Cylindriques, ou des pillers sans diminution, non plus que des colonnes ovales par leur contour horisontal, ce sont choses hors d'usage ailleurs que dans l'Architecture: Gotique.

It nous reste à faire une remarque sur un mélange ( assez ordinaire dans les édifices d'Italie) où l'on voit des colonnes & pilastres de differentes hauteurs s'élever du même niveau, particulierement dans ceux qui sont du dessein de Michel Ange Bonavota & du Cavalier Borromini, comme à St. Pierre au Capitole, S. Charles in Corso, &c. ce mélange solon moi a plusieurs mauvais essets. 1.º En ce que les entablemens despetits ordres ne peuvent être continuez sans couper ou pénetrer les colonnes du grand. 2.º Parce que l'oposition du grand & du petit sait que les grandes colonnes paroissent colossales, & les petites des suseaux, l'exemple de Vitruve dans les portiques de ses Places, où il mêle des colonnes de differens ordres & de differentes hauteurs, ne peut autoriser ce désaut; parce que les differences sont peu considerables sau reste ce n'est pas un exemple à imiter.

## DES CHAPITEAUX.

Par Analogie à la tête, qui est la partie de Phomme la plus éminente de la plus aparente, ou si l'on veut au chapeau, on apelle le sommet capus ou dus d'une colonne sormée de certains ornemens, un Chapiteau; sa sigure porte François une différence caracteristique de chaque ordre, qui le fait distinguez très-Chapeau.

Sombie de la plus aparente de comme la plus éminente de la plus éminente de chaque ordre, qui le fait distinguez très-Chapeau.

Cruu de la Colonne Dorique n'est composé que de moulures ron-

des, couvertes d'un Tailloir quarré, sur lequel pose l'architrave. La naissance au sommet de la colonne est une Astragale ou Baguette ronde, qui laisse un intervale en façon de collier, apellé Corgerin ou Collaire, à cause de sa jonction au Chapiteau, comme le col est au dessous de la tête, ce qui est particulier à cet ordre; parce qu'aux Chapiteaux

Ioniques & Corinthiens, l'Astragale en fait la naissance immédiate.

La fimplicité de cet ordre femble devoir exclure de son Chapiteau les ornemens de sculpture; l'Antique nous fournit des exemples où il est tout unis, comme au Theatre de Marcellus; elle en soume aussi d'autres, où l'Ove seule est taillée & l'Astragale unie, comme au Temple d'Albano, ce qui a beaucoup de grace. D'autres ensinoù l'us & l'autre sont sculpés, comme au terme de Diocletien: voilà de quoi contenter la varieté des goûts & autoriser celui d'un Architecte quequ'il soit. Sa hauteur est égale à celle du demi - Diametre de la Colonne, c'est-à-dire, d'un module sans y comprendre l'Astragale & soa Reglet,

Le Chapiteau Ionique suivant la nature d'un ordre moyen entre le solide & le délicat, est plus orné que le Dorique. Sous son tailloir, qui est quarré, il y a une Ove taillée, qui jette aux deux côtez de la face vûë de front deux volutes d'Enroulemens, dont le contour sur cette face & son opposée est roulé en Spirale, & ses côtez en Campanes, adossées en façon de balustres, qui en forment le coussinet.

La figure singuliere de ce Chapiteau a fait dire quelques pueriliter e. 1. 84 aux Archtiectes; Vitruve veut qu'il ait été inventé à l'imitation des Spiram supo. coeffures & de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes Calco, capitu- d'Ionie, comme si le Chapiteau avoit l'air d'un visage. Certaineament quiconque prendra la base des colonnes pour leur chaussure & والمعانية عند ment quiconque prendra la base des colonnes pour leur chaussure والمعانية المعانية eapillameoto les Canelures pour les plis de leurs robes, peut bien prendre les Vosoncripates lutes pour les boucles de leurs cheveux; ces idées viennent des Pays prapendentes où l'on métamorphosoit les hommes & les semmes en arbres. Un desira ac Philosophe en rit, prévenu que la nature n'a pas fait les hommes pour finifira colle- servir de piliers aux batimens, c'est aux forêts & aux carrieres à faieaverent, & re cette fourniture. Scamozzi, qui ne reconnoissoit aucune trace de cymasiis & Encarpis pre nez ni de bouche au Chapiteau Ionique, s'est moqué de Vitruve; crinibus dif mais il n'a guères mieux rencontré dans la recherche de son origine, refinis framer il veut que ce soit l'imitation d'un coussin, mis sur la colonne, austranteque so. quel on a retroussé les coins en les roulans. Selon lui les colonnes de cet so strias usi ordre devoient être à leur aise, puisque leurs bases posoient sur da flolarum ru. lits de plumes bien molets, Picemacetti teneri e Molli, & leur Chapi-Las maironali teau étoit bourré d'un coussin pour n'être pas meurtri par la charge mere demise de l'Architrave. Il estevrai que l'expression de Vitruve, Pulvinum, qui fignifie un coussin, semble favoriser son sentiment; car il apelle les Sur Vitt. Chapiteaux Ioniques Capitula pulvinata, & plus bas Pulvinorum Balthei. I 3.c. 3. Perrault mécontent de toutes ces prétendées significations, prétend que ces Volutes représentent des écorces tortillées; pour moi je ne sçai qu'en dire, si ce n'est que c'est une sorte d'ornement, qui nous est venu de l'Ionie, où les semmes avoient aparamment les cheveux tresfez en rouleaux sur les oreilles, comme, quelques semmes de Nuremberg, cette sigure usitée a plû à quelque Architecte ou Sculpteur, qui l'a introduit au Chapiteau de cet ordre dans un batiment de conséquence, tel qu'étoit celui de Diane, qui l'a mis en vogue, & nous Possibiliure a-conssistence au l'a transmis.

Postea Diana constituere adem quarentes novi generis specien-

La hauteur de ce Chapiteau, suivant Vitruve, n'est que d'un tiers ris specient de diametre de la Colonne; ailleurs on le trouve de la moitié.

IL y a une chose à remarquer au Chapiteau Ionique, c'est qu'il paroît n'avoir été inventé que pour les colonnes; car il ne peut convenir aux pilastres sans attention de la faillie de ses volutes sur le devant: je suis surpris que les Auteurs des livres d'Architecture, qui ont entré dans le détail des plus petites choses, ne nous ayent pas averti de cet intervenient, & du remede convenable pour le bien ajuster à la surface plane d'un pilastre.

Le chef-d'œuvre de l'invention des Chapiteaux, ou terminaisons de la partie supérieure des Colonnes est celle des Corinthiens; c'est une ingénieuse composition de feuilles arangées autour du Tympan de la Colonne, comme une espece de bouquet de verdure, qui a quelque conformité avec le fommet de certains arbres, comme des palmistes de l'Amerique; ce bouquet dans son origine étoit composé de feuilles d'Achante, que Callimachus copia d'après nature d'une plante, qui envelopoit un panier couvert d'une tuile; mais les Architectes, ou peut-être les Sculpteurs lui ont substitué des branches d'olivier, comme à la Rotonde; d'autres des feuilles de Laurier, comme au Temple de Vesta ; quelques uns des feuilles de Chéne, quoique les branches de ces arbres étant moins flexibles soient moins propres à plier pour faire les revers ou les Galbes, qui font une des principales beautez de l'ordonnance de ce Chapiteau, peut-être que leur raison a été la crainte de la confusion des parties des feuilles d'Achante, dont les divisions étant moins profondes, & plus petites que celles des feuilles détachées des autres arbres, ne seroient pas si bien articulées, étant regardées de loin; mais puisqu'ils ont transferé les feuilles d'Achante au chapiteau de leur composite, cette raison ne doit plus être admise; car s'ils les ont jugé moins apparentes & moins belles que les autres, pourquoi ont - ils prétendu rencherir sur le Corinthien, par

[ 26 ]

autre maniere pour y appliquer les courbes des Sections Conique, & rendre le Contour de cette diminution, portion d'Ellipse de Parabolton d'Hyperbole, il n'y a qu'à choisir; & parce que cette Courbure le neur continuer agréablement audessous du tiers, c'est-à-dire, prendre maille. ce dès la base, on a diminué la colonne du tiers en bas & du tiers m haut, ce qui fait autiers une groffeur qu'on appelle Renflement. Plufieur Gens de bon goût l'ont désaprouvé; parce qu'ils ne le trouvent par ne turel; je pensois de même avant que d'avoir vu ces grandsarbreste l'Amerique, qu'on appelle Palmiftes; mais ils m'ont fait voir un moder si parfait des Colonnes rensiées, qu'ils me l'ont rendu tolerable, pourri qu'il soit peu sensible. En effet ils sont dans toute leur hauteur sans bran ches, & fans nœuds, aussi ronds dans leur contour & unis à leur surface. que le peuvent être des Colonnes faites au tour; & ce qui est remarquale ils sont tous renslez à commencer insensiblement des le bas jusques ra le tiers & la moitié, & rediminuent de même, jusqu'au sommetoud le bouquet de palmes, qui les termine très-régulierement par un aragement merveilleux. Il n'est donc pas nécessaire d'avoir recours à pitoyable raison de quelques Architectes, qui pour autoriser cette novation dans l'Architecture en vont chercher un exemple dans le corps de l'homme, qu'ils croient plus large vers les hanches qu'allem ce qui n'est pas exactement vrai, si l'on fait attention aux épaules; mu quelle analogie y a-t-il de la figure d'un arbre à celle d'un homme! le bon sens est choqué de la substitution qu'on a voulu faire des squa humaines aux Colonnes, comme dans ce qu'on appelle l'Ordre l'april & des Cariatides, où des hommes & des femmes servent de supont des entablemens; l'homme n'est pas fait pour suporter un fardeau muable; quoique Vitruve ait attribué cette faute de bon sens aux la ciens, il semble par quelques monumens, comme celui du Palais lanese, que ces Esclaves ne servoient pas de suports aux Chapiteaux n aux Architraves, mais qu'on les avoit enchaînez en Trophée dans és angles, à la place où doivent être des Colonnes; qu'au reste ils in faisoient pas les fonctions; puisque l'entablement portoit sur un mili \* xu f fa- de maçonnerie; quoiqu'il en soit, il n'est permis qu'à des Dellinateur Me sum etc. de Tabernacles & de Retables, ou à des Architectes ignorans d'y emple games ab ar- yer des anges ou d'autres figures humaines, ou à de culpteurs dos

Raim debens nemens chimériques propres à des jambages de cheminées, de renosrepense justi-veller l'absurdité des ordres Persiques & des Cariatides ou des Thetcari nifi ar- mes; car quand même \* l'exécution en seroit aussi belle que celle de nibus cortas la Tribune de la Sale des Suisses du vieux Louvre à Paris, l'aplication habnerint ra. qu'on en fait à une ordonnance d'Architecture, considerée comme un tiones sine of-corps de bâtiment, n'en est pas moins un témoignage du défaut de p

finsembles gement de ceux qui ont inventé & de ceux qui ont imité ce gent

Vitt. 1. 7. c. de suport, si disproportioné à sa charge.

(27)

CETTE iuvention de l'ordre des Cariatides a donné occasion à une imagination de colonnes courbes, coudées depuis le tiers en bas, à peu près comme le profil d'un homme assis, laquelle me paroît si extravagante, qu'elle ne mériteroit pas d'être résutée, si elle n'avoit été proposée par un Auteur, qui s'est rendu fameux en Italie & en Allemagne; c'est le Frere Pozzo, Jesuite, connu par plusieurs morceaux d'Architecture esfective, & par d'autres de Peinture en perspective, & ensin par le livre in-solio qu'il a publié sur cette matiere, premierement à Rome, & qui aété ensuite traduit & gravé à Augsbourg en 1719. ce qui l'arépasidu entre les mains de la plûpart des Architectes, Peintres & Sculpteurs, parmi lesquels il s'en est trouvé, qui ont mis en œuvre cette bisarre idée, à laquelle ils ont déja fait passer les monts; car j'ai vû deux pilastres dans ce goût, executez en beau marbre sur l'Autel des Barnabites de Thonon en Chablais.

Rien n'est plus contraire à la fin pour laquelle on doit faire des colonnes, que de les courber de façon qu'elles soient obligées d'être soutenues elles - mêmes; puisqu'elles ne sont faites que pour porter un Entablement; le Frere Pozzo, qui a bien senti cette absurdité, ne veut employer ses Colonnes assises (c'est ainsi qu'il les apelle) qu'à l'apui des pilastres à plomb, quòd pilis conjuncte sint, c'est - à - dire, qu'il les donne en place de consoles renversées; mais il s'en faut bien qu'elles en ayent la grace & la beauté. Les consoles renversées sont des massifs, où la volute ne sert que de terminaison, & celui qu'il faut mettre sous les colonnes assises n'y est point naturel, & ne peut sauver le porte-à-faux qu'en l'avançant à plomb autant que le dessus de la colonne, auquel cas il ne sert qu'à faire mieux apercevoir le ridicule de la courbure. \* C'est trop s'arrêter à résuter une méprisable nouveauté: comme l'inventeur exige qu'on fasse si bien qu'elle ne choque pas la vûë, je pense qu'il n'y a point de plus sûr moyen que de ne point présenter aux yeux des gens sensées des colonnes Assiles.

Quelques Architectes amateurs des fatras de sculpture ont voulu orner les susts des colonnes, qui ne sont guères susceptibles d'ornemens. Les Anciens les faisoient ordinairement unis, souvent aussi Canetez, ce qui est agréable à la vuë, aparenment, parce que c'est une imitatation de la gersure de certains arbres, dont l'écorce est comme senduë de haut en bas; mais parce qu'il y en a de gersez en écailles & d'autres en vis, ils ont imité quelquesois & l'un & l'autre, comme on voit

<sup>\*</sup> Jam verè peto [ die Pozzo, Partie 2. Fig. 75. & 76. ] cur adeò necesse si ipsas stantes ponere, nec possint sais superque singi suo munere etiam sedentes, quod si in hoc nihil indocorum est, non video quid abserdi si in faciendis columnis slexis, asque, ut ita dicam, sedentibus; aio tamen, licès earum aspessu oculus minimò ossendatur, sintque serendo pondori, eo quod, pilis consunsta sint , non tamen abusendum esse in alias res transferendo.

des, couvertes d'un Tailloir quarré, sur lequel pose l'architrave. La mil sance au sommet de la colonne est une Astragale ou Baguette ronde, qui laisse un intervale en façon de collier, apellé Corgerin on Collera, à cause de sa jonction au Chapiteau, comme le col est au dessous de la tête, ce qui est particulier à cet ordre; parce qu'aux Chapiteau Ioniques & Corinthiens, l'Astragale en fait la naissance immédiate.

La fimplicité de cet ordre semble devoir exclure de son Chriteau les ornemens de sculpture; l'Antique nous fournit des exemples où il est tout unis, comme au Theatre de Marcellus; elle en sount aussi d'autres, où l'Ove seule est taillée & l'Astragale unie, comme au Temple d'Albano, ce qui a beaucoup de grace. D'autres ensinoillus & l'autre sont sculpés, comme au terme de Diocletien: voilà de qui contenter la varieté des goûts & autoriser celui d'un Architeste que qu'il soit. Sa hauteur est égale à celle du demi - Diametre de la Colonne, c'est-à-dire, d'un module sans y comprendre l'Astragale & sa Reglet,

Le Chapiteau Ionique suivant la nature d'un ordre moyen em le solide & le délicat, est plus orné que le Dorique. Sous sontailes, qui est quarré, il y a une Ove taillée, qui jette aux deux côtez de la face vûe de front deux volutes d'Enroulemens, dont le contour su cette face & son opposée est roulé en Spirale, & ses côtez en Canpanes, adossées en façon de balustres, qui en forment le consint

La figure singuliere de ce Chapiteau a fait dire quelques puerliter e. 1. B.f. aux Archtiectes; Vitruve veut qu'il ait été inventé à l'imitation du Spiram supo. Coeffures & de l'arrengement des tresses des cheveux des semme surruns pro d'il price contratte de l'arrengement des tresses des cheveux des semme surruns pro d'il price contratte de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes de l'arrengement des tresses de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes de l'arrengement des tresses de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes de l'arrengement des tresses de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes de l'arrengement des tresses des cheveux des semmes de l'arrengement des tresses de l'arrengement des tresses de l'arrengement des tresses de l'arrengement de l'arrengement de l'arrengement des tresses de l'arrengement de l'ar Calcos, capitus. d'Ionie, comme si le Chapiteau avoit l'air d'un visage. Certaire do roluiai uni ment quiconque prendra la base des colonnes pour leur chaussur de eapillameoto les Canelures pour les plis de leurs robes, peut bien prendre les Voomerispassis lutes pour les boucles de leurs cheveux; ces idées viennent des ju prapendentes où l'on métamorphosoit les hommes & les semmes en arbres. In dezira ac Philosophe en rit, prévenu que la nature n'a pas fait les hommes pour smistra colle- servir de piliers aux batimens, c'est aux forêts & aux carrieres à la eaverunt, & re cette fourniture. Scamozzi, qui ne reconnoissoit aucune trace de Encarpis pro nez ni de bouche au Chapiteau Ionique, s'est moqué de Vitrore; erinibue dif mais il n'a guères mieux rencontré dans la recherche de son origina, positis france il veut que ce soit l'imitation d'un coussin, mis sur la colonne, al strancoque to quel on a retroussé les coins en les roulans. Selon lui les colonnes de colo so strias sui ordre devoient être à leur aise, puisque leurs bases posoient sur des flotarum ru. lits de plumes bien molets, Picemacetti teneri e Molli, & leur Chapgasmaironali teau étoit bourré d'un coussin pour n'être pas meurtri par la charge more demise de l'Architrave. Il estevrai que l'expression de Vitruve, Pulvinum, qui

[ 31 ] fignifie un coussin, semble favoriser son sentiment; car il apelle les Chapiteaux Ioniques Capitula pulvinata, & plus bas Pulvinorum Balthei. I 3.c. 3. Perrault mécontent de toutes ces prétendres fignifications, prétend que ces Volutes représentent des écorces tortillées; pour moi je ne scai qu'en dire, si ce n'est que c'est une sorte d'ornement, qui nous est venu de l'Ionie, où les femmes avoient aparamment les cheveux tressez en rouleaux sur les oreilles, comme, quelques semmes de Nuremberg, cette figure usitée a plû à quelque Architecte ou Sculpteur. qui l'a introduit au Chapiteau de cet ordre dans un batiment de conféquence, tel qu'étoit celui de Diane, qui l'a mis en vogue, & nous Postea Diana l'a transmis.

dem quarenris/pecient-

LA hauteur de ce Chapiteau, suivant Vitruve, n'est que d'un tiers un novigemede diametre de la Colonne; ailleurs on le trouve de la moitié.

IL y a une chose à remarquer au Chapiteau Ionique, c'est qu'il paroît n'avoir été inventé que pour les colonnes; car il ne peut convenir aux pilastres sans attention de la faillie de ses volutes sur le devant: je suis surpris que les Auteurs des livres d'Architecture, qui ont entré dans le détail des plus petites choses, ne nous avent pas averti de cet intenvenient, & du remede convenable pour le bien ajuster à la surface plane d'un pilastre.

Le chef-d'œuvre de l'invention des Chapiteaux, ou terminaisons de la partie supérieure des Colonnes est celle des Corinthiens; c'est une ingénieuse composition de feuilles arangées autour du Tympan de la Colonne, comme une espece de bouquet de verdure, qui a quelque conformité avec le sommet de certains arbres, comme des palmistes de l'Amerique; ce bouquet dans son origine étoit composé de feuilles d'Achante, que Callimachus copia d'après nature d'une plante, qui envelopoit un panier couvert d'une tuile; mais les Architectes, ou peut-être les Sculpteurs lui ont substitué des branches d'olivier. comme à la Rotonde; d'autres des feuilles de Laurier, comme au Temple de Vesta; quelques uns des feuilles de Chêne, quoique les branches de ces arbres étant moins flexibles soient moins propres à plier pour faire les revers ou les Galbes, qui font une des principales beautez de l'ordonnance de ce Chapiteau, peut-être que leur raison a été la crainte de la confusion des parties des feuilles d'Achante, dont les divisions étant moins profondes, & plus petites que celles des feuilles détachées des autres arbres, ne seroient pas si bien articulées, étant regardées de loin; mais puisqu'ils ont transferé les feuilles d'Achante au chapiteau de leur composite, cette raison ne doit plus être admise; car s'ils les ont jugé moins apparentes & moins belles que les autres, pourquoi ont-ils prétendu rencherir sur le Corinthien, par

[ 36 ]

porter quelque chose à deux mains; il suit que nous devons trouve les bayes de pareilles proportions plus belles que les autres; d'où je conclus que les entrecolonnemens doivent être tels qu'ils reviennent cette figure à peu près; or le Picnostile & l'Arcostile n'y reviennent point, le premier pour être trop serré & trop étroit, le second pour être trop ouvert & trop large; donc ni l'un ni l'autre de ces entrecolonnemens n'est admissible, puisqu'il n'est pas consorme à la beaute de l'Architecture naturelle.

#### Des Arcades dans les Entrecolonnemens.

La difficulté de trouver & de manier d'assez grandes pienes pour faire les Architraves d'une pièce à de grands entrécolonnemes, a quelques engagé les anciens Architectes à les soutenir par destactes, pour pouvoir les saire de plusieurs pièces; quoique ces emples soient assez rares dans les Monumens antiques, on en voir pendant au Colisée, au Theatre de Marcellus, & en quelques au endroits, où il auroit fallu des pierres de 26. & 28. pieds de long ten grand nombre.

Les Architectes modernes, autorifez par ces exemples de l'Anique, se sont tous jettez sans discernement dans ce genre de construcion, qui leur a parù concilier la solidité, la facilité de l'exécution, à la beauté des ordres d'Architecture, de sorte que depuis environ ans on a vû toutes les Eglises baties dans ce goût. Il faut conven que dans une masse énorme, comme à celle de S. Pierre de Rome, se ne pouvoit guères saire autrement, quoiqu'en aît dit M. le Prieur de Cordemoy. Mais hors de ces circonstances je croi avec lui & la piùpart des gens de bon goût, que les colonnes apliquées sur des prédroits d'Arcades, sont une viciense ordonnance d'Architecture; parce que les Colonades & les Arcades sont deux especes de suport differens, qui ne doivent pas être tous les deux mis en œuvre pour soutenir le même fardeau.

Si les colonnes sont suffisantes pour porter les entablemens & une voute, pourquoi les apuyer contre des piédroits d'Arcades? Si elles ne sont pas suffisantes, il faut en multiplier le nembre dans la lorgueur & dans l'épaisseur de l'édifice, en les serrant & en les acouplant dans les endroits où il en est besoin. Si ensin ces augmentations de Colonnes causent quelques embarras par leur multiplicité, il sat prendre le parti des Arcades simples, sans y ajouter des colonnes, qui deviennent alors inutiles, aussi bien que les Architraves & les entablemens; ce mélange ne produit que de vicieux arcostiles, une

Occasion de dépense superflue, & une preuve de peu du jugement de l'Architecte.

Les Goths ou plutôt les Maures, dont on croit que nons est venue l'Architecture nommée Gothique, quoique peu sensez dans l'Ordonnance de plusieurs parties de leurs ouvrages, ne sont pas tombez dans ce genre de défaut; ils ont fait de gros piliers pour suporter les Arcades, & des perches pour servir de base aux Nervures de leurs voutes; mais ils n'ont jamais sait d'Entablement, brochant sur le tout comme on en voit dans les Architectures modernes, qui jettent l'Architecte dans plusieurs inconveniens.

Le principal est, que faisant porter les Archivoltes des Arcades sur des corniches d'imposte, ces corniches se trouvent coupées par les colonnes ou pilastres, qui sont au-devant des piédroits des Arcades, où ils paroissent comme incrustées après coups, & où ils présentent une idée de la pénetration des corps d'autant plus ridicule, que les corniches des impostes sont saillantes à l'égard des pilastres ou colonnes, au travers desquelles elles passent. On remarque au Theatre de Marcellus, que leur saillie excede le demi diametre des colonnes, & quelque chose de pis au palais Farnese, où peu s'en faut qu'elle ne coupe la colonne par devant. La régle que Barozzi de Vignole donne de fixer la faillie des corniches d'impostes à la moitié de la colonne, ne fait que diminuer la grossiéreté de ce désaut sans la suprimer; il faudroit pour l'ôter radicalement, que la colonne sût totalement détachée du piédroit.

Nous voyons dans plusieurs Monumens de l'Antique, que lorsque les Architectes ont été obligez de faire de grands entrecolonnemens arcostiles adossez à des murs percez d'Arcades; ils ont eu soin d'écarter assez leurs piedroits des colonnes, pour pouvoir faire profiler les impostes au retour de la faillie du piedroit sous l'archivolte; c'est ainsi qu'en ont usé ceux des Mausolées Antiques de Terracine, auprèsde Naples, & de S. Remy en Provence auprès de Tarascon. Nos Architectes modernes n'ont presque jamais imité la sagesse de ces exemples; ils ont tous affecté de faire regner les corniches des impostes, autant que celles des Entablemens, malgré les interruptions des colonnes & des Pilastres, qu'ils leur sont pénetrer.

Je sçai que l'on objecte aux simples colonnades sans Arcades, le peu de solidité des platebandes, pour porter des entablemens, & la difficulté d'en faire de grandes d'une ou de plusieurs pieces; cependant l'experience nous fait voir, qu'en se donnant un peu de soin, on vient à bout d'en faire de belles & de solides dans une largeur de 13, à 14 pieds; on en voit la preuve à la façade du vieux Louyre à Paris, du côté de S.

Germain l'Auxerrois. Il se présente rarement occasion de saire des entrecolonnemens d'un plus grand intervale, & s'il s'en présentoit, l'experience nous prouve encore, qu'on peut pousser la portée jusqu'à vingt-six pieds; puisque M. Gautier nous parle dans son Traité des Ponts d'une platebande de cette longueur, qui subsiste à Nimes avec si peu de bombement, qu'on s'en aperçoit à peine. Je ne voudrois cependant pas en hasarder beaucoup de pareilles, l'exécution en est trop délicate pour s'exposer aux inconvéniens de cette construction; dans ce cas la folidité des Arcades est préserable à la foiblesse d'une architrave en platebande, qui se soutient à peine elle-même, la prudence veut qu'on s'assure de la durée au préjudice d'une plus agréable décoration.

Si l'on rejette le mélange des Arcades & des Colonnes, on trouvera bien des inutilitez dans les livres des Architectes modernes, qui semblent principalement occupez du soin de régler les entrecolonnemens, de maniere que les Arcades s'accordent avec les mesures de l'ordre, qui est apliqué au - devant, comme en bas relief de Colonnes & de Pilastre, qui couvre une partie des piedroits des Arcades & coupe en travers les corniches de leurs impostes. Mais tous les desseins de Vignole, Scamozzi, &c. multipliez sur ce sujet, ne sont que mieux apercevoir k mauvais effet d'une telle ordonnance, non seulement par l'inconvenient de cette interruption & pénetration des corniches des impostes, mais encore plus sensiblement par celui de la terminaison des corniches des Piedestaux & de leurs bases, qui viennent s'amortir contre les piedrois, avec lesquels ils ne font aucun accord ni suite; parce que ce sont des choses de hauteur, de largeur & de figure inégale : les Architedes qui ont senti ce défaut ont continué la base du piedestal, ou du moins ses parties les plus hautes pour en faire celle de l'Alette ou piedroit de l'Arcade; mais ils n'ont pû en faire autant à sa corniche, qui ne peut embrasser le piedroit sans y faire une saillie inutile, incommode & de peu de durée; parce que ses carnes étant fort exposées au choc dans le passage, y seroient bientôt écornées. C'est pourquoi il semble que lorsqu'on est obligé de faire des Arcades, il convient de ny rien ajouter au devant.

### DES ARCADES SIMPLES.

J'APELLE' Arcades simples, celles qui ne sont point mélées dans les ordres d'Architecture, comme celles dont nous venons de parler. Une suite d'Arcades, qui n'ont d'autres ornemens que leurs Archivoltes & quelques cless faillantes, n'est pas d'une si grande aparence qu'un ordre d'Architecture; mais elle a sa beauté, comme on le voit en plusieurs grands Hôtels de Paris, où les piedroits sont quarrez, c'est-à-dire, Angulaires; parce que les naissances & les arêtes des cintres y portent de sond.

[ 39 ]

D'ou il suit que l'on peut quelquesois substituer à de simples piedroits des pilastres, qui ont aussi la même proprieté à l'égard des arêtes des cintres, mais non pas des colonnes, comme l'on voit en quelques édifices, par exemple, au Baptistere de Pise & à la Colonnade des Bosquets de Versailles La raison en est fondée sur ce grand principe d'Architecture, qu'il faut non seulement éviter les porte-à-faux pour la folidité, mais aussi pour la beauté des édifices; or il est visible que la base commune de deux arcades à leur naissance, qui est portée par une colonne, est un quarré, dont les 4. angles sont sans apuy, & leur faillie au-delà du nud de la colonne est d'autant plus aparente & choquante à la vue, que le spectateur est près d'une des diagonales de ce quarré, de forte que s'il est dans la Diagonale, il aperçoit que ce porte - à faux est de toute la difference de la demi-diagonale sur celle du rayon ou module de la colonne, commè le cercle inscrit au quarré circonscrit. D'où je conclus contre le sentiment de M de Cordemoy, que cette construction ne peut jamais être agréable à la vûë; parce qu'elle lui présente toujours un défaut essentiel, qui est celui du porte - à - faux.

Les Architectes Gothiques, qui faisoient ordinairement porter leurs Arcades par des piliers cylindriques, pour éviter cette difformité abatoienten chanfrin les arêtes des Arcades; mais ils n'ôtoient pas encore par ce moyen toute l'imperfection, il y restoit toujours un porteà-faux quoique moindre, dont la difference des saillies des angles sur le nud du pilier étoit celle de l'octogone circonscrit au cercle inscrit.

Cz défaut ne peut être levé qu'en arondissant l'arête de l'Arcade en forme d'aneau; parce qu'alors la base de deux arcades à leur imposte commune devient un cercle; mais aparemment qu'un tel arondissement est désagreable à la vûë; car les Architectes, qui ont eu occasion de le faire ne l'ont jamais mis en œuvre.

#### DES ENTABLEMENS.

Les Entablemens sont apellez par Vitruve Ornamenta, les ornemens des Colonnes. Cette expression paroît sort impropre; parce que ce ne sont pas des accessors qu'on puisse ôter & mettre indisseremment, ce sont au contraire les parties essentielles d'un édifice : il y a quelque aparence que ce nom avoit été introduit par l'ignorance des ouvriers de sont tems, comme à Paris celui d'Architecture, pour dire moulure. Quoiqu'il en soit le nom d'Entablement comprend trois parties sort différentes entr'elles, qui sont l'Architrave, la Frise & la Corniche, lesquelles prises ensemble doivent saire la hauteur d'environ le quart de celle de la colonne. Je dis environ & non pas

(40)

toujours le quart, comme le veut Barozzi de Vignole; mais felon les Ordres, tantôt le quart comme au Dorique, tantôt les deux neuviémes, comme à l'Ionique, & quelquefois le cinquiéme, comme au Corinthien, ainsi que nous l'avons dit ci - devant, & chacune de ses parties doit aussi avoir des raports constans avec les hauteurs des cosonnes, comme nous devons en parler en particuler, nous observerons seulement en général, que les Entablemens doivent être continuez dans leurs directions droites ou courbes horisontalement, sans an cune interruption de coupure, de ressaut dans leur hanteur, & k moins qu'il est possible dans leur faillie. D'où il suit que les senétres. coupées dans l'Architrave & dans la frise, comme on en voit au Palaz des Tuilleries à Paris, & dans plusieurs de ceux d'Italie, sont de grandes difformitez; puisque les Sommiers & les Entrevoux ne sont pas fair pour y percer des passages à la lumiere du jour, comme le dit expre-\* Quibre sément Vitruve \*; la nécessité peut quelquesois rendre la chose excein toeis one sable dans la Frise, où il y a du vuide; mais rien ne peut rendre tosimi non par lacie dans la Fine, ou il y a du vide; mais nen ne peur rendre me siuntur res derable la coupure d'une Architrave; parce qu'elle est directement confenefiras fin-traire à l'idée de la folidité de la Charpente, d'où cette piece tire son ri. liv. 4. c. origine, comme nous allons le prouver plus au long.

Secondement, il faut observer que les entablemens ne souffrentancun mélange de composition d'ordre; Vitruve dit Ch. 2. L 1. que cest une grande faute de bienséance, que de mettre sur des Architraves Doriques des Corniches dentelées, & sur des Chapiteaux Ioniques des Trigliphes; cependant il nous parle au Ch. 9. du 5. 1. d'un mélange de Colonnes de differens ordres, de Doriques, Ioniques & Corinthienes, Voyez qui étoient même d'inégale hauteur sur le même niveau de base \*, où l'on mettoit quelquefois sur les Colonnes Corinthienes des entablement dans sa no Doriques ou Ioniques, l'Ordre Corinthien n'en ayant point de panite sur le Ch. culier, voilà donc une contradiction dans Vitruve.

#### DES ARCHITRAVES.

Puisque les Architraves représentent des poitrails ou saumiers, elles doivent en conserver la figure & les proportions, & en suivant cette analogie, plus les espaces des entrecolonnes sont grands, plus elles devroient être grosses, cependant comme ces intervales ont toujours un certain raport avec la grosseur & hauteur des Colonnes, on pourroit établir pour régle de décoration, qu'elles doivent avoir à peu près autant de hauteur que de largeur, & parce que leur largeur doit être égale au diametre supérieur du Fust des colonnes, il suit que leur hauteur devroit être égale à ce diametre, c'est la mesure que Vitruve donne à son Antitrave Toscane, liv. 4. Ch. 7. & celle de l'Architrave que

[41]

l'on voyoit, il n'y a pas long-tems, au Palais des Tuteles de Bordeaux, où il n'y avoit au dessus ni Frise, ni Corniche, mais une espece d'Attique.

Les Architectes leur en prescrivent un peu moins, quelquesois d'un fixième, mais ceux qui ne leur en donnent que la moitié, comme Vignole dans son Dorique, s'écartent des loix d'une sage imitation & des modeles de l'Antique; & ce qui paroît encore plus contraire au bon sens, c'est qu'il leur donne plus de hauteur dans les ordres les plus délicats que dans les folides, au lieu qu'ayant moins de fardeau à supporter, elles ont moins besoin de force. Vitruve par un rasinement qui me paroît assez mal concerté, veut qu'on augmente la hauteur des Architraves fuivant une certaine proportion rélative à la hauteur des colonnes, il auroit été bien plus naturel de la régler sur les intervales des entrecolonnemens; puisque l'on doit renforcer les poutres suivant l'étendue de leur portée, la diminution des objets par leur éloignement devroit aussi bien influer sur les frises & les corniches, que sur les Architraves; cette délicatesse pourroit être de quelque usage dans un ordre Colossal; mais s'il l'étoit, les Architraves deviendroient impossibles à l'exécution; parce qu'on ne pourroit les faire ni d'une pierre ni de plusieurs en platebande.

Pour varier un peu la trop grande uniformité d'une face de poutre, on l'a ornée au parement de petites faillies, qu'on apelle Faces, & de quelques renfoncemens dans le fosite. Le nombre des faces suit naturellement la gradation des ordres, considerez par leur simplicité ou richesse. Au Dorique une face couronnée d'un réglet semble suffire, comme au Theatre de Marcellus, quoique dans d'autres Antiques on y en voit deux. A l'Ionique elle en a ordinairement trois & une monture sous le réglet, elle devroit n'en avoir que deux suivant la gradation des ordres. Ensin au Corinthien elle en a trois, quelque-fois seulement deux, comme au Frontispice de Néron, & au Temple de Trévi dessiné par Palladio, avec une moulure à chaque division, & une grande sous le réglet, qui la couronne par des ornemens taillez comme il convient au profil de chaque moulure & à sa situation, observant que les faces supérieures soient plus larges que les inférieures, quoique le contraire ne soit pas absolument sans exemple.

Tous les bons Architectes conviennent, qu'on ne doit pas interrompre l'alignement des Architraves en ligne droite, ni par des ressauts horisontaux, ni par des verticaux, ce sont des directions contraires à la solidité d'une poutre. Les fréquens exemples qu'on en voit particulierement aux rétables de nos Eglises, sont des productions de Menuisiers

[ 42 ]

on de Sculpteurs, qui croient donner de la légereté & de la varieté à leur ouvrage. On en voit de ceintrées vérticalement dans nos portes-cocheres modernes, qui ne me paroissent guères plus raisonna-bles; car une poutre ainsi courbée demande à être chargée avec un parsait équilibre, pour qu'elle ne culbute ni en devant, ni en arriére; \*Que à vere. \* mais quand on la supposeroit sans inconvénient dans cette situation, vibus ex veris il seroit toujours vrai qu'elle tendroit à se redresser, & feroit esson rebuseumple pour écarter les colonnes ou les pilastres, qu'elle dérangeroit de leur sume iniquis, à plomb; je sçai qu'on les butte si bien, que cet inconvénient n'est pa monibus im. à craindre; mais nous devons contenter l'esprit, qui demande de à probamur. raison dans les imitations. Vitr.l.7,c,5.

#### DES PHRISES.

On apelle Phrise, l'intérvale qui est entre le Somier & le toit, cu sideré comme en charpente, c'est-à-dire, celui qu'occupent les bom des poutrelles & leurs Entrevoux, par conféquent il doit être régle par la hauteur convenable à leur folidité, qui exige qu'elles foient pu hautes que larges.

Les Mathématiciens ont trouvé que pour concilier la force avec l'assiete des bois posez de champ, la hauteur devoit être à leur égaisfeur comme sept est à cinq. Les Architectes, guidez par la seule Géometrie naturelle, ne se sont pas beaucoup écartez de cette proportion; ils ont déterminé le raport de la largeur du Trigliphe à sa hauteur comme 2 est à 3, & ont fait cette largeur égale au module, c'est-àdire, au rayon de la colonne, de sorte que leur hauteur est de trois quat de son Diametre dans son ordre dorique, ce qui a paru assez agrésble à la vûë pour qu'on s'y soit conformé dans la plûpart des meilleurs ouvrages de ce genre; mais les Architectes se sont fait une loix si sévere de la figure du vuide des Entrevoux, auquel ils ont donné le nom Grec de Metope, qu'ils veulent absolument, que l'intervale de deux trigliphes soit un quarré parsait, ce qui a rendu l'exécution du Dorique, qui est le seul ordre où l'on fasse paroître l'image du bout des poutrelles, si genant & si difficile, qu'ils sont embarassez aux moindres variations d'ordonnance; ils ne sçavent, par exemple, comment faire, lorsqu'il s'agit d'acoupler deux colonnes; parce que les Trigliphes, suivant les loix de la solidité, devant être situez précisément sur le milieu des colonnes, les Metopes se trouvent oblongs. Il s'en et trouvé, parmi le nombre de ceux qui ont eu la réputation d'être hbiles, qui ont mieux aimé confondre les bases des colonnes en les sisant se pénetrer, comme Mansard aux Minimes de la place Royale! Paris, que d'alterer le quarré parsait des Metopes, ou d'élever un peu

[43]

la Phrise, ridiculité digne des gens attachez à la minutie, même dans des choses aussi peu importantes que celle-là, comme si c'étoit une difformité insuportable d'espacer des poutrelles un peu plus près ou un peu plus loin les unes des autres; il faut être bien instruit de la convention de cette loy de simetrie, pour en sentir l'irrégularité; ce désaut n'a pas décrié le portail de S. Gervais & le Palais du Luxembourg, où l'on peut remarquer des Metopes plus larges que hauts.

L'ESPACE quarré des Metopes, renfoncez entre les trigliphes, sert ordinairement de champ à des bas reliefs, qui caracterisent la nature du bâtiment; ainsi aux Temples antiques on y représentoit des Massacrisses de bœuf ou de belier, pour désigner que c'étoit le lieu des Sacrisses. Dans nos Eglises modernes, comme aux Invalides de Paris & ailleurs, on y met des atributs des céremonies d'Eglise, comme Encensoirs, Chandeliers, Banieres, &c. de tels ornemens y sont très-bien placez.

DE ce que la Phrise est l'espace qu'occupent en hauteur les poutrelles portées par l'Architrave, il suit que sa hauteur doit être moindre que celle de l'Architrave, comme l'a fort bien remarqué Daviler ( Page 46.) parce que la poutre doit être plus grosse que les poutrelles, dont elle est chargée; c'est par cette raison, sans doute, que Vitruve lui donne un quart moins de hauteur qu'à l'Architrave, cependant aujourd'hui on la fait plus grande & même souvent plus haute que l'Architrave.

L'APARENCE des bouts des poutrelles, dont on fait parade dans l'ordre Dorique avec quelques ornemens de trigliphes, & de quelques imitations de goûtes d'eau, qui pendent à leur base sur l'architrave, est suprimée dans les autres Ordres, où ces bouts sont couverts, soit pour empêcher que les impressions de l'air ne nuisent à leur-durée, ou pour une plus grande uniformité & propreté des dehors. C'est une raison si naturelle, qu'on remarque dans plusieurs pays, où l'on bâtit de . pans de bois, comme en Alface & dans le Palatinat, qu'aux maisons les plus communes, les bouts des poutrelles sont aparens au dehors, mais qu'à celles des gens aisez elles sont recouvertes d'un cours de planches, tantôt bombées, tantôt unies & couronnées de quelques moulures, sans qu'on puisse soupçonner les Charpentiers, qui en sont les Architectes, d'avoir puisé ces inventions dans les Ecrits des Auteurs des Ordres d'Architecture; il est au contraire très - vraisemblable, que c'est de ces modeles de la simple Architecture, que l'on a tiré les idées des Phrises bombées, dont les Ecrivains ont donné des profils.

A la place des Trigliphes, qui sont des ornemens de pen d'apareil, mais suffisans pour la Phrise, un ordre où l'on n'asecte que de la su lidité, on en a répandu d'autres plus composez, & plus délicats su les Phrises de l'Ionique & du Corinthien; parce que cet intervale mun l'Architrave & la Corniche est un des plus grands champs unis, & plus aparent qu'il y ait dans toute l'ordonnance; c'est pourquoi on mettoit quelquesois une inscription, mais plus souvent des bas rein de Rinceaux, c'est-à-dire, des ornemens d'enroulemens & de sen lage semblables à ceux qu'on employe à la broderie des habits & du meubles; & parce que Phrigios signifie broderie, on a donné le noi de Phrise, au lieu où on l'apliquoit, même lorsqu'il n'y en avortpoint, comme si on eût suposé que la broderie devoit y être, & que le champ tout uni étoit destiné à recevoir ces ornemens.

Les Rinceaux que nous voyons dans quelques Antiques, comme aux Thermes de Diocletien, au Frontispice de Neron & ailleus, étoient de ces sictions que Vitruve condamne au Chap. 5. de son 3. liv. où l'on voit des moitiés de corps d'animaux ou de figures humines sortir des sleurs & des enroulemens des seuillages, siction qui d'imaginée contre toute sorte de vraisemblance. & qui fait voir que la Antiques ne sont pas toujours la production des Architectes bien sens. Un habile dessinateur de nos jours, nommé Berin, a fait reviventes ces solles idées en ont adopté le goût, avec cette disserence, qu'ils sur peu plus ajoûté du goût Arabesque, des Jones coudez, & c] am peu plus ajoûté du goût Arabesque, des Jones coudez, & c] am mieux voir une Phrise toute unie, que ces sortes d'omemes, que la mode détruira comme elle les a établi; un bas relies historique, comme celui de l'arc de Titus, n'est point sujet à ces vicissitudes.

Ce que nous venons de dire des ornemens, qui conviennent doivent être apliquez aux Phrises, servira à confirmer le marrais effet des senêtres, que plusieurs Architectes y ont percées pour des Entresoles, puisqu'elles sont une couverture d'entrevoux.

#### [ 45 ]

#### DES CORNICHES.

La Corniche, selon l'étimologie du mot Latin Corona ou du Grec Coronis, est le couronnement d'un édifice, par conséquent sa place naturelle est au sommet & non pas au milieu, au tiers, ou au quart de la hauteur d'un mur, & n'y doit point être repetée & multipliée, comme on le voit dans presque tous les plus somptueux bâtimens de l'Europe, dans lesquels il y en a au moins une à chaque division d'étage.

Si l'on veut remonter à leur origine, on reconnoîtra bien sensiblement que les corniches n'ont été imaginées que pour écarter des murs de face les eaux de pluye, & les goûtieres des combles qui les mouilleroient, les saliroient & en altereroient la durée sans leur saillie. Cette institution est bien prouvée par Vitruve, qui dit, que les têtes de Lions qu'on met aux Cimaises, sont des inventions ingénieuses pour orner les gargouilles nécessaires pour rassembler & jetter les eaux des égoûts.

A examiner la destination des corniches, il suit que la partie qui leur est essentielle, est celle qui est faite de maniere, qu'elle sournitun écoulement aux goûtieres, sans que l'eau puisse se répandre sur la face du mur; c'est celle qu'on apelle le Larmier, d'où elle découle comme en larmes. La figure qui convient le mieux à cet esse est une bande de surface verticale terminée en dessous par une autre inclinée à l'horison en angle aigu, où faisant un ressaut qu'on apelle Mouchette pendante.

La faillie de cette partie de Corniche ne pouvant être avancée audehors sans être suportée en l'air, on est obligé de la soutenir par des moulures ou par des corbeaux, comme on en voit au mur de cloture du Temple de Mars décrit par Palladio, asin qu'elle soit autant écartée du mur qu'il convient à la hauteur, & parce que le larmier est débordé au dessus par les bouts des tuiles ou des ardoises, depuis le dernier joint du Pareau, on y a ajouté une troisième partie plus saillante & plus mince, qui en sait la Cime, d'où lui est venu le nom de Cimaise; peut-être aussi parce qu'étant composée d'une moulure de contour ondé, que les Grecs apelloient Cimation, on lui a donné ce même nom; c'est de cette étimologie que Vitruve le sait venir. Quoiqu'il en soit cette partie est le sommet & l'extrémité de tout l'ordre, où l'on pratiquoit un canal pour rassembler les eaux du comble, qu'on saisoit dégorger par des gargouilles en sorme de musses de lions, telles qu'on en voit dans la plûpart des Corniches Antiques.

[ 46 ]

Une corniche n'est donc pas un simple ornement de fantaisse, c'est une saillie utile pour la conservation d'un édifice; ainsi les parties de \* Essendo la corniche, comme l'a fort bien dit Palladio \*, doivent être saites di bisogno che à quelque usage, comme si l'ouvrage étoit de charpente, d'où il sait de la sornice qu'elle doit être divisée en trois parties distinctes & à-peu-près d'éga a qualche es- le hauteur, quoique variée par leur prosis.

faire, & fiamocomme De. La premiere est le suport du larmier, composé d'une ou de den mostrairiei di moulures en saillie l'une sur l'autre, ausquelles on peut encore ajouquello che si ter ces consoles, qu'on apelle Modillons, pour l'écarter encore davantage, rede rebbe,

quando l'opera fòsse di **Lenan**e.

La seconde est le Larmier, qui doit être une surface verticale; parce que c'est la plus propre à faciliter l'écoulement de l'eau, d'où il sur qu'elle doit être unie & continuée sans ornemens de gravure ni de sur pture, afin que l'eau y ait moins de prise, & s'en détache plus sur lement. Il est vrai qu'on en voit de sculpées dans quelques corniche antiques, comme à celles du Temple d'Antonin & de Faustine, & des Thermes de Diocletien; mais elles ne l'ont jamais été, que par de canelures verticales propres à faire égoûter les eaux. Au reste ces ornemens y sont superflus, & ne sont que de la consusion, lorsque le reste des moulures de la corniche est sculpé, comme on le voit à ce dernier exemple des Thermes de Diocletien.

La troisieme partie de la Corniche est la Cimaise, qui consiste ordinairement en une moulure, qu'on apelle Domine & un talon ou baguette, quelquesois en Cavet, comme à la corniche Dorique. Chacune de ces parties peut être distinguée, & agréablement liée à celle qui l'avoisine, par un filet, qui en fasse apercevoir la division.

Apre's le détail des trois parties essentielles à une Corniche, nous devons faire remarquer ce qui doit la caracteriser dans chaque ordre.

La Corniche Dorique est caracterisée par les Mutules, placées sous le platsond du Larmier, & ornée de goûtes, qui sont de petits cones tronquez, rangez par ordre & pendans à l'imitation des goûtes d'eau, qui en doivent découler; on pourroit, au lieu de cones tronquez, aprocher plus de la bonne imitation de vérité, en les faisant en sorme de poires; mais toute imparsaite que soit cette ressemblance, il suffit qu'elle soit sondée dans la nature pour qu'elle soit agréable à la vûë.

QUANT aux Mutules elles représentent selon Vitruve, le bout des Arbaletiers dans le système de ces toits plats, usitez dans les pays chauds, où le tiran s'assemble dans l'arbaletier; mais parce que le

[ 47 ]

mutules sont trop près pour que chacun d'eux représente une position de ferme: il y a quelque apparence que la Charpente des Anciens étoit comme celle qu'on fait dans quelques Provinces, dont nous allons parler ci-après, où chaque chevron tient lieu d'arbaletier, & fait avec son collateral une petite ferme, dont le tiran est une des poutrelles du plancher, de sorte qu'il y a autant de fermes que de poutrelles, d'où il suit qu'il ne doit point y avoir de denticules; puisqu'elles représentent des chevrons, selon Vitruve; or les arbaletiers de cette construction sont des chevrons, comme nous venons de le dire. Je ne sçai où un Auteur moderne a lû, que Vitruve veut des denticules à l'ordre Dorique : j'y trouve le contraire dans ses Ecrits, comme ie vais le prouver par une citation l. 4. ch. 2.

De même, dit-il, que les trigliphes & les Mutules sont le propre de l'ordre Dorique, les Denticules sont affectées à la Corniche de l'ordre Ionique, ce sont à peu - près ses expressions; mais en voici le texte. Ubi ante in Doricis trigliforum & mutulorum est inventa ratio, ita in Ionicis Denticulorum constitutio propriam in operibus habet rationem.

La Corniche Ionique est donc caracterisée par les denticules, qui représentent, selon le même Vitruve, les chevrons. Il faut cependant modum muconvenir que cette représentation est bien imparfaite; car dans quel suicamberiogenre de charpente met - on des chevrons si près - à - près , qu'il y ait rum projectuplus de plein que de vuide? disons que c'est un ornement de fan-imaginem, taisse, & destiné à cet ordre par une convention presque unanime; se in sonicis je ne trouve que Scamozzi qui ne s'y soit pas conformé, mais il ne deniculi ex donne aucune raison qui nous fasse connoître, pourquoi il n'a pas asserum hasuivi la mode générale.

Enfin. la Corniche Corinthiene est caracterisée par les Modillons pla-4, C, 2. cez sous le platsond du larmier, dont les Methopes sont couverts de Rozons ou d'autres ornemens de sculpture. Vitruve dit que ces modillons representent les bouts des Forces, ce qui embarasse beaucoup son commentateur Perraut, qui ne conçoit pas comment ces especes de Consoles, qui sont espacées près-à-près peuvent représenter les bouts des Forces, lesquelles sont espacées considerablement plus loin dans notre Charpente ordinaire, avec laquelle on ne peut comparer cette disposition. Pour justifier le discours de Vitruve, il dit, (page 111. 2º. éd.) " qu'il faut concevoir, que les Medillons, qui sont au droit des co-" lonnes, sont les seuls qui représentent les bouts des forces, & que " ceux qui sont entre deux y sont ajoutez pour la bienséance, de " même que les Trigliphes. " Ce discours nous montre sensiblement, que les Commentateurs trouvent souvent des difficultez dans des choses qui sont toutes simples; lorsqu'on est bien informé des mœurs & des

bens imisacie, nem. Vitt. 1.

[ 48 ]
modes des differens tems & Pays, Un voyage en Alface, dans le Palatinat ou dans le Wirtemberg auroit tiréPerrault d'embarras, & lui auroit fait voir à chaque comble des maisons ordinaires, que les modillons représentent très-naturellement les bouts des pieces de bois, qui servent en même tems de Forces & de Chevrons, en ce qu'elles sont espacées environ à deux pieds de distance les uns des autres, & qu'elles montrent leurs bouts faillans, sous l'avant toit, qui représente la Corniche ou plutôt, qui en est l'origine, & comme l'arête inférieure de ces bouts rectangulaires est inutile on l'abat souvent par une coupure en chanfrain, comme une ébauche de Console ou de Modillon. Je crois même en avoir vû de façonnez à-peu-près de même ; ainfi il n'est pas nécessaire de se donner la torture pour éclaircir le sens de Vitruve, il suffit de dire que de son tems la charpente des combles étoit disposée comme celles d'une grande partie des maisons d'Allemagne, où il y a autant de forces que de chevrons, qui font comme autant de fermes assemblées sans Faiste, dont les arbaletiers ou forces montrent leurs bouts inférieurs; parce qu'ils ne sont pas assemblez dans le tiran; au contraire le tiran est assemblé dans les arbaletiers, qui le débordent en dehors de deux ou trois pieds pour former un avant toit, dont la saillie met la face de l'édifice à couvert comme une corniche. Cette explication est d'autant mieux prouvée, que la mode de faire des to its peu élevez, comme en Italie, est trop favorable à cette construction, en ce que les arbaletiers poussent d'autant moins au vuide qu'ils sont plus inclinez à l'horison dans le raport de leur longueur à la hauteur du poinçon.

Les sectateurs de Vignole, qui mettent des denticules à tous les ordres excepté au Toscan, ne sont point de scrupule d'en mettre au dessous des Modillons, & pour éluder le ridicule que Vitruve, y trouve, ils disent que les modillons ne signifient rien, que ce ne sont que des Consoles de pure décoration. Je viens de montrer le contraire : ils seroient mieux sondez de parler ainsi des denticules, qui ont bien pû dans leur origine représenter les bouts des chevrons, comme le dit Vitruve; mais qui dans la disposition présente leur ressemblent trèspeu ou point du tout par deux raisons.

La premiere, qu'elles sont trop près - à - près; puisqu'elles laissent entre elles moins de vuide que de plein; or il ne paroît guères naturel qu'on ait besoin d'arranger ainsi des chevrons; car ce seroit en multiplier le nombre sans nécessité, & les saire trop petits, même dans le système de la couverture des tuiles creuses, où ils servent de lattes.

[ 49 ]

La seconde raison paroît encore plus concluante, c'est celle de leur position au dessous du Larmier; parce que les chevrons doivent être immediatément sous la Cymaise, saquelle étoit dans son origine le Cheneau, qui recevoit l'égoût des eaux du toit, & les rejettoit en dehors par des Gargouilles, dont la saillie & les ouvertures y sont encore aujourd'hui représentées par les musses de Lions, dont on orne cette partie de la Corniche, comme nous l'avons dit.

La troisième raison, c'est que les chevrons étant inclinez, leurs bouts sciez quarrément devroient l'être aussi; or les surfaces des denticules sont à plomb; donc les denticules en aucun système de Charpente ne peuvent représenter les bouts des Chevrons, comme l'a prétendu Vitruve.

Ajourons à ces raisons celle de la bienséance, qui ne veut pas qu'on établisse de grosses consoles au dessus des petites denticules, dont elles ne sont séparées que par une moulure. Cependant Vitruve a beau décider contre cette ordonnance, l'antique en fournit des exemples, c'est assez pour autoriser ceux qui aiment à voir ces deux ornemens réunis dans une même Corniche. En fait d'ornement il semble que l'on ne s'embarasse plus de raisonner dès qu'on peut citer un modele dans les monumens de l'antique; quoiqu'ils en fournissent fouvent de fort mauvais, qui ne seroient point à suivre, si l'on se consormoit au goût de Vitruve; puisqu'il condamnoit ces ouvrages de son tems, que nous prenons aujourd'hui pour modeles.

En effet, on y voit souvent des ornemens répandus sans discernement ni distinction caracteristique des ordres, comme lorsqu'on y en voit autant dans le Dorique que dans le Corinthien. Il étoit dans ce tems comme dans le notre des Architectes plus atentiss à surprendre les yeux qu'à satisfaire la raison.

Le Dorique des Thermes de Diocletien est plus enrichi de sculptures que l'Ionique du Theatre de Marcellus, l'Ionique de la Fortune Virile est plus enrichi des mêmes ornemens que le Corinthien de la Rotonde, & le Corinthien des Thermes de Diocletien est tellement surchargé de sculpture à chacune & à toutes ses moulures, qu'il en résulte une grande consusion, quoiqu'en disent les sades adulateurs de l'antique, qui se récrient sur la belle varieté de ces ornemens.

On ne peut disconvenir de cette ingénieuse varieté; mais elle n'est pas suffisante pour empêcher le papillotage de tant de petits objets, où la vûe ne peut se fixer. Or il est impossible de donner une certaine grace générale à un grand nombre de petits ornemens, qui par-

[ 50 ] tagent trop la vue, il faut lui laisser du repos; entre deux membres sculpez il en faut de tout unis pour leur servir de bornes, faute de quoi le spectateur ne sçait où fixer ses regards.

### Observation sur l'usage des Corniches en général.

Oubloues belles que soient les corniches, on ne doit pas ses employer indifferemment par -tout sans discernement, ni leur oter par des brisures ou des contours forcez, la simplicité de direction qui leur est naturelle.

Premierement, nous avons prouvé par de bonnes raisons, qu'on ne doit pas en entasser plusieurs les unes sur les autres dans une même

Secondement, qu'on doit les faire moins faillantes dans l'intérieur \* L.7 ch. que dans l'exterieur des édifices par deux railons, l'une qui est com 3. Cum ca mune à Vitruve\* & à Palladio, est que lorsqu'elles ont trop de sail mere poli-lie, leur pesanteur peut en faire détacher quelques parties, qui peuvent me fuerint écraser ceux qui sont delsous.

L'autre qui est particuliere à Palladio, est qu'elles paroissent refsubjiciendæ ferer & angustier les sieux où elles sont ensermées, ce qu'on remarque exquequam maxime te. dans la plûpart des nouvelles Eglises d'Italie. L'Architecte de S Pierre neu & sub de Rome, qui avoit senti ee défaut, a tâché de diminuer la faillie de siles oporte la Corniche du grand ordre Corinthien de la nef, en suprimant totalement la cimaile, & de crainte que la faillie de l'Architrave ne casum enim chât une partie de la hauteur de la Friso, il en a couché les faces en

La feconde observation que nous avons à faire concerne la simplicuntur, nec cité de leurs alignemens, que les mauvais Architectes affectent de rompre, & d'en alterer & varier la direction, s'imaginant qu'une corniche n'est belle que par la multiplicité de ses ressauts horisontaux, qui en répetent plusieurs sois les profils, & par les contours variez funt in ca- de plusieurs parties, souvent détachées, tantôt cintrées, tantôt pliées merisprisco rum dispo. en volutes, ou profilées sans rouleaux. On connoît souvent à ce défaut les desseins des sculpteurs & des menuisiers, qui alterent ainsi quod ea. les seuls changemens de leur direction, qui sont nécessaires pour les rum planiégoûts, où elles forment des frontons, ce que nous allons expliquer.

#### DES FRONTONS.

Les Corniches ne représentent que la saillie horisontale des toits par le bas, les frontons expriment celle des côtez suivant la pente des

fub cas corong funt

grandes funt pon-

dere dedufuttinere. **E**tiamque gravi pon-

dereimpendentes Juns periculoja,

[ {1 ]

Égoûts, qui forment entr'eux une partie angulaire, qu'on apelle le Pignon, & en Architecture le Fronton; parce qu'anciennement cette partie étoit au Front, c'est-à-dire, à la face d'entrée du bâtiment.

Pursoue la Corniche rampante est une portion du comble, il est clair qu'elle ne peut déborder le nud du pignon que par la prolongation des Pannes & des Lattes; donc les chevrons n'y peuvent être vûs par leurs bouts, non plus que les Forces ou Arbaletiers, mais par les côtez suivant leur longueur; par conséquent une Corniche à denticules & à modillons n'y peut être tolerée avec quelque vraisemblance d'imitation de l'Architecture naturelle, comme l'a fort bien remarqué Vitruve. \* Les Anciens, dît-il, n'ont jamais aprouvé les Denticules ni les Mutules aux Corniches des Frontons; parce que les Forces & les chevrons n'y peuvent paroître en faillie, étant arangez pour l'égoût suivant la longueur de cette partie, & ils ont jugé avec raison, qu'on ne devoit pas saire des représentations de choses, qui n'ant point de fandement dans la vérité.

It ne faut pas dire avec Daviler, que les modillons y signifient les bouts des pannes. Quelle aparence qu'on les mette si près-à-près? Mais si l'on pouvoit lui passer une excuse si mal sondée; pourquoi les faire à plomb & non pas perpendiculaires à la pente du toit comme les pannes? D'ailleurs comment veut-on que ce qui signisse une chose dans une corniche horisontale en signisse une autre sans aucun changement dans les inclinées à l'horison? Quelle contradiction!

L'Architecte du Temple de Sciss, dessiné par Palladio, avoit si bien senti cette raison, que quoiqu'il eût mis des modillons dans la Corniche horisontale, il n'en avoit point mis dans l'inclinée du fronton, il leur a substitué un ornement de sculpture. Disons plus, que si nous devons imiter scrupuleusement la nature, il ne faudroit point de corniche horisontale sous un fronton, mais seulement une espece de cours de plinthe, qui exprimeroit le tirant de la serme, lorsqu'il y a un portique sous le fronton; s'il n'y en avoit point, cette partie ne seroit pas absolument nécessaire. J'en trouve un exemple dans l'antique chez Palladio au Temple du Soleil & de la Lune, & dans un bas relies trouvé dans les Dunes de Dombourg en Zélande, où la Deesse Nehalemma est sous un fronton, dont la Corniche horisontale est su-

<sup>\*</sup> Etiamque Antiqui non probaverunt neque instituerunt in fastigiis mutulos aut denticulos fieri, sed puras Coronas, ideo quod nec Camherii, nec afferes contra fastigiorum frontes distribuuntur, nec possunt prominere, sed ad stillicidia proclinati collocantur. Ita quod non potest in veritate sieri, id non putaverunt in imaginibus sastiu posse certam rationem habere, Vitr. 1. 4. 6, 2.

[ 52 ]

primée. Si les Architectes ne sont pas de cet avis, ils sentent de moins qu'elle ne doit pas être complete comme l'inclinée, mais qu'elle doit être mutilée de sa cimaise, ce qu'ils observent ordinairement.

Puisque les frontons représentent clairement la faillie d'un toit, il est évident qu'on ne doit placer cet ornement qu'au sommet de l'édifice, à moins qu'un avant-corps considerable ne demande un toit pariculier, tel est par exemple un portique, comme celui de la Rotonde, qui a son comble séparé, & d'une figure différente de celle du Temple auquel il est adhérant; cela doit s'entendre des frontons qui contronnent un ordre d'Architecture.

Quant à ceux que l'on voit souvent au dessus des portes & des fenètres, les sentimens sont partagez. Nos Architectes modernes blament les Italiens d'en mettre par-tout, & les condamnent dans plusieurs de nos grands édifices qui en sont couverts, comme au vieux Louvre & ailleurs; pour moi qui m'attache toujours à l'imitation de l'Architecture la plus naturelle, je trouve qu'ils n'y sont point hors de place; parce que leur figure angulaire ou bombée fait une bonne décharge aux Linteaux des Bayes des portes & des senètres: c'est une raison apuyée du sentiment de Scamozzi & de Vitruve\*, & sondée sur un usage si général, qu'on ne se dispense jamais d'y en saire dans la construction, quoique ordinairement on les cache par l'enduit, mis non pas dans tous les pays; car dans la Hollande ces especes de sontons sont encore presque tous aparens dans les vieux édifices, dont ils saisoient une décoration, suivant la mode du dernier siecle.

Considerons-les encore comme des petits toits, lorsqu'ils out des Corniches, nous en trouverons l'utilité pour mettre à couvert ceux qui se présentent aux portes & aux fenêtres, & garantirles jambages, qui ne sont pas de matiere à l'épreuve de la pluye, cela est si viai, qu'on en fait dans les pays où la pierre de taille n'est pas bonne ou fort commune. Cependant il faut éviter la multiplicité de ces onnemens, qui devient à la fin désagréable.

Sort qu'il s'agisse de frontons en grand ou en petit, on ne peut disconvenir, que c'est pecher contre le bon sens, que d'en mettre immédiatement deux ou trois les uns sur les autres, particulierement sur une même base de corniche horisontale, comme on en voit souvent en Italie à des riches bâtimens, par exemple au portail de la sameuse Eglise du Nom de Jesus à Rome.

Vitr. I. 6. ch. 11. Subcureasi poster administrandum est, uti levent onus parieum fornicationes cuneorum divisionibus. & ad centrum respondentes earum conclusira, cum enim extra trabes liminum capita arcus cuneis erunt conclusi, primum non pardabit materia levata onere. Il me semble que Perrants na pas bien eradus cu endris.

[ 53 ]

A l'égard des brilures & des enroulemens des frontons, je n'ai rient à ajouter à ce qu'en on dit l'alladio & Scamozzi, qui le sont fort récriez contre ces abus; la raison que ce premier en donne est, que toutes les parties des corniches doivent être faites à quelque usage, & représenter ce que l'on verroit, si l'ouvrage étoit de charpente; or de quel usage peuvent être des coupures & des enroulemens, qui découvrent au lieu de couvrir? Je crois que ces solles licences ont été copiées de quelques - unes de ces idées antiques, que Vitruve apelloit Arpaginetuli striati cum crispis soliis of volutis, dont Philander avouë, qu'il ne sçauroit deviner la signification, ce qui me donne lieu de le conjecturer, c'est que Vitruve y parle des frontons pro sassignis.

Quotovir en soit nos dessinateurs de Rétables, ont trouvé ces idées si belles, qu'ils les ont souvent repetées plusieurs sois dans le même lieu; je ne parle pas de ce que l'on fait dans ces Provinces reculées, où ces ouvrages sont livrez au caprice d'un Sculpteur sans goût; mais à Rome dans les ouvrages les plus aparens, par exemple, à la Chapelle du Bienheureux Louis de Gonzague, au College Romain, où l'on voit le couronnement du premier entablement cintré, brisé & coupé par des ressauts avec des morceaux de frontons, simplement bombez & prosilez à leur coupure; ensuite immédiatement au dessus il est surmonté d'un second couronnement en saçon d'Attique, interrompu par des ressauts de differens niveaux & allignemens, rechargé de deux autres morceaux de frontons roulez en volutes, qui acompagnent une sixiéme piece élevée sur un contour de Piedouche en adoucissement, lequel couronnement est encore interrompu au milieu à-peu-près comme le premier par une partie saillante de différente figure.

Cz sont cependant de ces ouvrages connus par la richesse de leur exécution, & par la place qu'ils occupent dans une ville, célebre par la réputation de contenir les plus beaux morceaux d'Architecture, que naissent tous les jours ces bisarres desseins, que les gravures ont multipliez & répandus entre les mains des Artistes, qui y puisent les idées des ouvrages qu'ils ont à faire, & qui se croient par-là bien autorisez à y mettre des frontons brisez & roulez, d'autant plus que de fameux Architectes, particulierement Michel Ange Bona Rota, en ont sourni des modeles, vantez par les Ecrivains, par exemple, à la Porte Pie à Rome, à celle de la Vigne de Sermonetti & de Grimani, comme si la réputation de cet Architecte étoit venuë de cette peu judicieuse invention; ce n'est pas la première licence de sa façon que l'on doit rejetter, ses ouvrages en sont pleins, & malgré les éloges & les excuses de Daviler, on peut dire qu'il donnoit souvent des exemples d'une bisarre composition. Je crois en deviner la raison; c'est

qu'il étoit plus Sculpteur & Peintre qu'Architecte; or le goût des grands Dessinateurs est d'introduire par-tout des ornemens & de la varieté à quelque prix que ce soit; l'Architecture simple leur déplait, ils se moquent de ceux qui n'y employent que la régle & le compas, comme d'une stérilité de génie, sans concevoir que les ordres d'Architecture nesont pas de pures décorations de caprice, mais une sage & sidele imitation de l'Architecture naturelle, comme nous l'avons prouvé ci-devant. La Sculpture & les ornemens trouvent place dans les intervales de leurs parties, & en augmentent infiniment la grace; mais ces parties ne sont pas susceptibles d'alteration.

## Raisons historiques de la Réduction des Ordres au nombre de trois.

Nous avons tiré de la nature des choses les raisons qui rédussent les ordres au nombre de trois; mais parce que les Architectes se conduisent plus par l'autorité des exemples de l'Antique, que par le seu raisonnement, il est à propos de faire voir que nous sommes son dez dans l'histoire, pour nous en tenir à ce nombre, & ne pas en admettre cinq.

PREMIEREMENT, il est constant que dans l'Antiquité Grecque on ne reconnoît que trois ordres. Cette véritée est prouvé par le térnoignage de Vitruve. E Columnarum formationibus TRIUM GENERUM facta sum nominationes,

SECONDEMENT, il semble lui-même s'en tenir à ce nombre, & ne parler de la mode de Toscane, que comme d'une coutume de bâtir à laquelle il ne donne aucun rang; en effet il fait la colonne Toscane plus délicate que la Dorique, par conséquent il auroit du mêler cet ordre prétendu parmi ceux des Grecs; mais il le met à part sans le compter pour un quatriéme.

Nos Architectes modernes ont voulu le mettre au premier rang comme le plus massif; mais en cela ils n'ont pour eux ni l'autorité de Vitruve, comme je viens de le dire, ni les modeles de l'Antique, dont il ne reste aucun monument de cet ordre; car l'Arène de Verone, celle de Pole & son Theatre, ne sont qu'une maniere de bâtiment rustique, qui ne leur sert de rien pour les proportions de l'ordre Toscan, & la colonne Trajane, qui est leur seule ressource décide contre eux, puisqu'elle a la proportion de la Colonne Dorique, qui a pour hauteur huit sois son diametre pris à sa base; mais comment nous seroit-il reste des monumens de cette mode? c'étoit la maniere de bâtir des pau-

(55)

vres gens de Tofcane, qui n'avoient pas de quoi faire des Architraves de pierre; car Vitruve dit, qu'on les faisoit de bois. J'aimerois autant qu'on me donnat pour un ordre les maisons des montagnes des Alpes.

Or si la colonne a la proportion de la Dorique, suivant le seul monument cité, & que l'entablement ait le quart de sa hauteur suivant le commun accord des Architectes, quelle disserence y a-t-il entre l'entre l'ordre Toscan & le Dorique? Ce sont les trigliphes, dit-on : o la belle disserence! n'y a-t-il pas quelques pieces en saillie équivalentes dans le Toscan, suivant Vitruve, qui les apelle Antepagmenta, & après lui , suivant les desseins de Palladio & de Scamozzi, que leur manque t-il? deux gravures & deux demi - gravures angulaires? y a-t-il là de quoi saire un genre à part? Disons donc que ce n'est qu'un abatardissement du Dorique retombé dans la grossiereté de son origine, puisqu'on a commencé à déterminer la hauteur de la colonne par la songueur de six de ses diametres pris à la base, que cette proportion a dépliquiqu'à ce qu'elle ait été élevée à sept & demi, & que la Toscane n'en a que sept suivant nos modernes; telle est la proportion dorique chez Vitruve au Chap. 1. du livre IV.

A l'égard de l'Ordre Composite, if est certain qu'il étoit inconnu du tems de Vitruve & de Pline; car l'un & l'autre, qui parlent des autre ordres, ne disent rien de celui-ci, Perrault malgré ce silence voudroit fur de frivoles conjectures, prouver que le composite est anterieur à Vitruve; mais il ne dit rien qui mérite attention. Les autres Architectes plus sages disent qu'il est posterieur, & que par conséquent ces Auteurs n'en ont pas eu connoissance, prétendans, que l'Arc de Titus est le premier qui ait été fait dans ce genre; er quelle est la difference des proportions de cet Arc avec l'ordonnance Corinthiene? Elles iont fi femblables, que nos Architectes modernes, comme Vignole, n'y ont pas trouvé des exemples qui les autorisent à les changer; il n'y en a que dans les profils qui ne décident de rien, & un peu dans le chapiteau, qui ne peut par la varieté de sa sculpture donner un nouveaunom à tout l'ordre, qui conssiste dans la proportion de ses parties & particulierement de sa colonne, comme l'a fort bien dit Vitruve: \* On met quelquesois, dit-il, de differentes especes de Chapiteaux sur les mêmes colonnes, & on leur donne differens noms; mais nons ne devons pas pour cela les regarder comme de nouveaux ordres; ce ne sont

<sup>\*</sup> Sunt quæ iisdem Columnis imponuntur capitulorum genera variis vocabulis nominata, quorum nec proprietates simetriarum, nec Columnarum genus aliud nominare possessus, sed ipsorum vocabula traducta & commutata ex Corinthiis & Pulviniis & Dorieis videmus, quorum simetrias sunt in novarum sculpturarum translatæ subtilitatem, l. 4... in procent.

[ 56 ]

que des nouveautez de sculptures, que l'on doit toujours raporter aux ordres Corinthien, Ionique & Dorique; donc le prétendu Ordin Composite n'est qu'une nouvelle subtilité ou rasinement de sculpture, apliqué à l'ordre Corinthien, & non pas un ordre different.

On pourroit répliquer à ce que j'avance, que suivant la maxime de Vitruve, & les proportions qu'il donne à la Colonne Ionique & à la Corinthiene qu'il sait égales, ces deux ordres n'en seroient plus qu'un, & l'on auroit raison; mais personne n'adopte cette égalité de proportion, & son raisonnement peut saire soupçonner, qu'il s'est glissé quelque saute dans le texte de Vitruve, sans quoi s'on ne peut s'excuser de se contredire. Quoiqu'il en soit, il est clair qu'il a vû plusieurs especes de compositions en vogue parmi-les ouvrages d'Architecture, & que cependant il n'a pas cru en devoir faire un ordre à part.

CE cinquiéme ordre est évidemment de la création des Architectes du 15. siecle, qui ne se sont pas accordez sur le rang qu'ils de voient lui donner; Scamozzi a cru avec raison, qu'il devoit tenir le milieu entre l'Ionique & le Corinthien; parce que son Chapiteau est un composé des Volutes Ioniques & des feuilles Corinthienes; suivant son opinion le composite n'est qu'un Ionique un peu élevé; parce que les parties dominantes du chapiteau font les volutes, & comme les monumens de ces compositions sont plus fréquens à Rome qu'ailleurs, il lui donne le nom d'ordre Romain; or si nous comptions le nombre des ordres par celui des modes de chaque ville fans égard au rang qu'elles tiennent en fait de la folidité ou de legereté de construction, il n'y a pas plus de raison de donner le nom d'ordre Romain à l'arc de Titus & à ses semblables, que celui de Veronnois à l'ordonnance de l'arc des Lions de Veronne; puisque cette derniere n'a rien d'égale à celle de l'arc de Titus; mais seulement quelque resfemblance dans le chapiteau; car l'Architrave & la Corniche sont totalement differentes.

D'AUTRES Architectes ont cru que ce nouvel ordre devoit être plus délicat que le Corinthien, & pour cela l'ont mis le dernier. Mais quelle délicatesse kui trouvent-ils de plus? il n'y en a point dans la Corniche, & le Chapiteau est évidemment plus massif.

QUANT à la distinction que Perrault veut faire de composé à composite, elle ne vaut pas la peine d'être relevée.

Convenons avec Daviler sur l'ordre composite page 72. qu'on n'apt s'écarter des Ordres Grecs, sans tomber dans quelque défaut, & concluons qu'il faut retrancher les compositions Toscanes & Romaines du nombre

1.57 ]

bre des ordres d'Architecture; les principes naturels que j'ai établi de la constitution & énumeration des ordres me paroissent indivisibles, je ne connois que les extrémes & le milieu; les combinaisons que l'on peut faire du plus ou du moins de grosseur & du mélange des parties sont sans contredit infinies en nombre. Je laisse aux Architectes la liberté de s'y exercer, pourvû que dans leurs compositions ils observent judicieusement ce qui convient à chaque degré de solidité ou de legereté, & qu'ils ne sortent pas de l'imitation d'une Architecture simple, solide & naturelle. Nous avons autant de droit, a sort bien dit un Auteur moderne, de changer les pensées des Romains, que ceuxci en ont eu d'alterer les ordres des Grecs; mais il ne saut pas les imiter dans une partie des changemens qu'ils ont saits, où l'on trouve du pire au lieu de la persection.

On se récriera, sans doûte, sur une maxime qui semble livrer les Ordres d'Architecture au caprice des Architectes. Ignorez-vous, me dira-t-on, que cet Art a ses régles, qu'elles sont en grand nombre & plus précises que vous ne dites?

Pour répondre à cette interrogation, je demanderai à mon tour, où sont ces régles? les trouvera-t-on chez Vitruve, qui est le Legislateur ou plutôt le premier Compilateur de ces loix? Il n'y a pas un Architecte de tous ceux qui ont écrit, & se sont érigez en maîtres, qui ne l'ait resuté & abandonné dans plusieurs choses, & l'on peut dire, que quoique toujours cité, comme s'il étoit le plus estimé, c'est un des moins imité. Il me paroît que ce n'est pas tout-à-sait sans raison; car on peut sans affecter de le critiquer convenir, qu'il ne donne pas une idée distincte de ce qui doit saire la difference des ordres, qu'il semble établir dans la proportion des colonnes, & cependant qu'il veut distinguer sans en changer les mesures, ce qui envelope une contradiction manifeste.

On peut en second lieu dire, qu'il n'étoit pas d'un goût excellent, ce que l'on voit clairement par la comparaison de ses mesures avec les beaux Monumens de l'Antique qu'on admire le plus, ce qui prouve, qu'il n'étoit pas du goût de son siècle, non plus que du notre en certaines circonstances; puisque les ouvrages saits par ses contemporains sont bien differens en proportions & en profil de ceux qu'il prescrit.

Au reste on ne peut lui resuser un grand sond de bon sens dans les, choses essentielles à la construction, encore n'y est-il pas irrépréhensible; puisqu'il conseille des surplombs sur une fausse idée d'Optique. Je ne veux pas faire la critique de ce Pere de la bonne Architecture sur quelques sautes qu'on peut lui reprocher. Je respecte sa Mémoire

Le fes Ecrits; mais je ne conseille pas une avengle déserence pour les régles qu'il donne, & parmi plusieurs garans, que je pourroistrouver de la justice que je lui rends, je citerai ce que Scamozzi en a dit au Chap. c. de son 6. Liv. Si l'on compare, dit-il, les proportions qu'il a donné à ses ordres avec celles de l'Antique, on conviendra qu'elles sont sans beauté; c'est pourquoi la plûpart n'ontéténissivier, ni aprouvées par les Architectes intelligens. Si puo comprendere da gli ordini & d'elle altre parti che egli descrisse nella sua opera è pose in dissente, et di per questo la maggior parte di esse non sono state ne landatien pariment in uso da gli Architecti intendenti.

Disons plus, que Vitruve lui - même n'a pas regardé les proportions des ordres, comme une régle constante; puisque au Chap. 9. du ç. Liv. il change pour les Theatres les proportions des ordres, qu'il avoit donné pour les Temples.

DIRA-T-ON que ces régles des ordres d'Architecture se trouvet chez les dix grands Architectes, qui en ont écrit, sçavoir Palladio, Scamozzi, Serlio, Vignole, Barbaro, Cataneo, Alberti, Viola, Bulan & de l'Orme; il n'y a qu'à ouvrir le parallele qu'en a sait le célebre Chambray, on trouvera qu'ils différent très-considerablement entre eux, non seulement dans la varieté des prosils, mais aussi des le raport des diametres des Colonnes à leur hauteur, & à celles de leurs entablemens. Cependant malgré cette diversité chacun d'eux sell acquis de la réputation pendant sa vie, & des partisans ou sectatem après sa mort, qui ont traduit, commenté & mis en vogue leur écrits. Palladio a été traduit à juste titre en plusieurs langues.

La magnifique édition Françoise qu'on en a fait la Haye, il yaset ou huit ans, est un témoignage du cas que l'on fait de cet Auteur deux cent ans après sa mort; Scamozzi n'a été traduit en François qu'en partie, & Vignole a été rendu célebre en France par le commentaire de Daviler, qui vaut cent fois mieux que le texte. Il est étonnant qu'un homme capable de donner de bons préceptes, ait épousé un des Architectes, qui a le moins raisonné; ensin les autres ont en aussi leurs traducteurs & leurs Panegyristes, quoique sur de très differentes proportions.

Quel est donc le véritable Legislateur, qui a sçû fixer les justes mesures & raports des parties des ordres? Personne n'en reconnoit, que celui qui est le plus à son gré. Si cependant on nous demandoit lequel est le plus géneralement estimé des Architectes & bons Connoisseurs? on peut s'en rapporter au jugement du célebre Chambras.

[ 59.] qui étoit très-capable de prononcer dans une matiere qu'il avoit discuté . étudié & combiné avec grand soin. Il donne la palme à Palladio. le fecond rang à Scamozzi, le troisième à Serlio & le quatriéme à Vignole, dit autrement Barozzi; je souscris à ce jugement sans m'attacher à personne, & sans vouloir pallier les fautes que chacun d'entre eux peut avoir fait contre les principes de la raison & de la bienséance de l'imitation; parce qu'il est bien prouvé, qu'il n'en est point qui les ait toujours observé, comme on pourra le remarquer par ce que tions avons dit juiqu'ici.

Puisque les régles des ordres d'Architecture ne sont pas reçues sur l'autorité de Vitruve, ni recevables sur celle de plusieurs fameux Architectes, qui en ont écrit après lui, tant elles sont variées & peu constantes dans les mesures & proportions; il ne resteroit donc de lieu où l'on puisse les trouver, s'il y en avoit de parfaites, que dans les monumens Antiques; mais il n'est pas difficile de prouver qu'ils sont pleins de fautes, quelquesois même contre le bon sens, comme nous le remarquons suivant le jugement de Vitruve à l'égard des modillons & des denticules. Mais quand il n'y auroit rien à redire touchant l'ordre des choses, la différence des profils & des proportions, est souvent si considerable, qu'il est impossible d'y fixer des régles de beauté; car si elle consiste dans un certain raport & degré de combinaisons de parties, comme on le dit, il est évident, qu'elles ne peuvent se trouver dans des ouvrages differens, qu'on veut cependant être du même genre.

Certainement si les exemples des monumens antiques autorisent les desseins d'Architecture, il n'est sorte de désaut qui ne se trouve autorisé.

Voulez-vous des colonnes ridiculement courtes? vous en trouverez dans ce Mausolée Antique que j'ai vù auprès de S. Remy en Provence, que les Connoisseurs \* jugent cependant du siècle d'Auguste, qui fournit les modeles de la belle Architecture.

Est-il besoin d'autoriser celles qui sont engagées en partie dans des Voyez l'Himurs? vous en trouverez au Temple de la Concorde, & à celui de stoire de Nimes, apellé la Mailon quarrée.

Voulez-vous des Piedestaux d'une hauteur démesurée? l'Arc de an 1728. Constantin vous en fournira un exemple. En voulez - vous d'Isolez? yous en trouverez au Temple de Sciss, dessiné par Palladio.

Voulez-vous des Chapiteaux composez de rinceaux bisarrement h ii

pieds 2. pouces de l'Acad. des inscriptions

[ 60 ] arangez & melez d'animaux au milieu des volutes ? prenez pour mois le ceux du Temple de Vesta de Nimes, ou de celui de Jupiter, dans lequel vous trouverez des Aigles & des Foudres, ou bien de celui Ces Pe- de Mars, où vous trouverez des Pegases \* au lieu de volutes, & plu-

gales pour- sieurs autres semblables.

avoir été Vous prendroit-il fantaisse de mettre des denticules à cu sur une imitez des Chapiteaux Phrise, sans moulure au dessous? apuyez-vous de l'exemple de l'Arc des du Temple Lions de Verone, & des frontons du Temple de Vesta de Nimes; de Persépo- ou presque à cru & immédiatement sous les modillons? apuyez-lis, où son vous sur l'autorité de la Corniche du Temple de la Concorde.

Vos Modillons ne sont - ils pas à plomb sur le milieu des colonmi-corps de nes? citez l'exemple de l'arc de Trajan, ou ce qui est encore pis, Chevaux, avez-vous un trigliphe hors du même à plomb du milieu de la cotournez en lonne? rapellez le Temple de la Pieté, où le trigliphe angulaire tritraire, dont mine la Phrise à son extrémité, sur le côté de la colonne.

Voulez-vous excuser Vignole & Scamozzi d'avoir mis des Deset les jam ticules à la Corniche Dorique contre l'exigence caracteristique de cet besseplient fur Phitra. ordre? citez les exemples du Theatre de Marcellus & des thermes de Diocletien.

> Voulez-vous excuser le même Vignole d'avoir rassemblé des Desticules & des modillons dans une même corniche, contre le précept de Vitruve & de la raison? produisez celle de l'arc de Titus & quelques autres. Si l'on vous dit, qu'il n'y en a pas à la Rotonde, qui est considerée comme un meilleur modele? dites avec quelques Aschitectes, qu'on a oublié d'y tailler les denticules, que la place y est toute prête.

Voudriez-vous suprimer le larmier d'une Corniche? justifiez vote dellein par l'exemple de celle de l'arc des Lions de Veronne, des Frontons du Temple de Vesta de Nimes, & du Temple de la Paix qui sont mutilez de cette partie essentielle à une Corniche.

CHERCHEZ-vous un modele de frontons écrafez ? jettez les yeur fur celui du Temple d'Aurelien, & de l'arc de Trajan d'Ancone.

En voulez-vous dans un lieu couvert, où cet ornement est déplace vous en trouverez au Panthéon & au Temple de Vesta de Nimes.

Avez-vous fait un assemblage bisarre de moulures, comme de trèsgrosses Cimailes sur un petit larmier & autres pareilles difformitez? montrez le profil de la corniche du Temple de la Fortune Virile, cité

doubles buftes ou de-

les corps fe confondent par Daviler, Planche C. page XI. tirée d'un batiment qu'on met au rang des beaux morceaux de l'Antique, & celui de la maison quarrée de Nimes.

En un mot, si l'Antique est un bon modele en tout, il saut convenir, qu'il n'y a point de mauvaise ordonnance d'Architecture dans sout ce qu'ont fait nos Architectes, & les plus ignorans Dessinateurs d'ordres; en voici la raison.

IL est certain qu'en tout tems il y a en de bons & de mauvais Architectes, même suivant le goût de leur nation. Etoient-ils tous bons au siecle d'Auguste? Non sans doute, puisque Vitruve blamoit plusieurs de leurs ouvrages en établissant ses régles. Il nous reste en France un monument de ce tems-là, dans lequel on ne trouve rien de bon goût. C'est cet édifice qui est au milieu du Pont de la Charente, où on lit encore..... O CÆSARI NEPOTI DIVI JULII PONTIFICI AUGURI, les Antiquaires supléent Divo Augusto; ainsi le tems de sa construction en est connu; cependant on y voit des piedroits d'Arcades canelez & décorez sous un massif tout uni, qui soutient deux Arcades écrasées, dont les Archivoltes sont excessivement larges, les corniches des impostes trop petites, des colonnes angulaires ridiculement courtes, & fans aucun accompagnement d'un angle à l'autre; des corniches sans régularité de profil, & répetées trois sois les unes sur les autres à-peu-près d'égale grosseur; enfin où l'on ne reconnoît rien de ces Antiques du même tems, que nous prenons pour modeles.

D'ou je conclus, qu'il est impossible de pouvoir statuer sur d'autres régles, que sur celle de l'imitation de cette Architecture naturelle, dont j'ai sait la description dans toute la simplicité de son origine, & sur celles de l'accompagnement convenable au genre de bâtir, qu'on se propose, comme sort, ou délicat, simple ou riche, selon que chacune des parties en est plus ou moins susceptible. Il est inutile de citer la composition Romaine ou la Toscane, & tous les changemens saits ou a faire par les Architectes, qui veulent inventer de nouveaux ordres, ce ne seront jamais que des noms differens, donnez aux mêmes ordres.

IL y auroit beaucoup d'autres choses à dire sur cette matiere, quoiqu'elle a été traitée & rebatue par plusieurs Ecrivains; la plûpart d'entr'eux ont touché les abus des changemens saits dans quelques parties des ordres d'Architecture; mais j'en trouve un plus grand, dont ils n'ont point parlé; c'est celui d'employer ces ordres par-tout où ils ne servent de rien, où ils n'ont rien à porter, & où ils sont réduits à de petits colifichets. Il n'est presque point de nos Eglises où l'on ne

trouve l'un & l'autre de ces abus. Le premier y est remarquable par la répetition de plusieurs ordres inégaux, en espece ou seulement en grandeur, dont les uns sont du corps de l'édifice, les autres apliques contre les surfaces des murs, sous des Arcades, ou dans l'ordonnance des Retables; & le second se voit dans presque tous les Tabemacles, où ils sont multipliez en petit, de sorte qu'on voit plusieurs édifices en imitation rensermez comme plusieurs bottes de différentes grandeurs, les uns dans les autres.

Nous devons l'introduction de ce fatras à l'ignorante devotion de quelques Communautez Religieuses, qui ont cru orner leus Eglisa & leurs Autels par ces superflus & ineptes accompagnemens, faute d'avoir consulté les usages des premiers siecles de l'Eglise, où l'on ne faisoit les Autels que d'une simple table, qui a restée nue jusque ven le dixiéme fiecle, je veux dire sans Gradins, Niches, Retables, ni Tabernacles; il n'étoit même permis d'y mettre autre chose que le la vre des Evangiles. Dans ce tems il n'y avoit qu'un Autel dans chaque Eglise, lequel n'étoit point plaqué contre un retable, mais solé, de maniere qu'on pouvoit tourner tout au tour, comme l'exigent plu sieure céremonies de l'Eglise. Mais soit qu'on ait cru bien faire pour décorer la maison du Seigneur, soit que les Communautez ayent et la foiblesse de vouloir se distinguer par des édifices, enrichis des plus brillans ouvrages des beaux arts, qui attireut les curieux & les yeux à peuple, & occasionnent une plus grande fréquentation des Eglises; les Religieux & Religieuses ont presque tous donnez dans la nouveaux des Retables depuis environ 150. ans, leur exemple a entrainé quel ques-uns de ces Curez de Village, qui n'ont lû que leurs Cahiers de Scolastique, & a donné de l'émulation aux Architectes & aux Desirnateurs non lettrez, qui ont cru faire merveille en proposant beatcoup de fatras, qui ne fignifient rien. L'ancienne simplicité & diposition des Autels ne s'est soutenue que dans les Cathedrales, qui ont en recommandation la fainte Antiquité; comme à celle de Lyon, qui n'a admis aucune nouveauté depuis 800. ans. On n'y voit encorequ'une simple table, sans additions de Gradins ni de Tabernacles, pas meme de chandeliers, qu'on n'y met que pendant la celebration de la Melle; mais il en est peu qui ayent si religieusement observé les anciens usages, presque tout le monde Catholique a donné dans le fagotage des ordres, Les Sculpteurs qui ont été d'Architecture pour orner les Autels. le plus souvent les Architectes des Retables & des Tabernacles, n'ont pas manqué, suivant le goût de leur prosession, de les furcharger de beaucoup de Sculptures & d'ornemens de toutes et peces, même jusqu'à des masques & à des chimeres, & autres pareils réceptacles de la poussière, propres à des nids d'araignées, & contraire à l'entretient de la propreté; ce qui est encore plus ridicule, il

mêlent des figures humaines, ordinairement si mal faites, ou si bizarrement peintes de couleurs naturelles, mêlées de dorures, qu'on ne peut les regarder sans répugnance ou sans distraction.

CEPENDANT on consomme la plus grande partie des sonds de la Fabrique des Eglises à ces sortes de désagréables superfluitez, pour les quelles on néglige la propreté des murs, des voutes, des Vitraux & des pavez, & l'on croit une Eglise bien parée, quand elle a un beau retable doré, avec deux ou trois ordres d'Architecture.

Quotour j'estime fort la simplicité d'un Autel, je ne prétends pas cependant en exclure tout accompagnement d'Architecture, je sçai que depuis le cinquiéme siecle on les a souvent couverts d'une espece de Dais, porté par quatre ou six colonnes, qu'on apelloit Ciboire, auquel ont succedé nos Baldaquins, qui leur ressemblent beaucoup, j'en ai'décrit la figure & l'usage dans mes remarques sur l'Architecture de M. de Cordemoy, inserées dans les Mémoires de Trevoux, où je crois aussi avoir prouvé que les Ciboires n'étoient pas des Domes, tels que sont les nôtres, comme il l'a cru sur un trait d'histoire, qui semble le prouver.

L'occasion que j'ai de parler ici de cette dispute, qui a été interrompué par mon voyage de la Mer du Sud, où j'ai été plus de deux
ans & demi, & qui a fini par la mort de M. de Cordemoy, me fournit un moyen de relever une faute d'impression considerable, qu'on
avoit fait dans ma réplique: On lit à la page 1577 des Mémoires de
Trevoux de l'année 1711, sept pieds au lieu de CENT pieds; quoique
cette faute sut facile à deviner; puisque je parlois de la hauteur de
la voute de Ste. Sophie de Constantinople, sous laquelle il n'étoit pas
extraordinaire qu'un Poëte, comme Paul le Silenciaire exaltat la hauteur du Ciboire par une expression hyperbolique, Vastum in airem; mon
Adversaire n'a pas voulu l'appercevoir, pour en tirer matiere à se divertir sur la disproportion de la petitesse d'une hauteur de seps pieds.
Revenons à notre sujet.

De tout ce que je viens de dire, je veux conclure contre l'abus de la multiplication des ordres d'Architecture, & infinuer qu'on ne doit point en mettre dans les endroits d'un batiment, où ils n'ont rien à suporter, & où ils ne sont employez que comme une décoration postiche; sans rélation avec les suports des voutes, ou des Galeries.

Je crois même que c'est une dépense mal entendue, que d'en décoter une Porte de Ville de Guerre; cet ajustement ne leur convient point; parce qu'il n'est pas censé, qu'elles doivent être faites en por-

[ 64 ]

tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit come ner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des ou lonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre et saillie, sont toujours une espece de bas relief de Portique, qui seron Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui du de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus conve. Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avec des frontour Latinorbus. sont des ressources d'Écoliers, qui n'ont qu'à copier un livre; les Mil. tres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on entre voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Gir. re on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux cui cutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres covent que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux on lonnes, ils reudent leurs desseins plus males & même terribles, dike. ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une délagrait alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgré ca changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une du se ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenom à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architedur, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ouqui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est m ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée contait au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la persima de l'art.

> Je sçai que c'est en quelque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des intuité tez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux ion li acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habinde, fans examiner si les ordres sont placez à propos, & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a rien à démêler dans ce genre de décoration, peut on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que sion l'exposoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chifonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les delseins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particuliere ment dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il ! prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Université principal de la Chimeres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe à tout ce qu'on veut décorer.

Mus

Mais, me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, on si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulierement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à fon entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de se montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

Ì

t

ţ

Ł

.

ì

3

2

L

2;

Ż.

i≧ Ł

7

五三四二十二十五日

REVENONS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

[ 64 ] tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit couron.

ner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des co. lonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre en faillie, font toujours une espece de bas relief de Portique, qui seroit \* Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui d'un de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus conve-fignifie, sans Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avec des frontons Latinorbus. sont des ressources d'Écoliers, qui n'ont qu'à copier un livre ; les Maitres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on enpeut voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Guare on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux exé cutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres croyent, que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux colonnes, ils reudent leurs desseins plus mâles & même terribles, difent ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une désagréale alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgré œ changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une chose ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenons à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architecture, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ou qui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est un ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée contraire au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la perfection

> de l'art. Je sçai que c'est en quelque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des inutilitez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux sont si acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habitude, fans examiner si les ordres sont placez à propos, & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a rien à démêler dans ce genre de décoration, peut-on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que si on l'expofoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chifonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les desseins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particulierement dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il y prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Chi. meres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe

à tout ce qu'on veut décorer.

Mais

ζ

.:

ŗ

:3

12

7

::

:

7

3,

1.

1,2

Œ

=

Ţ.

7

72

江岸

Ţ'n.

Œ.

ra igr

32

24

ÝΤ

Mars. me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, on si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulièrement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à son entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de se montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

REVENORS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

FIN.

[ 64 ]

tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit couronner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des colonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre en saillie, sont toujours une espece de bas relief de Portique, qui seroit \* Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui d'un de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus convefignifie, sans Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avec des frontons Latinorbus. sont des ressources d'Ecoliers, qui n'ont qu'à copier un livre; les Maitres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on en peut voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Guerre on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux exécutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres croyent, que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux colonnes, ils rendent leurs desseins plus males & même terribles, disent ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une désagréable alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgré ca changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une chose ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenons à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architecture, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ou qui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est un ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée contraire au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la perfection de l'art.

> Je sçai que c'est en quelque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des inutilitez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux sont si acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habitude, fans examiner si les ordres sont placez à propos, & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a rien à démêler dans ce genre de décoration, peut on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que si on l'expofoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chisonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les desseins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particulierement dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il y prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Chimeres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe à tout ce qu'on yeut décorer.

> > Mais

[ 65 ]

Mais, me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, on si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulierement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à son entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de le montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

REVENONS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

[ 64 ]

tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit courne ner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des m lonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre en faillie, sont toujours une espece de bas relief de Portique, qui seron \* Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui d'un de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus conve Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avecdes frontom Latinorbus. sont des ressources d'Ecoliers, qui n'ont qu'à copier un livre; les Mais tres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on entent voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Gue. re on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux exé cutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres coyen, que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux o. lonnes, ils reudent leurs desseins plus mâles & même terribles, disent ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une délagréable alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgié on changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une dose ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenons à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architecture, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ouqui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est m ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée commande au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la persection de l'art.

> Je sçai que c'est en quelque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des inutilitez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux iont si acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habitude, fans examiner si les ordres sont placez à propos, & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a rien à démêler dans ce genre de décoration, peut on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que si on l'exposoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chifonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les desseins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particulierement dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il y prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Chimeres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe à tout ce qu'on veut décorer.

Mais

[ 65 ]

Mais, me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, ou si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulièrement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à fon entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de le montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

REVENONS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit comme ner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des ou lonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre et saillie, sont toujours une espece de bas relief de Portique, qui seroit \* Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui du de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus conve. Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avec des frontons Latinorbus. sont des ressources d'Ecoliers, qui n'ont qu'à copier un livre; les Mil. tres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on enpeut voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Gue. re on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux exé. cutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres croyent, que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux colonnes, ils reudent leurs desseins plus males & même terribles, dilen. ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une délagréable alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgré cu changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une cho se ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenons à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architecture, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ouqui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est m ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée contraite au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la perfetion de l'art.

[ 64 ]

Je sçai que c'est en quesque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des inutilitez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux sont si acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habitude, sans examiner si les ordres sont placez à propos. & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a nen à démêler dans ce genre de décoration, peut on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que sion l'exposoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chifonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les des seins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particulierement dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il y prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Chimeres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe à tout ce qu'on yeut décorer.

Mus

[ 65 ]

Mars, me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, on si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulierement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à son entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de le montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

REVENORS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

tiques, ce n'est pas là sa place, ni celle d'un fronton, qui doit courne. ner un batiment; or puisqu'il est de mauvais goût d'enclaver des ou lonnes dans les murs, & que les pilastres qu'on y peut mettre en saillie, sont toujours une espece de bas relief de Portique, qui seroit \* Terme ridiculement placé au milieu d'un mur Orbe\*, tel qu'est celui du de l'Art, qui Rampart, on doit orner autrement & d'une maniere plus conve. Fenetre, du nable une porte de Ville; les ordres d'Architecture avec des frontons Latinorbus. sont des ressources d'Ecoliers, qui n'ont qu'à copier un livre; les Mai. tres ont d'autres décorations martiales & simples, comme on enpeut voir aux Portes de S. Denis & de S. Martin, & en fait de Villes de Guer. re on pourroit citer celles de Phalsbourg, si elles étoient mieux exé cutées & mieux couronnées. Je sçai que les Partisans des ordres croyent, que par le moyen des Bandes & de Bossages, qu'ils ajustent aux colonnes, ils reudent leurs desseins plus mâles & même terribles, dilent ils; mais ces additions sont, comme nous avons dit, une délagréable alteration de la belle Architecture, & retombent encore malgré ca changemens dans l'imitation des portiques. Or l'imitation d'une du se ridicule ne sçauroit devenir belle que dans le comique. Revenom à la fin des choses, nous reconnoitrons que tout ordre d'Architectur, qui est hors de la place qui lui convient, qui ne suporte rien, ouqui ne doit être d'aucun usage, que de se montrer sans fonction, est un ouvrage & une dépense superflue, qui sera toujours réputée contrait au bon sens, quand même il seroit exécuté dans toute la persection de l'art.

[ 64 ]

Je sçai que c'est en quelque façon se déclarer contre la mode & contre un goût presque général, que de trouver à redire à des inutilitez que l'on rencontre presque par-tout, & ausquelles nos yeux sont si acoutumez, qu'on y trouve une beauté de préjugé & d'habitude, fans examiner si les ordres sont placez à propos, & avec la convenance des lieux qu'on veut décorer. Cependant si l'esprit n'a rien à démêler dans ce genre de décoration, peut - on y trouver des beautez constantes au goût de tous les hommes? je doute que sion l'exposoit aux yeux d'un Chinois, il prit plus de plaisir à voir un assemblage confus de grandes & de petites colonnes, de corniches tournées en rouleaux, pliées, & comme chisonées par des ressauts, chargées de festons, de cartouches & autres choses, si communes dans les desseins des Architectes d'Espagne, d'Allemagne & d'Italie, particulierement dans ceux du fameux Frere Pozzo, je doute, dis-je, qu'il y prit plus de plaisir que nous n'en prenons à voir les Dragons & les Chimeres, qui passent pour des beautez à la Chine, où on les employe à tout ce qu'on veut décorer.

Mais

[ 65 ]

Mais, me dira-t-on, comment faire pour orner une porte de ville? comment accompagner un Autel adossé contre un mur? y a-t-il riende mieux à faire que d'y pratiquer un ordre d'Architecture, avec des colonnes de differentes façons, canelées & torses, ou couvertes de · quelques ornemens de sculpture, comme de Pampres de vignes, & de quelques petites Anges qui badinent avec les raisins, dans les creux de ses ondulations, on si l'on veut être plus correct, un bel Ordre fait dans toutes les régles des meilleurs Architectes? Les gens délicats ont beau dire, qu'un ordre uni représente un Portail, & que lorsqu'il est couvert de sculpture, comme dans certaines Eglises, particulierement d'Espagne, c'est un réservoir de poussière, on en revient toujours là. Il est vrai ; & c'est en cela que paroît la stérilité des Architectes & des Dessinateurs; car il est des manieres simples & ingénieuses de décorations, qui valent mieux que des ordres d'architecture. J'aimerois mieux celle d'un des Autels de Chapelle derriere le Chœur de Notre - Dame, où il n'y a ni Colonnes, ni Pilastre, que celle des deux Autels Collateraux à son entrée dans la nef, où huit colonnes de marbre n'ont d'autre fonction, que celle de se montrer sous une Corniche Architravée. Et quant aux portes de ville, j'en ai nommé cidevant qui sont décorées de bon goût sans ordre d'architecture.

REVENONS à la simplicité des premiers tems, plutôt que d'enrichir les lieux par des ornemens déplacez; n'abandonnons pas la maxime de ces Architectes de la Grece, dont parle Vitruve, quine faisoient rien dons ils ne pussent rendre de bonnes raisons. Regardons l'usage & la fin des choses, comme une régle invariable & universelle, qui est seule le principe de la vraye beauté, & qui doit nous conduire dans toutes nos actions, même dans celles où il ne s'agit que d'imiter la nature par le secours de l'art, comme dans la composition & la disposition des Ordres d'Architecture.

• • • • . . • . . • • ÷ ^

# FAUTES à corriger avant que de lire la Dissertation sur les Ordres d'Architecture.

Pages.	Zignus.	Fautes.	Corvedions.
3	10	d'Architectures Chenards	d'Architecture
8	3 <u>7</u>	ceux de	Renards
10 ibid.	7	fliticutas	ceux que constitutas
ioia. II	14 à la marge 1 & 33	d'Apaherius	d'Apaturius
jbid.	11 à la marge	ponunt	ponuntur
13	4 àla marge	fteelto	Stretto
14	12	conjectu	conjecture
17	31	le	les
ibid.	pénul.	la mauvaife	effecez la
ibid.	à la marge l. 15.	delicatoribu <b>s</b>	delicatioribus
19	1	que ce	que le
20	4	le quart de	le quart du
21	23	Cornes	Carnes
23	22	mette	mettent
ibid.	25	Pon eft	l'on n'est
24	. 7	antrainé	entrainé
ibid.	17	a pan	à pans
25	11	prétend Pice macetti	il prétend
ibid.	12	Canete 2	Piumacetti Canalan
27	33	Cianes	Canelez Lianes
28	16	Bottes	Côtes
. ibid.	ς 12	Rudenture	Rudentures
ibid.	23	Bonavota	Bonarota
30	3	Corgerin	Gorgerin
ibid.	12	au terme	aux Thermes
ibid.	39	Picemacetti	Piumacetti
31	<b>16</b>	attention	alteration
32	19	la baque	l'Abaque
35	32	naturel	naturelle
ibid.	38	belles	belle
36	4 & derniere,	Arcostile	Areoftile
37	25	arcostile	Areoftile
39	34	acceffoirs	accessoires
40	23	dentelées	dentées
ibid.	31	faumiers	Somn.iers
43	25	fon ordre	l'Ordre
,44	2	un ordre	d'un ordre
ijid,	31	ane converture	des ouvertures

Tau.	Ligner.	. Fante.	Correllies.
45	31	Pareau	Pureau
46	22	Domine	Doucine
45 46 Hid.	marge II.	vede rebbe	vederebbe
48	22	trop	très-
50	18	referer	refferrer
ŚI	pénuL	factu	factum
5 I 56	· 48	d'égale & fe	el égal
57	21 .	& le	& qui le
58 60	10	laudatie	Landen
60	1	au milieu	au lieu
61	16	en est conm	est bien com
62 Hid	7	bottes	Boëtes
ibid.	13	a reftée	est resté
64	13	& de	& des



· ·

